

9

x عدد حقيقي موجب تماما حيث : $A = \frac{x}{x+1}$ و $B = \frac{x-1}{x}$

- (1) أحسب الفرق $A-B$.
- (2) استنتج إشارة الفرق $A-B$ ثم قارن A و B .
- (3) استنتج مقارنة بين العددين $\sqrt{\frac{2019}{2020}}$ و $\sqrt{\frac{2020}{2021}}$

10

- نعتبر العدد A حيث $A = \sqrt{5+2\sqrt{6}} - \sqrt{5-2\sqrt{6}}$
- (1) قارن بين العددين $\sqrt{5+2\sqrt{6}}$ و $\sqrt{5-2\sqrt{6}}$ ثم استنتج إشارة A
 - (2) أحسب A^2 ثم استنتج القيمة المبسطة لـ A

11

نعتبر العدد $\alpha = \sqrt{4+\sqrt{7}} - \sqrt{4-\sqrt{7}}$

- (1) حدد إشارة α مع التبرير
 - (2) بين أن $\alpha^2 = 2$ ثم استنتج أن $\sqrt{4+\sqrt{7}} = \sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{2}$
 - (3) أكتب النسبة $\frac{1}{\sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{2}}$ بمقام ناطق
 - (4) علما أن $2,65 < \sqrt{7} < 2,64$ عين حصرًا للعدد $\frac{\sqrt{4-\sqrt{7}}}{3}$
 - (5) نضع $B = 1 + \frac{\alpha}{2}$ و $A = \sqrt{1+\alpha}$
- أحسب الفرق $A^2 - B^2$ ثم استنتج مقارنة لـ $\sqrt{1+\sqrt{2}}$ و $1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$

نعتبر العدد A حيث $A = 3\sqrt{2} - 4$ و $B = \frac{7}{\sqrt{2}+1}$ و $C = \frac{1}{\sqrt{2}-1}$

- (1) قارن بين $2\sqrt{3}$ و 4 ثم حدد إشارة A
 - (2) بين أن $B - C = 2A$ ثم استنتج مقارنة لـ B و C
 - (3) إذا علمت أن $1,42 < \sqrt{2} < 1,41$ عين حصرًا لكل من A و B و C
 - (4) a و b عدنان حقيقيان حيث $1,4 < a < 1,7$ و $2,4 < \sqrt{2} < 3,1$ عين حصرًا لكل من $a+b$ ، $a-b$ ، $2a-4b$ ، $5a+b$ ، $-3a-2b$ ، $a \times b$
- أحسب $\frac{2a+1}{2b-2}$ ، $\frac{a}{b}$ ، $a^2 + b^2$

13

x عدد حقيقي سالب A و B عدنان حقيقيان حيث : $A = (x+3)^2$ و

$$B = (x-3)^2$$

- (1) أحسب قيمة A و B من أجل $x = -2$.
- (2) أحسب الفرق $A-B$.
- (3) استنتج إشارة $A-B$ ثم قارن A و B .

14

a و b عدنان حقيقيان بحيث $a \in]2; b]$ نضع $A = \sqrt{a} - \sqrt{b}$ و $B = \sqrt{a-2} - \sqrt{b-2}$

- (1) حدد إشارة كل من A و B .
- (2) بين أن $\frac{\sqrt{a-2} + \sqrt{b-2}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$
- (3) استنتج أن $\frac{A}{B} \in]0; 1]$ ثم قارن بين A و B
- (4) قارن بين العددين $x = \sqrt{17} - \sqrt{15}$ و $y = \sqrt{15} - \sqrt{13}$
- (5) نفرض $x \in \left[-\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right]$ عين حصرًا للعدد $k = \frac{c^2}{1+c^2}$

1

ليكن العدنان a و b حيث $a = \frac{1-\sqrt{3}}{2}$ و $b = \frac{1+\sqrt{3}}{2}$

- (1) أحسب a^2 ، b^2 ، $a^2 - b^2$ ، $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$.
- (2) قارن بين $\sqrt{3} + a$ و b
- (3) عين أصغر مجموعة تنتمي إليها الأعداد : $a+b$ ، $a^2 \times b^2$ ، $a^2 - b^2$

2

x و y عدنان حقيقيان بحيث : $x = \sqrt{2+\sqrt{3}}$ و $y = \sqrt{2-\sqrt{3}}$

- (1) أحسب كلا من $x^2 + y^2$ و $x \cdot y$ ثم استنتج $(x+y)$
- (2) إجعل النسبة $\frac{x}{y}$ بمقام ناطق.

3

a و b عدنان حقيقيان يحققان : $a^2 + b^2 = 2$ و $a + b = 1$ (1)

- (1) أحسب ab
- (2) برهن أن $a^4 + b^4$ عدد عشري.
- (3) برهن بالحساب أن العددين $a = \frac{1-\sqrt{3}}{2}$ و $b = \frac{1+\sqrt{3}}{2}$ يحققان الشرط (1)

4

نعتبر العدد a حيث : $a = 1 + 7 + 7^2 + 7^3 + \dots + 7^{15}$

(أ) أكتب العدد $7a+1$ بدلالة a

(ب) استنتج أن : $6a = 7^{16} - 1$ وأن : $a = 8(7^2 + 1)(7^4 + 1)(7^8 + 1)$

(2) n عدد طبيعي غير معدوم :

(أ) بين أن : $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} = \frac{1}{n(n+1)}$

(ب) بسط المجموع S حيث :

$$S = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{2020 \times 2021}$$

5

نعتبر x و y عدنان حقيقيان موجبان قطعاً :

- (1) بين أن : $x^2 + y^2 \geq 2xy$
- (2) بين أن : $\frac{1}{x^2 + y^2} \leq \frac{1}{2xy}$
- (3) بين أن : $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2$
- (4) بين أن : $\sqrt{x+y} \leq \sqrt{x} + \sqrt{y}$

6

n عدد فردي وليكن x و y عددين طبيعيين حيث $x = 25n+5$ و $y = 16n+5$

(1) أثبت أن العدد x زوجي و العدد y فردي

7

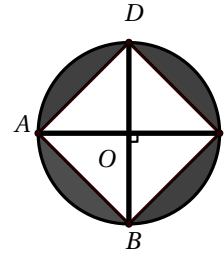
نضع $A = \sqrt{x^2 + x + 1} - \sqrt{x^2 - x + 1}$ و $B = \frac{2x}{\sqrt{x^2 + x + 1} + \sqrt{x^2 - x + 1}}$

أثبت أن $A = B$

8

(1) بين أن 401 عدد أولي.

(2) عين العددين الطبيعيين a و b بحيث $a^2 - b^2 = 401$



(C) دائرة مركزها O و نصف قطرها r
كما هو موضح في الشكل.

علما أن $3.14 \leq \pi \leq 3.15$ و $1.1 \leq r \leq 1.21$

* عين حصرا لمساحة الجزء الملون بالأسود.

15

ليكن a و b عدنان حقيقيان بحيث : $0 < a < b$ و $7 < a^2 + b^2 < 12$ و $1 < ab < 2$

(1) برهن أن : $3 < a + b < 4$ و أن $\sqrt{3} < a - b < \sqrt{10}$.

(2) إستنتج أن $\frac{3 + \sqrt{3}}{2} < a < 2 + \frac{\sqrt{10}}{2}$ و أن $\frac{3 - \sqrt{10}}{2} < b < \frac{4 - \sqrt{3}}{2}$.

(3) أعط حصرا لـ a و b بالتقريب إلى 10^{-5} .

16

لتكن العبارتين التاليتين : $A(x) = \sqrt{(x+1)^2} - 2$ و $B(x) = |x-6| - 2$

(1) ترجم العلاقات التالية على شكل مسافة ثم عين حلول كل من المعادلة و

المتراجحة التاليتين : ① $A(x) + 2 = 4$ ② $B(x) \leq 1$

(2) من أجل كل عدد حقيقي x أثبت ما يلي :

(أ) إذا كان $|2x-3| \leq 5$ فإن $-1 \leq x \leq 4$

(ب) إذا كان $|x-6| \leq 2$ فإن $4 \leq x \leq 8$

(3) نعتبر المجالين I و J حيث : $J = [-1; 4]$ و $I = [4; 8]$

(أ) عين $I \cup J$ و $I \cap J$

(ب) بوضع $x \in [4; 8]$ ، عين حصرا لكل من $-2x^2 + 1$ و $\frac{3x}{x-2}$



17

لتكن العبارة A حيث : $A = \sqrt{x^2 - 2x + 1}$

(1) بسط العبارة A .

(2) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $A = 4$.

(3) حل في المجال $\mathbb{R}$ المتراجحة $A \leq 2$.

18

x عدد حقيقي، لتكن العبارة $A(x)$ حيث : $A(x) = |x+2| - 2$

(1) حل المتراجحة $A(x) \leq 0$ (أكتب الحلول في صيغة مجال J).

(2) نعتبر المجال : $I = [-6; -4[$

(أ) أكتب I على صيغة الحصر ، القيمة المطلقة و المسافة

(ب) عين $I \cup J$ و $I \cap J$ (مع التمثيل).

(3) باستعمال مفهوم المسافة حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $A(x) + 2 = |x+3|$



الأستاذة نرجس مرواني للرياضيات

merouaninardjiss@gmail.com

profmerouani

0770349020