

اختبار الثلاثي الثاني لمادة الرياضيات

التمرين الأول: (6 نقاط)

$B(x) = x^2 + 3x - 4$ و $A(x) = 2x^3 + 3x^2 - 17x + 12$ عبارتان جبريتان حيث:

1- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x فان: $A(x) = (2x - 3) \times B(x)$

2- حل في R المعادلة: $A(x) = 0$ ، ثم استنتج حلول المعادلة $(2\cos x - 3)(\cos^2 x + 3\cos x - 4) = 0$

من اجل $x \in [0; \pi]$

3- حل العبارة $A(x)$

4- ادرس اشارة العبارة $A(x)$ ، ثم استنتج حلول المتراجحة $A(x) > 0$

5- حل في R المتراجحة $\frac{x^2 + 3x - 4}{x + 5} \leq 0$

التمرين الثاني: (8 نقاط)

I. f دالة معرفة على $R - \{-2\}$ بالشكل: $f(x) = \frac{-x-1}{x+2}$

1- بين انه من اجل كل عدد حقيقي $x \neq -2$ فان: $f(x) = -1 + \frac{1}{x+2}$

2- ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $]-\infty; -2[$ ثم استنتج اتجاه تغير f على المجال $]-2; +\infty[$

3- بين كيف يمكن انشاء (C_f) انطلاقا من منحنى دالة مرجعية ثم ارسمه

II. اليك الشكل المقابل

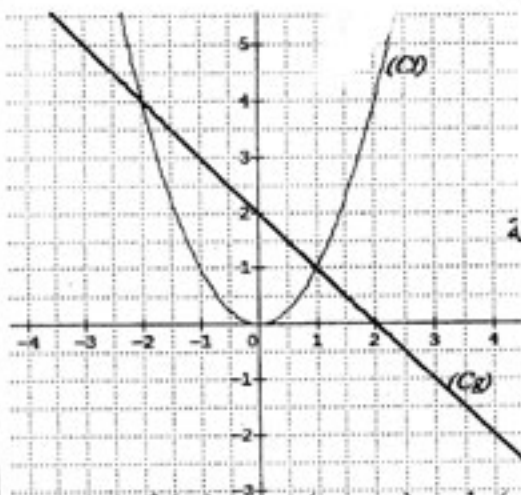
1- ماذا يمثل المنحنى (C_f) ؟ هل يسمى قطعاً زائداً؟

2- عين عبارة الدالة التالفة g

3- بالاعتماد على البيان: (أ) - حل بيانيا المعادلة $f(x) = g(x)$

(ب) - بوضع $g(x) = 2 - x$ تحقق جبرياً من حلول المعادلة السابقة

4- حل بيانيا المتراجحة $f(x) < g(x)$



التمرين الثالث: (6 نقاط)

أجب بـ "صح" أو "خطأ" مع التعليل في الحالتين:

1- x عدد حقيقي، اذا كانت $f(x) = \cos(\pi - x) + \sin(\pi + x) + 2\sin x + \cos(x + 2016\pi)$ فان

$$f(x) = \sin x$$

2- يوجد عدد حقيقي x حيث: $\sin x = 3$

3- يوجد عدد حقيقي x حيث: $\cos x = \frac{-2}{3}$

4- العبارة $(x^2 - 5)$ قابلة للتحليل

5- العبارة $x^2 + 16$ قابلة للتحليل

6- الدالة $\cos$ متزايدة تماماً على المجال $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$

المسألة 11: حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة: $\frac{x^2+3x-4}{x+5} \leq 0$

لدينا $x^2+3x-4 = (x+4)(x-1)$

x	-∞	-5	-4	1	+
x+4	-	-	0	+	+
x-1	-	-	-	0	+
x+5	-	0	+	+	+
f(x)	-	+	0	-	+

$S = \{-5, -5[0[4, 1]$

1) نثبت أنه ما قبل كل عدد حقيقي $x \neq -2$ بأنه $f(x) = -1 + \frac{1}{x+2}$

لدينا $f(x) = -1 + \frac{1}{x+2}$
 $= \frac{-x-2+1}{x+2} = \frac{-x-1}{x+2}$

2) دراسة اتجاه تغير الدالة $f(x)$ على $\mathbb{R}$

نفرض x_1, x_2 من $]-2, -\infty[$ حيث $x_1 < x_2$
 باضافة العدد -1 لكل طرف نجد
 $x_1+2 < x_2+2 < 0$ نقب الطرفين نجد

$\frac{1}{x_1+2} > \frac{1}{x_2+2}$ (لأنه الدالة عكس متناقصة على $]-2, -\infty[$)

باضافة -1 لكل طرف نجد $-\frac{1}{x_1+2} > -\frac{1}{x_2+2}$

أي $f(x_1) > f(x_2)$ إذن الدالة f متناقصة على $]-2, -\infty[$

استنتاج اتجاه تغير الدالة f على المجال $]-2, -\infty[$

بما أن الدالة f متناقصة على $]-2, -\infty[$

فإن متناقصة على $]-2, -\infty[$

3) رتبة الحدود من حيث الدالة المقبول: بالانسياب

الشيء متعاكس $(-1, 1)$ هو الرتبة

(II)

المجموعة (I) على منصف الدالة مربع: يسمى قوسه كمكانا

2) نحسب عبارة الدالة التاليفة: $g(x) = ax+b$

من البنية لدينا $b=2$ (الترتيب عكسنا)

ببساطة $a=-1$ (أو باختيار نقطتين $B(1,1)$)

إذن $g(x) = -x+2$

3) نوضح $S = \{x \mid g(x) \geq 0\}$

الاستق من الحلول جيبيا

$g(x) \geq 0 \iff -x+2 \geq 0 \iff x \leq 2$

$x^2+x-2=0$ نيكاف $x^2=2-x$

$\Delta=9$
 $x_1 = \frac{-b-\sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1-3}{2} = -2$ $x_2 = \frac{-b+\sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1+3}{2} = 1$

$S = \{-2, 1]$

4) ببساطة المراجعة: $f(x) < g(x)$

طاب 1
 $A(x) = x^2+3x-4$

$B(x) = x^2+3x-4$ بالترتيب

1) نثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإنه

$A(x) = (x-3) \times B(x)$

$A(x) = (x-3)(x^2+3x-4)$
 $= x^3+6x^2-8x-3x^2-9x+12$
 $= x^3+3x^2-17x+12$ متطابقة

2) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة: $A(x)=0$

$(x-3)(x^2+3x-4)=0$ كفاية

$x-3=0$ أو $x^2+3x-4=0$

$x = \frac{3}{2}$ $\Delta=9+16=25$

$x_1 = \frac{-b-\sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3-5}{2} = -4$

$x_2 = \frac{-b+\sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3+5}{2} = 1$

$S = \{\frac{3}{2}, -4, 1\}$

1- استنتاج حلول المعادلة:

$x \in (0, \pi] / (2 \cos x - 3)(\cos^2 x + 3 \cos x - 4) = 0$

وضوح $\cos x = X$

أي $(X-3)(X^2+3X-4)=0$ كفاية

حاصلته نجد $X=1$ أو $X=-4$ أو $X=\frac{3}{2}$

التوزيع نجد $\cos x = 1$ أو $\cos x = -4$ أو $\cos x = \frac{3}{2}$

متحيلة متحيلة $x=0$

$S = \{0\}$

3) تحليل العبارة $A(x)$

$A(x) = (x-3)(x^2+3x-4)$

$= (x-3)(x+4)(x-1)$

$A(x) = (x-3)(x+4)(x-1)$

4) دراسة إشارة العبارة $A(x)$

x	-∞	-4	1	3	+
$x-3$	-	-	-	0	+
$x+4$	-	0	+	+	+
$x-1$	-	-	0	+	+
$A(x)$	-	0	+	0	+

حلول المراجعة: $S = \{-4, 1[0] \cup \frac{3}{2} + \infty[$

طالت 3:

الاجاب بـصح "أو خطأ" مع العقليل

(1) صح
العقليل
لدينا

$$\begin{aligned} f(x) &= \cos(\pi - x) + \sin(\pi + x) + 2\sin x + \cos(x + 2016\pi) \\ &= -\cos x - \sin x + 2\sin x + \cos(x + 1008 \times 2\pi + 0) \\ &= -\cos x + \sin x + \cos x \\ &= \sin x \end{aligned}$$

(2) خطأ

العقليل: $\sin x \in [-1, 1]$ لكن $3 \notin [-1, 1]$

(3) صح

العقليل: $\cos x \in [-1, 1]$ و $-\frac{2}{3} \in [-1, 1]$ ، لدينا

(4) صح

العقليل: العبارة $x^2 - 5$ عبارة عن فرق مربعين

(5) خطأ

العقليل: العبارة $x^2 + 16$ عبارة عن مجموع مربعين

(6) خطأ

العقليل: الدالة $\cos$ متزايدة عاماً على $[-\frac{\pi}{2}, 0]$

ومتناقصتة عاماً على المجال $[0, \frac{\pi}{2}]$