

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

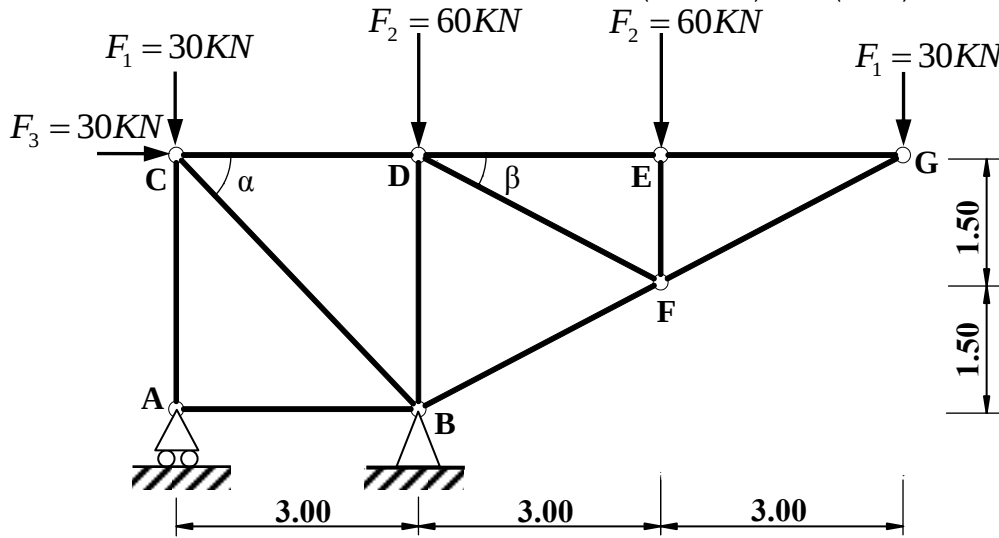
### الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات (من الصفحة 1 من 6 إلى الصفحة 3 من 6)

### الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: دراسة نظام مثلي (06 نقاط)

يمثل الشكل (01) نظاما مثليا محددًا سكونيا، مكونًا من قضبان زاوية مزدوجة (L) تحت تأثير حمولات مركزة ومستندًا على مسندين: A (بسيط) و B (مضاعف).



الشكل (01)

المطلوب:

- 1) احسب ردود أفعال المسندين A و B.
- 2) احسب الجهود الداخلية في قضبان النظام المثلي وحدد طبيعتها باستعمال طريقة عزل العقد (الطريقة التحليلية) مع تدوين النتائج في جدول.

$$\cos(\alpha) = \sin(\alpha) = 0.707$$

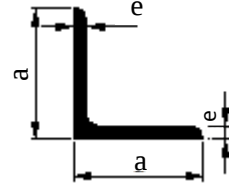
$$\cos(\beta) = 0.894 \quad ; \quad \sin(\beta) = 0.447$$

- 3) إذا علمت أن القضيب الأكثر تحميلا هو (BC) حيث:  $N_{BC} = 212.16 \text{ kN}$

$$\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN / cm}^2$$

والإجهاد المسموح به: • حدّد المجنب الزاوي اللازم والكافي للمقاومة من الجدول المرفق.

| المجنب L  | الأبعاد |        | المقطع (cm <sup>2</sup> ) |
|-----------|---------|--------|---------------------------|
|           | a (mm)  | e (mm) |                           |
| (20x20x3) | 20      | 3      | 1.12                      |
| (25x25x3) | 25      | 3      | 1.42                      |
| (30x30x3) | 30      | 3      | 1.74                      |
| (40x40x4) | 40      | 4      | 3.08                      |
| (50x50x5) | 50      | 5      | 4.80                      |
| (60x60x6) | 60      | 6      | 6.91                      |



الجدول المرفق

### النشاط الثاني: دراسة عمود من الخرسانة المسلحة (06 نقاط)

عمود من الخرسانة المسلحة داخل بناية خاضع لقوة انضغاط مركزية  $N_u$ .  
المعطيات:

- قوة الانضغاط:  $N_U = 0.98MN$
- مقطع العمود الخرساني:  $B = (25 \times 30)cm^2$
- مقاومة الخرسانة للانضغاط:  $f_{c28} = 20MPa$  ;  $\gamma_b = 1.5$
- طول التحدب:  $L_f = 2.80m$
- التسليح: فولاذ من النوع HA  $f_e = 400MPa$  ;  $\gamma_s = 1.15$
- الحمولات مطبقة بعد 90 يوما.

### المطلوب:

- (1) احسب مساحة التسليح الطولي الكافي واللازم لمقطع العمود.
- (2) احسب التسليح العرضي المناسب له.
- (3) اقترح رسما لتسليح مقطع العمود.

تعطى العلاقات التالية:

$$\lambda = 2\sqrt{3} \frac{L_f}{a}; \quad \alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2}; \quad B_r = (a - 2) \times (b - 2); \quad A_{th} = \left( \frac{N_u}{\alpha} - \frac{B_r \times f_{c28}}{0.9 \times \gamma_b} \right) \frac{\gamma_s}{f_e}$$

$$A_{min} = \text{Max} \left( 4u; \frac{0, 2 \times B}{100} \right); \quad A_{scal} = \text{Max} (A_{th}; A_{min}); \quad \phi_t = \frac{\phi_{L_{max}}}{3}$$

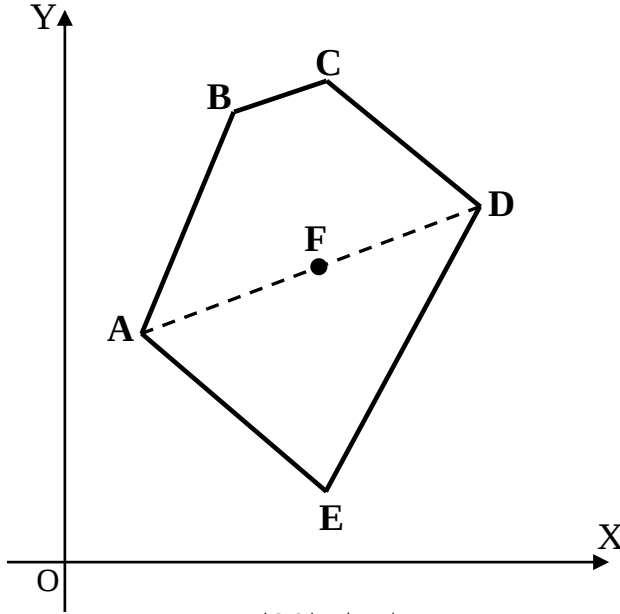
$$S_t \leq \text{Min} \{ (15 \times \phi_{L_{min}}); 40 \text{ cm}; (a + 10 \text{ cm}) \}$$

| المقطع بـ (cm <sup>2</sup> ) لعدد من القضبان: |       |       |       |       |       |       |      |      |      | القطر (mm) |
|-----------------------------------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|------|------|------------|
| 10                                            | 9     | 8     | 7     | 6     | 5     | 4     | 3    | 2    | 1    |            |
| 5.02                                          | 4.52  | 4.01  | 3.51  | 3.01  | 2.51  | 2.01  | 1.51 | 1.00 | 0.50 | 8          |
| 7.85                                          | 7.06  | 6.28  | 5.49  | 4.71  | 3.92  | 3.14  | 2.35 | 1.57 | 0.78 | 10         |
| 11.31                                         | 10.18 | 9.05  | 7.92  | 6.78  | 5.65  | 4.52  | 3.39 | 2.26 | 1.13 | 12         |
| 15.39                                         | 13.85 | 12.31 | 10.77 | 9.23  | 7.69  | 6.15  | 4.62 | 3.08 | 1.54 | 14         |
| 20.10                                         | 18.09 | 16.08 | 14.07 | 12.06 | 10.05 | 8.04  | 6.03 | 4.02 | 2.01 | 16         |
| 31.42                                         | 28.27 | 25.13 | 21.99 | 18.85 | 15.71 | 12.57 | 9.42 | 6.28 | 3.14 | 20         |

**البناء : (08 نقاط)**

**النشاط الأول: حساب المساحات (05 نقاط)**

انطلاقا من عملية رفع طبوغرافي لقطعة الأرض (ABCDE) الموضحة في الشكل (02) تحصلنا على النتائج المدونة في الجدول التالي:



| النقاط | X(m)  | Y(m)  |
|--------|-------|-------|
| A      | 10.00 | 30.00 |
| B      | 24.74 | 68.45 |
| C      | 40.89 | 69.86 |
| D      | 63.10 | 52.65 |
| E      | 41.61 | 05.50 |

الشكل (02)

**المطلوب:**

- احسب مساحة قطعة الأرض (ABCDE) بطريقة الإحداثيات الديكارتية (القائمة).
- احسب السميت الاحداثي  $G_{AD}$ ؛ إذا علمت أن النقطة F تنتمي للقطعة [AD] استنتج السميت الاحداثي  $G_{DF}$ .

**النشاط الثاني: الطرق (03 نقاط)**

- صنف الطرق تصنيفا إداريا (بدون شرح).

انتهى الموضوع الأول

## الموضوع الثاني

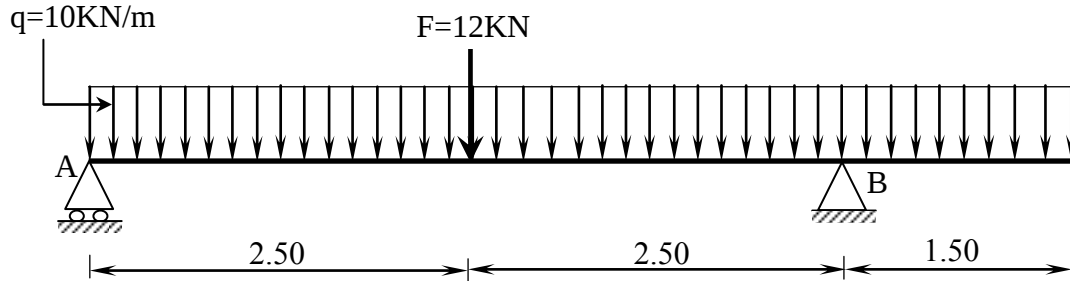
يحتوي الموضوع الثاني على (03) صفحات (من الصفحة 4 من 6 إلى الصفحة 6 من 6)

### الميكانيك التطبيقية: (12 نقطة)

النشاط الأول: الانحناء المستوي البسيط (06 نقاط)

رافدة خاضعة للانحناء البسيط وممثلة بالرسم الميكانيكي حسب الشكل (01).

- المسند A : بسيط
- المسند B : مضاعف



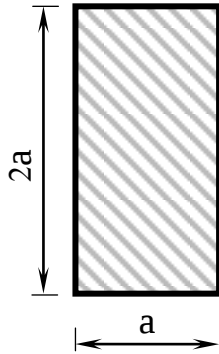
الشكل (01)

### المطلوب

- 1) احسب ردود أفعال المسندين A و B.
- 2) اكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم الانحناء  $M_f$  وارسم منحنييهما البيانيين.
- 3) إذا علمت أن العزم الأعظمي المطبق على الرافدة يقدر بـ:  $M_{f \max} = 40.63 \text{ KN.m}$  ومقطعها مستطيل حسب الشكل (02).

- حدد قيمة البعد a المناسبة التي تحقق شرط المقاومة.

يعطى:  $\bar{\sigma} = 200 \text{ daN/cm}^2$



الشكل (02)

النشاط الثاني: الأنظمة المثلثية (06 نقاط)

يمثل الشكل (03) نظامًا مثلثيًا محدد سكونيًا.

بحيث:

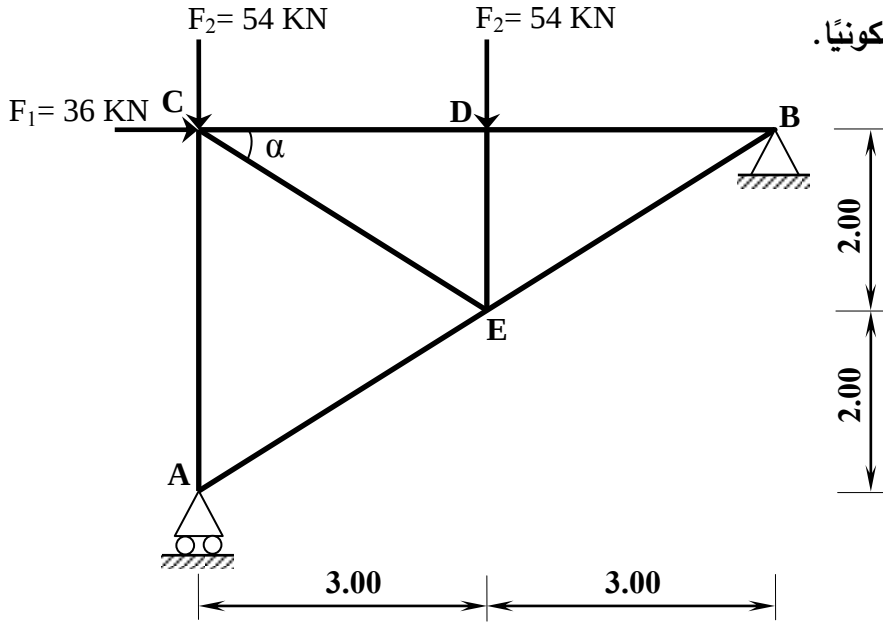
• المسند A : بسيط

• المسند B : مضاعف

يعطى:

$$\cos \alpha = 0.8320$$

$$\sin \alpha = 0.5547$$



الشكل (03)

المطلوب:

- 1) احسب ردود أفعال المسندين A و B.
- 2) احسب الجهود الداخلية في القضبان وعين طبيعتها باستعمال الطريقة التحليلية (عزل العقد) مع تدوين النتائج في جدول.

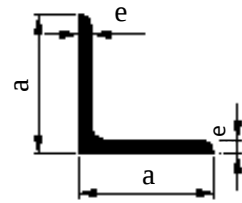
3) إذا كان القضيب الأكثر تحملاً تحت تأثير جهد ناظمي  $N_{\max} = 81 \text{ kN}$

والاجهاد الناطمي المسموح به  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$

- حدّد من الجدول المرفق المجنب الزاوي المناسب الذي يحقق شرط المقاومة.

ملاحظة: تتشكل قضبان النظام المثلثي من مجنبات زاوية مضاعفة ( L )

| المجنّب L | الأبعاد |        | المقطع (cm <sup>2</sup> ) |
|-----------|---------|--------|---------------------------|
|           | a (mm)  | e (mm) |                           |
| (20x20x3) | 20      | 3      | 1.12                      |
| (25x25x3) | 25      | 3      | 1.42                      |
| (30x30x3) | 30      | 3      | 1.74                      |
| (40x40x4) | 40      | 4      | 3.08                      |
| (50x50x5) | 50      | 5      | 4.80                      |
| (60x60x6) | 60      | 6      | 6.91                      |

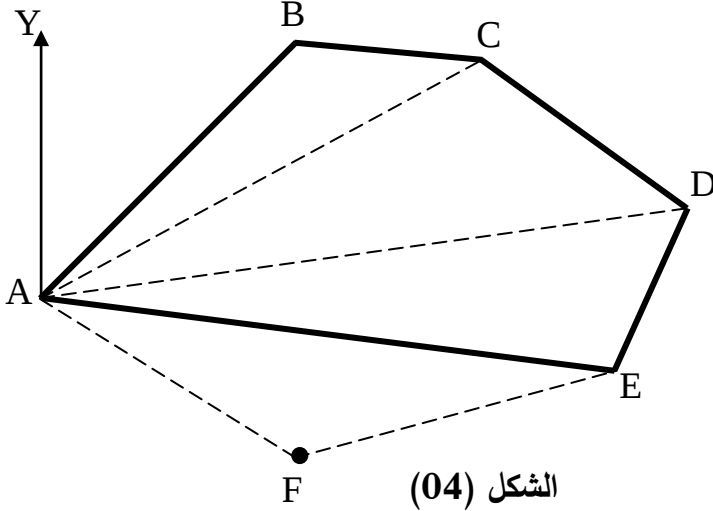


الجدول المرفق

## البناء : (08 نقاط)

### النشاط الأول: حساب المساحات (05 نقاط)

قصد توسيع القطعة الأرضية ABCDE المخصصة لإنجاز مشروع تقرر ضم القطعة AEF حسب الشكل (04).  
المعطيات:



| الطول                    | السمت الإحداثي            |
|--------------------------|---------------------------|
| $L_{AB} = 97 \text{ m}$  | $G_{AB} = 46 \text{ gr}$  |
| $L_{AC} = 133 \text{ m}$ | $G_{AC} = 65 \text{ gr}$  |
| $L_{AD} = 175 \text{ m}$ | $G_{AD} = 90 \text{ gr}$  |
| $L_{AE} = 154 \text{ m}$ | $G_{AE} = 109 \text{ gr}$ |

- تعطي الإحداثيات القائمة للنقطتين A و F:

•  $A (91.14 ; 135.78) \text{ m}$

•  $F (156.54 ; 91.55) \text{ m}$

المطلوب:

بالاعتماد على المعطيات السابقة:

(1) احسب طول الضلع  $L_{AF}$  والسمت الإحداثي  $G_{AF}$ .

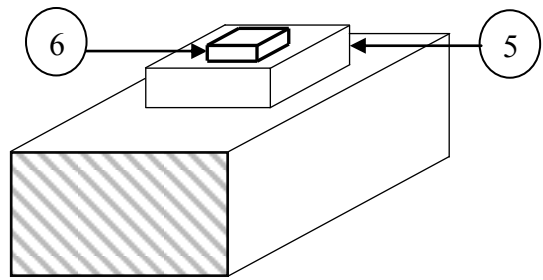
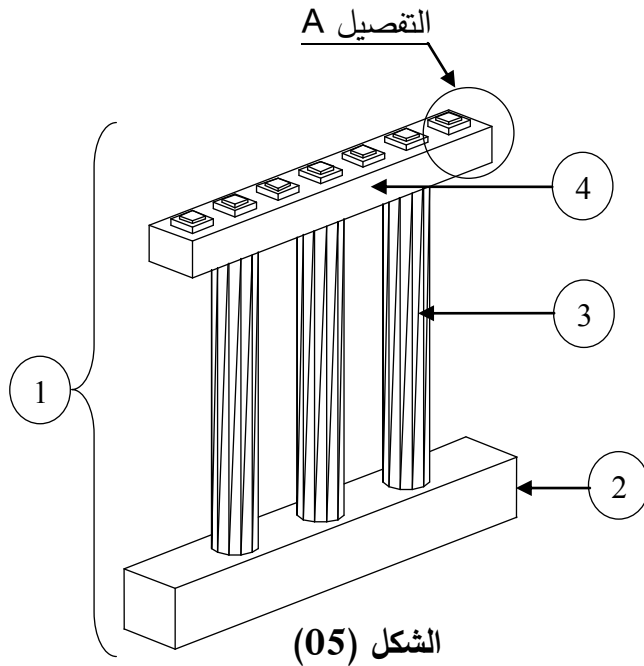
(2) احسب المساحة الكلية  $S_{ABCDE}$  باستعمال طريقة الإحداثيات القطبية.

### النشاط الثاني: الجسور (03 نقاط)

يمثل الشكل (05) أحد مكونات الجسر.

المطلوب:

- سمّ العناصر المرقمة من 1 إلى 6.

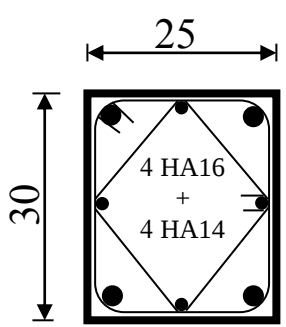


التفصيل A

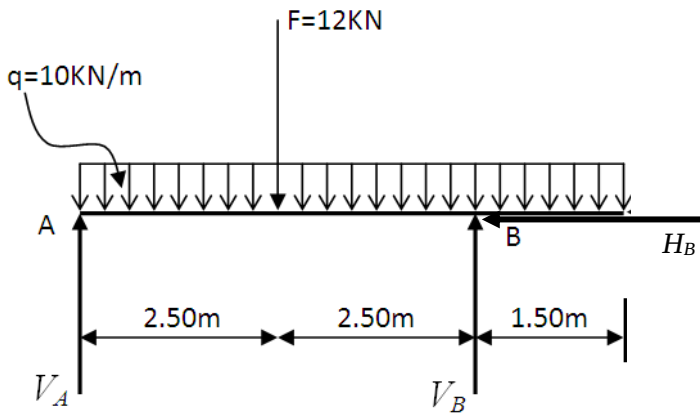
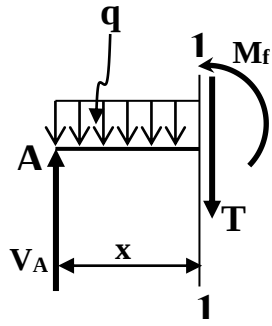
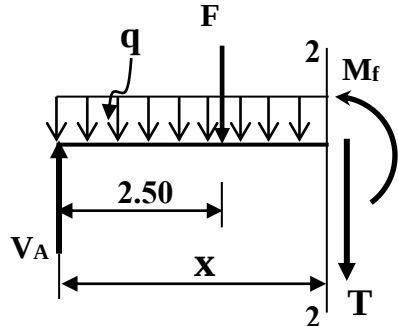
انتهى الموضوع الثاني

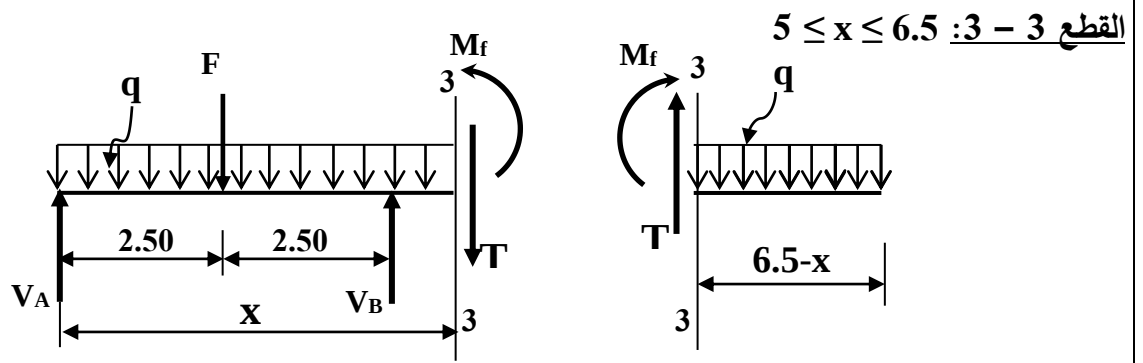
| العلامة |       | عناصر الإجابة (الموضوع الأول)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|---------|-------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| مجموع   | مجزأة |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| 01.50   |       | <p>الميكانيك التطبيقية:<br/>النشاط الأول:</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|         | 0.5   | <p>1 - حساب ردود الأفعال:</p> $\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow 30 - H_B = 0 \Rightarrow \boxed{H_B = 30KN}$                                                                                                                                                                                                                                                    |
|         | 0.5   | $\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 180KN$                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|         | 0.5   | $\sum M_{F/A} = 0 \Rightarrow (30 \times 3) + (60 \times 3) - (V_B \times 3) + (60 \times 6) + (30 \times 9) = 0 \Rightarrow \boxed{V_B = 300KN}$                                                                                                                                                                                                            |
|         | 0.5   | $\sum M_{F/B} = 0 \Rightarrow (30 \times 3) - (30 \times 3) + (V_A \times 3) + (60 \times 3) + (30 \times 6) = 0 \Rightarrow \boxed{V_A = -120KN}$                                                                                                                                                                                                           |
|         |       | <p>2 - حساب الجهود الداخلية في القضبان مع تحديد طبيعتها:</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|         | 0.25  | <p>• العقدة A:</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|         | 0.25  | $\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{AB} = 0}$ $\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow V_A + N_{AC} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{AC} = 120KN}$                                                                                                                                                                                                                       |
|         | 0.25  | <p>• العقدة C:</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|         | 0.25  | $\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow 30 + N_{CD} + N_{CB} \times \cos \alpha = 0 \Rightarrow N_{CD} + N_{CB} \times \cos \alpha = -30 \dots (1)$ $\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow -30 - N_{CA} - N_{CB} \times \sin \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{CB} = -212.16KN}$ $(1) \Rightarrow N_{CD} = -30 - N_{CB} \times \cos \alpha \Rightarrow \boxed{N_{CD} = 120KN}$ |

| 03.75 |                                                                                                                                                                                                 | 0.25                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | <div><div></div><div><math display="block">\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow -30 - N_{BA} + N_{BF} \times \cos \beta - N_{BC} \times \cos \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{BF} = -134.22 \text{KN}}</math><math display="block">\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow 300 + N_{BD} + N_{BC} \times \sin \alpha + N_{BF} \times \sin \beta = 0</math><math display="block">\Rightarrow \boxed{N_{BD} = -90 \text{ KN}}</math></div></div> | • العقدة B: |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|-------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|-----|-----|--------|-------|----|-----|----|-------|----|----|------------|-----|----|--------|-----|----|--------|-------|----|----|----|-------|---------|----|-------|-----|----|-----|-----|----|----|-----|----|-----|--|
|       | 0.25                                                                                                                                                                                            | <div><div></div><div><math display="block">\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow -N_{DC} + N_{DE} + N_{DF} \times \cos \beta = 0 \Rightarrow N_{DE} + N_{DF} \times \cos \beta = 120 \dots (1)</math><math display="block">\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow -60 - N_{DB} - N_{DF} \times \sin \beta = 0 \Rightarrow \boxed{N_{DF} = 67.11 \text{KN}}</math><math display="block">(1) \Rightarrow N_{DE} + N_{DF} \times \cos \beta = 120 \Rightarrow \boxed{N_{DE} = 60 \text{KN}}</math></div></div>       | • العقدة D:                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|       | 0.25                                                                                                                                                                                            | <div><div></div><div><math display="block">\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow -N_{ED} + N_{EG} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{EG} = 60 \text{KN}}</math><math display="block">\sum F_{/yy'} = 0 \Rightarrow -60 - N_{EF} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{EF} = -60 \text{ KN}}</math></div></div>                                                                                                                                                                                                                | • العقدة E:                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|       | 0.25                                                                                                                                                                                            | <div><div></div><div><math display="block">\sum F_{/xx'} = 0 \Rightarrow -N_{GE} - N_{GF} \times \cos \beta = 0 \Rightarrow \boxed{N_{GF} = -67.11 \text{KN}}</math></div></div>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | • العقدة G:                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|       | 01                                                                                                                                                                                              | <table><tr><th>العناصر</th><th>AC</th><th>AB</th><th>BC</th><th>CD</th><th>BD</th><th>BF</th><th>DF</th><th>DE</th><th>EF</th><th>EG</th><th>FG</th></tr><tr><td>الشدة (KN)</td><td>120</td><td>00</td><td>212.16</td><td>120</td><td>90</td><td>134.22</td><td>67.11</td><td>60</td><td>60</td><td>60</td><td>67.11</td></tr><tr><td>الطبيعة</td><td>شد</td><td>تركبي</td><td>ضغط</td><td>شد</td><td>ضغط</td><td>ضغط</td><td>شد</td><td>شد</td><td>ضغط</td><td>شد</td><td>ضغط</td></tr></table> | العناصر                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | AC          | AB  | BC  | CD     | BD    | BF | DF  | DE | EF    | EG | FG | الشدة (KN) | 120 | 00 | 212.16 | 120 | 90 | 134.22 | 67.11 | 60 | 60 | 60 | 67.11 | الطبيعة | شد | تركبي | ضغط | شد | ضغط | ضغط | شد | شد | ضغط | شد | ضغط |  |
|       | العناصر                                                                                                                                                                                         | AC                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | AB                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | BC          | CD  | BD  | BF     | DF    | DE | EF  | EG | FG    |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|       | الشدة (KN)                                                                                                                                                                                      | 120                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 00                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 212.16      | 120 | 90  | 134.22 | 67.11 | 60 | 60  | 60 | 67.11 |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
|       | الطبيعة                                                                                                                                                                                         | شد                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | تركبي                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | ضغط         | شد  | ضغط | ضغط    | شد    | شد | ضغط | شد | ضغط   |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
| 0.25  | <p>3 - تحديد المجنب المناسب:</p> $\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{N_{BC}}{2A} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow A \geq \frac{N_{BC}}{2\bar{\sigma}} \Rightarrow A \geq 6.63 \text{cm}^2$ |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
| 0.50  | <p>من الجدول نختار: المجنب L (60 × 60 × 6) حيث A=6.91cm<sup>2</sup></p>                                                                                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |
| 06    |                                                                                                                                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |             |     |     |        |       |    |     |    |       |    |    |            |     |    |        |     |    |        |       |    |    |    |       |         |    |       |     |    |     |     |    |    |     |    |     |  |

|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|-------|----|----|----|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 04.00 | 01 | 01 | 06 | النشاط الثاني:                                                                                                                                                                                                                                                              |
|       |    |    |    | 1- حساب مساحة التسليح الطولي:                                                                                                                                                                                                                                               |
|       |    |    |    | - حساب النخافة:                                                                                                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    | $\lambda = 2\sqrt{3} \frac{L_f}{a} \Rightarrow \lambda = 38.80 \leq 50$                                                                                                                                                                                                     |
|       |    |    |    | - حساب المعامل $\alpha$ :                                                                                                                                                                                                                                                   |
|       |    |    |    | $\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2} \Rightarrow \alpha = 0.6823$                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    | - حساب المقطع المصغر:                                                                                                                                                                                                                                                       |
|       |    |    |    | $B_r = (a - 2) \times (b - 2) \Rightarrow B_r = 644 \text{ cm}^2$                                                                                                                                                                                                           |
|       |    |    |    | - حساب مقطع التسليح النظري:                                                                                                                                                                                                                                                 |
|       |    |    |    | $A_{th} = \left( \frac{Nu}{\alpha} - \frac{Br \times f_{c28}}{0.9 \times \gamma_b} \right) \frac{\gamma_s}{f_e} \Rightarrow A_{th} = \left( \frac{98000}{0.6823} - \frac{644 \times 200}{0.9 \times 1.5} \right) \frac{1.15}{4000} \Rightarrow A_{th} = 13.86 \text{ cm}^2$ |
| 01    | 01 | 01 | 06 | - حساب مقطع التسليح الأدنى:                                                                                                                                                                                                                                                 |
|       |    |    |    | $A_{min} = \text{Max} \left( 4u; \frac{0.2 \times B}{100} \right) \Rightarrow A_{min} = \text{Max} (4.4 \text{ cm}^2; 1.5 \text{ cm}^2) \Rightarrow A_{min} = 4.4 \text{ cm}^2$                                                                                             |
|       |    |    |    | - حساب مقطع التسليح المحسوب:                                                                                                                                                                                                                                                |
|       |    |    |    | $A_{scal} = \text{Max} (A_{th}; A_{min}) \Rightarrow A_{scal} = \text{Max} (13.86; 4.4) \Rightarrow A_{scal} = 13.86 \text{ cm}^2$                                                                                                                                          |
|       |    |    |    | - اختيار مقطع التسليح الحقيقي: من جدول التسليح نختار:                                                                                                                                                                                                                       |
|       |    |    |    | 4HA16 + 4HA14                                                                                                                                                                                                                                                               |
|       |    |    |    | حيث: $A_s = 8.04 + 6.15 = 14.19 \text{ cm}^2$                                                                                                                                                                                                                               |
|       |    |    |    | 2- حساب التسليح العرضي المناسب:                                                                                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    | قطر التسليح العرضي: $\phi_t \geq \frac{\phi_{L_{max}}}{3} \Rightarrow \phi_t \geq \frac{16}{3} \Rightarrow \phi_t \geq 5.33 \text{ mm}$                                                                                                                                     |
|       |    |    |    | نختار: $\phi_t = 6 \text{ mm}$                                                                                                                                                                                                                                              |
| 01    | 01 | 01 | 06 | التباعد:                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|       |    |    |    | $S_t \leq \text{Min} (15\phi_{L_{min}}; 40 \text{ cm}; a + 10 \text{ cm}) \Rightarrow S_t \leq \text{Min} ((15 \times 1.4); 40 \text{ cm}; (25 + 10) \text{ cm})$                                                                                                           |
|       |    |    |    | $\Rightarrow S_t \leq 21 \text{ cm}$                                                                                                                                                                                                                                        |
|       |    |    |    | نختار التباعد: $S_t = 20 \text{ cm}$                                                                                                                                                                                                                                        |
|       |    |    |    | 3 - رسم تسليح مقطع العمود:                                                                                                                                                                                                                                                  |
|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                          |
|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|       |    |    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                             |

|    |        |                                                                                                                                                                                                                                             |
|----|--------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 03 | 01     | <p>البناء:<br/>النشاط الأول:</p> <p>1 - حساب مساحة قطعة الأرض ABCDE:</p> $S_{ABCDE} = \frac{1}{2} [x_A(y_E - y_B) + x_B(y_A - y_C) + x_C(y_B - y_D) + x_D(y_C - y_E) + x_E(y_D - y_A)]$                                                     |
|    |        | $S_{ABCDE} = \frac{1}{2} [10(5.5 - 68.45) + 24.74(30 - 69.86) + 40.89(68.45 - 52.65) + 63.10(69.86 - 5.50) + 41.61(52.65 - 30)]$                                                                                                            |
|    |        | $\Rightarrow S_{ABCDE} = 2017m^2$                                                                                                                                                                                                           |
|    | 0.25   | <p>2 - حساب السميت الاحداثي <math>G_{AD}</math>:</p> <p>• حساب فروق الإحداثيات:</p> $\Delta x_{AD} = x_D - x_A \Rightarrow \Delta x_{AD} = 63.10 - 10 = 53.10m$ $\Delta y_{AD} = y_D - y_A \Rightarrow \Delta y_{AD} = 52.65 - 30 = 22.65m$ |
|    | 0.5    | <p>• حساب الزاوية المصغرة:</p> $tg(g) = \left  \frac{53.10}{22.65} \right  = 2.34 \Rightarrow g = 74.33gr$                                                                                                                                  |
| 02 | 0.5    | <p>• حساب السميت الاحداثي <math>G_{AD}</math>:</p> <p>بما أن <math>\begin{cases} \Delta x_{AD} \geq 0 \\ \Delta y_{AD} \geq 0 \end{cases}</math> فإن القطعة AD تقع في الربع الأول وبالتالي:</p> $G_{AD} = g \Rightarrow G_{AD} = 74.33gr$   |
|    | 0.5    | <p>- استنتاج السميت الاحداثي <math>G_{DF}</math>: بما أن <math>G_{AD} = G_{FD} = 74.33gr</math> فإن:</p> $G_{DF} = G_{FD} + 200 \Rightarrow G_{DF} = 274.33gr$                                                                              |
|    | 0.5    |                                                                                                                                                                                                                                             |
| 05 | 4×0.75 | <p>النشاط الثاني:</p> <p>- تصنيف الطرق تصنيفا إداريا:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. الطرق السريعة</li> <li>2. الطرق الوطنية</li> <li>3. الطرق الولائية</li> <li>4. الطرق البلدية</li> </ol>                                 |
| 03 |        |                                                                                                                                                                                                                                             |
| 20 | 20     |                                                                                                                                                                                                                                             |

| العلامة |       | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |
|---------|-------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| مجموع   | مجزأة |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| 0.75    |       | <p>الميكانيك التطبيقية:<br/>النشاط الأول:<br/>1 - حساب ردود الفعل:</p>  <p> <math>\Sigma F_x = 0 \Rightarrow H_B = 0</math><br/> <math>\Sigma F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 12 - (10 \times 6.5) = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 77 \text{ kN} \dots \dots \dots (1)</math><br/> <math>\Sigma M_A = 0 \Rightarrow -(V_B \times 5) + (12 \times 2.5) + (10 \times 6.5 \times 3.25) = 0 \Rightarrow V_B = 48.25 \text{ kN}</math><br/> <math>\Sigma M_B = 0 \Rightarrow (V_A \times 5) - (12 \times 2.5) - (10 \times 6.5 \times 1.75) = 0 \Rightarrow V_A = 28.75 \text{ kN}</math><br/> <math>(1) \Rightarrow V_A + V_B = 28.75 + 48.25 = 77 \text{ kN}</math> </p> |
|         | 0.25  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         | 0.25  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         | 0.25  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| 03.00   |       | <p>1-2 - كتابة معادلات <math>M_f</math> و <math>T</math></p> <p><u>القطع 1 - 1 : <math>0 \leq x \leq 2.5</math></u></p>  <p> <math>T(x) = -10x + 28.75</math><br/> <math>M_f(x) = -5x^2 + 28.75x</math> </p> <p> <math>\begin{cases} T(0) = 28.75 \text{ kN} \\ T(2.5) = 3.75 \text{ kN} \\ M_f(0) = 0 \\ M_f(2.5) = 40.625 \text{ kN.m} \end{cases}</math> </p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|         | 0.50  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         | 0.50  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         |       | <p><u>القطع 2 - 2 : <math>2.5 \leq x \leq 5</math></u></p>  <p> <math>T(x) = -10x + 16.75</math><br/> <math>M_f(x) = -5x^2 + 16.75x + 30</math> </p> <p> <math>\begin{cases} T(2.5) = -8.25 \text{ kN} \\ T(5) = -33.25 \text{ kN} \\ M_f(2.5) = 40.625 \text{ kN.m} \\ M_f(5) = -11.25 \text{ kN.m} \end{cases}</math> </p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         | 0.50  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|         | 0.50  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |



0.50

$$T(x) = 10(6.5 - x)$$

نختار القطع على اليمين:

$$\Rightarrow T(x) = -10x + 65 \quad \left\{ \begin{array}{l} T(5) = 15 \text{ KN} \\ T(6.5) = 0 \end{array} \right.$$

0.50

$$M_f(x) = -10 \frac{(6.5 - x)^2}{2}$$

$$M_f(x) = -5(6.5 - x)^2 \quad \left\{ \begin{array}{l} M_f(5) = -11.25 \text{ KN.m} \\ M_f(6.5) = 0 \end{array} \right.$$

2-2- رسم المنحنيات على الصفحة 3 من 5

3 - تحديد أبعاد المقطع العرضي:

0.75

0.75

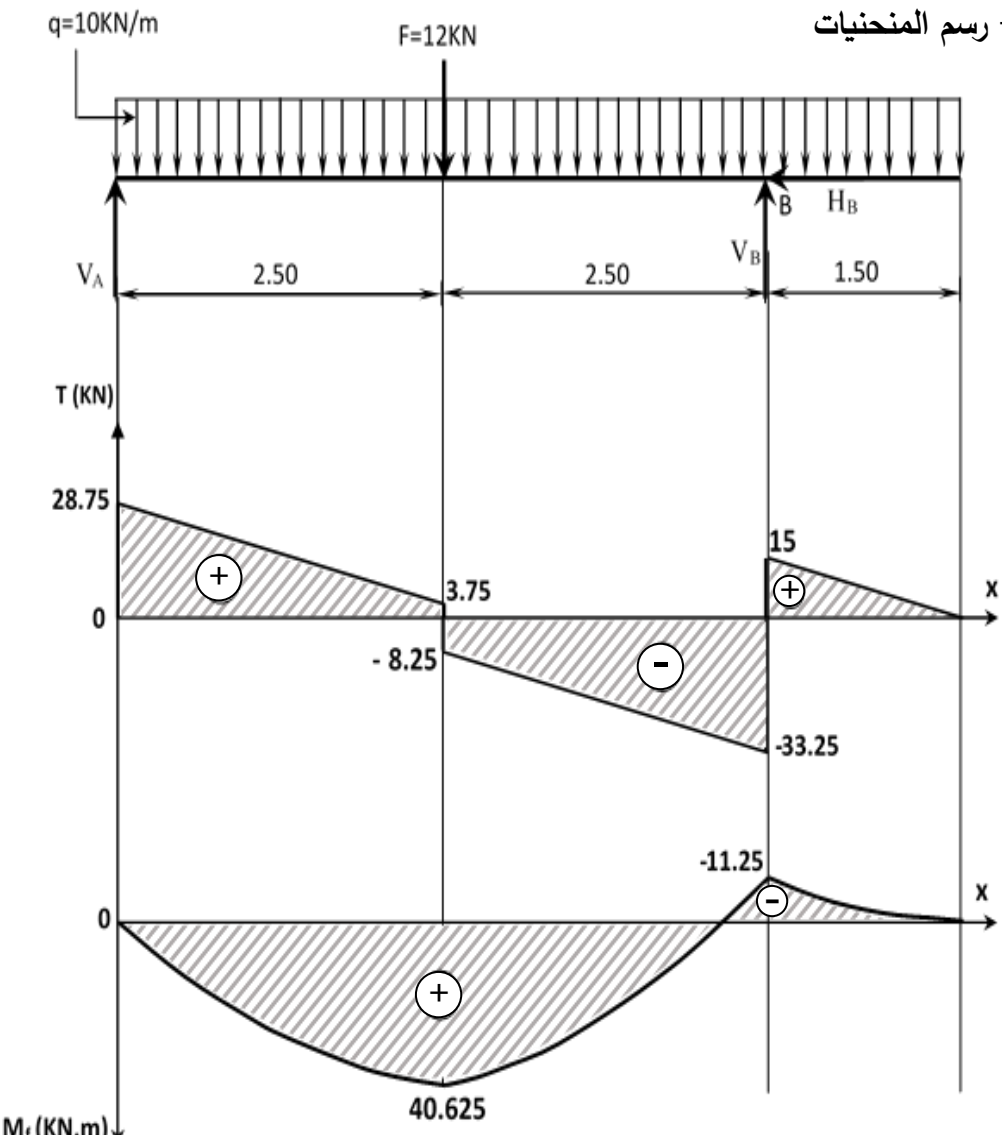
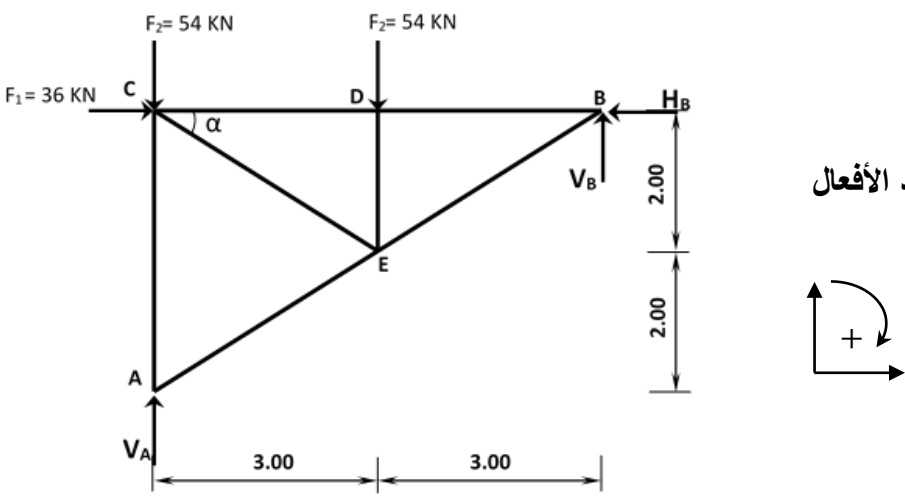
$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max}}{W_{xx'}}$$

$$W_{xx'} = \frac{\frac{a(2a)^3}{12}}{\frac{2a}{2}} \Rightarrow W_{xx'} = \frac{8a^4}{12} \times \frac{2}{2a} \Rightarrow W_{xx'} = \frac{2a^3}{3}$$

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max}}{W_{xx'}} \Rightarrow \sigma_{\max} = \frac{3M_{f \max}}{2a^3}$$

$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{3M_{f \max}}{2a^3} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow a^3 \geq \frac{3M_{f \max}}{2\bar{\sigma}} \Rightarrow a \geq \sqrt[3]{\frac{3M_{f \max}}{2\bar{\sigma}}}$$

$$a \geq \sqrt[3]{\frac{3 \times 40.63 \times 10^4}{2 \times 200}} \Rightarrow a \geq 14.49 \text{ cm} \Rightarrow a = 15 \text{ cm}$$

|    |  |                                                                                                                                                                                               |
|----|--|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|    |  | <p style="text-align: right;">2-2 - رسم المنحنيات</p>                                                      |
| 06 |  | <p style="text-align: right;">النشاط الثاني:</p> <p style="text-align: right;">1 - حساب ردود الأفعال</p>  |

01.25

0.25

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow -H_B + 36 = 0 \Rightarrow \boxed{H_B = 36 \text{ KN}}$$

0.50

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 54 - 54 = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 108 \text{ KN} \dots (1)$$

0.50

$$\Sigma M_A = 0 \Rightarrow -V_B \times 6 + 54 \times 3 + 36 \times 4 - 36 \times 4 = 0 \Rightarrow \boxed{V_B = 27 \text{ KN}}$$

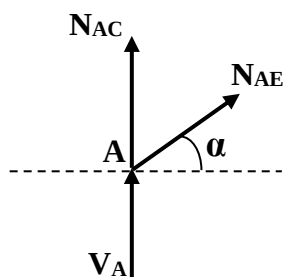
$$\Sigma M_B = 0 \Rightarrow V_A \times 6 - 54 \times 6 - 54 \times 3 = 0 \Rightarrow \boxed{V_A = 81 \text{ KN}}$$

$$(1) \Rightarrow V_A + V_B = 81 + 27 = 108 \text{ KN}$$

2 - حساب الجهود الداخلية في القضبان

العقدة A

0.50



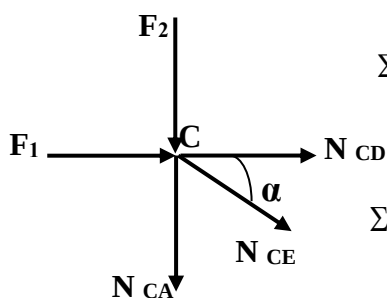
0.50

$$\Sigma F_{xx'} = 0 \Rightarrow N_{AE} \cos \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{AE} = 0}$$

$$\Sigma F_{yy'} = 0 \Rightarrow 81 + N_{AC} + N_{AE} \sin \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{AC} = -81 \text{ KN}}$$

العقدة C

0.50



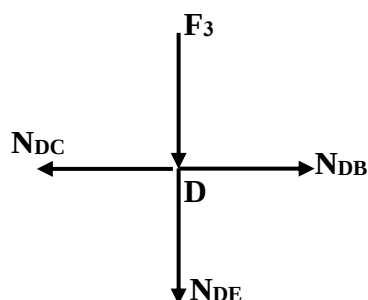
0.50

$$\Sigma F_{yy'} = 0 \Rightarrow -54 - N_{CA} - N_{CE} \sin \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{CE} = 48.67 \text{ KN}}$$

$$\Sigma F_{xx'} = 0 \Rightarrow 36 + N_{CE} \cos \alpha + N_{CD} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{CD} = -76.50 \text{ KN}}$$

العقدة D

0.50



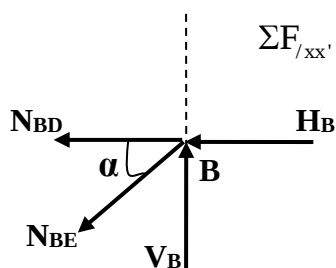
0.50

$$\Sigma F_{yy'} = 0 \Rightarrow -54 - N_{DE} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{DE} = -54 \text{ KN}}$$

$$\Sigma F_{xx'} = 0 \Rightarrow N_{DB} - N_{DC} = 0 \Rightarrow \boxed{N_{DB} = -76.50 \text{ KN}}$$

العقدة B

0.50



$$\Sigma F_{xx'} = 0 \Rightarrow -36 - N_{BD} - N_{BE} \cos \alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{BE} = 48.67 \text{ KN}}$$

03.75

|       |        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |               |                 |              |              |           |     |            |
|-------|--------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------|-----------------|--------------|--------------|-----------|-----|------------|
| 01    | 0.25   | - جدول النتائج:                                                                                                                                                                                                                                                                                        |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | BE                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | DE            | DB              | CE           | CD           | AE        | AC  | العنصر     |
|       |        | 48.67                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | 54            | 76.49           | 48.67        | 76.49        | 0         | 81  | الشدة (KN) |
|       |        | شد                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | ضغط           | ضغط             | شد           | ضغط          | تركبي     | ضغط | الطبيعة    |
| 06    | 01     | 3-اختيار المجنب المناسب                                                                                                                                                                                                                                                                                |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $\left. \begin{array}{l} \sigma \leq \bar{\sigma} \\ \sigma = \frac{N}{2S} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{N}{2S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow S \geq \frac{N}{2\bar{\sigma}} \Rightarrow S \geq \frac{81 \times 10^2}{2 \times 1600}$                                                         |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $\Rightarrow S \geq 2.53\text{cm}^2$                                                                                                                                                                                                                                                                   |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | من الجدول نختار S=3.08 cm <sup>2</sup> أي المجنب المناسب L (40x40x4)                                                                                                                                                                                                                                   |               |                 |              |              |           |     |            |
| 02.50 | 01     | البناء : النشاط الأول:                                                                                                                                                                                                                                                                                 |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | 1 - حساب طول الضلع L <sub>AF</sub> والسمت الإحداثي G <sub>AF</sub>                                                                                                                                                                                                                                     |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | • الطول L <sub>AF</sub>                                                                                                                                                                                                                                                                                |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $L_{AF} = \sqrt{(\Delta X_{AF})^2 + (\Delta Y_{AF})^2}$ $\Delta X_{AF} = 156.54 - 91.14 \Rightarrow \Delta X_{AF} = 65.40\text{m}$ $\Delta Y_{AF} = 91.55 - 135.78 \Rightarrow \Delta Y_{AF} = -44.23\text{m}$ $\Rightarrow L_{AF} = \sqrt{(65.40)^2 + (-44.23)^2} \Rightarrow L_{AF} = 78.95\text{m}$ |               |                 |              |              |           |     |            |
| 02.50 | 01     | • السمت الإحداثي G <sub>AF</sub>                                                                                                                                                                                                                                                                       |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $\text{tg}(g) = \frac{ \Delta X_{AF} }{ \Delta Y_{AF} } = 1.4786 \Rightarrow g = 62.14\text{gr}$                                                                                                                                                                                                       |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $\left. \begin{array}{l} \Delta X_{AF} = 65.40\text{m} > 0 \\ \Delta Y_{AF} = -44.23\text{m} < 0 \end{array} \right\} \Rightarrow G_{AF} = 200 - g \Rightarrow G_{AF} = 200 - 62.14 \Rightarrow G_{AF} = 137.86\text{gr}$                                                                              |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | 2 - حساب المساحة S <sub>ABCDEF</sub>                                                                                                                                                                                                                                                                   |               |                 |              |              |           |     |            |
| 02.50 | 01     | $S_{ABCDEF} = \frac{1}{2} \sum L_n L_{n+1} \sin(G_{n+1} - G_n)$                                                                                                                                                                                                                                        |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $S_{ABCDEF} = \frac{1}{2} \left[ L_{AB} \times L_{AC} \times \sin(G_{AC} - G_{AB}) + L_{AC} \times L_{AD} \times \sin(G_{AD} - G_{AC}) \right. \\ \left. + L_{AD} \times L_{AE} \times \sin(G_{AE} - G_{AD}) + L_{AE} \times L_{AF} \times \sin(G_{AF} - G_{AE}) \right]$                              |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $S_{ABCDEF} = \frac{1}{2} \left[ 97 \times 133 \times \sin(65 - 46) + 133 \times 175 \times \sin(90 - 65) \right. \\ \left. + 175 \times 154 \times \sin(109 - 90) + 154 \times 78.95 \times \sin(137.86 - 109) \right]$                                                                               |               |                 |              |              |           |     |            |
|       |        | $S_{ABCDEF} = 12974.81 \text{ m}^2$                                                                                                                                                                                                                                                                    |               |                 |              |              |           |     |            |
| 05    | 0.50x6 | النشاط الثاني: تسمية العناصر                                                                                                                                                                                                                                                                           |               |                 |              |              |           |     |            |
| 03    |        | 06                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | 05            | 04              | 03           | 02           | 01        |     |            |
| 20    |        | جهاز الارتكاز                                                                                                                                                                                                                                                                                          | مكعب الارتكاز | الرافدة الرابطة | عمود الركيزة | قاعدة الأساس | ركيزة جسر |     |            |
| 20    |        | من النيوبران                                                                                                                                                                                                                                                                                           | الخرساني      |                 |              |              |           |     |            |