

تمارين في وحدة العمل والطاقة الحركية الدورانية خاصة بشعبي الرياضي والتقني رياضي

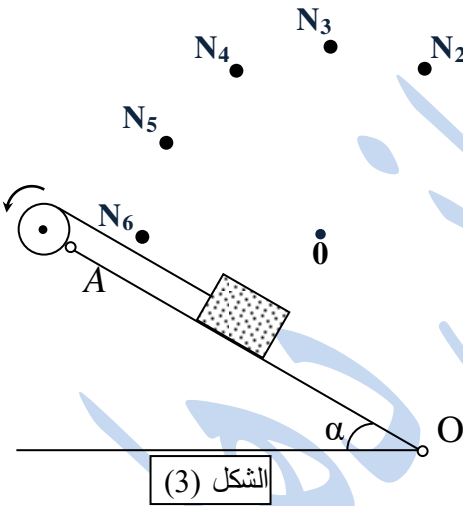
التمرين 1:

اختر الأجابات الصحيحة ممايلي :

- 1- في كل حركة دائرية منتظمة يكون شعاع السرعة :
أ- ثابت الشدة , ب- مماس للمسار , ج- ثابت , د- يمر من مركز الدائرة.
- 2- يكون عزم القوة معدوما إذا كان حامل القوة :
أ- يلاقي محور الدوران , ب- لايتقاطع مع محور الدوران , ج- يوازي محور الدوران .
- 3- تتعلق الطاقة الحركية الدورانية بـ :
أ- موضع محور الدوران , ب- السرعة الزاوية للدوران , ج- الجاذبية , د- عزم عطالة الجسم .
- 4- يكون الجسم القابل للدوران في حالة توازن اذا كان :
أ- مجموع عزوم القوى معدوم , ب- مجموع القوى معدوم , ج- الحالتين أ وب معا .
- 5- أكمل الفراغات التالية :
..... عزم مزدوجة قوتين موجودتين في..... العمودي على محور الدوران Δ لجسم صلب هذا المحور.
يحسب عزم المزدوجة بجاء..... إحدى..... في..... d بين..... القوتين ويعطى بالعبرة: $M_{\Delta}(\vec{F}) = \dots$

التمرين 2:

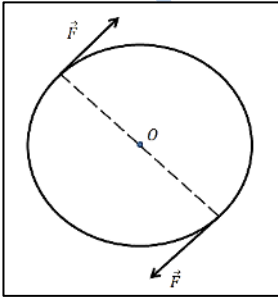
- نضع جسما صلبا (S) كتلته $m = 400 \text{ g}$, على مستوى مائل بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي .
نرفع الجسم (S) بواسطة بكره نصف قطرها $r = 10 \text{ cm}$, قابلة للدوران حول محور ثابت يمر من مركزها. و بواسطة محرك, نجعل البكره تدور. (انظر الشكل (3)).
نهمل الاحتكاكات , ونعتبر أن الخيط عديم الامتطاط ولا ينزلق على البكره , ويبقى موازيا للمستقيم OA , ونأخذ $g = 10 \text{ N/kg}$
نسجل جزءا من حركة نقطة N من محيط البكره خلال أزمنة متتالية ومتساوية $\tau = 40 \text{ ms}$, فنحصل على التسجيل جانبه :
1- ما طبيعة حركة البكره؟ علل جوابك .
2- أحسب السرعة الزاوية لدوران البكره .
3- أوجد الزاوية $\Delta\theta$ التي تدور بها البكره خلال نفس المدة $\Delta t = 8 \text{ s}$.
استنتج عدد الدورات البكره خلال هذه المدة.
4- ما طبيعة حركة الجسم (S) . احسب قيمة سرعته.
5- استنتج المسافة التي يقطعها (S) خلال مدة : $\Delta t = 8 \text{ s}$.
6- احصي القوى المطبقة على كل من الجسم (S) و البكره.
7- بين أن عبارة T شدة توتر الخيط هو: $T = m.g.\sin \alpha$.
8- أحسب عمل جميع القوى المطبقة على الجسم (S) خلال المدة $\Delta t = 8 \text{ s}$.
9- أحسب W_m عمل المزدوجة المحركة التي يطبقها المحرك على البكره المدة $\Delta t' = 2,5 \text{ s}$.
10- ماهي الاستطاعة المتوسطة P_m للمحرك خلال المدة $\Delta t'$ ؟



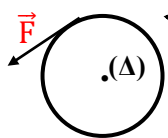
الشكل (3)

التمرين 3:

- نؤثر على قرص متجانس نصف قطره $R = 20 \text{ cm}$, و كتلته $m = 50 \text{ g}$ بمزدوجة فتجعله يدور حول محور (Δ) ثابت أفقي يمرّ من مركز القرص O .
1- أحسب عزم المزدوجة إذا كانت $F = 10 \text{ N}$.
2- أحسب العمل الذي تنجزه هذه المزدوجة عندما يدور القرص نصف دورة.
3- أحسب الاستطاعة المتوسطة P لهذه المزدوجة خلال فترة زمنية $\Delta t = 10 \text{ s}$.
4- أحسب الطاقة الحركية لهذا القرص عندما تبلغ سرعته $\omega = 100 \text{ tr/min}$.
5- عند بلوغ القرص السرعة السابقة نزع تأثير المزدوجة فيتوقف القرص عن الدوران بعد 100 دورة تحت تأثير قوة الاحتكاك .
أ- أحسب استطاعة قوة الاحتكاك ثم عزمها اذا توقف القرص بعد 2 min .
ب- قارن عزم المزدوجة مع عزم الاحتكاك , ماذا تستنتج ؟
نعطي: $J_{\Delta} = \frac{1}{2} mR^2$

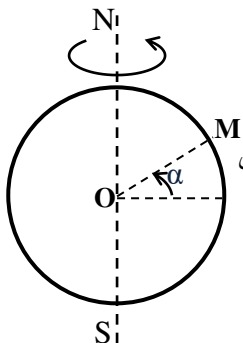


التمرين 4:



- بواسطة محرك قدرته 1kW ندير قرصا متجانسا قطره $d=10\text{cm}$ بسرعة ثابتة تساوي 1000 دورة في الدقيقة .
 1- أحسب عدد الدورات N لدوران القرص بالوحدة Hz . واستنتج قيمة السرعة الزاوية للقرص .
 2- أحسب السرعة الخطية لنقطة من محيط القرص .
 3- أحسب العزم M الذي نعتبره ثابتا للمزدوجة المحركة التي يطبقها المحرك على القرص .
 4- أحسب عمل هذه المزدوجة عندما ينجز القرص 10 دورات .

التمرين 5:



نعتبر أن الأرض كروية الشكل نصف قطرها $R=6380\text{km}$.
 تنجز الأرض , في المعلم المركزي الأرضي , دورة في يوم فلكي مدته $T=23\text{h}56\text{min}4\text{s}$.

- 1- حدد السرعة الزاوية لدوران الأرض , واستنتج تواتر (عدد الدورات) هذه الحركة .
 2- أوجد عبارة السرعة الخطية v لنقطة M من سطح الأرض معلمة بخط العرض الممثل بزاوية α في المعلم المركزي

الأرضي بدلالة λ و T و R .

- 3- أحسب السرعة V لنقطة توجد في :

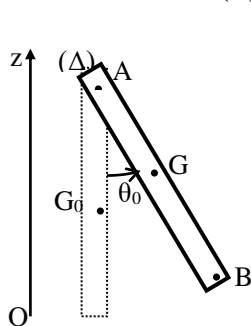
أ- خط الاستواء .

ب- مدينة A حيث $\alpha=32^\circ$.

ج- مدينة B حيث $\alpha=48^\circ$.

التمرين 6:

يتكون نواس وازن من عارضة AB متجانسة طولها $\ell=40\text{cm}$ و كتلتها $m=600\text{g}$ قابلة للدوران حول محور (Δ) ثابت يمر عموديا من



طرفها . نعطي عزم عطالة العارضة بالنسبة لمحور يمر من مركزها $J_{\Delta_0} = \frac{1}{3}m\ell^2$.

نزيج العارضة عن موضع توازنها المستقر ($\theta=0$) بزاوية $\theta_0=60^\circ$ ونحررها بدون سرعة ابتدائية .

- 1- مثل القوى المؤثرة على العارضة .

2- أكتب عبارة عزم عطالتها بالنسبة لمحور الدوران (Δ) ثم أحسب قيمته .

3- أحسب عمل قوة الثقل الموافق للانتقال مركز عطالته من G_0 إلى G .

4- أكتب الحصيلة الطاقوية للجملة (العارضة + الأرض) .

5- أحسب قيمة السرعة لمركز عطالة العارضة عند مرورها بوضع توازنها (G_0) .

6- إستنتج سرعتها الزاوية للعارضة عند مرورها بوضع توازنها .

يعطى ($\cos 60 = 0.5$) و $g = 10 \text{ N.Kg}^{-1}$

التمرين 7:

I- (نهمل جميع الاحتكاكات ونأخذ $g=10\text{m.s}^{-2}$)

يتكون التركيب أسفله من :

بكرة متجانسة (P) شعاعها $r=5\text{cm}$ قابلة للدوران حول محور ثابت أفقي (Δ) يمر من مركزها و عزم قصورها بالنسبة للمحور (Δ) هو J_{Δ} .

جسم صلب نقطي (S) كتلته $m=500\text{g}$ قابل للانزلاق فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha=30^\circ$ بالنسبة للأفقي , خيط (f) غير قابل للامتطاط و كتلته

مهمله ملفوف على مجرى البكرة و لا ينزلق عليها .

نحرر الجسم (S) من موضع A بدون سرعة بدئية , و بعد قطع مسافة $AB=50\text{cm}$, صارت سرعته $v_B=2\text{m.s}^{-1}$.

1- أحسب الطاقة الحركية للجسم (S) عند كل من A و B .

2- أحسب عمل القوة $\vec{T}$ المطبقة من طرف الخيط على الجسم (S) , و استنتج شدتها .

3- حدد قيمة J_{Δ} .

II- لحظة وصول (S) الى الموضع B ينفلت الخيط , فيتابع (S) حركته على السكة BC حيث صارت سرعته عند الموضع C هي

$v_C=0.6\text{m.s}^{-1}$.

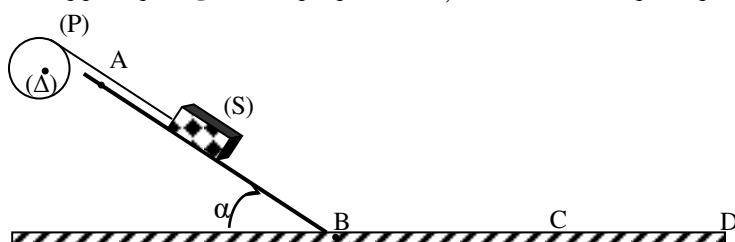
1- بين أن التماس بين (S) و السكة BC يتم بالاحتكاك .

2- استنتج شدة قوة الاحتكاك التي نعتبرها ثابتة علما أن المسافة $BC=40\text{cm}$.

3- أوجد المسافة CD حيث D موضع توقف الجسم (S) .

III- لحظة انفلات الخيط , تخضع البكرة بعد ذلك إلى مزدوجة مقاومة عزمها $M=-2,24.10^{-3}\text{N.m}$. و تتوقف بعد أن تنجز n دورة .

- أحسب عدد الدورات n .



التمرين 8:

نلف حول مجرى بكرة، نصف قطرها $r=10\text{cm}$ و عزم عطالتها بالنسبة لمحور أفقي ثابت (Δ) يمر بمركزها $J_\Delta=4.10^{-2}\text{kg.m}^2$, خيطا ثبت في طرفه جسم صلب (S) كتلته $m=500\text{g}$. نحرك بواسطة محرك دوران البكرة، فينطلق (S) بدون سرعة ابتدائية من النقطة O منزلقا نحو الأعلى حسب الخط الأكبر ميلا للمستوى (π) الذي يكون زاوية $\alpha=30^\circ$ مع المستوى الأفقي.

نهمل جميع الاحتكاكات و كتلة الخيط الذي نعتبره غير قابل للامتطاط و لا ينزلق على مجرى البكرة.

يمثل منحنى الشكل تغير v^2 مربع سرعة G مركز عطالة (S) بدلالة $x = OG$.

1- عبر عن الطاقة الحركية $E_c(S)$ للجسم (S) بدلالة x .

2- أوجد عبارة الطاقة الحركية $E_c(P)$ للبكرة بدلالة x و J_Δ و r . ثم احسب قيمتها لحظة مرور (S) بالموضع A .

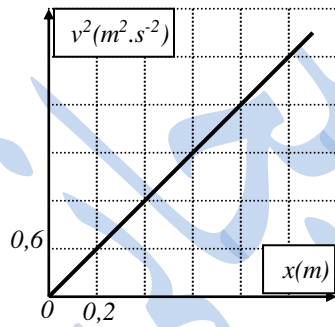
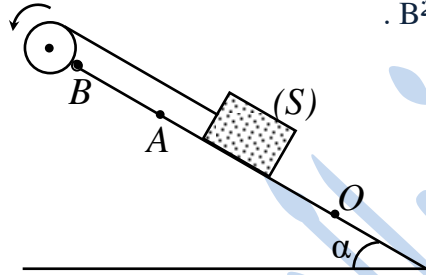
نعطي: $OA = d = 1\text{m}$

3- عند مرور (S) بالموضع A , يفصل الخيط عن الجسم (S) و يتابع هذا الأخير مساره على المستوى (π) ليصل إلى أعلى موضع B .

أوجد عبارة $E_m(A)$ الطاقة الميكانيكية للجسم (S) لحظة مروره من الموضع A بدلالة g و α و d . نأخذ المستوى الأفقي المار من النقطة O مرجعا لقياس الطاقة الكامنة الثقالية.

4- حدد قيمة $E_m(B)$ الطاقة الميكانيكية للجسم (S) عند النقطة B .

5- استنتج قيمة المسافة AB .



التمرين 9:

نعلق بطرف خيط طوله $\ell = 1\text{m}$, و كتلته مهملة و غير قابل للامتطاط, كرية (S) كتلتها $m = 100\text{g}$ و نثبت الطرف الآخر بحامل فنحصل

على مجموعة تسمى نواس بسيط. المجموعة في موضع توازنها المستقر. يوجد بالخط الشاقولي مسمار C يبعد عن O' بالمسافة $\frac{2\ell}{3}$. نهمل

جميع الاحتكاكات).

نزيح المجموعة بزاوية $\theta = 45^\circ$ عن موضع توازنها و نحررها بدون سرعة ابتدائية. (أنظر الشكل)

عند مرورها من موضع توازنها تلقتي بالمسمار C , بحيث نحصل على مجموعة جديدة تتكون من الكرية و جزء من الخيط.

1- حدد القوى المطبقة على الكرية. ثم حدد القوى التي تنجز عملا.

2- أحسب السرعة V_0 للكرية عند مرورها من موضع توازنها.

3- أوجد العلاقة بين θ و α .

4- في نفس الشروط السابقة نطلق الكرية بسرعة ابتدائية V . حدد أدنى سرعة $V_{\min}$ لكي تنجز

الكرية دورة كاملة.

