

التمرين الأول: (06 ن)

احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4}{x-1}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} 2x^3 - x^2 + 1, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x-1} x$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 1}{x} - x, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x + 2}{x + 3}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1}$$

التمرين الثاني: (06 ن)

لتكن الدالة f المعرفة ب: $f(x) = \frac{ax^2+bx+c}{x-1}$ على المجال: $R - \{1\}$ و C_f تمثيلها البياني :

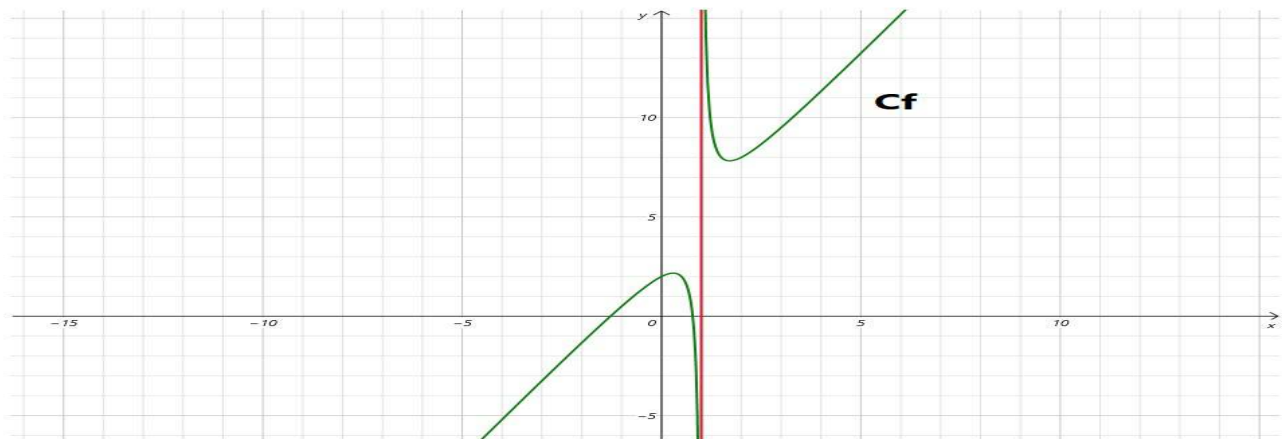
بقراءة بيانية أجب عما يلي:

1- عين نهايات الدالة f على أطراف مجموعة تعريفها.

2- ادرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

3- قارن بين $f(4)$ و $f(8)$ دون حساب.

4- جد الأعداد الحقيقية: a, b, c .



التمرين الثالث: (08 ن)

لتكن الدالة g المعرفة بـ: $g(x) = 1 + \left(\frac{x}{x+2}\right)$ حيث Cg تمثيلها البياني في معلم: $(0, \vec{i}, \vec{j})$

1- عين مجموعة تعريف الدالة: g

2- عين نهايت الدالة g عند أطراف مجموعة تعريفها.

3- هل تقبل الدالة g مقارباً مائلاً؟ علل

4- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من Dg :

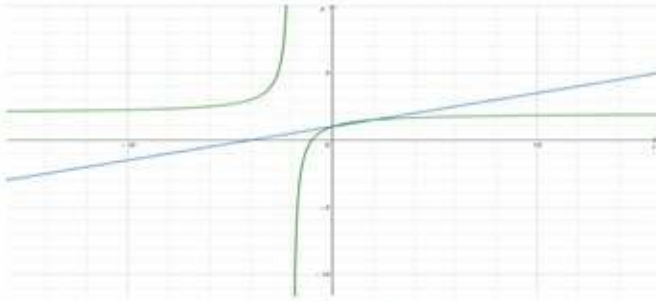
$$g'(x) = \frac{1}{(x+2)^2}$$

5- ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

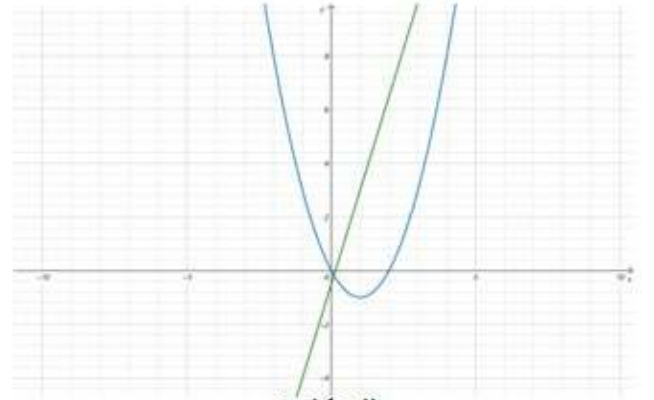
6- عين معادلة المماس T للدالة g عند $x_0 = 1$

7- ادرس الوضع النسبي للمماس T و الدالة g

8- اختر دون تعليل الشكل الذي يشمل Cg و T .



الشكل 2



الشكل 1

انتهى

بالتوفيق