



أكتوبر 2023

المستوى: الأولي جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

المدة: 1 سا

الفرض الأول في مادة الرياضيات

**تمرين 1 (8 ن)** $x$  عدد حقيقي موجب تماما.

$$\text{نضع } A = \frac{x-1}{x} , B = \frac{x}{x+1}$$

(1) احسب الفرق  $A-B$ .(2) استنتج إشارة الفرق  $A-B$ ، ثم قارن بين  $A$  و  $B$ .(3) استنتج مقارنة بين العددين  $\sqrt{\frac{2023}{2024}}$  و  $\sqrt{\frac{2022}{2023}}$ **تمرين 2 (12 ن)**(I)  $A, B$  و  $C$  أعداد حقيقية معرفة كما يلي :

$$A = \sqrt{9 + 4\sqrt{5}}\sqrt{9 - 4\sqrt{5}} ; B = \frac{1}{3-\sqrt{5}} + \frac{1}{3+\sqrt{5}} ; C = 5, \underline{45}45 \dots$$

(1) بين أن العدد  $A$  عدد طبيعي و  $B$  عدد عشري.(2) ما طبيعة العدد  $C$  ؟ ثم اكتبه على شكل كسر غير قابل للاختزال.(II) ليكن العددان الطبيعيان  $a = 2700$  و  $b = 495$ (1) حلل العددين  $a$  و  $b$  إلى جداء عوامل أولية.(2) احسب  $PGCD(a; b)$  و  $PPCM(a; b)$ .(3) اكتب العدد الغير قابل للاختزال للكسر  $\frac{a}{b}$ ، ثم اوجد قيمة  $M$  علما أن  $4M = \frac{-13}{2700} + \frac{11}{495}$ .

بالتوفيق

التصحيح النموذجي

| العلامة | الحل                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | رقم التمرين |
|---------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|
| 8       | <p>(1) حساب الفرق <math>A-B = \frac{-1}{x(x+1)}</math> : <math>A-B</math></p> <p>(2) - استنتاج إشارة الفرق <math>A-B &lt; 0</math> : <math>A-B</math></p> <p>- المقارنة بين <math>A</math> و <math>B</math> : <math>A &lt; B</math></p> <p>(3) استنتاج مقارنة بين العددين <math>\sqrt{\frac{2022}{2023}}</math> و <math>\sqrt{\frac{2023}{2024}}</math> :</p> $\sqrt{\frac{2022}{2023}} < \sqrt{\frac{2023}{2024}}$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | التمرين 1   |
| 12      | <p>(1) بين أن العدد <math>A</math> عدد طبيعي و <math>B</math> عدد عشري.</p> $A = \sqrt{9 + 4\sqrt{5}}\sqrt{9 - 4\sqrt{5}} = \sqrt{(9 + 4\sqrt{5})(9 - 4\sqrt{5})} = 1$ <p>إذن <math>A</math> عدد طبيعي</p> $B = \frac{1}{3-\sqrt{5}} + \frac{1}{3+\sqrt{5}} = \frac{3}{2}$ <p>إذن العدد <math>B</math> عدد عشري.</p> <p>(2) العدد <math>C</math> عدد ناطق</p> <p>كتابة العدد <math>C</math> على الشكل الكسري.</p> $C = \frac{540}{99} = \frac{60}{11}$ <p>(II) ليكن العددان الطبيعيان <math>a = 2700</math> و <math>b = 495</math></p> <p>(1) تحليل العددين <math>a</math> و <math>b</math> إلى جداء عوامل أولية.</p> $a = 2^2 \times 3^3 \times 5^2 \quad ; \quad b = 3^2 \times 5 \times 11$ <p>(2) حساب <math>PGCD(a ; b)</math> و <math>PPCM(a ; b)</math>.</p> $PGCD(a ; b) = 45 \quad ; \quad PPCM(a ; b) = 29700$ | التمرين 2   |

(3) كتابة العدد  $\frac{a}{b}$  الغير قابل للاختزال للكسر

$$\frac{a}{b} = \frac{60}{11}$$

إيجاد قيمة  $M$  علما أن :  $4M = \frac{-13}{2700} + \frac{11}{495}$  .

$$M = \frac{517}{11880} = \frac{47}{1080}$$