

**التمرين الأول: (5.14 ن)**

1. نعتبر كثير الحدود  $p(x)$  للمتغير الحقيقي  $x$  حيث :

$$p(x) = x^3 - 3x^2 - 6x + 8$$

(1) احسب  $p(1)$  ، ماذا تستنتج ؟

(2) عين الأعداد  $a, b, c$  حيث  $p(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$

(3) حل المعادلة:  $p(x) = 0$

(4) استنتج حلول المعادلة  $x^6 - 3x^4 - 6x^2 + 8 = 0$

$$f(x) = \frac{-2x - 5}{x + 3}$$

2.  $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{-3\}$  بـ :

$$f(x) = -2 + \frac{1}{x + 3}$$

(1) تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-3\}$  يكون :

(2) أكتب الدالة  $f$  على مركب دالتين مرجعيتين يطلب تعيينهما

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $]-3; +\infty[$

(4) أثبت ان النقطة  $\Omega(-3; -2)$  مركز تناظر لـ  $(C_f)$

(5) اشرح كيف يمكن رسم  $(C_f)$  انطلاقا من تمثيل دالة  $x \mapsto \frac{1}{x}$  ثم أنشئه

**التمرين الثاني: (5.05 ن) :**

ليكن  $(C_f)$  المنحني البياني للدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = x^3 - 3x - 1$

1.  $g$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $g(x) = f(x - 2) - 1$

اشرح كيف يمكن رسم  $(C_g)$  منحنى الدالة  $g$

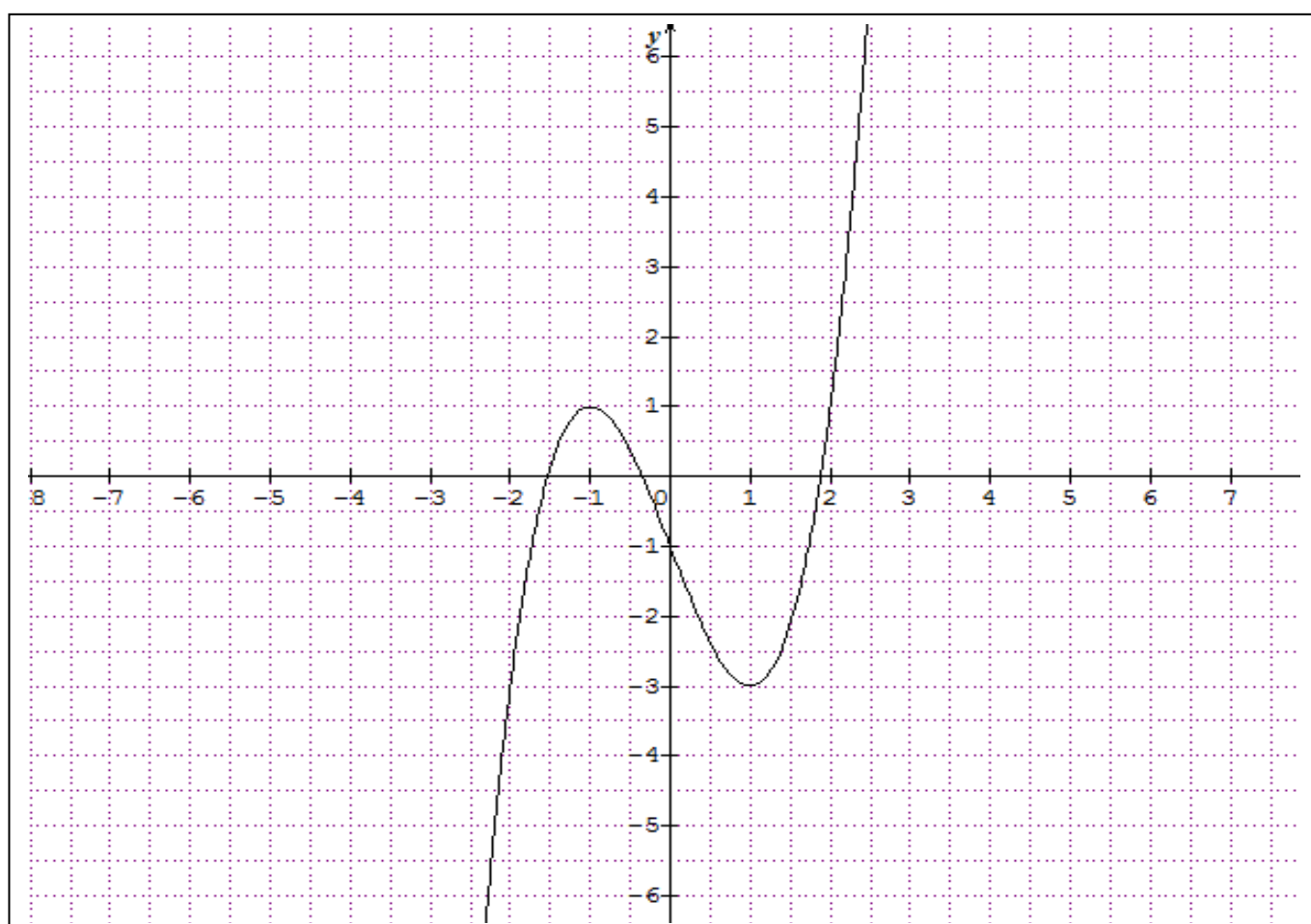
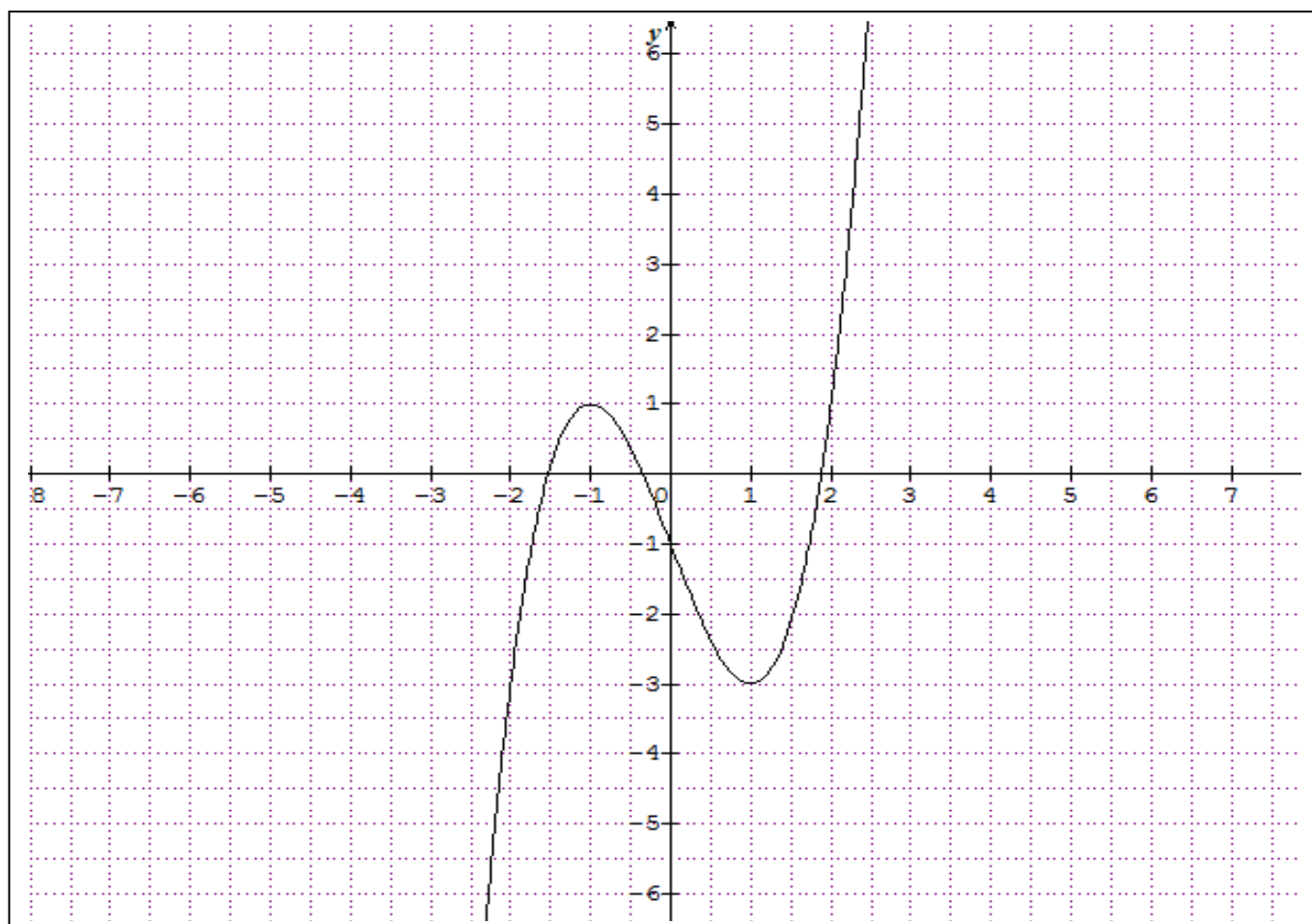
2.  $h$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $h(x) = |f(x)|$

اشرح كيف يمكن رسم  $(C_h)$  منحنى الدالة  $h$

3.  $F$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $F(x) = f(|x|)$

• بين أن  $F$  دالة زوجية

• اشرح كيف يمكن رسم  $(C_F)$  منحنى الدالة  $F$  .



### التمرين الأول 14.5

1. نعتبر كثير الحدود  $p(x)$  للمتغير الحقيقي  $x$  حيث :

$$p(x) = x^3 - 3x^2 - 6x + 8$$

(1) حساب  $p(1)$

$$p(1) = 1^3 - 3 \times 1^2 - 6 \times 1 + 8 = 1 - 3 - 6 + 8 = 0$$

(2) تعيين الأعداد  $a, b, c$  حيث  $p(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$

ومنه بالمطابقة  $p(x) = ax^3 + (b-a)x^2 + (c-b)x - c$  نجد

02.5

$$p(x) = (x-1)(x^2 - 2x - 8) \text{ ومنه } \begin{cases} a=1 \\ b=-2 \\ c=-8 \end{cases} \text{ أي } \begin{cases} a=1 \\ b-a=-3 \\ c-b=-6 \\ -c=8 \end{cases}$$

(3) حل المعادلة  $p(x) = 0$

لدينا  $p(x) = 0$  تكافئ  $(x-1)(x^2 - 2x - 8) = 0$  أي  $x=1$  أو

$$(1) \dots\dots\dots (x^2 - 2x - 8) = 0 \text{ لحل (1) المعادلة نحسب المميز}$$

$$\Delta : \Delta = (-2)^2 - 4 \times 1 \times (-8) = 36 \text{ ومنه المعادلة (1) حلان}$$

$$\text{مختلفان هما } x_1 = \frac{2 - \sqrt{36}}{2} = -2 \text{ و } x_1 = \frac{2 + \sqrt{36}}{2} = 4$$

مجموعة حلول المعادلة  $p(x) = 0$  هي  $\{-2; 1; 4\}$

(4) استنتاج حلول المعادلة  $x^6 - 3x^4 - 6x^2 + 8 = 0$

$$\begin{cases} x^2 = X \\ X^3 - 3X^2 - 6X + 8 = 0 \end{cases} \text{ تكافئ } x^6 - 3x^4 - 6x^2 + 8 = 0$$

02

لما  $X = -2$  أي  $x^2 = -2$  لا تقبل حلول في  $\mathbb{R}$ .

لما  $X = 4$  أي  $x^2 = 4$  تكافئ  $x = 2$  أو  $x = -2$

لما  $X = 1$  أي  $x^2 = 1$  تكافئ  $x = 1$  أو  $x = -1$

2. دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{-3\}$  بـ :

$$f(x) = \frac{-2x-5}{x+3} \text{ و } (C_f) \text{ تمثيلها البياني في المعلم } (0; \bar{i}, \bar{j})$$

(1) التحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-3\}$  يكون  $f(x) = -2 + \frac{1}{x+3}$

0.5

$$-2 + \frac{1}{x+3} = \frac{-2(x+3)+1}{x+3} = \frac{-2x-5}{x+3} = f(x)$$

(2) كتابة الدالة  $f$  على مركب دالتين مرجعيتين

من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-3\}$  لدينا  $f(x) = u(x) \circ v(x)$

$$x \mapsto x+3 \xrightarrow{v} -2 + \frac{1}{x+3}$$

01.5

$$\begin{cases} u(x) = x+3 \\ v(x) = -2 + \frac{1}{x} \end{cases} \text{ ومنذ}$$

(3) استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $]-3; +\infty[$

لدينا  $u$  متزايدة تماما على  $\mathbb{R}$  ( دالة تألفية معامل توجيهها موجب )  
و  $v$  متناقصة تماما على  $\mathbb{R}^*$  فإن الدالة  $f = u \circ v$  متناقصة تماما  
على  $]-3; +\infty[$

(4) أثبت ان النقطة  $\Omega(-3; -2)$  مركز تناظر لـ  $(C_f)$

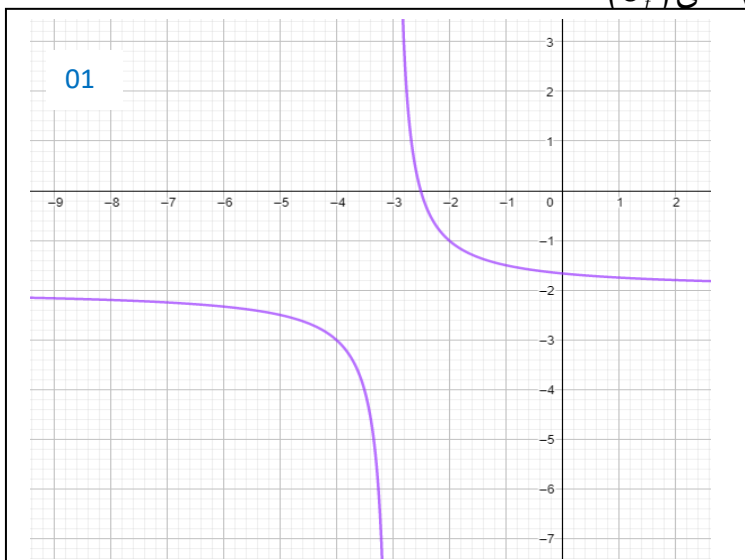
من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-3\}$  نثبت أن كل  $-6-x$  من  $\mathbb{R} - \{-3\}$   
لدينا  $x \in \mathbb{R} - \{-3\}$  ومنه  $x \neq -3$  ومنه  $-x \neq 3$  ومنه  $-6-x \neq -3$   
إذن  $-6-x \in \mathbb{R} - \{-3\}$

01.5

نثبت أن  $f(-6-x) + f(x) = -4$

$$\begin{aligned} f(-6-x) + f(x) &= -2 + \frac{1}{-6-x+3} - 2 + \frac{1}{x+3} \\ &= -4 - \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+3} \\ &= -4 \end{aligned}$$

(5) أنشئ  $(C_f)$



ليكن  $(C_f)$  المنحني البياني للدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x^3 - 3x - 1$

4. دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = f(x - 2) - 1$

شرح كيف يمكن رسم  $(C_g)$  منحني الدالة  $g$  :

0.5  $(C_g)$  هو انسحاب لـ  $(C_f)$  بشعاع  $\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$

5. دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = |f(x)|$

الشرح رسم  $(C_h)$

0.5

$$h(x) = |f(x)| = \begin{cases} f(x) & ; f(x) \geq 0 \\ -f(x) & ; f(x) < 0 \end{cases}$$

لما  $f(x) \geq 0$  فإن  $(C_h)$  ينطبق على  $(C_f)$

لما  $f(x) < 0$  فإن  $(C_h)$  هو نظير  $(C_f)$  بالنسبة لمحور الفواصل

6. دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $F(x) = f(|x|)$

01

• إثبات أن  $F$  دالة زوجية

لدينا  $x \in \mathbb{R}$  فإن  $-x \in \mathbb{R}$

$$F(-x) = f(|-x|) = f(|x|) = F(x) \text{ ومنه } F \text{ دالة زوجية}$$

شرح رسم  $(C_F)$  منحني الدالة  $F$  :

0.5 لما  $x \geq 0$  فإن  $(C_F)$  يطبق على  $(C_f)$  ثم نرسم نظيره بالنسبة لمحور الترتيب لأن الدالة  $F$  دالة زوجية

