

التمرين الأول (04نقاط):

يعطي الجدول التالي كلفة استهلاك الكهرباء من طرف عائلة معينة من مدينة ما خلال سنة (مقدرة بالآلاف الدنانير) :

السنة	2011	2013	2014	2015	2017
رتبة السنة x_i	1	3	4	5	7
الكلفة y_i	29	35	52	71	101

1. أ- مثل سحابة النقط $M(x_i, y_i)$ في معلم متعامد (1cm لكل سنة على محور الفواصل و 1cm لكل 10 الآلاف دينار على محور الترتيب)

ب- هل يمكن تسوية سحابة النقط السابقة بتعديل خطي ؟ برر .

2. نضع $z_i = \ln y_i$

أ- اتمم الجدول التالي (تعطى النتائج مدورة الى 10^{-2}) :

رتبة السنة x_i	1	3	4	5	7
$z_i = \ln y_i$	3.37				

ب- أوجد احداثتي النقطة المتوسطة $G(\bar{x}, \bar{z})$ لسحابة النقط $M'(x_i, z_i)$

3. بين ان معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا هي : $z = 0.22x + 3.07$

4. أ- تحقق أن : $y = ke^{0.22x}$ حيث k عدد حقيقي يطلب تعيينه .

ب- أحسب تقدير كلفة استهلاك العائلات سنة 2020 .

التمرين الثاني (04نقاط) :

ليكن P كثير حدود معرف كمايلي : $P(x) = 2x^3 - x^2 - 15x + 18$

1. عيّن الاعداد الحقيقية a ، b ، c حتى يكون من اجل كل عدد حقيقي x : $P(x) = (x - 2)(ax^2 + bx + c)$.

2. حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $P(x) = 0$.

3. استنتج حل المعادلتين :

$$2(\ln x)^3 - (\ln x)^2 - 15 \ln x + 18 = 0$$

$$2e^{3x} - e^{2x} - 15e^x + 18 = 0$$

التمرين الثالث (04نقاط) :

$$\begin{cases} U_0 = 5 \\ U_{n+1} = -\frac{2}{3}U_n + 5 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (U_n) \text{ المعرفة من أجل كل عدد طبيعي } n \text{ بـ:}$$

(1) أحسب الحدود U_1 ، U_2 ، U_3 .

(2) نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = U_n - 3$.

• برهن أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول .

• أكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n .

- (3) أحسب المجموعين S_n و T_n بدلالة n حيث:
 $T_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n$ ، $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$
- (4) أحسب نهاية S_n و T_n لما n يؤول $+\infty$.

التمرين الرابع (08 نقاط)

f دالة معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = x - \frac{e^x}{e^x - 1}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب:
 - أ- $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم فسّر النتيجة هندسيا .
 - ب- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
2. أ- بيّن أنّ المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $-\infty$.
 ب- تحقق أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x - 1 - \frac{1}{e^x - 1}$.
 ج- استنتج أنّ المستقيم (Δ') الذي معادلته : $y = x - 1$ مقارب مائل لـ (C_f) عند $+\infty$.
3. أ- بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x غير معدوم فإنّ : $f'(x) = \frac{e^{2x} - e^x + 1}{(e^x - 1)^2}$.
 ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .
4. مثلّ بيانيا كلا من (Δ) ، (Δ') و (C_f) .
5. احسب العدد : $\int_{\frac{3}{2}}^2 f(x) dx$ ثم فسّر النتيجة هندسيا .