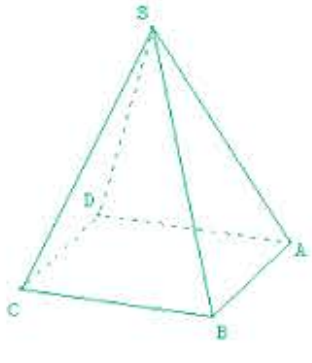


المجسمات



الهرم :

الهرم هو مجسم يتميز بـ:

- قاعدة شكلها مضلع
- رأس هو نقطة خارجية عن مستوى القاعدة .
- أوجه جانبية هي مثلثات لها رأس مشترك
- هو رأس ، هرم ، و لكل مثل من هذه المثلثات ضلع مشترك مع القاعدة .

الهرم المنتظم :

الهرم المنتظم هو هرم قاعدته مضلع منتظم و ارتفاعه يشمل مركز الدائرة .

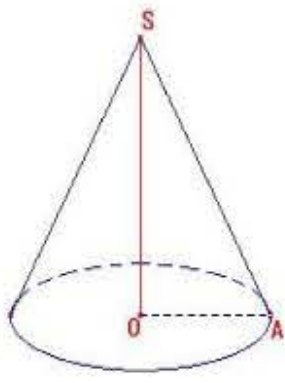
ملاحظة :

الأوجه الجانبية لهرم منتظم هي مثلثات متقايسة ، و كل منها متساوي الساقين

* إرتفاع الهرم هو القطعة التي تشمل رأس الهرم و تعامد مستوى القاعدة .

مخروط الدوران :

- مخروط الدوران هو مجسم يولد
- عن دوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين .
- مخروط الدوران المولد عن دوران
- المثلث القائم SOA حول (SO) له :



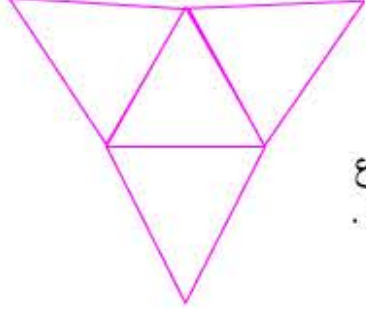
رأس هو النقطة S .

- قاعدة هي القرص الذي مركزه O و نصف قطره [OA]

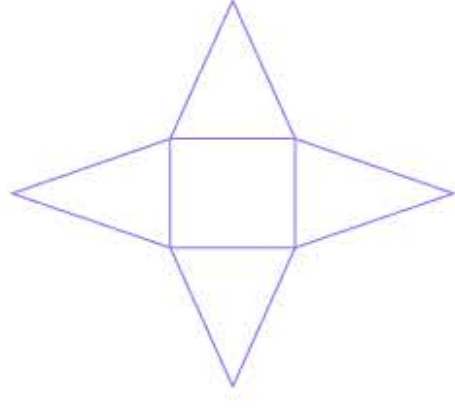
تمثل القطعة [SO] إرتفاع الهرم ، و القطعة [SA] مولد السطح الجانبي للمخروط .

تصميم هرم منتظم :

- تصميم هرم منتظم هو شكل مستوي .
- إذا كانت قاعدة الهرم المنتظم مثلثا ،
- فإن تصميمه يتكون من مثلث متقايس الأضلاع
- و 3 مثلثات متقايسة كل منها متساوي الساقين .



- إذا كانت قاعدة الهرم المنتظم مربعا ،
- فإن تصميمه يتكون من مربع
- و 4 مثلثات متقايسة متساوية الساقين .



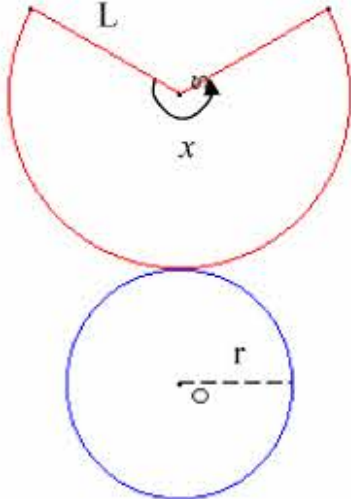
تصميم مخروط دوران :

تصميم مخروط دوران نصف قطر قاعدته r و طول مولد له L هو شكل مستوي يتكون من :

- قطاع قرص نصف قطره L و زاويته x حيث :

$$x = 360^\circ \times \frac{r}{L} \quad (\text{يمثل السطح الجانبي})$$

- قرص نصف قطره r (يمثل القاعدة)



العلاقة بين L , h , r :

بما أن المثلث SOA قائم في O إذن : $L^2 = h^2 + r^2$

حجم المجسمات

- حجم هرم منتظم مساحة قاعدته B و إرتفاعه h يساوي: $V = \frac{1}{3} \times B \times h$

- حجم مخروط دوراني مساحة قاعدته B و إرتفاعه h يساوي:

$$V = \frac{1}{3} \times B \times h$$

ملاحظة:

بما أن مساحة قاعدة المخروط هي $B = \pi R^2$ فإن حجمه يساوي :

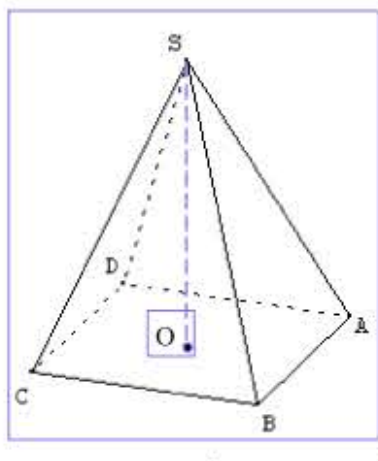
$$V = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$$

تمرين تطبيقي :

هرم منتظم رأسه S و قاعدته مربع ABCD طول ضلعه 5cm ، و

إرتفاعه $SO = 6cm$.

- 1- أرسم هذا الهرم .
- 2- أحسب حجم الهرم .
- 3- المساحة الجانبية لهذا الهرم تتكون من 4 مثلثات .
 - أ- ما هي طبيعة هذه المثلثات ؟
 - ب- نسمي [SH] إرتفاع أحد هذه المثلثات . أحسب SH ؟
 - 4- أحسب المساحة الكلية لهذا الهرم .
 - 5- أنجز تصميمًا لهذا الهرم .



حل التمرين التطبيقي :

المعطيات: $H = 6cm$ ، $a = 5cm$

(1)

(2) حجم الهرم هو:

$$V = \frac{1}{3} B \times H = \frac{a^2 \times H}{3} = \frac{(5)^2 \times 6}{3} = 25 \times 2 = 50cm^3$$

(3) أ. المثلثات متقايسة و متساوية الساقين.

ب. المثلث SOH قائم في O

إذن: $SH^2 = SO^2 + OH^2$

$$SH^2 = (6)^2 + (2,5)^2 = 36 + 6,25 = 42,25$$

ومنه: $SH = \sqrt{42,25} = 6,5cm$

(4) مساحة القاعدة هي: $B = a \times a = (5)^2 = 25cm^2$

المساحة الجانبية هي:

$$S' = \frac{P \times \ell}{2} = \frac{4 \times a \times \ell}{2} = \frac{4 \times 5 \times 6,5}{2} = 65cm^2$$

ومنه فالمساحة الكلية لهذا الهرم هي: $S = B + S' = 25 + 65 = 90cm^2$

(5)

