

← التمرين الأول (08 نقاط)

لتكن العبارة $E(x) = (x + 1)(3x - 3) + (5x^2 - 5)$ حيث :

❶ باستعمال النشر والتبسيط بين أنّ : $5(x + 1)(x - 1) = 5x^2 - 5$

❷ حلل العبارة $E(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى :

❸ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة $E(x) = 0$:

❹ شكل جدول إشارة العبارة $(x + 1)(8x - 8)$:

x	
$x + 1$	
$8x - 8$	
$(x + 1)(8x - 8)$	

❺ استنتج مجموعة حلول المتراجحة $E(x) \geq 0$:

x	-5	-4	-2	0	2	4	5
f(x)	4	0	-5	0	5	0	-4

إليك جدول تغيرات الدالة f
 باستعمال جدول التغيرات أجب على مايلي :

① عيّن مجموعة تعريف الدالة f :

$D_f = \dots\dots\dots$

② عيّن $f(-5)$ ، $f(-2)$ ، $f(2)$ ، $f(5)$ ، $f(6)$:

$f(-5) = \dots\dots\dots$; $f(-2) = \dots\dots\dots$; $f(2) = \dots\dots\dots$; $f(5) = \dots\dots\dots$; $f(6) = \dots\dots\dots$

③ عيّن السوابق الممكنة للعددين 0 و -6 بالدالة f :

* سوابق العدد 0 بالدالة f هي : $\dots\dots\dots$

* سوابق العدد -6 بالدالة f هي : $\dots\dots\dots$

④ عيّن اتجاه تغير الدالة f :

$\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$

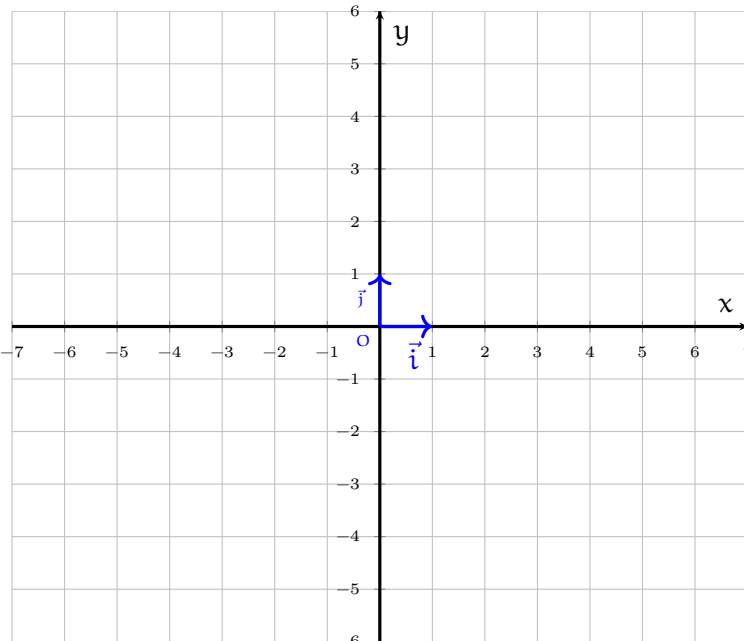
⑤ حدد القيم الحدية للدالة f على مجموعة تعريفها، ومن أجل أي قيمة لـ x تبلغها الدالة f :

* الدالة f تقبل قيمة حدية $\dots\dots\dots$ قيمتها $\dots\dots\dots$ عند $\dots\dots\dots$

* الدالة f تقبل قيمة حدية $\dots\dots\dots$ قيمتها $\dots\dots\dots$ عند $\dots\dots\dots$

⑥ قارن بين العددين $f\left(\frac{1}{2}\right)$ و $f\left(\frac{-1}{2}\right)$ مع التبرير :

$\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$



⑦ ارسم تمثيلا بيانيا (C_f) للدالة f في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.



تقبل جميع الإجابات الصحيحة - رياضيا -

حل التمرين الأول (08 نقاط) ←

لتكن العبارة $E(x)$ حيث : $E(x) = (x+1)(3x-3) + (5x^2-5)$

1 تبيان أن : $5(x+1)(x-1) = 5x^2 - 5$ باستعمال النشر والتبسيط 01 ن

$$\begin{aligned} 5(x+1)(x-1) &= 5(x^2 - x + x - 1) \\ &= 5(x^2 - 1) \\ &= 5x^2 - 5 \end{aligned}$$

$$5(x+1)(x-1) = 5x^2 - 5$$

2 تحليل العبارة $E(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى : 02 ن

$$\begin{aligned} E(x) &= (x+1)(3x-3) + (5x^2-5) \\ &= (x+1)(3x-3) + 5(x+1)(x-1) \\ &= (x+1)[(3x-3) + 5(x-1)] \\ &= (x+1)(3x-3+5x-5) \end{aligned}$$

$$E(x) = (x+1)(8x-8)$$

3 حل المعادلة $E(x) = 0$ في $\mathbb{R}$: 02 ن

المعادلة $E(x) = 0$ تكافئ $(x+1)(8x-8) = 0$

$$\left. \begin{array}{l} \text{إما } x+1=0 \\ \text{ومنه } x=-1 \end{array} \right| \begin{array}{l} \text{أو } 8x-8=0 \\ \text{ومنه } 8x=8 \text{ ومنه } x=\frac{8}{8} \text{ ومنه } x=1 \end{array}$$

إذن : $S = \{-1; 1\}$

4 تشكيل جدول إشارة العبارة $(x+1)(8x-8)$: 02 ن

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$x+1$	-	0	+	+
$8x-8$	-	-	0	+
$(x+1)(8x-8)$	+	0	-	+

5 استنتاج مجموعة حلول المتراجحة $E(x) \geq 0$: 01 ن

المتراجحة $E(x) \geq 0$ تكافئ $(x+1)(8x-8) \geq 0$

ومنه : $S = \{-\infty; -1\} \cup [1; +\infty\}$

x	-5	-4	-2	0	2	4	5
f(x)	4	0	-5	0	5	0	-4

إليك جدول تغيرات الدالة f
باستعمال جدول التغيرات أجب على مايلي :

1 تعيين مجموعة تعريف الدالة f : 0.5 ن

$$D_f = [-5; 5]$$

2 تعيين f(-5) ؛ f(-2) ؛ f(2) ؛ f(5) ؛ f(6) : 0.5 × 5 ن

$$f(-5) = 4 ; f(-2) = -5 ; f(2) = 5 ; f(5) = -4 ; f(6) = \text{لا توجد}$$

3 تعيين السوابق الممكنة للعديدين 0 و -6 بالدالة f :

* سوابق العدد 0 بالدالة f هي : -4 و 0 و 4 : 0.5 × 3 ن

* سوابق العدد -6 بالدالة f : لا توجد : 0.5 ن

4 تعيين اتجاه تغير الدالة f :

* الدالة f متناقصة تماما على المجال [-5; -2] : 01 ن

* الدالة f متزايدة تماما على المجال [-2; 2] : 01 ن

* الدالة f متناقصة تماما على المجال [2; 5] : 01 ن

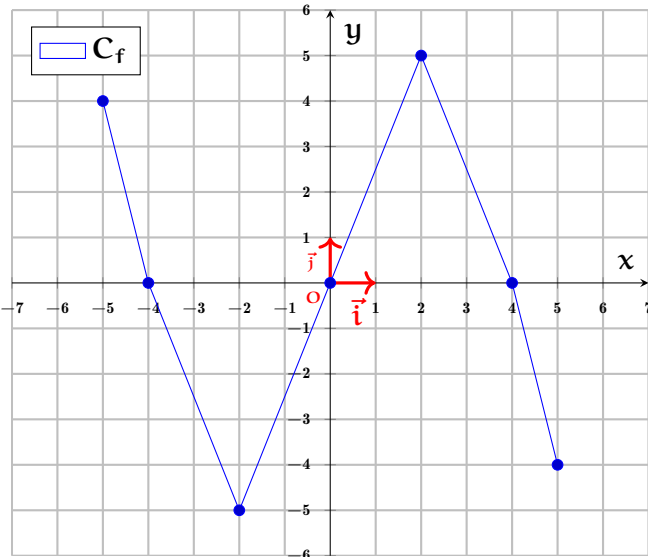
5 تحديد القيم الحدية للدالة f على مجموعة تعريفها، ومن أجل أي قيمة ل x تبلغها الدالة f :

* الدالة f تقبل قيمة حدية عظمى قيمتها 5 عند x = 2 : 0.75 ن

* الدالة f تقبل قيمة حدية صغرى قيمتها -5 عند x = -2 : 0.75 ن

6 مقارنة بين العديدين $f\left(\frac{1}{2}\right)$ و $f\left(\frac{-1}{2}\right)$ مع التبرير : 01 ن

لدينا $\frac{1}{2} > \frac{-1}{2}$ و بما أن الدالة f متزايدة تماما على المجال [-2; 2] فإن : $f\left(\frac{1}{2}\right) > f\left(\frac{-1}{2}\right)$



7 رسم تمثيل بياني (C_f) للدالة f في فضاء معامد ومتجانس (O; $\vec{i}$, $\vec{j}$) : 1.5 ن