

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (06 نقاط)

لكل سؤال ثلاث إجابات ، إجابة واحدة منها صحيحة . المطلوب : تحديد الإجابة الصحيحة مع التبرير
(1) العدد الصحيح النسبي هو:

$$\frac{15}{6} - \frac{11}{3} \quad (3)$$

$$\sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2}-1} \quad (2)$$

$$\frac{2\pi}{3.14} \quad (1)$$

(2) تبسيط العبارة $E = \left(\frac{2}{7}\right)^4 \left(-\frac{7}{4}\right)^{-1} \left(\frac{49}{2}\right)^2$ هو :

$$-\frac{1}{7} \quad (3)$$

$$\frac{1}{7} \quad (2)$$

$$\frac{-16}{7} \quad (1)$$

(3) رتبة مقدار العدد $A = 63 \times 10^{-6} \times 50 \times 10^3$ هي:

$$4 \times 10^1 \quad (3)$$

$$3 \times 10^0 \quad (2)$$

$$30 \times 10^{-1} \quad (1)$$

(4) الأعداد الحقيقية x التي تحقق $|x - 2| = 3$ هي :

$$x = -5 \text{ أو } x = 1 \quad (3)$$

$$x = 6 \text{ أو } x = 1 \quad (2)$$

$$x = 5 \text{ أو } x = -1 \quad (1)$$

(5) الأعداد الحقيقية x التي تحقق $|x - 2| < 3$ هي :

$$x \in [-5; 1] \quad (3)$$

$$x \in [-1; 5] \quad (2)$$

$$x \in]-1; 5[\quad (1)$$

(6) مركز المجال $[-1; 5]$ هو:

$$-2 \quad (3)$$

$$0 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

التمرين الثاني : (05 نقاط)

A و B عدنان حقيقتان: $A = 350$ و $B = 315$

(1) حلل العددين A و B إلى جداء عوامل أولية ثم أحسب $ppcm(A; B)$

(2) إختزل الكسر $\frac{A}{B}$

(3) أ* / حل في $\square$ المعادلة : $300(x - 1) = 5(3 - 10x)$

ب* / حل في $\square$ المتراجحة: $300(x - 1) < 5(3 - 10x)$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

x و y عددان حقيقيان حيث: $(1) \dots 4 < x < 9$ ، $(2) \dots -8 < y < -4$
(1) عبر عن المتباينتين (1) و (2) بمجال .

(2) أعط حصرا للأعداد التالية : $x - y$ ، y^2 ، $\frac{1}{x}$ ، $\sqrt{x} - 1$ ، $-5x + 2y$
(3) عين المجالين $I \cap J$ و $I \cup J$ في الحالتين:
① $I =]-1; 4]$ و $J =]-5; 6[$

② $I =]-\infty; 3]$ و $J =]-5; +\infty[$

(4) اكمل مايلي:

① إذا كان $x \geq -3$ فإن $x^2 \dots\dots\dots$

② إذا كان $x < 9$ فإن $\frac{5}{x-4} \dots\dots\dots$

التمرين الرابع: (2.5 نقاط) (0.5 على التنظيم)

- (1) أحسب القاسم المشترك للعددين 28 و 16 .
- (2) يشارك في مسابقة الرياضيات 28 تلميذة و 16 تلميذ ، نريد تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد المشاركين ونفس التوزيع بين البنات والأولاد في الفرق) .
أ* / ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها .
ب* / أوجد تشكيلة كل فريق .

ثانوية زريمش عيسى :

2017/12/03

تصحيح إمتحان الثلاثي الأول -

جذع مشترك آداب

التمرين الأول: (06 نقاط)

تحديد الإجابة الصحيحة مع التبرير

ج6	ج5	ج4	ج3	ج2	ج1
1	1	1	2	1	2

1) العدد الصحيح النسبي هو: ② $\sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2}-1}$ ، التعليل:

$$\sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2}-1} = \sqrt{2} - \frac{(\sqrt{2}+1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \sqrt{2} - \frac{(\sqrt{2}+1)}{2-1} = -1$$

2) تبسيط العبارة $E = \left(\frac{2}{7}\right)^4 \left(-\frac{7}{4}\right)^{-1} \left(\frac{49}{2}\right)^2$ هو: ① $-\frac{16}{7}$

$$E = \left(\frac{2}{7}\right)^4 \left(-\frac{7}{4}\right)^{-1} \left(\frac{49}{2}\right)^2 = -\frac{2^4}{7^4} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{7^4}{2^2} = -\frac{2^4}{7} = -\frac{16}{7}$$

3) رتبة مقدار $A = 63 \times 10^{-6} \times 50 \times 10^3$ هي: ② 3×10^0

التعليل: لدينا: $A = 6.3 \times 10^{-5} \times 5 \times 10^4$

رتبة مقدار العدد 5×10^4 هي 5×10^4 ورتبة مقدار العدد

6.3×10^{-5} هي 6×10^{-5} ، جداء رتبة مقدار العددين هو

$$30 \times 10^{-1} \text{ أي } 6 \times 10^{-5} \times 5 \times 10^4$$

ومنه رتبة مقدار العدد A هي: 3×10^0

4) الأعداد الحقيقية x التي تحقق $|x-2|=3$ هي :

① $x = -1$ أو $x = 5$ التعليل:

$$|5-2|=|3|=3 \text{ أو } |-1-2|=|-3|=3$$

5) الأعداد الحقيقية x التي تحقق $|x-2| < 3$ هي :

① $x \in]-1; 5[$ ، التعليل:

$$|x-2| < 3 \text{ معناه } -3+2 < x < 3+2 \text{ معناه } x \in]-1; 5[$$

6) مركز المجال $[-1; 5]$ هو: ① 2 ، التعليل: $c = \frac{-1+5}{2} = 2$

التمرين الثاني: (05 نقاط)

1) تحليل العددين A و B إلى جداء عوامل أولية:

$$B = 315 = 3^2 \times 5 \times 7 , A = 350 = 2 \times 5^2 \times 7$$

$$ppcm(A; B) = 2 \times 3^2 \times 5^2 \times 7 = 3150$$

$$\frac{A}{B} = \frac{2 \times 5^2 \times 7}{3^2 \times 5 \times 7} = \frac{10}{9} \quad (2) \text{ إختزال الكسر } \frac{A}{B} : \text{ لدينا}$$

(3) $\frac{A}{B} = \frac{10}{9}$ نحل في $\square$ المعادلة و المترجمة :

$$(1) \dots 300(x-1) = 5(3-10x)$$

$$(2) \dots 300(x-1) < 5(3-10x)$$

$$(1) \text{ تكافئ } 60x - 60 = 3 - 10x \text{ تكافئ } x = \frac{63}{70} = \frac{9}{10}$$

$$S = \left\{ \frac{9}{10} \right\} \text{ ومنه:}$$

$$(2) \text{ تكافئ } 60x - 60 < 3 - 10x \text{ تكافئ } x < \frac{63}{70}$$

$$S =]-\infty; \frac{9}{10}[\text{ ومنه:}$$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

لدينا: $4 < x < 9$ (1) ، $-8 < y < -4$ (2) ...

1) التعبير عن المتباينتين (1) و (2) بمجال :

$$x \in]4; 9[\text{ معناه } 4 < x < 9$$

$$y \in]-8; -4[\text{ معناه } -8 < y < -4$$

2) إعطاء حصرا للأعداد التالية :

$$-5x + 2y , \sqrt{x} - 1 , \frac{1}{x} , y^2 , x$$

* بضرب أطراف المتباينة (2) في العدد (-1) نجد

$$8 < -y < -4 \quad (3) \text{ وجمع المتباينة (1) و (2) نجد:}$$

$$8 < x - y < 17$$

* بتربيع اطراف المتباينة (2) نجد: $16 < y^2 < 64$

$$\frac{1}{9} < \frac{1}{x} < \frac{1}{4} : (1) \text{ من المتباينة}$$

$$\text{من المتباينة (1): } 2 < \sqrt{x} < 3 \quad (3) \dots$$

* بإضافة العدد (-1) لأطراف المتباينة (3) نجد

$$1 < \sqrt{x} - 1 < 2$$

* بضرب أطراف المتباينة (1) في العدد (-5) نجد

$$-20 < -5x < -45 \quad (4) \dots \text{ و ب ضرب أطراف المتباينة (2) في}$$

$$\text{العدد (+2) نجد } -8 < 2y < -16 \quad (5) \dots \text{ وجمع المتباينة (4) و (5)}$$

$$\text{طرف إلى طرف نجد: } -61 < -5x + 2y < -28$$

التمرين الرابع: (2.5 نقاط

(0.5 على التنظيم)

(1) حساب القاسم المشترك للعددين 28 و 16 :

$$p\gcd(16;28)=4, \quad 28=2^2 \times 7, \quad 16=2^4$$

(2) يشارك في مسابقة الرياضيات 28 تلميذة و 16 تلميذ، نريد تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد المشاركين ونفس التوزيع بين البنات والأولاد في الفرق)

أ/ تعيين أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن

تشكيلها : هو 4 فرق

ب/ إيجاد تشكيلة كل فريق :

عدد البنات هو $\frac{28}{4}=7$ ، عدد الأولاد هو $\frac{16}{4}=4$ كل فريق يتكون من 7 بنات و 4 أولاد .

حساب $ppcm(A;B)$ لدينا

(3) تعيين المجالين $I \cap J$ و $I \cup J$ في الحالتين:

$$\textcircled{1} \quad I =]-1;4[\quad \text{و} \quad J =]-5;6[$$

$$I \cup J =]-5;6[\quad , \quad I \cap J =]-1;4[$$

$$\textcircled{2} \quad I =]-\infty;3[\quad \text{و} \quad J =]-5;+\infty[$$

$$I \cup J = \mathbb{R} \quad , \quad I \cap J =]-5;3[$$

(4) إتمام مايلي:

① إذا كان $x \geq -3$ فإن $x^2 \dots\dots\dots$

$x \geq -3$ معناه $-3 \leq x$ أو $x \geq 0$

إذا كان $-3 \leq x \leq 0$ فإن $0 \leq x^2 \leq 9$ ،

إذا كان $x \geq 0$ فإن $x^2 \geq 0$

إذا كان $x^2 \in [0;9]$ أو $x^2 \in [0;+\infty[$ فإن $x^2 \geq 0$

② إذا كان $x < 9$ فإن $\frac{5}{x-4} \dots\dots\dots$

$x < 9$ معناه $x - 4 < 9 - 4$

إذا كان $x < 9$ فإن $\frac{1}{x-4} > \frac{1}{5}$