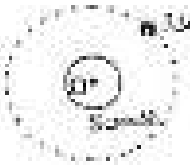
التمرين 1:

المعطيات:

$M_S = 2,0 \times 10^{30} kg$: كتلة الشمس	
$r = 7,8 \times 10^{8} km$: نصف قطر مدار زحل	
$G = 6,67 \times 10^{-11} SI$: ثابت الجذب العام	



الشكل-1

يدور كوكب زحل حول الشمس على مسار دائري مركزه ينطبق على مركز العطالة (O) للشمس ، بحركة منتظمة. الشكل-1

1- مثل القوة التي تخلق الشمس على كوكب زحل ثم اعط عبارة شعاعها.

2- ندرس حركة كوكب زحل في المرجع المركزي الشمسي (المرجع مركزي) الذي نعتبره غاليليا.

أ- عرف المرجع المركزي الشمسي.

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد عبارة الشعاع (a) لحركة مركز عطالة الكوكب زحل.

جـ - أوجد العبارة البوارية للسرعة (v) للكوكب في المرجع السابق بدلالة ثابت الجذب العام(G) وكتلة الشمس (M_S) ونصف قطر المدار(r)، ثم احسب قيمتها.

3- أوجد عبارة الدور (T) لحركة زحل حول الشمس بدلالة نصف قطر المدار(r) والسرعة (v)، ثم احسب قيمته.

4- استنتج عبارة القانون الثالث لكبلر ، و اذكر نصه.

التمرين 2:

يدور قمر اصطناعي كتلته (m) حول الأرض بحركة منتظمة ، فيرسم مسارا دائريا نصف قطره (r)، ومركزه هو نفسه مركز الأرض.

1- مثل قوة جاذب الأرض للقمر الاصطناعي واكتب عبارة شعاعها بدلالة M_T ، m ، G ، r حيث :

M_T: كتلة الأرض ؛ m: كتلة القمر الاصطناعي ؛ G: ثابت الجذب العام

r: نصف قطر المسار(البعد بين مركزي الأرض و القمر الاصطناعي)

2- باستعمال التحليل البعدي أوجد وحدة ثابت الجذب العام(G) في الجملة الدولية(SI).

3- بين أن عبارة السرعة الخطية (v) للقمر الاصطناعي في المرجع المركزي الأرضي تعطى بـ:

$$v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}}$$

4- اكتب عبارة (v) بدلالة r و T حيث T دور القمر الاصطناعي.

5- اكتب عبارة دور القمر الاصطناعي حول الأرض بدلالة M_T ، G ، r.

6- أ- بين أن النسبة ($\frac{T^2}{r^3}$) ثابتة لأي قمر يدور حول الأرض، ثم احسب قيمتها العددية في المعلم المركزي الأرضي معبرة بوحدة الجملة الدولية (SI).

ب- إذا كان نصف قطر مسار قمر اصطناعي يدور حول الأرض $r = 2,66.10^4 km$ ، احسب دور حركته.

يعطى: ثابت الجذب العام : $G = 6,67.10^{-11} SI$ ، $\pi^2 = 10$

كتلة الأرض : $M_T = 5,97.10^{24} kg$

www.dzexams.com

التمرين 3:

يدور قمر اصطناعي كتلته (m_s) حول الأرض، في مسار دائري على ارتفاع (h) من سطحها.
نعتبر الأرض كرة نصف قطرها (R)، والقمر الاصطناعي نقطة مادية.
ندرس حركة القمر الاصطناعي في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا.
1- ما المقصود بالمعلم المركزي الأرضي؟
2- اكتب عبارة القانون الثالث لكبلر بالنسبة لهذا القمر.
3- أوجد العلاقة المحققة بين سرعة القمر (v) و (R) ثابت الجذب العام، (M) كتلة الأرض، (h) و (R).
4- عرف القمر الجيومستقر وأحسب ارتفاعه (h) وسرعته (v).
5- أحسب قوة جذب الأرض لهذا القمر، اشرح لماذا لا يسقط على الأرض رغم ذلك.

المعطيات:

دور حركة الأرض حول محورها : $T = 24h$

$R = 6400\ km$ ، $m_s = 2,0 \times 10^3 kg$ ، $M_T = 5,97 \times 10^{24} kg$ ، $G = 6,67 \times 10^{-11} Nm^2/kg^2$

التمرين 4:

[illegible]

التمرين 5:

[illegible]

www.dzexams.com

أ- ماذا يمثل مركز الأرض بالنسبة لمدار هذا القمر الاصطناعي؟

ب- مثل في رسم آخر من الشكل شعاع القوة التي يخضع لها (S) أثناء دورته حول الأرض.

2- تدور مركبة (S) دائرية على ارتفاع متوسط ثابت $h = 400\,km$.

أ- حل شدة قوة جذب الأرض لـ (S) ثابتة ؟ علل.

ب- احسب شدة هذه القوة علما أن كتلة هذا القمر الاصطناعي هي $m = 1,3\,t$.

3- أ- اذكر نص قانون القمر الاصطناعي الجيومستقر.

ب- ما هي الميزة التي تجعل القمر الاصطناعيا جيومستقرا ؟ علل ؟

ج- احسب قيمة سرعة القمر الاصطناعي (S).

4- يمكن للقمر الاصطناعي أن يدور حول الأرض بحركة دائرية متناسقة على ارتفاع h من سطحها.

- حدد الارتفاع h للقمر الاصطناعي الجيومستقر.

يعطى : $G = 6,67 \times 10^{-11}\ SI$

التمرين 6:

في مرجع جيومركزي نعتبر حركة الأقمار الاصطناعية دائرية حول مركز الأرض. نقترن بأي قمر كتلته M_s ونصف قطرها R.

مثل في القمر الاصطناعي في مدار يخضع لقوة جذب الأرض $\vec{F}$ التي

1) أ- حرك المرجع المرتبط بالأرض

ب- اكتب العبارة الشعاعية لقوة $\vec{F}_{T/S}$ بدلالة G ثابت الجذب العام، M_T كتلة الأرض، R نصف قطر الأرض، m_s كتلة القمر الاصطناعي و h ارتفاعه عن سطح الأرض.

جـ- استنتج عبارة شعاع تسارع مركز القمر الاصطناعي، ما طبيعة الحركة؟

2) القمر الذي يخضع لمجال جذب الأرض فقط يسمى قمرا اصطناعيا.

أ- أعط القانون الثالث لكبلر.

ب- استنتج عبارة الطاقة الحركية (E_c) لهذا القمر.

جـ- ما هي طبيعة مدار القمر الاصطناعي (Meteosat). ماذا تستنتج؟

د- يمثل المنحنى على مخطيات الجدول 2 القانون الذي يربط بين:

هـ- استنتج قيمة الدورية T_0 لهذا القمر.

القمر الاصطناعي	Meteosat	Arsat
$T^2(s^2) \times 10^{15}$	5,94	36,120
$R^3(m^3) \times 10^{21}$	6,70	35,65

المعطيات: $G = 6,67 \times 10^{-11}\ N.m^2.kg^{-2}$ ، $R = 6380\ km$ ، $1\ jour = 23h\ 56mn$

شدة الجاذبية عند سطح الأرض: $g_0 = 9,8\ m.s^{-2}$

www.dzexams.com

التمرين 7:

لتفسير دوران مسارات حركة الكواكب السيارة حول الشمس في المرجع الهليومركزي يفترض مركزها O وانصاف المحاور a حيث يمر المنطقة الشمس بالرمز M.

1- انقل رسم الشكل - 4 - ومثل عليه شعاع القوة الجاذبية المركزية $\vec{F}_{S/P}$ المطبقة من طرف الشمس على أحد الكواكب الذي كتلته m في مركز عطالة السابح في الموضع P.

2- عبر عن شدة القوة $F_{S/P}$ بدلالة G، M_S، m و r.

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، اوجد عبارة تسارع حركة الكوكب في الموضع P بدلالة G، M_S و r.

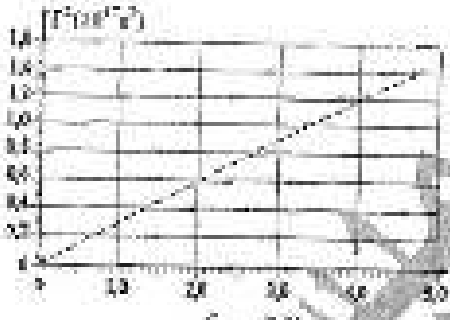
4- استنتج طبيعة حركة الكوكب حول الشمس.

5- يمثل بيان الشكل - 5 - تطور مربع الدور الزمني لكل من كوكب الأرض والمريخ بدلالة مكعب نصف قطر مدار كل كوكب.

أ- هل يتوافق البيان مع القانون الثالث لكبلر؟

ب- باستعمال البيان، اوجد قيمة $\frac{T^2}{r^3} = 3{,}0\times10^{-19}\ (S.I)$ ثم استنتج قيمة كتلة الشمس M_S.

نعطى: $G=6{,}67\times10^{-11}\ (S.I)$.



الشكل - 5 -

6- علما أن البعد المتوسط بين مركزي الأرض والشمس هو $1{,}50\times10^{11}$ m، أوجد قيمة دور حركة الأرض حول الشمس.

التمرين 8:

يدعى القمر الاصطناعي جيوف 1 (أ- Geo) إلى برنامج غاليليو الأوروبي الجيو المواقع المكمل للبرنامج الأمريكي GPS. نعتبر القمر الاصطناعي جيوف 1 (أ- Geo) الذي كتلته m = 700kg، ومتفصلا وافترض أنه يخضع إلى قوة جذب الأرض فقط.

يدور القمر (أ- Geo) بسرعة ثابتة في مدار دائري مركزه (T) على ارتفاع h = 23,6×10³km من سطح الأرض.

1) في أي مرجع تتم دراسة حركة هذا القمر الاصطناعي ؟ وما هي فرضية المنطقة لهذا المرجع والتي تسمح بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ؟

2) أوجد عبارة تسارع القمر (أ- Geo) و حدد قيمته.

3) أحسب سرعة القمر (أ- Geo) على مداره.

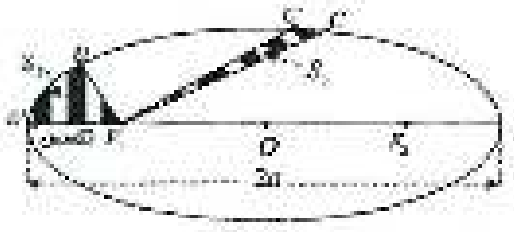
www.dzexams.com

أ) عرف دور T ثم عين قيمته بالنسبة للقمر (القمر الاصطناعي).
ب) احسب الطاقة الإجمالية للمجلة (الأرض + القمر).

المعطيات : ثابت الجذب العام $G = 6,67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2}$ كتلة الأرض $M_T = 5,98 \times 10^{24} kg$
نصف قطر الأرض $R_T = 6,38 \times 10^6 m$

التمرين 2:

أ) يكون مدار مركز عطارد كوكب حول الشمس إهليلجياً كما يوضحه (الشكل-4).
يتنقل الكوكب أثناء حركته على مداره من النقطة C إلى النقطة C' ثم من النقطة D إلى النقطة D' خلال نفس المدة الزمنية Δt.



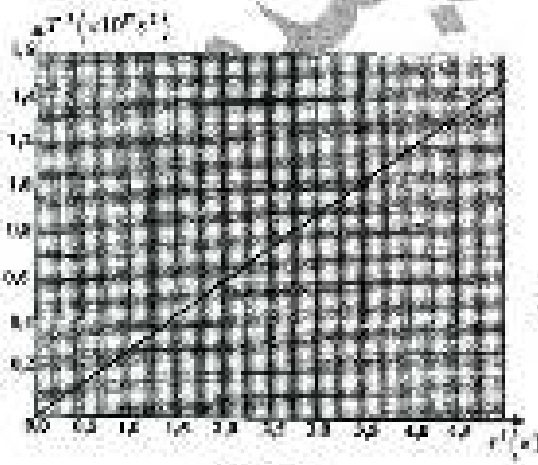
(الشكل-4)

1- استخلص من قانون كبلر الأول قيمة وحيدة موقع الشمس في النقطة F، كيف تسمى هندسة النقطتين F_1 و F_2؟
2- حسب قانون كبلر الثاني، قارن بين المساحتين S_1 و S_2.
3- بيّن أن متوسط السرعة بين الموضعين C و C' أقل من متوسط السرعة بين الموضعين D و D'.

ب) من أجل التبسيط نمذج المسار الحقيقي للكوكب في المرجع الهليومركزي بمدار دائري مركزه O (مركز الشمس) ونصف قطره r (الشكل-5).
يخضع الكوكب أثناء حركته حول الشمس إلى قوة جذب الشمس له، نموذج بقوة $\vec{F}$ شعاعها تعطى حسب قانون الجذب العام لنيوتن بالعلاقة: $F = G\frac{mM}{r^2}$ حيث m كتلة الشمس، M كتلة الكوكب و G ثابت التجاذب الكوني $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ باستعمال برمجية "Smallite" في جهاز الإعلام الآلي تم رسم المنحنى $T^2 = f(r^3)$ (الشكل-6).
حيث T دور الحركة.

(الشكل-5)

1) اذكر نص قانون كبلر الثالث.
2) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكوكب وباهمال تأثيرات الكوكب الأخرى، أوجد عبارة كل من v سرعة الكوكب، وعبارة دور حركته T بدلالة r، G و M.
3) أوجد بيانياً العلاقة بين T^2 و r^3.
4) أوجد العلاقة النظرية بين T^2 و r^3.
5) بتوظيف العلاقتين الأخيرتين استنتج قيمة كتلة الشمس M.



(الشكل-6)

www.dzexams.com

التمرين 10:

يدور كوكب القمر حول الأرض وفق مسار نعتبره دائريا مركزه هو مركز الأرض، ونصف قطره $r = 384 \times 10^3 km$ ودوره : نجم $T_1 = 27,3$ يوم.

1- أ- ما هو المرجع الذي ننسب إليه حركة كوكب القمر ؟

ب- احسب قيمة السرعة v لحركة مركز عطالة القمر.

2- المركبة الفضائية أبولو 11 (Apollo11) التي حملت رواد الفضاء إلى سطح القمر سنة 1969، حملت في مدار دائري حول القمر على ارتفاع $h = 110 km$.

أ- اذكر بدون حساب طبيعة المدار المتبع.

ب- أوجد العبارة ثم احسب دور اليواكبة T_2 بدلالة T_1 ونصف قطر القمر R_T وارتفاع h، وثابت الجاذبية العام G.

ج- احسب قيمة السرعة.

3- أ- اكتب بدلالة G ونصف القطر R_T والدور الجيوستاتي القمر الاصطناعي لأرضي.

ب- احسب ارتفاع h' لهذا القمر الاصطناعي.

المعطيات: $G = 6,67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2}$ ، كتلة القمر: $M_T = 7,34 \times 10^{22} kg$ ،

نصف قطر القمر: $R_T = 1,74 \times 10^3 km$ ، نعبر عن $\frac{M_T}{M_t}$ بـ 81,3 مرة كتلة الأرض M_t.

4- يوجد تشابه وتماثل بين معطيات الكوكبي والقمر، إلا أنه لا يمكن تطبيق قوانين نيوتن على النظام القمر، لماذا.

التمرين 11:

يتصور العلماء في الرحلات المستقبلية نحو كواكب المريخ إقامة جسم متصل الأجهزة الاتصالات مع الأرض على أحد أقمار هذا الكوكب، مثلا على القمر فوبوس (Phobos).

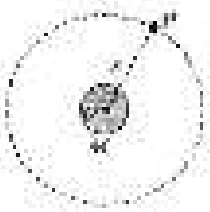
المعطيات: - ثابت الجاذبية الكونية: $G = 6,67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2}$.

- المسافة بين المريخ M و قائس P : $r = 9,4 \times 10^3 km$.

- كتلة المريخ : $M = 6,4 \times 10^{23} kg$ و كتلة القمر فوبوس $m = 1,08 \times 10^{16} kg$.

- دور حركة دوران المريخ M حول نفسه $T_M = 1,03 \times 10^5 s$.

للرصد أي جهاز الأجسام فوبوس الشكل وكتلتها موزعة بانتظام على محيطها وأن حركة m الفضائية وتتم في مرجع مثالي مبدؤه O مركز كوكب المريخ (الشكل-3).



الشكل -3

1- مثل على (الشكل-3) القوة التي يطبقها الكوكب M على القمر فوبوس P.

www.dzexams.com

2-أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أنّ حركة مركز عطارد هذا القمر دائرية منتظمة.

ب- استنتج عبارة دور حركة القمر T حول المريخ.

3- جد عبارة دور حركة القمر T حول المريخ بدلالة المقادير G و M و r.

4- اذكر نص القانون الثالث لكبلر ، ثم تحقق أنّ القيمة $\frac{T^2}{r^3} = 9,21 \times 10^{-13} s^2.m^{-3}$ ، ثم استنتج قيمة T.

5- أين يجب وضع محطة الاتصالات S لتكون مستقرة بالنسبة للمريخ؟ ما قيمة T دور المحطة في مدارها حينئذ؟

التمرين 12:

يدور القمر القمر (S) حول الأرض بحركة دائرية منتظمة على ارتفاع $h = 700km$ من سطحها، حيث نصف قطر الأرض $R_T = 6400km$ في المرجع الأرضي المركزي نعتبره غاليلي.

1- ما اتجاه وجهة $\vec{a}$ لمتجهة تسارع مركز القمر الاصطناعي (S)؟

2- أعط دون برهان عبارة وقيمة تسارع a لمركز القمر الاصطناعي (S).

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، عين عبارة سرعة القمر الاصطناعي (S) حول الأرض، ثم احسب قيمتها.

4- احسب الطاقة الكلية E_T للقمر الاصطناعي (S) حول الأرض.

5- بيّن أنّ $\frac{T^2}{r^3} = 9,55 \times 10^{-14} s^2.m^{-3}$

6- استنتج كتلة الأرض.

يعطى: ثابت الجذب الكوني: $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$

نصف قطر الأرض: $R_T = 6400km$

دور الأرض: $T = 24h$

التمرين 13:

يدور القمر الصناعي (S) كتلته $m = 1000kg$ حول الأرض في مدار دائري على ارتفاع $h = 600km$ من سطحها، بسرعة $v = 7,57 \times 10^3 m/s$. نعتبر مركز الأرض O مبدأ المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

1- عين مميزات القوة $\vec{F}$ التي تؤثر بها الأرض على القمر الصناعي، والتي أدت إلى تسارعه $\vec{a}$.

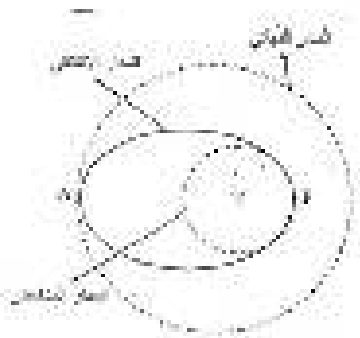
أ) ما اسم القوة $\vec{F}$ التي تؤثر بها الأرض على القمر الصناعي؟

ب) مثل القوة $\vec{F}$ على الشكل، ثم اكتب عبارتها الشعاعية في المرجع المختار.

ج) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أن حركة القمر الصناعي دائرية.

2- بيّن أن عبارة السرعة v تكتب بالشكل $v = \sqrt{\frac{GM_T}{r}}$، حيث r بعد القمر الصناعي عن مركز الأرض.

www.dzexams.com



3- عبارة قوة جذب القمر الاصطناعي (S) ، ثم احسب قيمتها .

4- احسب (a) تسارع القمر الاصطناعي و (v) سرعته المدارية .

5- إذا زال تأثير القمر الاصطناعي عن مدار الاصطناعي أين يكون مداره الجديد ؟

- نعطي $R_T = 6380km$: نصف قطر الأرض

- حدد مكان القمر الاصطناعي في اللحظة t لتمثيل المسار الذي يسلكه من طرف فضاء مركز الأرض يوجد على بعد h من سطح الأرض ، ولما يصل إلى B تعطى له دفعة بسرعة v_0 فيدخل في مدار دائري حول مركز الأرض .

أ) عين طبيعة القمر الاصطناعي في المدار الدائري حول الأرض .

ب) أوجد عبارة السرعة v_0 بدلالة R_T ، h و g_0 ثم احسب قيمتها .

ج) أحسب الزمن T_0 الذي يستغرقه القمر الاصطناعي في دورة واحدة حول الأرض .

د) ما هو الزمن اللازم لكي يقطع القمر الاصطناعي المسافة AB ؟

نعطي : $g_0 = 9,8m/s^2$ ؛ $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ ؛ $M_T = 6 \times 10^{24} kg$: كتلة الأرض ، $R_T = 6400km$

التمرين الثاني

يدور قمر اصطناعي (S) كتلته m حول الأرض في جهة دورانها بسرعة ثابتة v على ارتفاع h من سطح الأرض .

1- مثل القوة المؤثرة على القمر الاصطناعي (S).

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد عبارة السرعة المدارية لمركز القمر الاصطناعي (S) بدلالة : ثابت الجذب العام G، كتلة الأرض M_T ، نصف قطر الأرض R_T و h ارتفاع مركز عطالة القمر الاصطناعي عن سطح الأرض ، ثم احسب قيمتها.

3- أ- حدد عبارة دور القمر الاصطناعي T بدلالة R_T ، h و M_T ، ثم احسب قيمته.

ب- هل يمكن اعتبار هذا القمر جيو مستقر ؟ علل.

4- أكتب بالقانون الذي تكون ، ثم بين أن النسبة: $\frac{T^2}{(R_T+h)^3}$ تحقق قانون كبلر الثالث.

يعطى: $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ ، $M_T = 6 \times 10^{24} kg$ ، $R_T = 6380km$ ، $h = 35800km$

www.dzexams.com

التمرين 15:

تم إطلاق أول قمر اصطناعي Galileo للوقع بغيانا الفرنسية في 28 ديسمبر 2005 ، يعتبر أكثر الأقمار الاصطناعية تطورا في العالم إذ يحتوي على أجهزة ساعة ذرية دقيقة جدا على ارتفاع $23,6.10^3\ km$ عن سطح الأرض و يدور حول نفسه بدور $T = 14\ h\ 4\ min$

1. حدد مجال دراسة القمر الاصطناعي حول الأرض و قانون الحركة الذي يخضع له مركز القمر.
2. أوجد عبارة السرعة المدارية للقمر الاصطناعي G, R_T, M
3. أحسب هذه السرعة. ماذا تستنتج عندما تكون الحركة دائرية.
4. ما هو المدار الذي يدور فيه القمر الاصطناعي بالنسبة للأرض.

القمر الاصطناعي	$r = a$ بـ R_T	$T(s)$	$\omega^2(rad^2)$	$T^2(s^2)$
GPS	$26,2.10^3$	$2,58.10^4$		
GLONASS	$25,5.10^3$	$4,07.10^4$		
MEDASAT	$42,1.10^3$	$8,61.10^4$		

1. أكمل الجدول أعلاه بحساب T^2 و ω^2 ثم أكتب العلاقة بين T^2 و r^3.
2. استنتج نص القانون الثالث لكبلر.
3. حدد كتلة الأرض M_T.
4. ما هي أهمية الأقمار الاصطناعية Galileo في أعمال البحث و الإنقاذ عبر العالم؟ $G = 6,67.10^{-11}\ N.m^2.kg^{-2}$

التمرين 16:

اسم القمر	نصف القطر $R(10^6 m)$	كتلة القمر $m(10^{22} kg)$
Miranda (ميراندا)	0,24	0,07
Ariel (أريل)	0,58	1,35
Umbriel (أمبريل)	0,59	1,27
Titania (تيتانيا)	0,80	3,53
Oberon (أوبيرون)	0,76	3,03

يبين الجدول أعلاه كتلة و نصف قطر بعض أقمار كوكب أورانوس Uranus من طرف الفلكي الألماني فريدريك هرشل Frederic Herschel سنة 1781 و الفلكي الأمريكي جيرار كايبر Gerard Kuiper سنة 1948 و هي تدور حول الكوكب في مدارات شبه دائرية.

1. أحسب السرعة المدارية لكل قمر و دور حركته حول الكوكب.
2. أحسب النسبة $\frac{T^2}{r^3}$ لكل قمر ماذا تستنتج؟

www.dzexams.com