

## الواجب المنزلي الثالث

## التمرين الأول

$ABC$  مثلث، نعتبر النقط  $E$  و  $F$  و  $G$  بحيث:  $\vec{AE} = \frac{1}{2}\vec{AB}$  ،  $\vec{AF} = 2\vec{CF}$  ،  $\vec{2GE} + \vec{GC} = \vec{0}$

1. أنشئ النقط  $E$  و  $F$  و  $G$

2. بين أن  $\vec{BF} = 2\vec{EC}$

## التمرين الثاني

1. نعتبر النقطتين  $A(4, 0)$  و  $B(0, 4)$  والمستقيم  $(D): x + 2y - 6 = 0$

أ. جد معادلة للمستقيم  $(AB)$

ب. حدد إحداثيتي النقطة  $C$  تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(D)$

2. النقطتان  $E$  و  $F$  هما على التوالي تقاطع المستقيم  $(D)$  مع محور الفواصل ومحور الترتيب، حدد إحداثيتي كل من النقطتين  $E$  و  $F$

3. لتكن  $I$ ،  $J$  و  $K$  منتصفات القطع  $[OC]$  و  $[AF]$  و  $[EB]$

أ. حدد إحداثيتي كل من النقط  $I$ ،  $J$  و  $K$

ب. بين أن النقط  $I$ ،  $J$  و  $K$  على استقامة واحدة

4. جد معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $H\left(-1, \frac{1}{2}\right)$  والموازي للمستقيم  $(D)$

5. ليكن المستقيم  $(L)$  ذو المعادلة  $(m-1)x + 2my + 3 - 2m = 0$  حيث  $m \in \mathbb{R}$

أ. حدد قيمة  $m$  التي من أجلها يكون  $(L) \parallel (D)$

ب. حدد قيمة  $m$  التي من أجلها يكون  $H \in (L)$

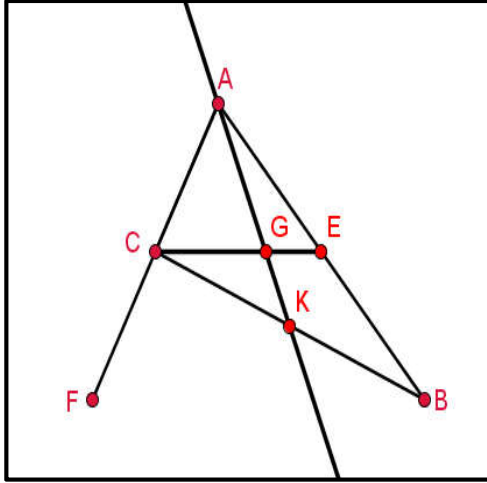
النقطة

عناصر الإجابة

التمرين الأول

$ABC$  مثلث، نعتبر النقط  $E$  و  $F$  و  $G$  بحيث:  $\vec{AE} = \frac{1}{2}\vec{AB}$  ،  $\vec{AF} = 2\vec{CF}$  ،  $2\vec{GE} + \vec{GC} = \vec{0}$

1. أنشاء النقط  $E$  و  $F$  و  $G$



$$\vec{AE} = \frac{1}{2}\vec{AB} \quad \checkmark$$

$$\vec{AF} = 2\vec{CF} \quad \checkmark \quad \text{أي } \vec{AF} = 2\vec{CA} + 2\vec{AF} \quad \text{أي } \vec{AF} = 2\vec{CF}$$

$$2\vec{GE} + \vec{GC} = \vec{0} \quad \checkmark \quad \text{أي } 2\vec{GC} + 2\vec{CE} + \vec{GC} = \vec{0} \quad \text{أي } 3\vec{GC} = -2\vec{CE}$$

$$\vec{CG} = \frac{2}{3}\vec{CE} \quad \text{أي}$$

2. تبين أن  $\vec{BF} = 2\vec{EC}$

$$\vec{BF} = \vec{BA} + \vec{AF} = 2\vec{EA} + 2\vec{AC} = 2(\vec{EA} + \vec{AC}) = 2\vec{EC}$$

التمرين الثاني

1.

أ. معادلة للمستقيم  $(AB)$

طريقة 1: يمكن الحصول على معامل توجيه المستقيم  $(AB)$  من العلاقة:  $a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{4-0}{0-4} = -1$

المستقيم  $(AB)$  له معادلة من الشكل  $y = ax + b$  أي  $y = -x + b$

$$(AB): y = -x + 4 \quad \text{اذن } b = 4 \quad \text{أي } 0 = -4 + b \quad \text{أي } y_A = -x_A + b \quad \text{معناه } A \in (AB)$$

طريقة 2:  $M \in (AB)$ : نحسب  $\vec{AM} \begin{pmatrix} x-4 \\ y \end{pmatrix}$  ،  $\vec{AB} \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix}$  الشعاعان مرتبطان خطيا اذن:  $(x-4) \times 4 = -4y$

$$(AB): y = -x + 4$$

ب. احداثيتي النقطة  $C$

نبحث عن الثنائيتي  $(x, y)$

نحل جملة معادلة  $\begin{cases} y = -x + 4 \dots\dots (1) \\ x + 2y - 6 = 0 \dots\dots (2) \end{cases}$  نعوض قيمة (1) في (2) نجد:  $x + 2(-x + 4) - 6 = 0$  أي  $x = 2$

نعوض قيمة  $x$  في (1) نجد  $y = 2$  اذن  $C(2, 2)$

2. احداثيتي كل من  $E$  و  $F$

✓ نحل جملة معادلتين  $\begin{cases} y = 0 \dots\dots (1) \\ x + 2y - 6 = 0 \dots\dots (2) \end{cases}$  نعوض قيمة (1) في (2) نجد:  $\boxed{x = 6}$  إذن  $E(6,0)$

✓ نحل جملة معادلتين  $\begin{cases} x = 0 \dots\dots (1) \\ x + 2y - 6 = 0 \dots\dots (2) \end{cases}$  نعوض قيمة (1) في (2) نجد:  $\boxed{y = 3}$  إذن  $F(0,3)$

3.

أ- احداثيتي كل من  $I$  ،  $J$  و  $K$

$$K(3,2) \quad , \quad J\left(2, \frac{3}{2}\right) \quad , \quad I(1,1)$$

ب- تبين أن النقط  $I$  ،  $J$  و  $K$  على استقامة واحدة

نثبت أن:  $\vec{IJ}$  و  $\vec{IK}$  مرتبطان خطيا، لدينا  $\vec{IK} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$  و  $\vec{IJ} \begin{pmatrix} 1 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}$  إذن  $1 \times 1 = 2 \times \frac{1}{2}$  أي  $\boxed{1=1}$  ومنه  $\vec{IJ}$  و  $\vec{IK}$  مرتبطان خطيا

إذن النقط  $I$  ،  $J$  و  $K$  على استقامة واحدة

4. معادلة المستقيم  $(\Delta)$

بما أن  $(D) // (\Delta)$  أي لهما نفس معامل التوجيه

لدينا  $(D): x + 2y - 6 = 0$  أي  $(D): y = -\frac{1}{2}x + 3$  إذن  $\boxed{a = a' = -\frac{1}{2}}$

المستقيم  $(\Delta)$  له معادلة من الشكل  $y = ax + b$  أي  $y = -\frac{1}{2}x + b$

$H \in (\Delta)$  معناه  $y_H = -\frac{1}{2}x_H + b$  أي  $\frac{1}{2} = -\frac{1}{2}(-1) + b$  أي  $\boxed{b = 0}$  إذن  $(\Delta): y = -\frac{1}{2}x$

5.

أ- تحديد قيمة  $m$  التي من أجلها يكون  $(L) // (D)$

$(L): (m-1)x + 2my + 3 - 2m = 0$  أي  $(L): y = \frac{-(m-1)}{2m}x + \frac{2m-3}{2m}$

$(L) // (D)$  أي لهما نفس معامل التوجيه أي  $-\frac{(m-1)}{2m} = -\frac{1}{2}$  أي  $m-1 = m$  أي  $\boxed{0=1}$  إذن لا توجد أي قيمة لـ  $m$  تجعل  $(L) // (D)$

ب- تحديد قيمة  $m$  التي من أجلها يكون  $H \in (L)$

$H \in (L)$  معناه  $(m-1)x_H + 2my_H + 3 - 2m = 0$  أي  $(m-1)\left(-\frac{1}{2}\right) + 2m\left(\frac{1}{2}\right) + 3 - 2m = 0$  ومنه  $\boxed{m = 2}$