

التمرين الأول:

نترك كرة معدنية كتلتها $m=400g$ كما في الشكل (01) تنتقل على مستوي مائل عن الأفق بزاوية $\beta=30^\circ$ ، حيث تنطلق من الموضع A دون سرعة ابتدائية، متجهة إلى موضع K في M .

علما أن قوة الاحتكاك على المستوي المائل تكافئ قوة وحيدة ثابتة في الشدة ومعاكسة لجهة الحركة.

المنحنى الممثل في الشكل (02) يمثل تغيرات الطاقة الحركية E_{CM}

بدلالة المسافة المقطوعة $d=AM$ أثناء الانتقال من A إلى M .

1- مثل القوى المؤثر على الكرة في الجزء AB .

2- أكتب عبارة عمل كل قوة مؤثر على الكرة بدلالة $d=AM$

3- مثل الحصلة الطاقوية للجملة كرة بين الوضعين A و M .

4- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة أوجد عبارة الطاقة الحركية E_{CM} بدلالة الانتقال d .

5- بالاعتماد على منحنى الشكل (02) أوجد ما يلي:

أ- شدة قوة الاحتكاك .

ب- سرعة الكرة عند الموضع B .

6- حدد سرعة الكرة عند وصولها للموضع C مع تحديد الطريقة بدقة.

7- عند اصطدام الكرة بالأرض يحدث ضياع طاقي مقداره ΔE_C وترتد

الكرة من الموضع C متجهة للموضع D كما في الشكل (01).

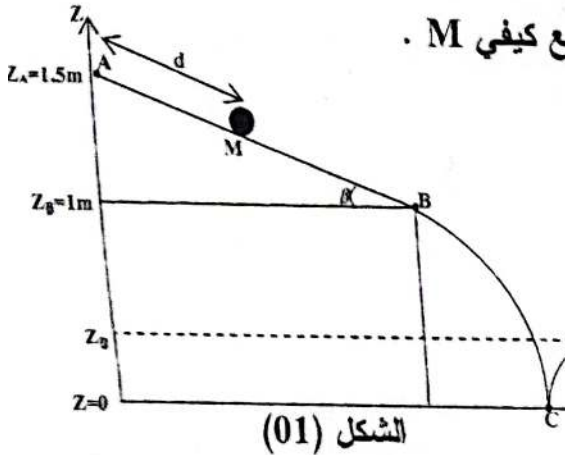
إذا كانت سرعة الارتداد في الموضع C هي : $v_C' = \frac{4}{5}v_C$

أ- ماهو مقدار الضياع في الطاقة ΔE_C ؟

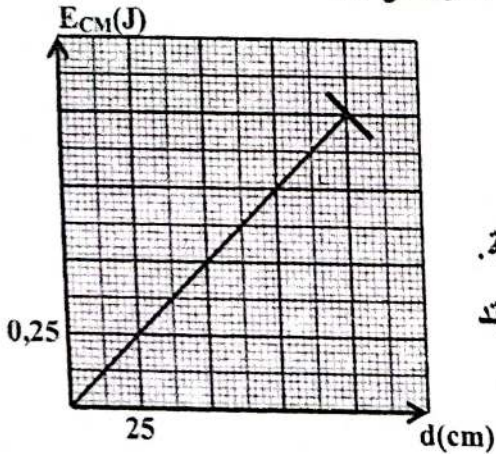
ب- حدد الارتفاع Z_D الذي تبلغه الكرة مع تحديد الخطوات بدقة.

يعطى: السرعة في الموضع D : $v_D = 1,80m/s$ ، $g = 10m/s^2$

BELOUADAH Abdelhakim



الشكل (01)



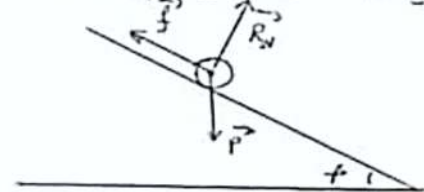
الشكل (02)

SCAN ME



تمحيص الفرض

1- تمثيل القوى على الجرد AB



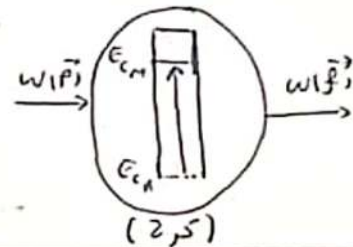
2- عبارة على كل قوة:

(1) $W(P) = m \cdot g (h_A - h_B) = m \cdot g d \sin \beta$

(2) $W(R_N) = R_N \cdot d \cdot \cos 90 = 0$

(1) $W(f) = -f \cdot d$

3- المصيلة الطاقوية للجهد كرة بيت A و B



4- ايجاد عبارة E_{cm}

(1) $E_{cm} + W(P) - |W(f)| = E_{cm}$

(2) $E_{cm} = m \cdot g d \sin \beta - f \cdot d$

(1) $E_{cm} = (m \cdot g \sin \beta - f) d$... (1)

5- البيان على مستقيم يرمز اليه اشارة

(1) $E_{cm} = a \cdot d$

(2) $E_{cm} = 1 \cdot d = d$... (2)

(3) ايجاد عدد قوى الاحتكاك:

بالمطابقة بين (1) و (2) نجد:

(1) $m \cdot g \sin \beta - f = 1$

(2) $f = m \cdot g \sin \beta - 1 = 2 - 1 = 1 N$

(3) سرعة الكرة عند B:

(1) $E_{cb} = \frac{1}{2} m v_B^2 \Rightarrow v_B = \sqrt{\frac{2 E_{cb}}{m}}$

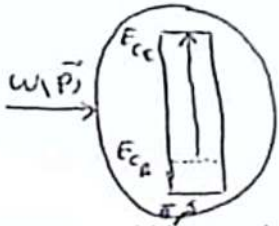
(2) $v_B = \sqrt{\frac{2 \times 1}{0.4}} = 2.23 m/s$

SCAN ME



6- سرعة الكرة عند B

تمثيل المصيلة الطاقوية للجهد كرة بيت B و C



معادلة الانحفاظ:

$E_{cb} + W(P) = E_{cc}$

$\frac{1}{2} m v_c^2 = E_{cb} + m \cdot g (h_B - h_c)$

$v_c = \sqrt{2 \left(\frac{E_{cb}}{m} + g (h_B - h_c) \right)}$

$v_c = 5 m/s$

(3) تحديد مقدار الضياع في الطاقة

$\Delta E_c = E'_{cc} - E_{cc} = \frac{1}{2} m v_c'^2 - \frac{1}{2} m v_c^2$

$\Delta E_c = \frac{1}{2} m (v_c'^2 - v_c^2)$

(3) $= \frac{1}{2} m \left(\left(\frac{4}{5} v_c \right)^2 - v_c^2 \right)$

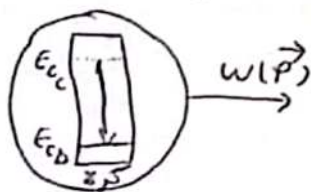
$= -\frac{9}{50} m v_c^2 = -1.800 J$

(3) $v_c' = \frac{4}{5} v_c = 4 m/s$

$\Delta E_c = \frac{1}{2} m v_c'^2 - \frac{1}{2} m v_c^2 = -1.8 J$

(3) حساب z_B :

تمثيل المصيلة الطاقوية للجهد كرة بيت C و D



معادلة الانحفاظ:

$E'_{cc} - W(P) = E_{cd}$

$\frac{1}{2} m v_c'^2 - m \cdot g z_D = \frac{1}{2} m v_D^2$

$v_c'^2 - 2 g z_D = v_D^2$

$z_D = \frac{v_c'^2 - v_D^2}{2 g} = 0.638 m$