

BAC 2021

باقعة تمارين رقم 07

BAC 2021

التمرين رقم 01

يستعمل خليط من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ واليورانيوم $^{238}_{92}U$ كوقود لمفاعل غواصة نووية.1- تنتج الطاقة المستهلكة في مفاعل الغواصة من انشطار $^{235}_{92}U$ وفق المعادلة: $^{235}_{92}U + {}^1_0n \rightarrow {}^{139}_{54}Xe + {}^{95}_xSr + y.{}^1_0n$ حدد قيمتي y, x ب- أحسب الطاقة المتولدة عن انشطار نواة يورانيوم $^{235}_{92}U$ واستنتج الطاقة المحررة من انشطار عينة من اليورانيوم كتلتها 14gج- أوجد المدة الزمنية اللازمة ليستهلك مفاعل الغواصة $m = 14g$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ استطاعته 15.10^4 wat علما أن مردود هذا التحويل يساوي $\rho = 91\%$ 2- يمكن للنيوترونات المنبعثة والتي لم يتم تخفيف سرعتها أن تحول $^{238}_{92}U$ إلى $^{239}_{92}U$ وفق المعادلة: $^{238}_{92}U + {}^1_0n \rightarrow {}^{239}_{92}U$ أ- ما هو النشاط الإشعاعي أذكر أهم خصائصه.ب- بعد كم من الوقت يصبح النشاط الابتدائي لليورانيوم 239 ثمن قيمته الابتدائية. علما أن زمن نصف عمره $t_{1/2} = 4,4.10^9 \text{ ans}$ 3- ينشطر البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$ بعد قذفه بنيوترون حسب المعادلة التالية: $^{239}_{94}Pu + {}^1_0n \rightarrow {}^{102}_{42}Mo + {}^{135}_{52}Te + 3.{}^1_0n$ أحسب الطاقة المحررة عن انشطار 3 mol من البلوتونيوم 239.

رمز النواة	$^{239}_{94}Pu$	$^{95}_xSr$	$^{139}_{54}Xe$	$^{235}_{92}U$	1_0n	$^{135}_{52}Te$	$^{102}_{42}Mo$
الكتلة (u)	239,1344	94,9450	138,9550	235,1240	1,00866	134,8879	101,8873
	1Mev		1u		N_A		
	$1,6.10^{-13} \text{ joul}$		$931,5 \text{ Mev} / C^2$		$6,02.10^{23} \text{ mol}^{-1}$		

التمرين رقم 02

يستعمل الإشعاع النووي في تدمير الأورام السرطانية إذ يقذف الورم أو النسيج المصاب بالإشعاع المنبعث من الكوبالت ($^{60}_{27}Co$)يفسر النشاط الإشعاعي لـ ($^{60}_{27}Co$) بتحول نترون إلى بروتون. يمثل منحنى الشكل 2- تغيرات النشاط (A) لعينة من الكوبالت بدلالةعدد الأنوية المتفككة خلال الزمن (t).

1- حدد نمط النشاط الإشعاعي للكوبالت مع التعليل؟

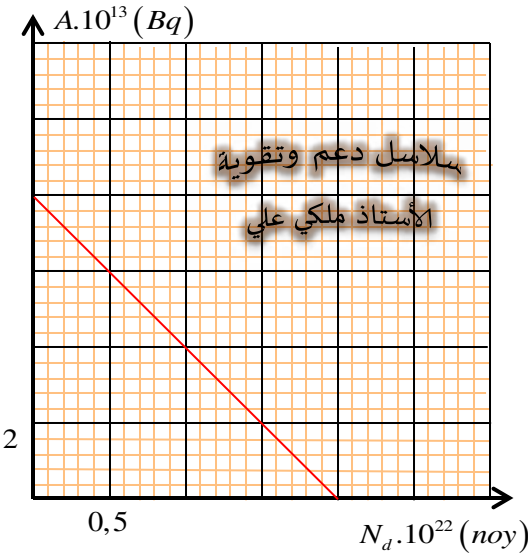
ب- أكتب معادلة التفاعل النووي الموافق ثم تعرف على النواة الابن من بين

النواتين $^{26}_{26}Fe, {}^{28}_{28}Ni$

ج- أكتب قانون التناقص الإشعاعي.

د- أوجد العلاقة النظرية التي تربط النشاط الإشعاعي A بعدد الأنوية المتفككة.

2- باستغلال البيان حدد ما يلي:

أ- النشاط الإشعاعي الابتدائي للعينة A_0 .ب- ثابت النشاط الإشعاعي (λ) لنواة الكوبالت 60.ج- زمن نصف العمر ($t_{1/2}$) للكوبالت 60د- عدد الأنوية الابتدائية (N_0) للعينة وكتلتها (m_0).3- يمكن اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال إذا أصبحت النسبة $\frac{N_d(t)}{N(t)} = 3$ حيث $N(t)$ عدد الأنوية المتبقية.أ- بين أنه يمكن كتابة النسبة $\frac{N_d(t)}{N(t)}$ بالعلاقة التالية $(e^{\lambda t} - 1)$ ب- استنتج المدة الزمنية التي يمكن فيها اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال يعطى: $N_A = 6,023.10^{23} \text{ mol}^{-1}$ 

التمرين رقم 03

الجزء الأول: التفاعلات التلقائية

هناك نوع خاص من البطاريات تعمل بنظير البلوتونيوم ($^{238}_{94}Pu$) الباعث للإشعاع α وتنتج نواة اليورانيوم ($^{234}_{92}U$) وتستعمل في المحطات الفضائية والحواسيب وغيرها.



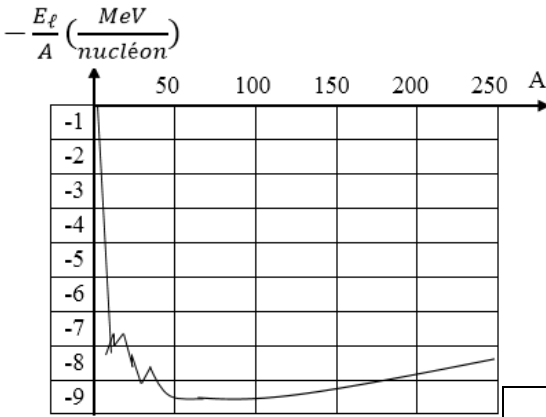
1-أ-ماذا تعني العبارات: نظير البلوتونيوم -مادة مشعة -الإشعاع α ؟

ب- أكتب معادلة التفكك النووي الحادث ثم حدد مكونات النواة الناتجة ($^{234}_{92}U$)

2- تعتبر البطارية غير فعالة عندما تبقى (30%) من المقدار الابتدائي للمادة المشعة ذات نصف عمر 88ans
أ- ما هي مدة اشتغال البطارية مقدرة بالسنوات.

ب- أحسب نشاطها الإشعاعي عندئذ علما أن نشاطها الابتدائي $A_0 = 9,5 \times 10^{10} Bq$

الجزء الثاني: التفاعلات المفتعلة



1- التفاعل بين الدوتريوم والتريتيوم ينتج نواة (4_2He) ونيوترون وتحرير نيوترون

أ- ما نوع التفاعل الحادث؟ عرفه.

ب- أكتب معادلة التفاعل الحادث.

2-أ-ما اسم المنحنى المقابل وماذا يمثل وما الفائدة منه؟

ب- حدد من المنحنى مجالات الأنوية القابلة للإندماج والأنوية المستقرة.

3- أحسب قيمة الطاقة المحررة من التفاعل السابق مقدرة بـ (MeV)

المعطيات:

النواة	2_1H	3_1H	4_2He
طاقة الربط (MeV)	2,22	8,48	28,29

التمرين رقم 04

I- نمزج عند اللحظة ($t = 0$) كمية مادة قدرها ($0,03mol$) من محلول برمنغنات البوتاسيوم ($K^+ + MnO_4^-$) مع كمية ($0,05mol$) من

حمض الأكساليك ($H_2C_2O_4$) في وسط حمضي حيث حجم المزيج التفاعلي ($V = 100ml$)

1- أكتب معادلة التفاعل الحادث علما أن الثنائيات الداخلة في التفاعل ($CO_2 / C_2H_2O_4$), (MnO_4^- / Mn^{2+})

2- أنشئ جدول التقدم وتحقق أن المزيج ليس ستوكيومتري.

3- أثبت العلاقة التالية: $n CO_2 = 0,15 - \frac{[MnO_4^-]}{2}$

II- لمتابعة التفاعل نأخذ خلال أزمنة مختلفة حجما ($V_p = 10ml$) من المزيج التفاعلي ونعاير كل مرة كمية مادة شوارد البرمنغنات المتبقية

(MnO_4^-) بواسطة محلول لكبريتات الحديد الثنائي ذي التركيز ($C = 0,25mol/l$)

1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة للتفاعل الحادث حيث (Fe^{3+} / Fe^{2+}), (MnO_4^- / Mn^{2+})

2- عرف التكافؤ ثم استنتج عبارة حجم محلول كبريتات الحديد الثنائي المضاف عند التكافؤ بدلالة $C, V_p, [MnO_4^-]$

3- أكمل الجدول التالي وأرسم بيان تغيرات ($[MnO_4^-] = f(t)$)

$t(s)$	0	30	60	90	120	150	210
$V_E(ml)$	6	4,8	3,8	3	2,4	2	1,2
$[MnO_4^-]$							

4- أحسب سرعة الاختفاء الحجمية لشوارد (MnO_4^-) عند اللحظة ($t = 90s$)

5- عرف ثم حدد زمن نصف التفاعل.

سلاسل دعم وتقوية

الأستاذ ملكي علي

حل التمرين رقم 01

1-أ- تحديد قيمتي (y, x) باستعمال قانوني الانحفاظ نجد $y = 2, x = 38$.

ب- الطاقة المتولدة عن انشطار نواة يورانيوم:

$$E_{lib} = \Delta m.C^2 = |m_i - m_f| 931,5 = \left[\left(m(^{235}_{92}U) + m(^1_0n) \right) - \left(m(^{139}_{54}Xe) + m(^{95}_{38}Sr) + 2m(^1_0n) \right) \right] 931,5 = 200,58921 \text{ Mev}.$$

الطاقة المحررة من انشطار عينة من اليورانيوم كتلتها 14g

$$E_{lib}(14g) = N.E_{lib} = \frac{m}{M}.N_A.E_{lib} = \frac{14}{235}.6,02.10^{23}.200,58921 = 7,19.10^{24} \text{ Mev} = 1,15.10^{12} \text{ joule}$$

ج- أوجد المدة الزمنية اللازمة لستهلك مفاعل الغواصة $m = 14g$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ لدينا من قانون الاستطاعة والمردود نجد

$$\begin{cases} \rho = \frac{E_T}{E_{lib}(T)} \\ P = \frac{E_T}{t} \Rightarrow E_T = P.t \end{cases} \Rightarrow \rho = \frac{P.t}{E_{lib}(T)} \Rightarrow t = \frac{\rho.E_{lib}(T)}{P} = \frac{0,91.1,15.10^{12}}{15.10^4} = 6,9.10^6 \text{ s}$$

2-أ- النشاط الإشعاعي وأهم خصائصه. هو تحول نووي يحدث للأنوية الغير مستقرة لتتحول إلى أنوية أكثر استقرارا وانبعاث جسيمات ومن خصائصه أنه تلقائي وعشوائي.

ب- بعد كم من الوقت يصبح النشاط الابتدائي لليورانيوم ثمن قيمته الابتدائية.

$$t = -\frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{A(t)}{A_0} \right) = -\frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(\frac{A(t)}{A_0} \right) = -\frac{4,4.10^9}{0,69} \ln \left(\frac{1}{8} \right) = 1,3.10^{10} \text{ ans}$$

3- حساب الطاقة المحررة عن انشطار 3mol من البلوتونيوم 239

$$E_{lib} = \Delta m.931,5 = |m_i - m_f| 931,5 = \left[\left(m(^{239}_{94}Pu) + m(^1_0n) \right) - \left(m(^{102}_{42}Mo) + m(^{135}_{52}Te) + 3m(^1_0n) \right) \right] 931,5 = 318,47 \text{ Mev}$$

$$E_{lib}(3mol) = N.E_{lib} = n.N_A.E_{lib} = 3,6,02.10^{23}.318,47 = 5,75.10^{26} \text{ Mev}$$

حل التمرين رقم 02

1-أ- حدد نمط النشاط الإشعاعي للكوبالت مع التعليل؟ نمط β^- لأن لنواته فائض في النيوترونات

ب - معادلة التفاعل النووي الموافق:

$$\begin{cases} 60 = A + 0 \\ 27 = Z - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 60 \\ Z = 28 \end{cases} \text{ وحسب قانونا انحفاظ } ^{60}_{27}Co \rightarrow ^A_ZX + ^0_{-1}e$$

التعرف على النواة الابن من بين النواتين بما أن $Z = 28$ فالنواة الناتجة هي $^{60}_{28}Ni$

ج- كتابة قانون التناقص الإشعاعي.

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda.t} \text{ حيث } N(t) \text{ عدد الأنوية المتبقية و } N_0 \text{ الابتدائية و } \lambda \text{ ثابت التفكك}$$

د- ايجاد العلاقة النظرية التي تربط النشاط الإشعاعي $A(t)$ بعدد الأنوية $N_d(t)$ المتفككة.

$$\text{لدينا } A = -\frac{dN(t)}{dt} \text{ و } N(t) = N_0 e^{-\lambda.t} \text{ اذن } A = -\frac{dN_0 e^{-\lambda.t}}{dt} = \lambda N_0 e^{-\lambda.t} = \lambda N(t) \text{ ونعلم أن } A = N_0 - N_d(t) \text{ اذن } A = \lambda(N_0 - N_d(t))$$

$$A(t) = A_0 - \lambda N_d(t) \text{ تصبح } A = \lambda(N_0 - N_d(t)) \text{ اذن } A = \lambda(N_0 - N_d(t)) \text{ في الأخير (1) } A(t) = A_0 - \lambda N_d(t)$$

2- باستغلال البيان حدد ما يلي:

أ- النشاط الإشعاعي الابتدائي للعينة A_0

$$\text{البيان خط مستقيم لا يمر بالمبدأ معادلته } A(t) = 8.10^{13} - a.N_d(t) \text{ حيث } a \text{ يمثل معامل توجيه البيان } a = \frac{8.10^{13}}{2.10^{22}} = 4.10^{-9}$$

$$\text{اذن تصبح عبارة البيان (2) } A(t) = 8.10^{13} - 4.10^{-9}.N_d(t)$$

$$\text{بمطابقة العبارتين (1) و (2) نجد } A_0 = 8.10^{13} \text{ Bq}$$

بملاسل دعم وتقوية

الأستاذ ملكي علي

ب- ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الكوبالت 60. بمطابقة أيضا العبارتين (1) و (2) نجد $\lambda = 4.10^{-9} s^{-1}$

ج- زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للكوبالت بتطبيق القانون $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.69}{4.10^{-9}} = 1.73.10^8 s$

د- عدد الأنوية الابتدائية N_0 للعينة وكتلتها m_0 بتطبيق القانون $N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = \frac{8.10^{13}}{4.10^{-9}} = 2.10^{22} \text{ noy}$

ولدينا أيضا من القانون $N_0 = \frac{m_0 \cdot N_A}{M}$ معناه $m_0 = \frac{N_0 \cdot M}{N_A} = \frac{2.10^{22} \cdot 60}{6,023.10^{23}} = 1.99 g$

3-أ- بين أنه يمكن كتابة النسبة $\frac{N_d(t)}{N(t)}$ بالعلاقة التالية $\frac{N_d(t)}{N(t)} = (e^{\lambda t} - 1)$

$$\frac{N_d(t)}{N(t)} = \frac{N_0(1 - e^{-\lambda t})}{N_0 e^{-\lambda t}} = \frac{(1 - e^{-\lambda t})}{e^{-\lambda t}} = \frac{1}{e^{-\lambda t}} - 1 = e^{\lambda t} - 1$$

ب- استنتاج المدة الزمنية التي يمكن فيها اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال.

لدينا لكي تصبح العينة غير صالحة يكون $\frac{N_d(t)}{N(t)} = 3$ أي أن $e^{\lambda t} - 1 = 3$

$$e^{\lambda t} = 4 \Rightarrow \ln e^{\lambda t} = \ln 4 \Rightarrow \lambda t = \ln 4 \Rightarrow t = \frac{\ln 4}{\lambda} = \frac{1.38}{4.10^{-9}} = 3.45.10^8 s$$

حل التمرين رقم 03

الجزء الأول: التفاعلات التلقائية

1-أ- ماذا تعني العبارات:

نظير البلوتونيوم هي نواة لها نفس العدد الذري (Z) وتختلف في (A)

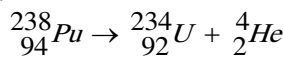
مادة مشعة هي أنوية غير مستقرة تتفكك تلقائيا.

الإشعاع α هي أنوية الهيليوم تنتج عند تفكك الأنوية الثقيلة.

ب- أكتب معادلة التفكك النووي الحادث ${}_{94}^{238}\text{Pu} \rightarrow {}_Z^A\text{U} + {}_2^4\text{He}$

$$\begin{cases} 238 = A + 4 \Rightarrow A = 234 \\ 94 = Z + 2 \Rightarrow Z = 92 \end{cases}$$

حسب قوانين الانحفاظ:



تحديد مكونات النواة الناتجة ${}^A_Z\text{U}$ تتكون نواة اليورانيوم الناتجة من 92 بروتون و 142 نيوترون

2-أ- مدة اشتغال البطارية مقدرة بالسنوات. يتبقى 30% من المقدار الابتدائي معناه $N(t) = 30\% N_0$ يعني $\frac{N(t)}{N_0} = 30\% = 0.3$

من خلال قانون التناقص الإشعاعي $N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow t = -\frac{1}{\lambda} \cdot \ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right) = -\frac{1}{\lambda} \cdot \ln(0.3) = 153.5 \text{ ans}$

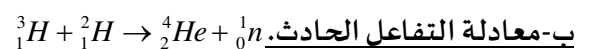
ب- حساب نشاطها الإشعاعي عندئذ علما أن نشاطها الابتدائي $A_0 = 9.5 \times 10^{10} \text{ Bq}$

$$A(t) = 30\% A_0 = 0.30.9.5 \times 10^{10} = 2.85.10^{10} \text{ bq}$$

الجزء الثاني: التفاعلات المفتعلة

أ- نوع التفاعل الحادث اندماج نووي حراري

تعريفه: هو تفاعل نووي مفتعل يحدث عند التحام نواتين خفيفتين أقل استقرارا ليعطي نواة أثقل وأكثر استقرارا وتحرير طاقة حرارية كبيرة



2-أ- المنحنى المقابل وما الفائدة منه يمثل منحى أستون ويبين تغيرات طاقات الربط لكل نكليون بقيم سالبة بدلالة العدد الكتلي A والفائدة منه يبين لنا مناطق الانوية الأكثر استقرارا (في التقعر) ويبين لنا آلية استقرار الانوية

ب- مجالات الأنوية القابلة للاندماج والأنوية المستقرة.

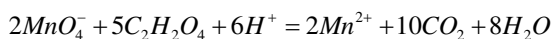
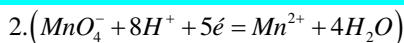
مجال الأنوية القابلة للاندماج $A < 50$

مجال الأنوية المستقرة $50 < A < 200$ 3-قيمة الطاقة المحررة من التفاعل السابق مقدرة بـ (MeV) لدينا من القانون $E_{lib} = \Delta m \cdot C^2 = (E_{if} - E_{li})$

$$E_{lib} = \left(E_l \left({}^4_2\text{He} \right) - \left[E_l \left({}^3_1\text{H} \right) + E_l \left({}^2_1\text{H} \right) \right] \right) = 28,29 - (8,48 + 2,22) = 17,59 \text{ MeV}$$

ملاحظة حساب الطاقة المحررة باستخدام طاقات الربط حذف استثنائيا من المقرر هذا الموسم

حل التمرين رقم 04



1-معادلة التفاعل الحادث

2-جدول التقدم وتحقق أن المزيج ليس ستوكيومري

المعادلة	$2\text{MnO}_4^- + 5\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_4 + 6\text{H}^+ = 2\text{Mn}^{2+} + 10\text{CO}_2 + 8\text{H}_2\text{O}$					
الحالة الابتدائية	0,03	0,05	بوفرة	0	0	بوفرة
الحالة الانتقالية	$0,03 - 2x$	$0,05 - 5x$	بوفرة	$2x$	$10x$	بوفرة
الحالة النهائية	$0,03 - 2x_m$	$0,05 - 5x_m$	بوفرة	$2x_m$	$10x_m$	بوفرة

$$\begin{cases} 0,03 - 2x_m = 0 \\ 0,05 - 5x_m = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_m = 0,015 \text{ mol} \\ x_m = 0,010 \text{ mol} \end{cases}$$

من خلال جدول التقدم الخانة النهائية نجد

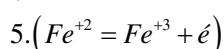
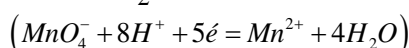
اذن المزيج ليس ستوكيومري

3-برهان العلاقة الرياضية:

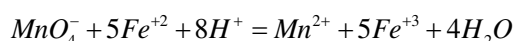
$$\begin{cases} n \text{ MnO}_4^- = 0,03 - 2x \\ n \text{ CO}_2 = 10x \Rightarrow x = \frac{n \text{ CO}_2}{10} \end{cases} \Rightarrow n \text{ MnO}_4^- = 0,03 - 2 \left(\frac{n \text{ CO}_2}{10} \right) \Rightarrow [\text{MnO}_4^-] = \frac{0,03}{V_T} - \frac{n \text{ CO}_2}{5 \cdot V_T}$$

$$[\text{MnO}_4^-] = 0,3 - \frac{n \text{ CO}_2}{0,5} \Rightarrow [\text{MnO}_4^-] = \frac{0,15 - n \text{ CO}_2}{0,5} \Rightarrow 0,5 [\text{MnO}_4^-] = 0,15 - n \text{ CO}_2$$

$$n \text{ CO}_2 = 0,15 - \frac{[\text{MnO}_4^-]}{2}$$



II-1-معادلة تفاعل المعايرة للتفاعل الحادث:



2-تعريف التكافؤ: هو النقطة التي يتغير فيها اللون ويختفي فيها المتفاعلات ويكون فيها المزيج ستوكيومري

عبارة تركيز شوارد البرمنغنات عند التكافؤ بدلالة V_E, V_p, C

أولا جدول تقدم المعايرة:

المعادلة	$\text{MnO}_4^- + 5\text{Fe}^{+2} + 8\text{H}^+ = \text{Mn}^{2+} + 5\text{Fe}^{+3} + 4\text{H}_2\text{O}$					
الحالة الابتدائية	$[\text{MnO}_4^-] \cdot V_p$	$C \cdot V_E$	بوفرة	0	0	بوفرة
حالة التكافؤ	$[\text{MnO}_4^-] \cdot V_p - x_E$	$C \cdot V_E - 5x_E$	بوفرة	x_E	$5x_E$	بوفرة

$$\begin{cases} [\text{MnO}_4^-] \cdot V_p - x_E = 0 \\ C \cdot V_E - 5x_E = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_E = [\text{MnO}_4^-] \cdot V_p \\ x_E = \frac{C \cdot V_E}{5} \end{cases} \Rightarrow [\text{MnO}_4^-] \cdot V_p = \frac{C \cdot V_E}{5} \Rightarrow [\text{MnO}_4^-] = \frac{C \cdot V_E}{5V_p}$$

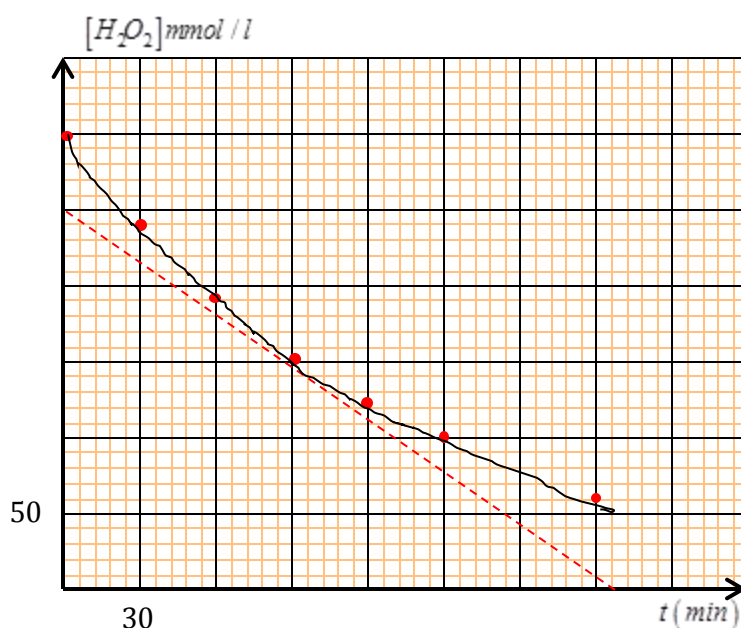
من خلال جدول التقدم وعند التكافؤ نجد

اذن يكون تركيز شوارد البرمنغنات في المزيج (نضرب في عدد الأنايب) $[MnO_4^-] = 10 \cdot \frac{C \cdot V_E}{5V_p} = 2 \frac{C \cdot V_E}{V_p}$

3- أكمل الجدول التالي: نكمل الجدول بالعبرة السابقة $[MnO_4^-] = 2 \frac{C \cdot V_E}{V_p} = \frac{2 \cdot 0,25 \cdot V_E}{10 \cdot 10^{-3}} = 50 \cdot V_E$

$t(s)$	0	30	60	90	120	150	210
$V_E (ml)$	6	4,8	3,8	3	2,4	2	1,2
$[MnO_4^-] mmol / l$	300	240	190	150	120	100	60

بيان تغيرات $[MnO_4^-] = f(t)$ أنظر الشكل



4- حساب سرعة الاختفاء الحجمية لشوارد (MnO_4^-) عند اللحظة $(t = 90s)$

$$\begin{cases} v(MnO_4^-) = -\frac{1}{V_T} \frac{dn(MnO_4^-)}{dt} \Rightarrow v(MnO_4^-) = -\frac{d[MnO_4^-]}{dt} \Rightarrow v(90) = \frac{5 \cdot 50 \cdot 10^{-3}}{7,2 \cdot 30} = 0,0011 mol / l \cdot min \\ n(MnO_4^-) = [MnO_4^-] \cdot V_T \end{cases}$$

5- زمن نصف التفاعل:

هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه الأعظمي من البيان نجد: $t_{1/2} = 90 min$

سلاسل دعم وتقوية
الأستاذ ملكي علي