

تقوم تشخيصي في مادة الرياضيات



المدة : 1 ساعة

المستوى : 2 علوم تجريبية

التمرين الأول:

ليكن $p(x)$ كثير حدود من الدرجة الثانية حيث من أجل كلّ عدد حقيقي x : $p(x) = x^2 + x - 6$

① حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $p(x) = 0$.

② إستنتج تحليلا لـ : $p(x)$.

③ حل في $\mathbb{R}$ المتراجحتين : $x^2 + x \leq 6$ و $x^2 + x - 6 > x - 2$.

التمرين الثاني:

(i) لتكن الدّالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x^2 - 2x - 1$.

① أحسب $f(3)$ و $f(-3)$ ، ماذا تستنتج بالنسبة لشفعية الدّالة f .

② أوجد سوابق العدد -1 .

③ أوجد العددين الحقيقيين a و b بحيث : $f(x) = (x - a)^2 + b$.

(ii) نعتبر الدّالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (x - 1)^2 - 2$ و (C_f) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

① أدرس إتجاه تغيير الدّالة f على كل من المجالين : $[1, +\infty[$ و $]-\infty, 1]$.

② شكّل جدول تغييرات الدّالة f .

③ أوجد نقاط تقاطع (C_f) مع محور الفواصل و مع محور التّرتيب .

④ أنشئ جدول إشارة الدّالة f .

⑤ بين أنّه يمكن رسم (C_f) إنطلاقا من منحنى الدّالة مربع ثمّ ارسمه.

أ- في نفس المعلم ارسم المنحنى الممثل للدّالة g المعرفة بـ : $g(x) = x - 2$.

ب- حل بيانيا : $f(x) = g(x)$ و $f(x) \leq g(x)$.