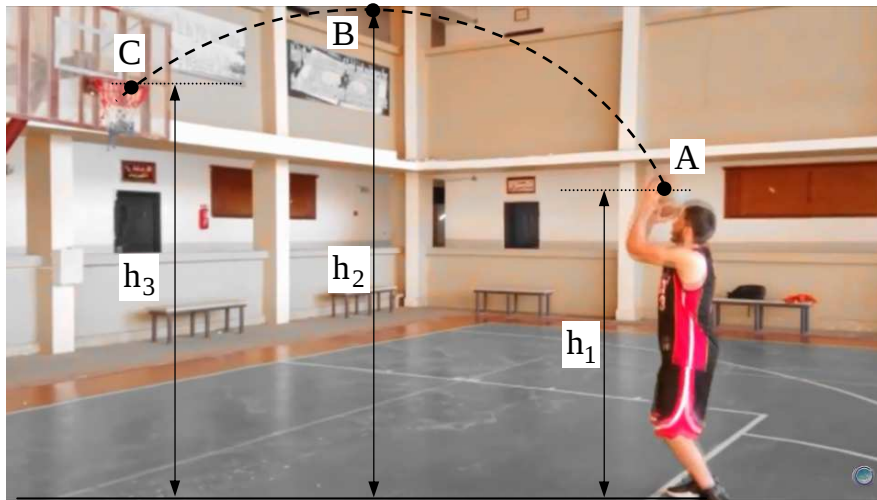


الموضوع 2 ثا - 07

التمرين الأول : (U02-Ex25)

بدأ تاريخ كرة السلة مع اختراعه في عام 1891 في سبرينغفيلد (ماساتشوستس) من قبل مدرب التربية البدنية الكندي جيمس نايسميث كرياضة أقل عرضة للإصابة من كرة القدم. انتشرت اللعبة بسرعة كبيرة، ونمت شعبيتها مع بداية القرن العشرين، أولا في أمريكا ثم في جميع أنحاء العالم .

باتجاه سلة موجودة على ارتفاع $h_3 = 2.4 \text{ m}$ من أرضية الملعب ، يقذف لاعب كرة سلة كتلتها $m = 600 \text{ g}$ من موضع A موجود على إرتفاع $h_1 = 2 \text{ m}$ من أرضية الملعب بسرعة قدرها $v_A = 4 \text{ m/s}$ (الشكل) ، تمر السلة من الموضع B الموافق لأقصى ارتفاع و الموجود على بعد h_2 من أرضية الملعب بسرعة قدرها $v_B = 2 \text{ m/s}$.



- 1- أوجد الطاقة الحركية للكرة عند قذفها من الموضع A .
 - 2- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين A و B ، ثم أكتب معادلة إنحفاظ الطاقة .
 - 3- أوجد قيمة h_2 أقصى إرتفاع تبلغه الكرة بالنسبة لأرضية الملعب .
 - 4- أوجد سرعة الكرة عند مرورها بمركز السلة في الموضع C .
- يهمل تأثير الهواء على الكرة و يعطى : $g = 10 \text{ N/kg}$.

التمرين الثاني : (U04-Ex23)

- 1- نترك جسما (S) كتلته $m = 400 \text{ g}$ لينزل من السكون دون احتكاك على خط الميل الأعظم لمستوي مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ عن المستوي الأفقي المار من B .
يعطى: $AB = 1 \text{ m}$ ، $g = 10 \text{ N/m}$.



- أ- أحسب عمل ثقل الجسم (S) أثناء الانتقال من A إلى B .
ب- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم S) أثناء هذا الانتقال .
ج- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة ثم و استنتج سرعة الجسم عند الموضع B ..
2- يواصل الجسم (S) الحركة على الطريق الأفقي BC حيث $BC = 1 \text{ m}$ و يخضع الجسم (S) بين B و C إلى قوة احتكاك نعتبرها ثابتة و تكافئ قيمتها $f = 0,2 \text{ N}$.
أ- أحسب سرعة الجسم (S) في الموضع B .
3- نهمل الاحتكاك على المسار الدائري الواقع في المستوي الشاقولي حيث $R = 0,4 \text{ m}$ ، يواصل الجسم (S) حركته على المسار الدائري ، أحسب سرعة الجسم (S) في الموضع D المحدد بالزاوية $\beta = 60^\circ$ ثم استنتج سرعته عند الموضع E .
4- لما يصل الجسم (S) إلى الموضع E يصدم بنابض شاقولي ثابت مرونته $K = 500 \text{ N/m}$ فيضغطه بالمقدار x_0 ليتوقف الجسم (S) عند الموضع F .
أ- باعتبار الجملة (جسم + أرض + نابض) ، أكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين D و F .
ب- أحسب مقدار الانضغاط الأعظمي للنابض x_0 .

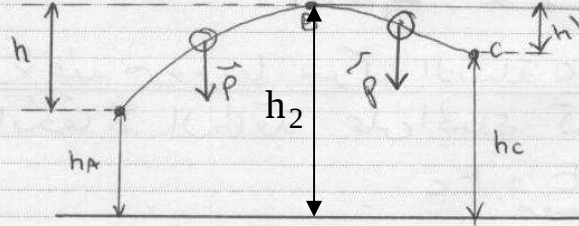
حل التمرين الأول

1- الطاقة الحركية في الوضع A :

$$E_{CA} = \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$E_{CA} = 0,5 \times 0,6 (4)^2 = 4,8 \text{ J}$$

2- الحصلة الطاقوية للجملة (كرة) بين A و B :



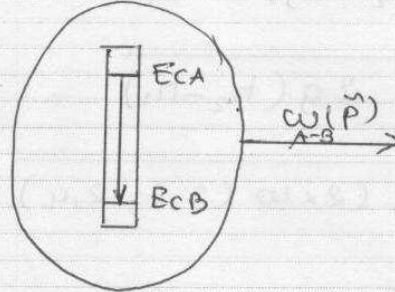
- الجملة المدروسة : كرة

- مرشح الدراسة : سطحي أرضي نعتبره عابدي

- القوى الخارجية المؤثرة : الثقل $\vec{P}$

$$\bullet W(\vec{P})_{A-B} < 0 \rightarrow \text{طاقة مقدّمة}$$

- اشتغال الطاقة : حركية متناقصة من A إلى B



- معادلة انحفاظ الطاقة :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين A و B :

$$E_A + E_{\text{مكتبة}} - E_{\text{مقدّمة}} = E_B$$

$$E_{CA} + W(\vec{P})_{A-B} = E_{CB}$$

في أقصى ارتفاع تبلغه الكرة (H₂) :

$$\bullet E_{CA} = \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$\bullet W(\vec{P})_{A-B} = -mgh = -mg(h_2 - h_1) \quad \text{و} \quad E_{CB} = \frac{1}{2} m v_B^2$$

بالتحويل في معادلات انخفاط الطاقة :

$$\frac{1}{2}mv_A^2 - mg(h_2 - h_1) = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\frac{1}{2}m(v_A^2 - v_B^2) = mg(h_2 - h_1)$$

$$(v_A^2 - v_B^2) = 2g(h_2 - h_1)$$

$$(h_2 - h_1) = \frac{(v_A^2 - v_B^2)}{2g}$$

$$h_2 = \frac{v_A^2 - v_B^2}{2g} + h_1$$

$$h_2 = \frac{(4)^2 - (2)^2}{2 \times 10} + 2 = 2,6 \text{ m}$$

4- سرعة الكرة عند مرورها بمركز البسلة C

بتطبيق مبدأ انخفاط الطاقة على الجملة كرة بيت B و C :

$$E_B + \overset{\text{مكتسبة}}{E} - \overset{\text{مفقودة}}{E} = E_C$$

$$E_{cB} + \omega(\vec{P})_{B \rightarrow C} = E_{cC}$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 + mgh' = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$v_B^2 + 2gh' = v_C^2$$

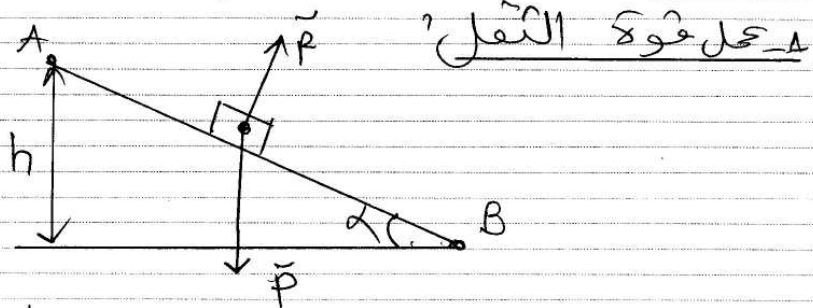
من الشكل $h' = h_2 - h_3$ ومنه :

$$v_B^2 + 2g(h_2 - h_3) = v_C^2$$

$$v_C = \sqrt{v_B^2 + 2g(h_2 - h_1)}$$

$$v_C = \sqrt{(2)^2 + (2 \times 10)(2,6 - 2,4)} = 2,83 \text{ m/s}$$

حل التمرين الثاني



$$W_{A-B}(\vec{P}) = mgh$$

من الشكل:

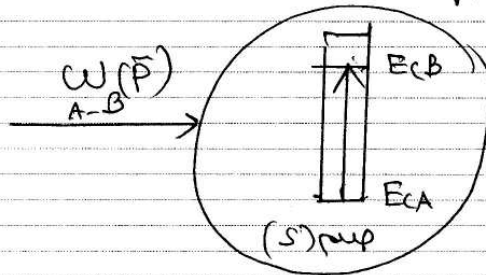
$$\sin \alpha = \frac{h}{AB} \rightarrow h = AB \cdot \sin \alpha$$

$$W_{A-B}(\vec{P}) = mg \cdot AB \cdot \sin \alpha$$

$$W_{A-B}(\vec{P}) = 0,4 \times 10 \times \sin 30^\circ = 2 \text{ J}$$

ب- مخطط التهيئة الطاقوية:

- الجملة المدروسة: جسم (S)
- مرجع الدراسة: سطح أرضي نعتبره ثابتاً
- القوى الخارجية: $\vec{P}$ و $\vec{R}$



ج- معادلة انحفاظ الطاقة:

- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين A و B وبإعتماد على مخطط التهيئة الطاقوية:

$$E_A + E_{\text{مكتبنة}} - E_{\text{مقدرة}} = E_B$$

$$E_{CA} + W_{A-B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

$$W_{A-B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

- السرعة عند B :
وهي تساوي 2 م/ث

$$W_{A-B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

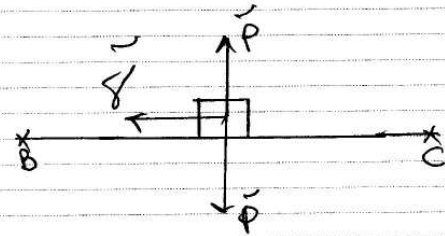
$$mgh = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$2gh = v_B^2$$

$$2g \cdot AB \cdot \sin \alpha = v_B^2 \rightarrow v_B = \sqrt{2 \cdot g \cdot AB \cdot \sin \alpha}$$

$$v_B = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 1 \cdot \sin 30^\circ} = 3,16 \text{ m/s}$$

- 2 - P - قيمة v_C



- العملة المدروسة : جسم (S).
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي يُعتبره غاليلي.
- القوى الخارجية المؤثرة : $\vec{P}$ ، $\vec{f}$ ، $\vec{R}$.
- تطبيق مبدأ الحفظ الطاقة بين B و C :

$$E_B + E_{\text{مكتبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_C$$

$$E_{CB} - |W(\vec{P})| = E_{CC}$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - |f \cdot BC| = \frac{1}{2}mv_C^2$$

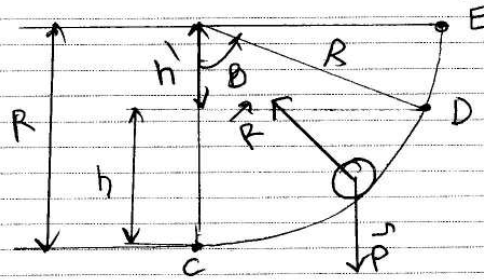
$$\frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BC = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$mv_B^2 - 2 \cdot f \cdot BC = mv_C^2$$

$$v_C = \sqrt{\frac{mv_B^2 - 2 \cdot f \cdot BC}{m}}$$

$$v_C = \sqrt{\frac{0,4(3,16)^2 - (2 \times 0,2 \times 1)}{0,4}} = 3 \text{ m/s}$$

3- السرعة عند A



- الجملة الدروسة: رسم (S)
- مربع الدراسة: سطح أرضي غير غلبائي
- القوى الخارجية المؤثرة: $\vec{P}$, $\vec{R}$
- تطبيق القانون الثاني لنيوتن

$$E_c + E_{\text{مكتبة}} - E_{\text{مفردة}} = E_D$$

$$E_{cc} - |W(\vec{P})|_{c-D} = E_{cd}$$

$$\frac{1}{2} m v_c^2 - |mgh| = \frac{1}{2} m v_D^2$$

$$\frac{1}{2} m v_c^2 - mgh = \frac{1}{2} m v_D^2$$

$$v_c^2 - 2gh = v_D^2$$

من الشكل

$$\begin{cases} h = R - h' \\ \cos B = \frac{h'}{R} \rightarrow h' = R \cos B \end{cases}$$

$$h = R - R \cos B = R (1 - \cos B)$$

ومن

$$v_c^2 - 2gR(1 - \cos B) = v_D^2$$

يصبح

$$v_D = \sqrt{v_c^2 - 2gR(1 - \cos B)}$$

$$v_D = \sqrt{3^2 - (2 \times 10 \times 0,4 (1 - \cos 60^\circ))} = 2,24 \text{ m/s}$$

السرعة عند E

نفس الطريقة السابقة مع أخذ

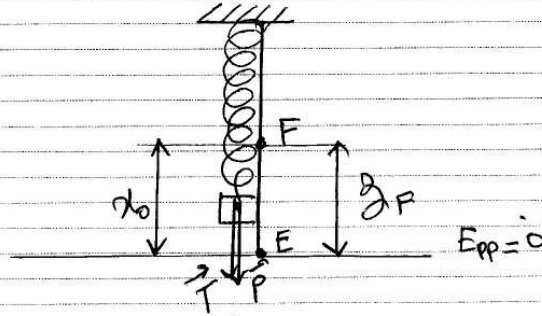
$$B = 90^\circ \rightarrow \cos B = 0$$

$$v_E = \sqrt{v_c^2 - 2gR}$$

جد

$$v_E = \sqrt{(3)^2 - (2 \times 10 \times 0,4)} = 1 \text{ m/s}$$

4-P- معادلات انحفاظ الطاقة



- الجملة المدروسة : (جسم + أرض + نابض)
- مرجع الدراسة : سطح أرضي تغيره عالي
- القوى الخارجية : لا توجد

- التغير المستوي الأفقي لآثار من E مرتبطاً بحساب E_{pp}
- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين F و E

$$E_E + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مفقدة}} = E_F$$

$$E_{CE} + E_{PE} + E_{EE} = E_{CF} + E_{PF} + E_{EF}$$

$$\frac{1}{2} m v_E^2 = m g z_F + \frac{1}{2} K x_0^2$$

من الشكل : $z_F = x_0$ و $z_F = x_0$

$$\frac{1}{2} K x_0^2 + m g x_0 - \frac{1}{2} m v_E^2 = 0$$

$$\left(\frac{1}{2} \cdot 500 \right) x_0^2 + (0,4 \times 10) x_0 - \left(\frac{1}{2} \cdot 0,4 (1)^2 \right) = 0$$

$$250 x_0^2 + 4 x_0 - 0,2 = 0$$

$$\Delta = (4)^2 - 4(250)(-0,2) = 216 \rightarrow \sqrt{\Delta} = 14,70$$

$$\bullet x_{01} = \frac{-4 + 14,70}{2 \times 250} = 2,14 \cdot 10^{-2} \text{ m (مقبول)}$$

$$\bullet x_{02} = \frac{-4 - 14,70}{2 \times 250} = -3,74 \cdot 10^{-2} \text{ (مرفوض)}$$

إذن :

$$x_0 = 2,14 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 2,14 \text{ cm}$$

تمنياتي لكم التوفيق و النجاح

لتحميل نسخة من هذا الملف و للمزيد . أدخل موقع الأستاذ :

www.sites.google.com/site/faresfergani