

تمرين 01

A, B, C و D أربع نقط من المستوي ، بين أن:

$$\vec{AC} + \vec{BD} = \vec{AD} + \vec{BC} \quad \text{②} \quad \vec{AB} + \vec{DC} = \vec{AC} + \vec{DB} \quad \text{①}$$

تمرين 02

ABC مثلث، النقطة I هي منتصف $[AC]$ و H نظيرة

A بالنسبة إلى B .

★ بين أن $\vec{CH} = 2\vec{IB}$.

تمرين 03

A, B, C و I أربع نقط من المستوي ، حيث I

منتصف $[AB]$ بين أن:

① بين أنه من أجل كل نقطة M فإن:

$$\vec{AC} = \vec{MC} - \vec{MA}$$

② بين أن: $2\vec{CI} = \vec{CA} + \vec{CB}$.

تمرين 04

A, B, C ثلاث نقط من المستوي ليست على استقامة

واحدة، و $\vec{v}$ شعاع معرفّ بالعبارة:

$\vec{v} = \vec{MA} - 2\vec{MB} + \vec{MC}$ ، حيث M نقطة كيفية من المستوي.

① بين أن $\vec{v}$ شعاع ثابت.

② أنشء النقطة D حيث: $\vec{v} = \vec{AD}$.

تمرين 05

① ليكن الشعاع $\vec{w}$ المعرف بـ:

$$\vec{w} = 2 \left(3\vec{u} + \frac{3}{2}\vec{v} \right) - \vec{u} (2 + 3\vec{v}) + 3\vec{v} (\vec{u} + 1)$$

★ أكتب $\vec{w}$ على الشكل: $\vec{w} = \alpha\vec{u} + \beta\vec{v}$ ، حيث α و

β عدنان حقيقيان يُطلب تعيينهما.

② $\vec{u}$ شعاع غير معدوم و k عدد حقيقي حيث:

$$2k\vec{u} + 6\vec{u} = \vec{0}$$

★ عين قيمة k التي تحقق المعادلة السابقة.

تمرين 06

① أنشء النقطتين D و E حيث $\vec{AE} = 2\vec{BC}$ و

$$\vec{AD} = 3\vec{BC}$$

② بين أن النقط A, D و E في استقامية.

③ بين أن المستقيمين (BC) و (ED) متوازيان .

④ عبر عن $\vec{ED}$ بدلالة $\vec{BC}$.

تمرين 07

$(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي .

① علم النقطتين A و B حيث:

$$\vec{OA} = 2\vec{j} \quad \text{و} \quad \vec{AB} = 2\vec{i} - 2\vec{j}$$

② أكتب المعادلة الديكارتية للمستقيم (AB) .

③ (Δ) مستقيم معرفة بالمعادلة: $y = 5x + 2$ ، بين أن

$C(-1; -3) \in (\Delta)$ ثم أنشئ المستقيم (Δ) .

$$\begin{cases} 5x - y + 2 = 0 \\ x + y - 2 = 0 \end{cases} \quad \text{④ حل الجملة:}$$

ثم أعط تفسيراً هندسياً للحل .

تمرين 08

$(O, \vec{i}, \vec{j})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي .

① علم النقط A, B و C حيث:

$$\vec{AC} = \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \vec{OB} = 3\vec{i} + 5\vec{j}, \quad A(-2; 2)$$

② عين إحداثيتي النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$

متوازي أضلاع.

③ لتكن النقطة I منتصف القطعة $[BC]$ ، والنقطة N

$$\text{التي تحقق: } 3\vec{CN} = \vec{CA}$$

★ بين أن النقط D, N و I في استقامية.

★★ ماذا تمثل النقطة N بالنسبة للمثلث BCD ؟

④ أكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B

ويوازي المستقيم (AC) .

⑤ أوجد معادلة المستقيم (CD) ثم أوجد إحداثيتي

النقطة D' نقطة تقاطع المستقيمين (Δ) و (CD) .

⑥ نعتبر النقطة $E(2; 4)$ ، أحسب أطوال أضلاع المثلث

ACE واستنتج نوعه.

تمرين 09 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر النقط التالية:
 $A(1; \sqrt{2})$ ، $B(-1; 0)$ ، $C(1; 2)$ ، $D(3; -1)$ و $E(-2; 5)$

① عين إحداثيتي النقطة M حتى يكون:

$$\overrightarrow{AM} = -\sqrt{2} \cdot \overrightarrow{AB}$$

② عين إحداثيتي النقطة N حتى يكون:

$$\overrightarrow{CN} = 2\overrightarrow{CD} - 3\overrightarrow{ED}$$

③ عين مركبات الشعاع $\overrightarrow{FG}$ حيث F و G منتصفا القطعتين المستقيمتين $[AB]$ و $[CD]$ على الترتيب.
 ④ أكتب المعادلة الديكارتية للمستقيم (FG) .

تمرين 10 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، (d) و (Δ) مستقيمان معادلتهما على التوالي:

$$(d) : 2x + y + 1 = 0 \text{ و } (\Delta_m) : mx + y + m - 1 = 0$$

حيث: m عدد حقيقي.

① أوجد قيمة m حتى يكون المستقيم (Δ_m) موازيا لحامل محور الفواصل.
 ② أوجد قيمة m حتى يكون: $(\Delta_m) \parallel (d)$.
 هل المستقيمان (d) و (Δ_m) منطبقان في هذه الحالة؟ برر إجابتك.

③ بين أن النقطة $B(-1; 1)$ تنتمي إلى المستقيم (Δ_m) ،

من أجل كل $m \in \mathbb{R}$.

تمرين 11 مثلث ABC مثلث كفي من المستوي.

① أنشئ النقطتين B' ، C' حيث:

$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{AN} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$$

② أنشئ النقطتين G و H حيث:

$$\overrightarrow{AH} = \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AN} \text{ و } \overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

③ بين أن النقط A ، H و G في استقامية.

تمرين 12 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط:

$$A(3; -4) \quad B(\alpha; 8) \quad C(1; 3)$$

حيث α عدد حقيقي.

① عين قيمة α حتى تكون النقط A ، B و O في استقامية.

② نضع $\alpha = 2$.

① عين إحداثيتي النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.

② أكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A ويوازي (BC) .

③ (Δ') مستقيم معادلته: $y = \frac{1}{3}x + 2$ ، أوجد نقطة تقاطع المستقيمين (Δ) و (Δ') .

④ لتكن النقطة $E(-4; 8)$ ، ما طبيعة المثلث ABE ؟

تمرين 13 A ، B ، C ، D ، E و F نقط من المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ حيث:

$$\overrightarrow{OA} = 5\vec{i} - \vec{j} \text{ ، } \overrightarrow{OB} = (-3; 7) \text{ ، } \overrightarrow{OC} = (-5; 1) \text{ ، } \overrightarrow{OD} = (-2; 2) \text{ ، } \overrightarrow{OE} = 2\overrightarrow{CD} \text{ و } \overrightarrow{OF} = 4\overrightarrow{OD}$$

① أحسب $\|\overrightarrow{AB}\|$ و $\|\overrightarrow{DC}\|$.

② عين إحداثيتي كل من النقطتين E و F .

③ تحقق أن النقطة E هي منتصف القطعة $[AB]$.

④ أوجد العدد الحقيقي k حيث: $\overrightarrow{FC} = k\overrightarrow{AE}$ ، ماذا تستنتج؟

⑤ أكتب معادلة المستقيم (d) الذي يشمل النقطتين $L(20; 8)$ و $G(-20; -7)$.

⑥ (Δ_m) مستقيم معادلته $6x + (m - 15)y - 8m = 0$ حيث m عدد حقيقي.

تحقق أن المستقيمين (d) و (Δ_m) يتقاطعان في النقطة $L(20; 8)$.

⑦ استنتج حلول الجملة:

$$\begin{cases} 6x + (m - 15)y - 8m = 0 \\ 3x - 8y + 4 = 0 \end{cases}$$