



المدة: ساعة

السنة الدراسية: 2025 / 2026

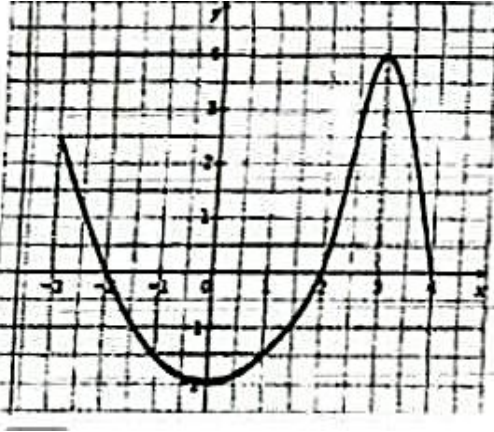


فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات



مستوى: ثانوية ثانوي  
رياضيات + تقني رياضي  
+ علوم تجريبية

## التمرين الأول



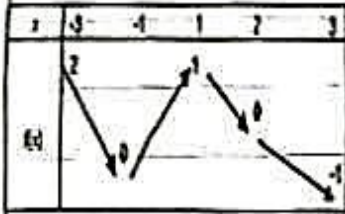
$f$  المعرفة على المجال  $[-3, 4]$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني المعطى بالشكل التالي:

تطلبا من هذا البيان أجب عن الأسئلة التالية:

- (1) أ - أظ جدول تغيرات الدالة  $f$  على المجال  $[-3, 4]$ .  
ب - ماهي حلول المعادلة:  $f(x) = 0$  ؟  
ج - ماهي حلول المتراجحة:  $f(x) \geq 0$  ؟
- (2) أ - لنشئ المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = -x + 2$   
ب - ماهي حلول المتراجحة:  $f(x) \leq -x + 2$  ؟

## التمرين الثاني

الشكل التالي هو جدول تغيرات الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[-3, 3]$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .



- (1) لنشئ جدول تغيرات كل من الدوال التالية:  $h(x) = f(|x|)$ ,  $g(x) = -2f(x)$ .
- (2) لنشئ  $(C_f)$  على المجال  $[-3, 3]$  نأخذ  $f(0) = \frac{1}{2}$ .
- (3) تطلبا من  $(C_f)$  اشرح كيف يمكن إنشاء منحنى الدالة  $h$  ثم لنشئه.

## التمرين الثالث

لنكن الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفة على  $R$  حيث:  $f(x) = x^2 - 4$  و  $g(x) = -x + 6$

- (1) أجب كل من:  $g \circ g$ ,  $f \circ f$ ,  $g \circ f$ ,  $f \circ g$ .

- (2) أجب:  $(f \circ f)(3)$ ,  $(g \circ f)(-1)$ .

- (3) عبر مابقة العدد 32 بالدالة  $(f \circ g)$ .

## حل التمرين الأول

جدول تغيرات  $L$

$$L(x) = f(|x|)$$

| $x$    | -3 | -2 | -1 | 1 | 2 | 3  |
|--------|----|----|----|---|---|----|
| $L(x)$ | -1 | 0  | 1  | 1 | 0 | -1 |

| $x$    | -3            | 0  | 3 | 4 |
|--------|---------------|----|---|---|
| $f(x)$ | $\frac{3}{2}$ | -2 | 4 | 0 |

1- ب: حلول المعادلة  $f(x) = 0$  هي نقطة تقاطع  $(f)$  مع محور الفواصل أي

$$S = \{x_1 = -2 \text{ و } x_2 = 4\}$$

ج: حلول المتراجحة  $f(x) > 0$  هي

عندما يكون  $(f)$  فوق محور الفواصل

$$S = \{x \in [-3, -2] \text{ و } x \in [0, 4]\}$$

2- أ: إنشاء  $\Delta$

ب:  $f(x) \leq \Delta$  معناه أن

$(f)$  يقع تحت المستقيم  $\Delta$

أي

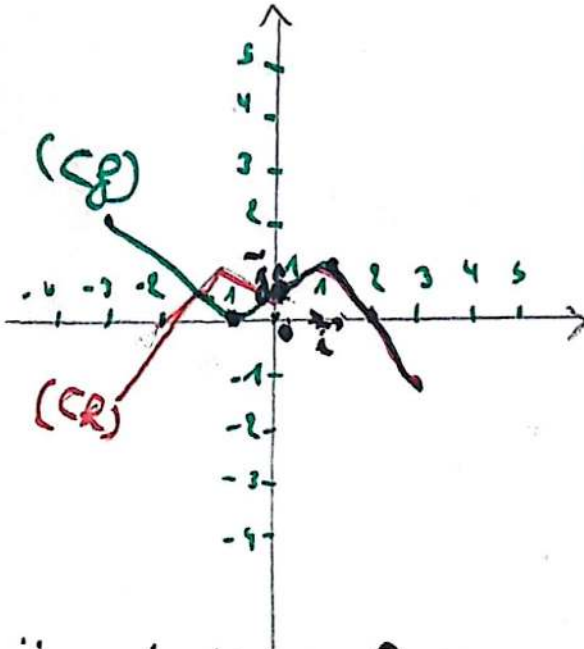
$$S = \{x \in [-3, 2]\}$$

## حل التمرين الثاني

إنشاء جدول تغيرات  $f(x)$  و  $L(x)$   
جدول تغيرات  $g(x)$

| $x$    | -3 | -1 | 1  | 2 | 3 |
|--------|----|----|----|---|---|
| $g(x)$ | -4 | 0  | -2 | 0 | 2 |

3-  $L(x)$  هي دالة زوجية  
لأن  $L(x) = f(|x|)$   
أي  $L(x)$  دالة زوجية معناها  
متناظر بالنسبة لمحور الترتيب  
أي نقوم بإنشاء نظير  
المعكس في عندما  $x \in [-3, 3]$   
بالنسبة لمحور الترتيب



## حل التمرين الثالث :

~~$$\begin{aligned} & (6-x)^2 \\ & 6^2 + x^2 - 2(6)(x) \\ & 36 + x^2 - 12x \end{aligned}$$~~

$$g(x) = x + 6 \quad , \quad f(x) = x^2 - 4$$

(1) حاب  $f \circ g$  ,  $g \circ f$  ,  $f \circ f$  ,  $g \circ g$

$$f \circ g = f[g(x)] = (-x+6)^2 - 4 = \boxed{x^2 - 12x + 32}$$

$$g \circ f = g[f(x)] = -(x^2 - 4) + 6 = -x^2 + 4 + 6 \Rightarrow \boxed{g \circ f = -x^2 + 10}$$

$$f \circ f = f[f(x)] = (x^2 - 4)^2 - 4 = (x^2)^2 + 4^2 - 2(x^2)(4) - 4$$

$$f \circ f = x^4 + 16 - 8x^2 - 4 \Rightarrow \boxed{f \circ f = x^4 - 8x^2 + 12}$$

$$g \circ g = g[g(x)] = -(x+6) + 6 \Rightarrow g \circ g = x - x + 6 = \boxed{g \circ g = x}$$

(2) حاب  $f \circ f(-1)$  و  $g \circ g(3)$

$$g \circ g = -x^2 + 10 \Rightarrow g \circ g(-1) = -(-1)^2 + 10 = -1 + 10 = \boxed{9}$$

$$f \circ f = x^4 - 8x^2 + 12 , \quad f \circ f(3) = (3)^4 - 8(3)^2 + 12 \Rightarrow f \circ f(3) = 81 - 72 + 12 = \boxed{21}$$

(3) تعيين سابقة 32 بادلة  $f \circ g$

$$f \circ g(x) = \underline{x^2 - 12x + 32}$$

$$f \circ g(x) = 32 \quad \text{معناه}$$

$$x^2 - 12x + 32 = 32$$

$$x^2 - 12x = 0$$

$$\underline{x(x-12)} = 0$$

$$\boxed{x=0} \quad \text{أو} \quad x-12=0 \quad \Rightarrow \quad \boxed{x=12}$$

سوابق العدد 32 بادلة  $f \circ g$  هما 0 و 12