

الأشعة والانسحاب

من الحياة اليومية

الفنان الهولندي *M. C. Escher* (1898-1972) يشتهر بلوحاته البلاطية المستوحاة من الرياضيات، ممّا جعله رائداً في مجال محاولة تمثيل المفارقات الرياضية عن طريق الفن.



مصدر الصورة: *Maurits Cornelis Escher, Two fish (n° 58) (1942, aquarelle, encre)*



ما هي
الأسئلة
التي يمكن
أن نطرحها؟

الأشعة والانعكاس

الرجاء مثل الأرقام لو يكتسبون قيمة إلا من خلال مواد قعهم (نابليون بونابرت 1839 - 1899)

مفهوم الشعاع

أذكر الدرس...

(d) مستقيم ، A و B نقطتان منه .

■ الثنائية النقطية (A; B) تعين ، نرمز له بالرمز أو برمز آخر مثل

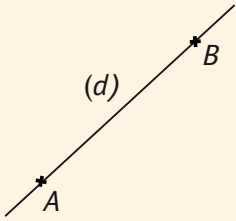
■ مميزات الشعاع $\vec{AB}$:

..... المنحى:

..... الاتجاه:

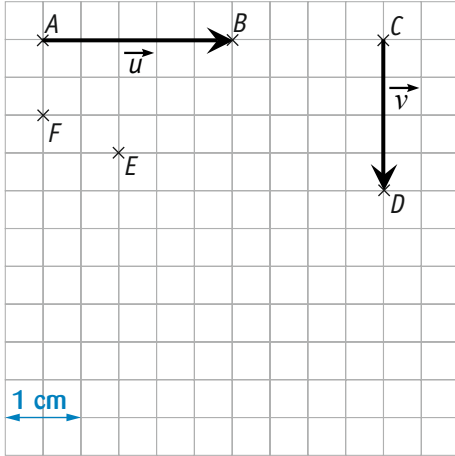
..... الطويلة:

■ الشعاع $\vec{AA}$ يسمى ونرمز له بالرمز



3 اذكر العناصر المميّزة للشعاع المعلوم.

4 باستعمال المرصوفة :



1 حدّد العناصر المميّزة للشعاعين $\vec{u}$ و $\vec{v}$.

2 على المرصوفة السابقة ، أنشئ ممثلاً آخرًا للشعاع $\vec{u}$ مبدؤه E .

3 على المرصوفة السابقة ، أنشئ ممثلاً آخرًا للشعاع $\vec{v}$ مبدؤه F .

4 أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{w}$ حيث منحاه عمودي ، إتجاهه

نحو الأعلى وطويلته 3cm .

5 أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{t}$ حيث منحاه يصنع زاوية 45° مع الأفق ،

إتجاهه نحو الأعلى وطويلته 2cm .

1 بملاحظة الشكل أدناه ، عيّن نوع التحويل في كل حالة .

$\mathcal{F}_1$

$\mathcal{F}_2$

1 الحالة الأولى

$\mathcal{F}_1$

$\mathcal{F}_2$

2 الحالة الثانية

$\mathcal{F}_1$

$\mathcal{F}_2$

3 الحالة الثالثة

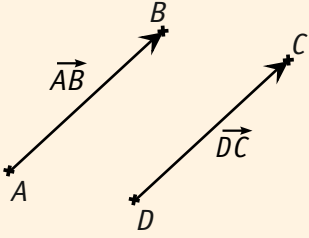
2 أنشئ النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{AB}$

M

A

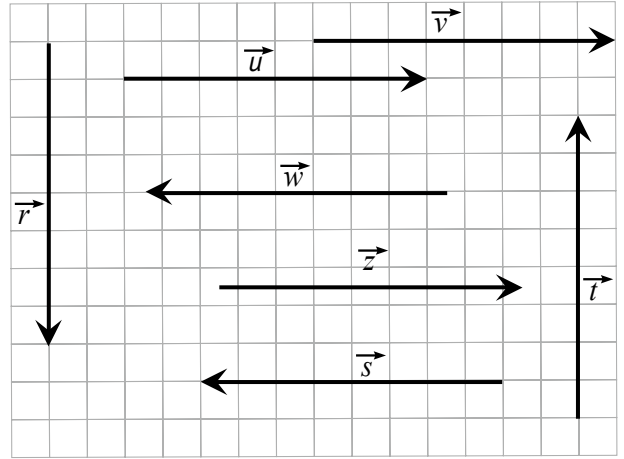
B

■ الشعاعان المتساويان هما شعاعان لهما نفس ونفس ونفس
لاحظ الشكل المقابل:



■ إذا كان $\vec{AB} = \vec{DC}$ نستنتج أن الرباعي ABCD
نستنتج أيضاً أن للقطعتين [AC] و [BD]
■ إذا كان $\vec{AI} = \vec{IB}$ فإن منتصف
■ الشعاع $\vec{BA}$ يسمى للشعاع $\vec{AB}$ ونكتب: $\vec{AB} = \dots\dots\dots$
للشعاعان المتعاكسان نفس ونفس واتجاهين

5 باستعمال المرصوفة:



(1) اختر الأشعة المساوية للشعاع $\vec{u}$.

- ☐ $\vec{r}$
☐ $\vec{s}$
☐ $\vec{t}$

- ☐ $\vec{v}$
☐ $\vec{w}$
☐ $\vec{z}$

(2) اختر الأشعة المعاكسة للشعاع $\vec{u}$.

- ☐ $\vec{r}$
☐ $\vec{s}$
☐ $\vec{t}$

- ☐ $\vec{v}$
☐ $\vec{w}$
☐ $\vec{z}$

(3) اختر الأشعة التي لها نفس منحى الشعاع $\vec{u}$.

- ☐ $\vec{r}$
☐ $\vec{s}$
☐ $\vec{t}$

- ☐ $\vec{v}$
☐ $\vec{w}$
☐ $\vec{z}$

6 أكمل المساويات الشعاعية التالية ، ثم عيّن على المرصوفة أدناه

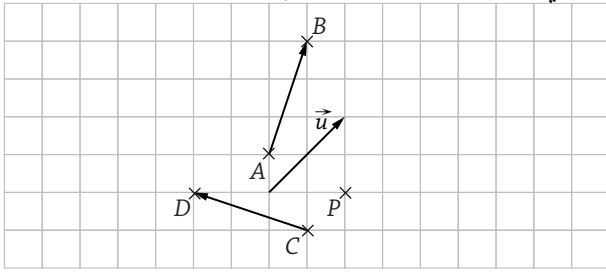
النقط G, H, R و S :

(1) P تتحول إلى G بالانسحاب الذي يحول A إلى B : $\vec{AB} = \dots\dots\dots$

(2) P تتحول إلى H بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{u}$: $\vec{u} = \dots\dots\dots$

(3) A هي صورة S بالانسحاب الذي يحول C إلى D : $\vec{CD} = \dots\dots\dots$

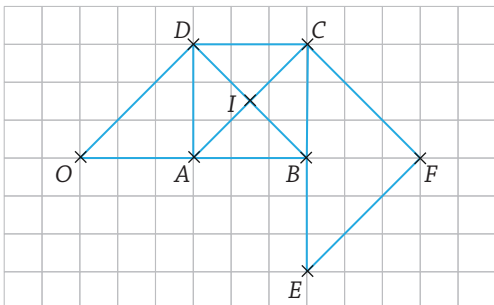
(4) B هي صورة R بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{u}$: $\vec{u} = \dots\dots\dots$



7 نعتبر الشكل أدناه حيث ABCD مربع مركزه I وحيث ADO و EFC مثلثين قائمين ومتساويي الساقين في كل من A و F على الترتيب.

أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية:

(1) $AC = FE$
(2) للشعاع $\vec{AC}$ نفس منحى الشعاع $\vec{EF}$
(3) $\vec{FE} = \vec{DO}$
(4) $\vec{BI}$ و $\vec{CF}$ متعاكسان.
(5) $\vec{DB}$ و $\vec{EA}$ متعاكسان.
(6) للشعاعين $\vec{DO}$ و $\vec{AI}$ نفس الاتجاه.
(7) $\vec{DB} = \vec{AE}$ إذن $\vec{AD} = \vec{EB}$



8 أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية ، مستعينا بالانشاء إن لزم الأمر :

1 $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $ABFG$ متوازي أضلاع

2 $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $FGBA$ متوازي أضلاع

3 $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $AB = FG$

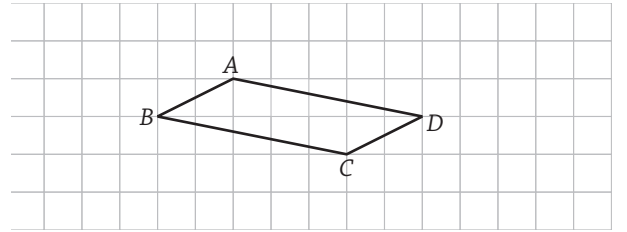
4 $AB = FG$ يعني أن $ABGF$ متوازي أضلاع

5 $\vec{AB} = \vec{FG}$ و $\vec{AB} = \vec{CD}$ يعني أن $\vec{FG} = \vec{CD}$

6 I منتصف $[FG]$ يعني أن $\vec{FI} = \vec{GI}$

7 I منتصف $[FG]$ يعني أن $FI = IG$

9 في الشكل أدناه ، $ABCD$ متوازي أضلاع.



1 لتكن I صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{CD}$.

a أكمل المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{A} \dots$

b أكمل الجملة التالية:

المساواة الشعاعية السابقة تسمح بالقول أن $CD \dots$ متوازي أضلاع.

c استنتج إنشاء النقطة I باستخدام المرسوفة.

2 برّر المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{BA}$.

3 أذكر من الشكل الأشعة المساوية للشعاع $\vec{CD}$.

4 لتكن E نظيرة النقطة C بالنسبة للنقطة D .

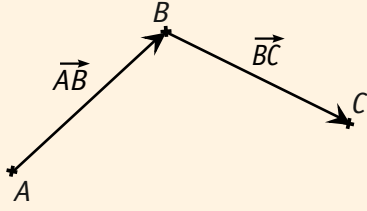
a أنشئ النقطة E .

b برّر المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{DE}$.

5 أثبت أن $\vec{AD} = \vec{IE}$.

6 لتكن O مركز متوازي الأضلاع $CDIA$. أثبت أن $[BE]$, $[IC]$ و $[AD]$ نفس المنتصف.

مجموع شعاعين



A, B, C ثلاث نقط.

■ مجموع الشعاعين $\vec{AB}$ و $\vec{BC}$ هو الشعاع ونكتب: = +
هذه المساواة تسمى حيث نهاية الشعاع هي بداية الشعاع

(1) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{z}$.

(2) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{s} + \vec{w}$.

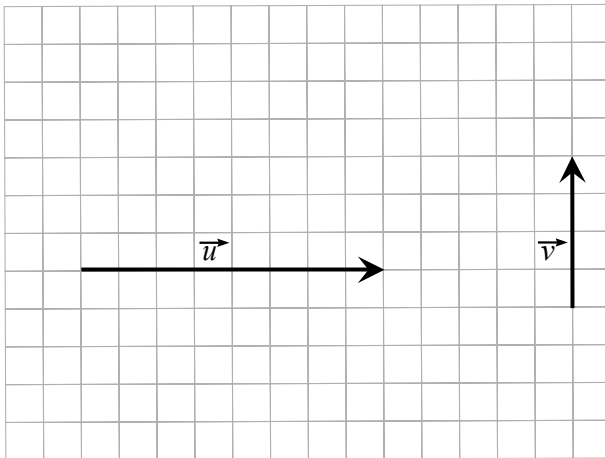
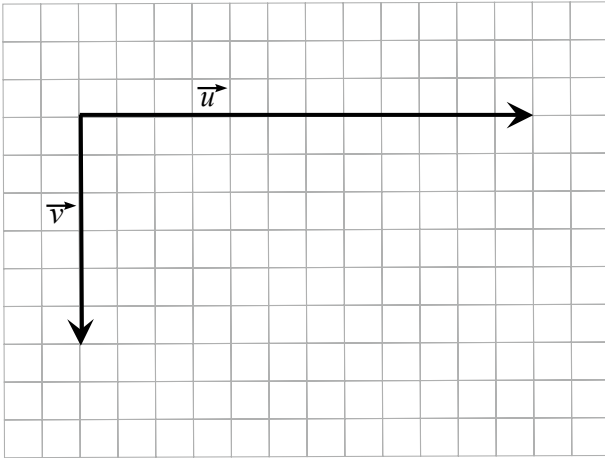
(3) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{w}$.

(4) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{v}$.

(5) اشرح النتيجة التي تم الحصول عليها من أجل $\vec{u} + \vec{v}$.

12 شعاعان مختلفا المنحى

في كل من الأشكال أدناه ، أنشئ مجموع الشعاعان $\vec{u}$ و $\vec{v}$.



10 متوازي أضلاع

(1) أنشئ بالمدور النقطة D حتى يكون $ABCD$ متوازي أضلاع.

$A *$

$* C$

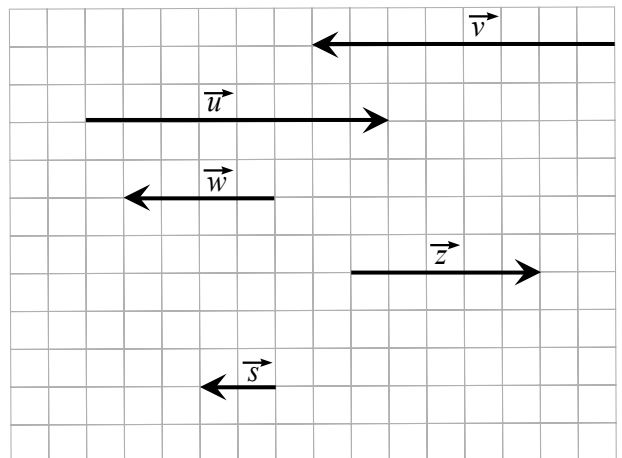
$B *$

(2) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{BA} + \vec{BC}$.

(3) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{AD} + \vec{AB}$.

(4) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{DA} + \vec{BC}$.

11 مع أشعة لها نفس المنحى



d) $-\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$

.....

.....

.....

.....

e) $\vec{AB} - \vec{CD} + \vec{BD} = \vec{AC}$

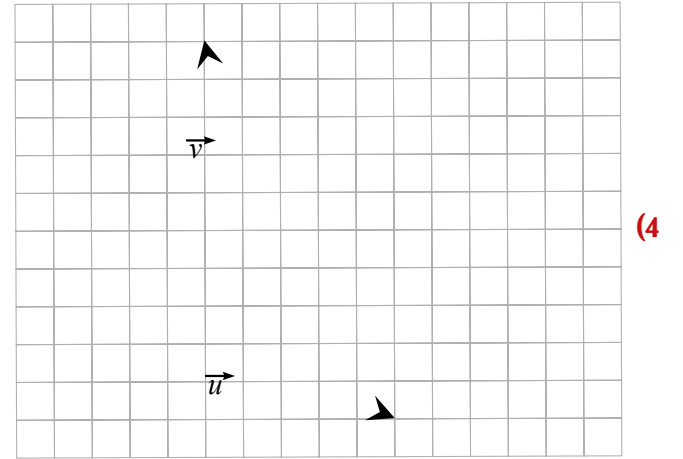
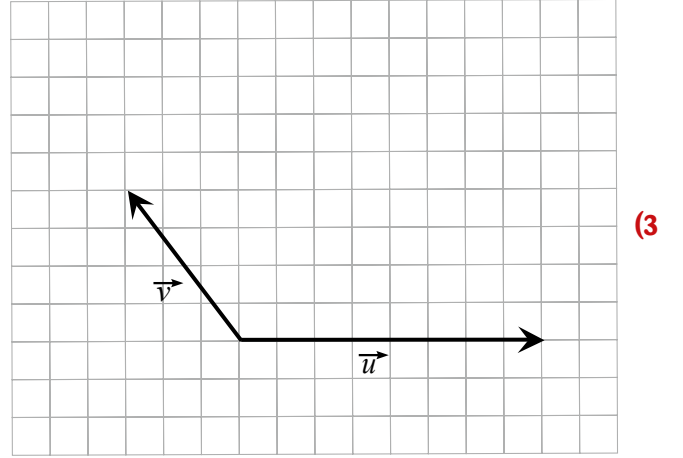
.....

.....

f) $-\vec{AB} + \vec{CB} + \vec{AC} = \vec{DD}$

.....

.....



13 ABCD رباعي محدب.

أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية مع التبرير:

a) $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{BD}$

.....

.....

.....

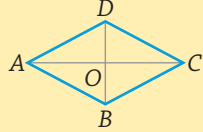
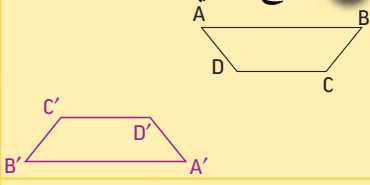
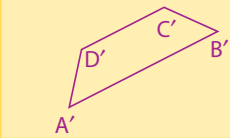
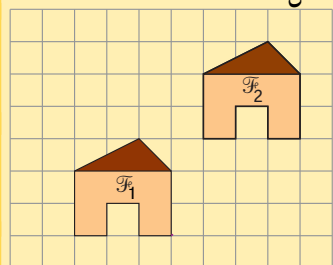
b) $\vec{AB} + \vec{BD} = \vec{AD}$

.....

c) $\vec{BA} - \vec{CA} = \vec{BC}$

.....

لكل سؤال من الأسئلة التالية ، ضع إطار حول الإجابة (أو الأجوبة) الصحيحة .
 ! تنبيه: قد تكون هناك عدة إجابات دقيقة لنفس العبارة ! يجب العثور عليهم جميعا .

D	C	B	A	النص
$\vec{OD} + \vec{OB} = \vec{O}$	$\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = \vec{OD}$	$\vec{CB} + \vec{CD} = \vec{CA}$	$\vec{OA} + \vec{OB} = \vec{AB}$	14 $ABCD$ معين مركزه O . 
$\vec{AB} + \vec{AB} = \vec{AB}$	$\vec{AB} - \vec{BA} = \vec{0}$	$\vec{AB} - \vec{AC} = \vec{CB}$	$\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{CA}$	15 من أجل كل النقط A, B و C من المستوي:
النقط الثلاث على استقامة واحدة	A و C متناظران بالنسبة إلى B	A و B متناظران بالنسبة إلى C	B و C متناظران بالنسبة إلى A	16 A, B و C ثلاث نقط حيث: $\vec{AB} = \vec{CA}$ ، إذن:
25	5	$\sqrt{7}$	7	17 ABC مثلث قائم في A حيث: $AB = 4$ و $AC = 3$. طول الشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$ هو:
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	18 ما نوع التحويل الموجود أدناه؟ 
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	19 ما نوع التحويل الموجود في هذا الشكل؟ 
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	20 ما نوع التحويل الموجود في هذا الشكل؟ 

الرجال مثل الأرقام لا يكتسبون قيمة إلا من خلال مودعهم (نابليون بونابرت 1839 - 1899)

مفهوم الشعاع

أذكر الدرس...

(d) مستقيم، A و B نقطتان منه.

■ الثنائية النقطية (A; B) تعين شعاعاً، نرمز له بالرمز $\overrightarrow{AB}$ أو برمز آخر مثل $\vec{u}$.

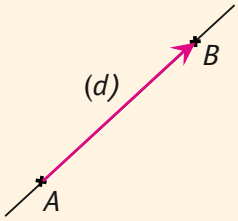
■ مميزات الشعاع $\overrightarrow{AB}$:

المنحى: هو منحى المستقيم (AB).

الاتجاه: من A إلى B.

الطويلة: هي طول القطعة [AB].

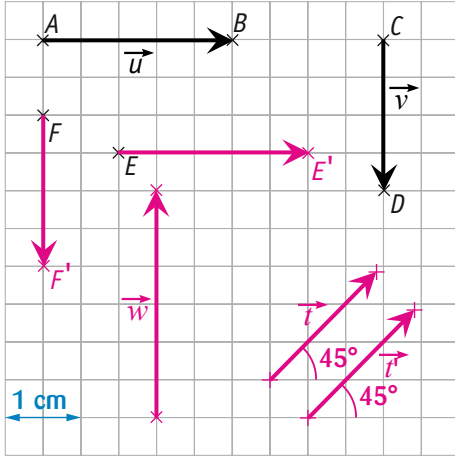
■ الشعاع $\overrightarrow{AA}$ يسمى الشعاع المبدوم. ونرمز له بالرمز $\vec{0}$.



3 اذكر العناصر المميزة للشعاع المبدوم.

منحاه غير معين، ليس له اتجاه، طويلته تساوي الصفر.

4 باستعمال المرسوفة:



1 حدّد العناصر المميزة للشعاعين $\vec{u}$ و $\vec{v}$.

$\vec{u}$: منحاه منحى المستقيم (AB)، اتجاهه من A نحو B وطويلته 2.5cm.

$\vec{v}$: منحاه منحى المستقيم (CD)، اتجاهه من C نحو D وطويلته 2cm.

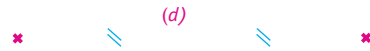
2 على المرسوفة السابقة، أنشئ ممثلاً آخرًا للشعاع $\vec{u}$ مبدؤه E.

3 على المرسوفة السابقة، أنشئ ممثلاً آخرًا للشعاع $\vec{v}$ مبدؤه F.

4 أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{w}$ حيث منحاه عمودي، اتجاهه نحو الأعلى وطويلته 3cm.

5 أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{t}$ حيث منحاه يصنع زاوية 45° مع الأفق، اتجاهه نحو الأعلى وطويلته 2cm.

1 بملاحظة الشكل أدناه، عيّن نوع التحويل في كل حالة.



1 الحالة الأولى: تناظر محوري بالنسبة للمستقيم (d).

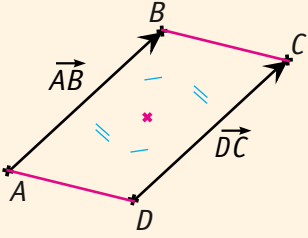
2 الحالة الثانية: تناظر مركزي بالنسبة للنقطة O.

3 الحالة الثالثة: انسحاب شعاع $\vec{u}$.

2 أنشئ النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$



■ الشعاعان المتساويان هما شعاعان لهما نفس المنحى ونفس الاتجاه ونفس الطول.
لاحظ الشكل المقابل:



■ إذا كان $\vec{AB} = \vec{DC}$ نستنتج أن الرباعي ABCD متوازي أضلاع.

نستنتج أيضاً أن للقطعتين [AC] و [BD] نفس المنتصف.



■ إذا كان $\vec{AI} = \vec{IB}$ فإن I منتصف [AB].

■ الشعاع $\vec{BA}$ يسمى الشعاع المعاكس للشعاع $\vec{AB}$ ونكتب: $\vec{AB} = -\vec{BA}$.

للشعاعان المتعاكسان نفس المنحى ونفس الطول واتجاهين متعاكسين.

6 أكمل المساويات الشعاعية التالية ، ثم عيّن على المرصوفة أدناه

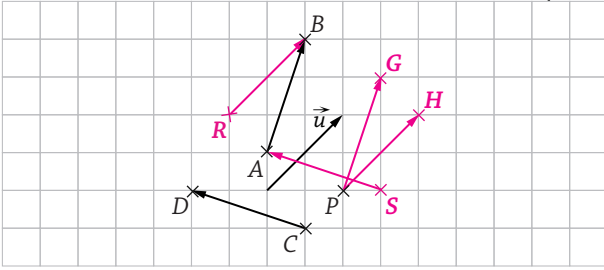
النقط G, H, R و S :

(1) $\vec{PG} = \vec{AB}$: P تتحول إلى G بالانسحاب الذي يحول A إلى B

(2) $\vec{PH} = \vec{u}$: P تتحول إلى H بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{u}$

(3) $\vec{SA} = \vec{CD}$: A هي صورة S بالانسحاب الذي يحول C إلى D

(4) $\vec{RB} = \vec{u}$: B هي صورة R بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{u}$



7 نعتبر الشكل أدناه حيث ABCD مربع مركزه I وحيث ADO و EFC مثلثين قائمين ومتساويي الساقين في كل من A و F على الترتيب.

أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية:

(1) $AC = FE$ صح

(2) للشعاع $\vec{AC}$ نفس منحى الشعاع $\vec{EF}$ صح

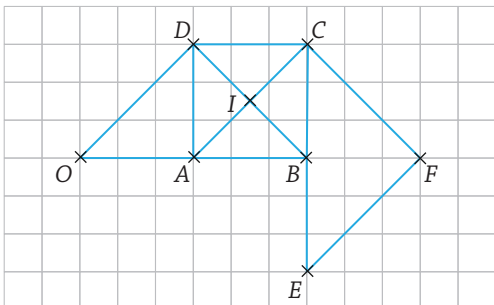
(3) $\vec{FE} = \vec{DO}$ صح

(4) $\vec{BI}$ و $\vec{CF}$ متعاكسان. خطأ

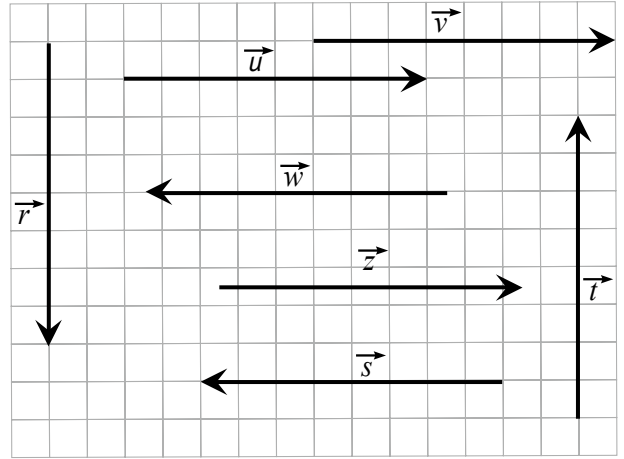
(5) $\vec{DB}$ و $\vec{EA}$ متعاكسان. صح

(6) للشعاعين $\vec{DO}$ و $\vec{AI}$ نفس الاتجاه. خطأ

(7) $\vec{DB} = \vec{AE}$ إذن $\vec{AD} = \vec{EB}$ صح



5 باستعمال المرصوفة :



(1) اختر الأشعة المساوية للشعاع $\vec{u}$.

☐ $\vec{r}$

☐ $\vec{s}$

☐ $\vec{t}$

☒ $\vec{v}$

☐ $\vec{w}$

☒ $\vec{z}$

(2) اختر الأشعة المعاكسة للشعاع $\vec{u}$.

☐ $\vec{r}$

☒ $\vec{s}$

☐ $\vec{t}$

☐ $\vec{v}$

☒ $\vec{w}$

☐ $\vec{z}$

(3) اختر الأشعة التي لها نفس منحى الشعاع $\vec{u}$.

☐ $\vec{r}$

☒ $\vec{s}$

☐ $\vec{t}$

☒ $\vec{v}$

☒ $\vec{w}$

☒ $\vec{z}$

8 أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية ، مستعينا بالانشاء إن لزم الأمر :

(1) $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $ABFG$ متوازي أضلاع خطأ

(2) $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $FGBA$ متوازي أضلاع صح

(3) $\vec{AB} = \vec{FG}$ يعني أن $AB = FG$ صح

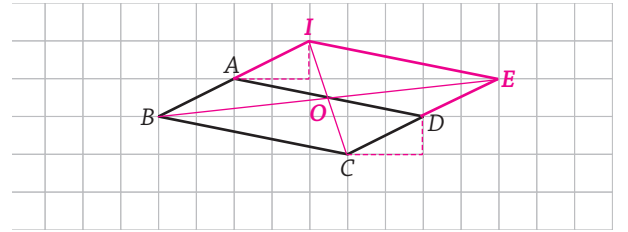
(4) $AB = FG$ يعني أن $ABGF$ متوازي أضلاع خطأ

(5) $\vec{AB} = \vec{FG}$ و $\vec{AB} = \vec{CD}$ يعني أن $\vec{FG} = \vec{CD}$ صح

(6) I منتصف $[FG]$ يعني أن $\vec{FI} = \vec{GI}$ خطأ

(7) I منتصف $[FG]$ يعني أن $FI = IG$ خطأ

9 في الشكل أدناه ، $ABCD$ متوازي أضلاع.



(1) لتكن I صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{CD}$.

(a) أكمل المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{AI}$

(b) أكمل الجملة التالية:

المساواة الشعاعية السابقة تسمح بالقول أن $CDIA$ متوازي أضلاع.

(c) استنتج إنشاء النقطة I باستخدام المرسوفة.

(2) برّر المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{BA}$.

$ABCD$ متوازي أضلاع

(3) أذكر من الشكل الأشعة المساوية للشعاع $\vec{CD}$.

$\vec{BA}$ و $\vec{AI}$

(4) لتكن E نظيرة النقطة C بالنسبة للنقطة D .

(a) أنشئ النقطة E .

(b) برّر المساواة الشعاعية التالية: $\vec{CD} = \vec{DE}$.

النقطة E نظيرة النقطة C بالنسبة لـ D ، إذن النقطة D

منتصف القطعة $[CE]$ ، وعليه يكون: $\vec{CD} = \vec{DE}$

(5) أثبت أن $\vec{AD} = \vec{IE}$.

$\vec{CD} = \vec{DE}$ و $\vec{CD} = \vec{AI}$ ، إذن $\vec{AI} = \vec{DE}$

، وعليه الرباعي $AIED$ متوازي أضلاع. إذن $\vec{AD} = \vec{IE}$

(6) لتكن O مركز متوازي الأضلاع $CDIA$. أثبت أن $[BE]$ ، $[IC]$ و $[AD]$ نفس المنتصف.

O مركز متوازي الأضلاع $CDIA$ ، إذن O منتصف القطعتين

$[AD]$ و $[IC]$

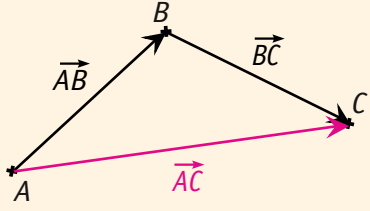
$ABCD$ متوازي أضلاع إذن $\vec{AD} = \vec{BC}$

$\vec{AD} = \vec{IE}$ و $\vec{AD} = \vec{BC}$ ، إذن $\vec{IE} = \vec{BC}$ ، إذن الرباعي $IECB$

متوازي أضلاع. إذن للقطع $[BE]$ و $[IC]$ نفس المنتصف:

وهو النقطة O ، التي هي أيضا منتصف $[AD]$

مجموع شعاعين



A, B, C ثلاث نقط.

■ مجموع الشعاعين $\vec{AB}$ و $\vec{BC}$ هو الشعاع $\vec{AC}$ ونكتب: $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$
هذه المساواة تسمى علاقة شال حيث نهاية الشعاع $\vec{AB}$ هي بداية الشعاع $\vec{BC}$

(1) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{z}$.

(2) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{s} + \vec{w}$.

(3) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{w}$.

(4) أنشئ ممثلاً للشعاع $\vec{u} + \vec{v}$.

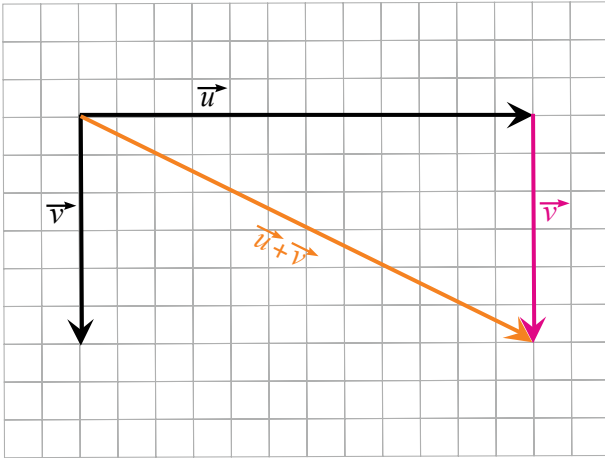
(5) اشرح النتيجة التي تم الحصول عليها من أجل $\vec{u} + \vec{v}$.

الشعاعان $\vec{u}$ و $\vec{v}$ متعاكسان وعليه مجموعهما

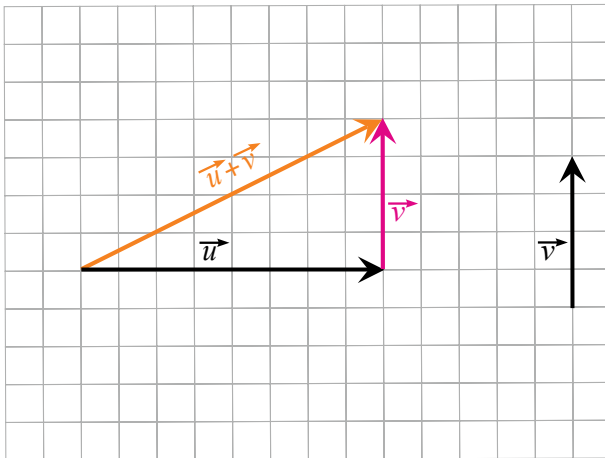
يساوي الشعاع المعلوم.

12 شعاعان مختلفا المنحى

في كل من الأشكال أدناه، أنشئ مجموع الشعاعان $\vec{u}$ و $\vec{v}$.



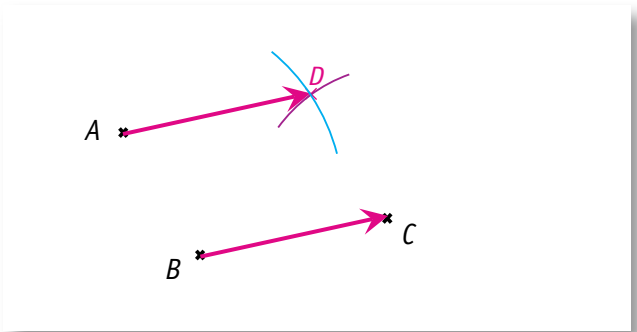
(1)



(2)

10 متوازي أضلاع

(1) أنشئ بالمدور النقطة D حتى يكون $ABCD$ متوازي أضلاع.



(2) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{BA} + \vec{BC}$.

$$\vec{BA} + \vec{BC} = \vec{BA} + \vec{AD} = \vec{BD}$$

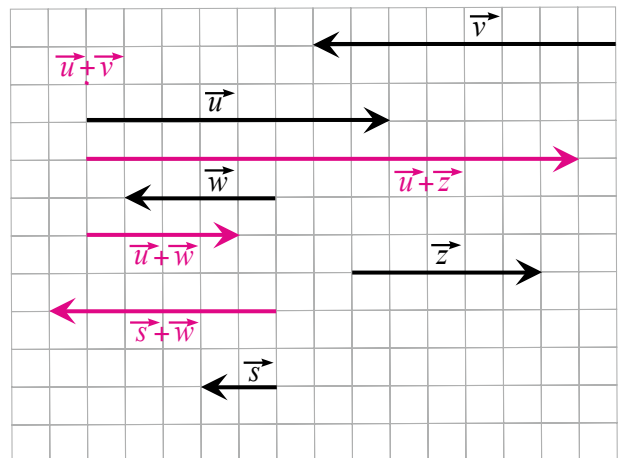
(3) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{AD} + \vec{AB}$.

$$\vec{AD} + \vec{AB} = \vec{AD} + \vec{DC} = \vec{AC}$$

(4) عرّف ممثلاً للشعاع $\vec{DA} + \vec{BC}$.

$$\vec{DA} + \vec{BC} = \vec{DA} + \vec{AD} = \vec{DD} = \vec{0}$$

11 مع أشعة لها نفس المنحى



d) $-\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$ خطأ

$-\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{BA} + \vec{BC} = \vec{BF}$

التبرير: الشعاعان $\vec{BA}$ و $\vec{BC}$ نفس المبدأ B ، إذن مجموعهما

هو الشعاع $\vec{BF}$ حيث F هي النقطة التي تجعل الرباعي $BAFC$

متوازي أضلاع.

e) $\vec{AB} - \vec{CD} + \vec{BD} = \vec{AC}$ صح

$\vec{AB} - \vec{CD} + \vec{BD} = \vec{AB} + \vec{DC} + \vec{BD}$

التبرير:

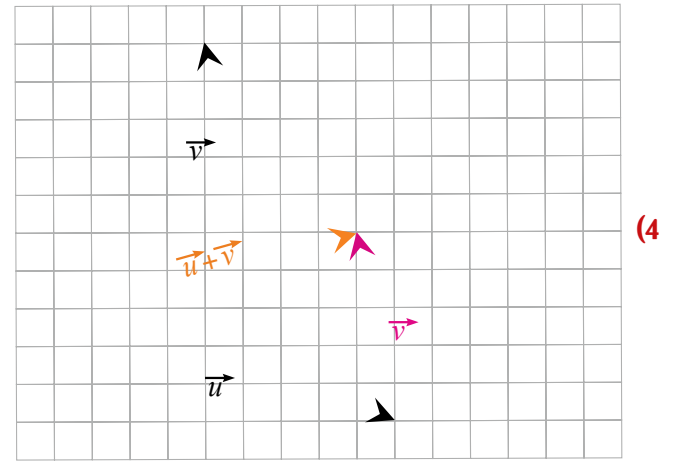
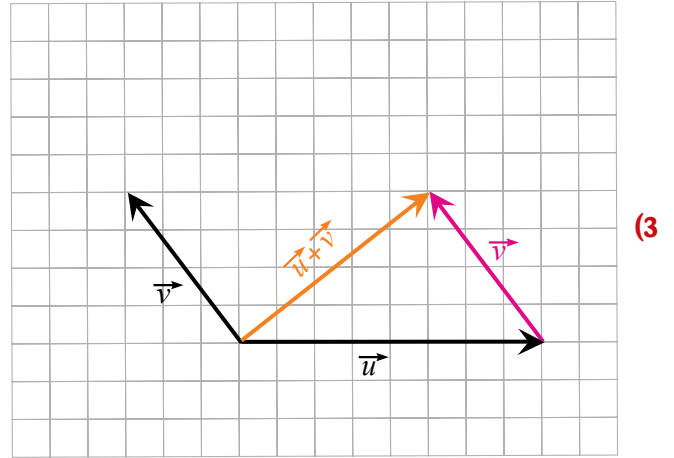
$= \vec{AB} + \vec{BD} + \vec{DC} = \vec{AD} + \vec{DC} = \vec{AC}$

f) $-\vec{AB} + \vec{CB} + \vec{AC} = \vec{DD}$ صح

$-\vec{AB} + \vec{CB} + \vec{AC} = \vec{BA} + \vec{CB} + \vec{AC}$

التبرير:

$= \vec{BA} + \vec{AC} + \vec{CB} = \vec{BC} + \vec{CB} = \vec{BB} = \vec{O} = \vec{DD}$



13 $ABCD$ رباعي محدب.

أجب بـ : صح أو خطأ على العبارات التالية مع التبرير:

a) $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{BD}$ خطأ

التبرير: الشعاعان $\vec{AB}$ و $\vec{AC}$ نفس المبدأ A ، إذن مجموعهما

هو الشعاع $\vec{AF}$ حيث F هي النقطة التي تجعل الرباعي $ABEC$

متوازي أضلاع.

b) $\vec{AB} + \vec{BD} = \vec{AD}$ صح

$\vec{AB} + \vec{BD} = \vec{AD}$

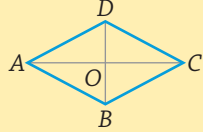
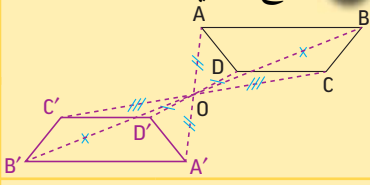
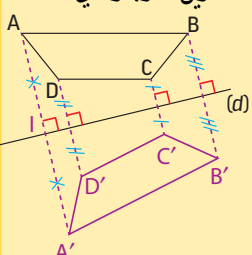
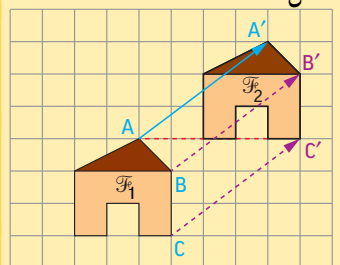
التبرير:

c) $\vec{BA} - \vec{CA} = \vec{BC}$ صح

$\vec{BA} - \vec{CA} = \vec{BA} + \vec{AC} = \vec{BC}$

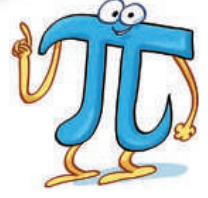
التبرير:

لكل سؤال من الأسئلة التالية ، ضع إطار حول الإجابة (أو الأجوبة) الصحيحة.
 تنبيه: قد تكون هناك عدة إجابات دقيقة لنفس العبارة! يجب العثور عليهم جميعا.

D	C	B	A	النص
$\vec{OD} + \vec{OB} = \vec{O}$	$\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = \vec{OD}$	$\vec{CB} + \vec{CD} = \vec{CA}$	$\vec{OA} + \vec{OB} = \vec{AB}$	14 $ABCD$ معين مركزه O . 
$\vec{AB} + \vec{AB} = \vec{AB}$	$\vec{AB} - \vec{BA} = \vec{0}$	$\vec{AB} - \vec{AC} = \vec{CB}$	$\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{CA}$	15 من أجل كل النقط A, B و C من المستوي:
النقط الثلاث على استقامة واحدة	A و C متناظران بالنسبة إلى B	A و B متناظران بالنسبة إلى C	B و C متناظران بالنسبة إلى A	16 A, B و C ثلاث نقط حيث: $\vec{AB} = \vec{CA}$ ، إذن:
25	5	$\sqrt{7}$	7	17 ABC مثلث قائم في A حيث: $AB = 4$ و $AC = 3$. طول الشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$ هو:
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	18 ما نوع التحويل الموجود أدناه؟ 
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	19 ما نوع التحويل الموجود في هذا الشكل؟ 
تطابق	تناظر مركزي	انسحاب	تناظر محوري	20 ما نوع التحويل الموجود في هذا الشكل؟ 



والآن ،
هل يمكنك اكتشاف
التحويلات الموجودة في لوحة
Escher ؟



صفحة: فيلدر في الرياضيات

ترجمة الاستاذ: عبد الحفيظ عادل