

حملة العلوم الفيزيائية بـكالوريا 2020

بقاۃ مواضيع مرفقة بالحل النموذجي

17 موضوع مرفق بالصحيح النموذجي الفصل

فيزياء ثالثة

ملاحظة: هذه الباقۃ المعلوماتية خذوا منها الأفكار الطازجة وامضوا حقبا نحو درب النجاح بامتياز في البكالوريا

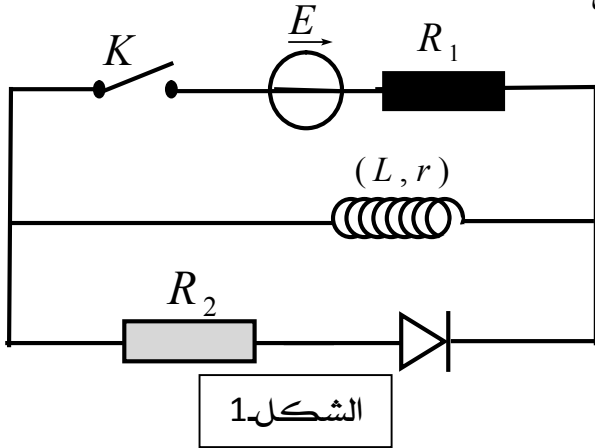
من جميع : عقبة بن نافع

<https://www.facebook.com/okba.bac.2010>

نحو البكالوريا - الموضوع الأول

التمرين الأول :

ندرس سلوك وشيعة اتجاه تغير التيار الكهربائي فيها ، فمن أجل ذلك نركب الدارة الموضحة في الشكل 1 والمكونة من :



- مولد توتر كهربائي قوته المحركة الكهربائية ثابتة $E = 12V$.

- ناقلان أوميان مقاوماتهما $R_1 = 220\Omega$ ، $R_2 = 100\Omega$.

- وشيعة مقاومتها r وذاتيتها L .

- صمام ثنائي وقاطعة K وأسلاك توصيل .

(I) - عند $t = 0$ نغلق القاطعة K :

1- أعد رسم جزء من الدارة المدروسة مع تمثيل الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي وجهة والتوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي .

2- أ- اكتب المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي R_1 .

ب- بين أن $u_{R_1}(t) = \frac{R_1 E}{(R_1 + r)} \left(1 - e^{-\frac{(R_1 + r)}{L} t} \right)$ حلا للمعادلة التفاضلية .

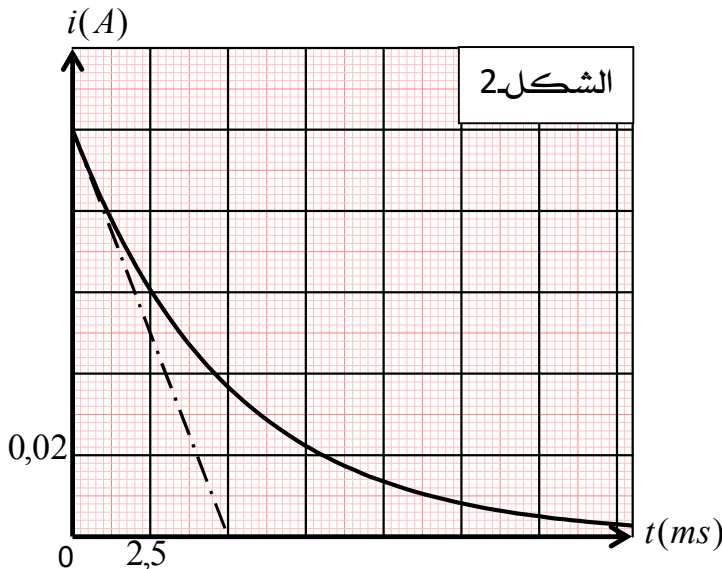
3- أ- ما هو سلوك الوشيعة في النظام الدائم ؟

ب- استنتج عبارة شدة التيار الكهربائي I_0 في النظام الدائم بدلالة E و R_1 و r .

(II) - نفتح القاطعة K في لحظة نعتبرها $t = 0$: الدراسة التجريبية مكنتنا من تمثيل منحنى تغيرات شدة

التيار الكهربائي بدلالة الزمن $i = f(t)$ الموضح في الشكل 2 :

1- أ- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في الدارة تكتب بالشكل : $\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = 0$ حيث τ ثابت الزمن .



ب- إن حل المعادلة التفاضلية هو $i(t) = A e^{-\frac{t}{\tau}}$.

- عبر عن الثابت A بدلالة ثوابت الدارة .

2- أ- اعتماد على البيان جد قيمة كل من :

- المقاومة الداخلية للوشيعة r .

- ذاتية الوشيعة L .

3- أ- اكتب العبارة الزمنية للطاقة في الوشيعة .

ب- احسب قيمتها لما $t = 0ms$ و $t = 2,5ms$.

(I) - لدينا كتلة $m' = 1,3 \text{ g}$ من مسحوق الزنك $Zn(s)$ غير النقي درجة نقاوته P (أي يحوي على شوائب لا تتفاعل ولا تؤثر على التحول الكيميائي)، عند درجة حرارة ثابتة وفي اللحظة $t = 0$ نضيفه إلى حوضلة تحوي محلول مائي لثنائي اليود $I_2(aq)$ حجمه $V = 100 \text{ mL}$ وتركيزه المولي $c = 0,2 \text{ mol/L}$.
المتابعة الزمنية للتحول الكيميائي التام مكنتنا من رسم المنحنى البياني لتغيرات التركيز المولي لثنائي اليود بدلالة الزمن $[I_2] = f(t)$ الموضح في الشكل-3.

- 1- أ- حدد المؤشر الدال على تطور الجملة الكيميائية المدروسة.
ب- هل نعتبر التحول الكيميائي المدروس سريعا؟ علل.
- 2- أ- اكتب معادلة التحول الكيميائي الحادث مبينا نوعه.
ب- أنشئ جدول تقدم التفاعل، ثم استنتج المتفاعل المحد.
- ج- جد سلم لمحور الترتيب للمنحنى $[I_2] = f(t)$.
- 3- احسب قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ ، ثم احسب كتلة الزنك النقي m .
- 4- أ- عرف درجة النقاوة P .

ب- بين أن عبارة درجة النقاوة P تكتب بالشكل: $P = \frac{m}{m'} \times 100$ ، استنتج قيمتها.

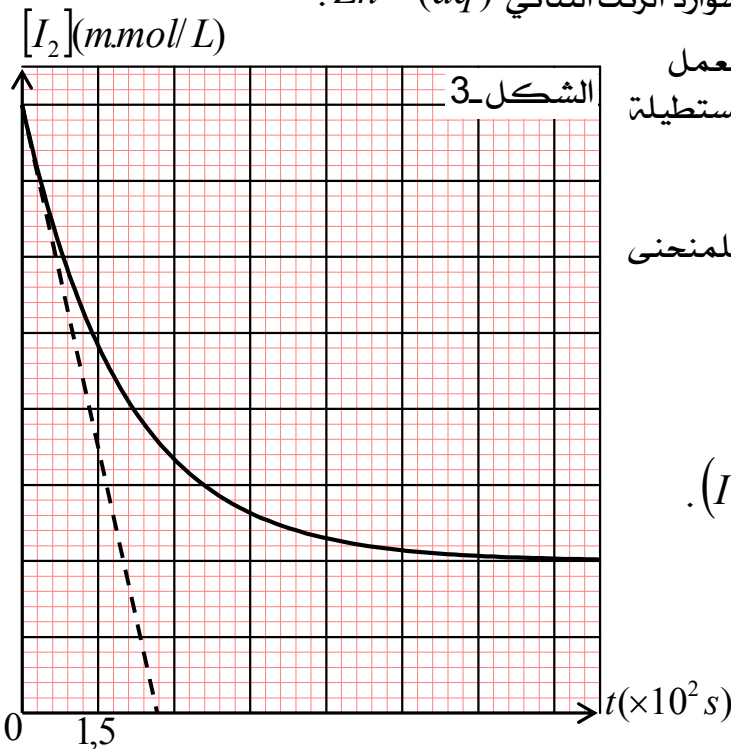
5- أ- بين أن التركيز المولي لثنائي اليود عند $t = t_{1/2}$ يكتب بالعلاقة: $[I_2]_{t_{1/2}} = \frac{c + [I_2]_f}{2}$.

حيث $[I_2]_f$: التركيز المولي النهائي لثنائي اليود.
ب- استنتج قيمة.

ج- جد التركيب المولي للمزيج عند اللحظة $t = t_{1/2}$.

6- أ- عرف السرعة الحجمية للتفاعل $v_{\text{vol}}(t)$ ، ثم احسب قيمتها الأعظمية.

ب- استنتج السرعة الحجمية الأعظمية لتشكل شوارد الزنك الثنائي $Zn^{2+}(aq)$.



(II) - نعيد نفس التجربة وفي نفس الشروط ونستعمل نفس كتلة الزنك السابقة على شكل صفيحة مستطيلة الشكل.

- أ- حدد العامل الحركي المدروس.
- ب- أعد رسم المنحنى في هذه الحالة في نفس المعلم للمنحنى السابق مع التعليل.

المعطيات:

- الثنائيتان الداخلتان في التفاعل هما: $(I_2(aq) / I^-(aq))$ ، $(Zn^{2+}(aq) / Zn(s))$.
- الكتلة المولية الذرية للزنك: $M(Zn) = 65,4 \text{ g/mol}$.
- المحلول المائي لثنائي اليود لونه: بني مسمر.

(I) - الرادون 222 غاز خامل أحادي الذرة عديم اللون والرائحة ،نواته ($^{222}_{86}Rn$) مشعة تتفكك تلقائيا وفق النمط α وتنتج نواة البولونيوم ($^{218}_{84}Po$) أكثر استقرارا.

1- عرف النواة المشعة .

2- أ- أذكر قانون الانحفاظ لصودي .

ب- اكتب معادلة التفكك للتحويل النووي التلقائي الحادث مع تحديد قيمة كل من Z و A .

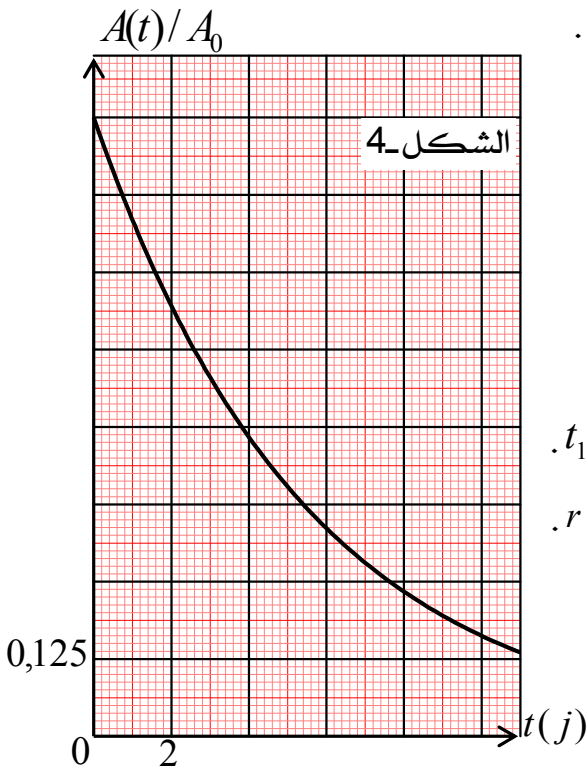
3- أ- حدد التركيب النووي لكل من النواتين ($^{222}_{86}Rn$) و ($^{218}_{84}Po$) .

ب- على مخطط سقري (N, Z) ، حدد موضع النواتين ($^{222}_{86}Rn$) و ($^{218}_{84}Po$) .

4- احسب كتلة نواة الرادون ($^{222}_{86}Rn$) بوحدة u .

(II) - يحتوي مصباح في اللحظة $t = 0$ على عينة من غاز الرادون 222 حجمه $V = 2cm^3$ في الشرطين من ضغط

P ودرجة حرارة θ ، الدراسة النظرية مكنتنا من رسم المنحنى البياني $\frac{A(t)}{A_0} = f(t)$ الموضح في الشكل-4:



1- احسب عدد النوى الابتدائية N_0 ، ثم استنتج قيمة الكتلة m_0 .

2- أ- اكتب قانون النشاط الإشعاعي $A(t)$.

ب- اكتب عبارة $\frac{A(t)}{A_0}$ بدلالة الزمن t .

ج- عرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ، جد قيمته بيانيا .

د - استنتج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الرادون 222 .

3- أ- احسب قيمة النشاط الابتدائي A_0 .

ب- حدد النشاط الإشعاعي $A(t_1)$ للعينة عند اللحظة $t_1 = 2t_{1/2}$.

ج- جد قيمة التغير النسبي للنشاط الإشعاعي : $r = \frac{A_0 - A(t_1)}{A_0}$.

ج- جد اللحظة t' التي يتبقى 25% من النشاط الإشعاعي الابتدائي للرادون 222 .

المعطيات :

$$1u = 931,5MeV / c^2 , N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1} , \frac{E_l(^{222}Rn)}{A} = 7,69MeV / nucléon$$

$$1j = 86400 s , M(^{222}Rn) = 222g / mol , m(^1_1P) = 1,0073u , m(^1_0n) = 1,0087u$$

- الحجم المولي للغازات في شرطي التجربة : $V_M = 25L / mol$.

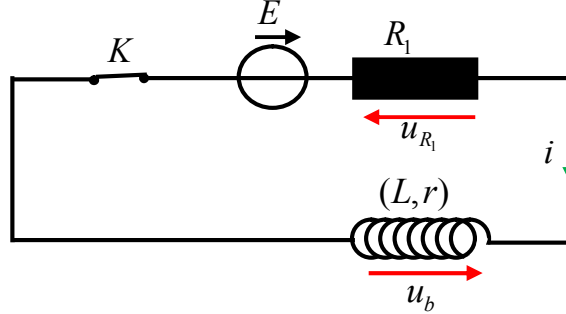
...

تصحيح - نحو البكالوريا - الموضوع الأول

حل التمرين الأول:

(I) - عند $t = 0$ نغلق القاطعة K :

1- تمثيل الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي وجهة والتوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي:



2- أ- المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي R_1 :

لدينا حسب قانون جمع التوترات : $u_b(t) + u_{R_1}(t) = E$

ولدينا : $u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + ri(t)$

ومنه : $L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) + u_{R_1}(t) = E$

بضرب طرفي المساواة في (R_1) نجد : $L \frac{d(R_1 \cdot i(t))}{dt} + r(R_1 \cdot i(t)) + R_1 u_{R_1}(t) = R_1 E$

ومنه : $L \frac{du_{R_1}(t)}{dt} + (R_1 + r)u_{R_1}(t) = R_1 E$ ومنه : $L \frac{du_{R_1}(t)}{dt} + ru_{R_1}(t) + R_1 u_{R_1}(t) = R_1 E$

بالضرب في $\left(\frac{1}{L}\right)$ نجد : $\frac{du_{R_1}(t)}{dt} + \frac{(R_1 + r)}{L}u_{R_1}(t) = \frac{R_1}{L}E \dots (1)$ وهو المطلوب .

ب- تبيان أن $u_{R_1}(t) = \frac{R_1 E}{(R_1 + r)} \left(1 - e^{\frac{-(R_1 + r)}{L}t} \right)$ حلا للمعادلة التفاضلية (1) .

نشتق الحل بالنسبة للزمن :

$$u_{R_1}(t) = \frac{R_1 E}{(R_1 + r)} - \frac{R_1 E}{(R_1 + r)} e^{\frac{-(R_1 + r)}{L}t}$$

$$\frac{du_{R_1}}{dt} = \frac{R_1 E}{L} e^{\frac{-(R_1 + r)}{L}t}$$

ونعوض الحل ومشتقه في المعادلة التفاضلية نجد (1) :

$$\frac{R_1 E}{L} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} + \frac{R_1+r}{L} \cdot \frac{R_1 E}{(R_1+r)} - \frac{R_1+r}{L} \cdot \frac{R_1 E}{(R_1+r)} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} = \frac{E \cdot R_1}{L}$$

$$\frac{R_1 E}{L} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} + \frac{R_1 E}{L} - \frac{R_1 E}{L} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} = \frac{E \cdot R_1}{L}$$

$$\frac{R_1 E}{L} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} - \frac{R_1 E}{L} e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} = \frac{E \cdot R_1}{L} - \frac{R_1 E}{L}$$

$$0 = 0$$

إذا: $u_{R_1}(t) = \frac{R_1 E}{(R_1+r)} \left(1 - e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} \right)$ حل للمعادلة التفاضلية.

3- أ. سلوك الوشيعية في النظام الدائم: الوشيعية تتصرف كمنقل أومي لأن: $u_b(t) = ri(t)$.

ب- استنتاج عبارة شدة التيار الكهربائي I_0 في النظام الدائم بدلالة E و R_1 و r :

$$u_{R_1}(t) = \frac{R_1 E}{(R_1+r)} \left(1 - e^{-\frac{(R_1+r)}{L}t} \right) \Bigg|_{t \rightarrow +\infty} = \frac{R_1 E}{(R_1+r)} = R_1 I_0$$

ومنه: $I_0 = \frac{E}{(R_1+r)}$

(II) - 1- أ. تبيان أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في الدارة تكتب بالشكل: $\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} i(t) = 0$

حيث: τ ثابت الزمن.

لدينا حسب قانون جمع التوترات: $u_b(t) + u_{R_2}(t) = 0$

ولدينا: $u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + ri(t)$ و $u_{R_2}(t) = R_2 i(t)$

ومنه: $L \frac{di(t)}{dt} + (R_2 + r) i(t) = 0$

بضرب طرفي المساواة في $\left(\frac{1}{L} \right)$ نجد: $\frac{di(t)}{dt} + \frac{(R_2 + r)}{L} i(t) = 0 \dots (*)$ ، حيث: $\tau = \frac{L}{R_2 + r}$

ب- إن حل المعادلة التفاضلية هو $i(t) = A e^{-\frac{t}{\tau}}$

- باشتقاق الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{di(t)}{dt} = -\frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

بتعويض الحل ومشتقه في المعادلة التفاضلية (*) وبعد التبسيط نجد:

$$A = I_0 = \frac{E}{(R_2 + r)}$$

2- أ- إيجاد من البيان قيمة كل من :

- قيمة المقاومة الداخلية للوشية r :

من البيان وعند اللحظة $t = 0$ نجد : $I_0 = 0,1(A)$

$$r = \frac{E}{I_0} - R_2$$

$$r = \frac{12}{0,1} - 100 = 20 \Omega$$

- ذاتية الوشية L :

$$\tau = \frac{L}{R_2 + r}$$

$$L = \tau \cdot (R_2 + r)$$

قيمة ثابت الزمن τ : هو فاصلة نقطة تقاطع المماس للمنحنى عند اللحظة $t = 0$ مع محور الفواصل من البيان نجد :

$$\tau = 5(ms)$$

$$L = 5 \cdot 10^{-3} \cdot (20 + 100) = 0,6(mH)$$

3- أ- العبارة الزمنية للطاقة في الوشية .

$$E_b(t) = \frac{1}{2} L I_0^2 e^{\frac{-2t}{\tau}} \quad \text{ولدينا:} \quad i(t) = I_0 e^{\frac{-t}{\tau}} \quad \text{ومنه:} \quad E_b(t) = \frac{1}{2} L i(t)^2$$

ب- حساب قيمتها لما $t = 0ms$:

$$E_b(0) = \frac{1}{2} L I_0^2 e^0 = \frac{1}{2} L I_0^2 = \frac{1}{2} (0,6)(0,1)^2 = 3mJ$$

حساب قيمتها لما $t = 2,5ms$:

$$E_b(t) = \frac{1}{2} L I_0^2 e^{\frac{-2(2,5)}{5}} = E_{b0} e^{-1} = 3e^{-1} = 1,1mJ$$

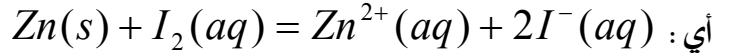
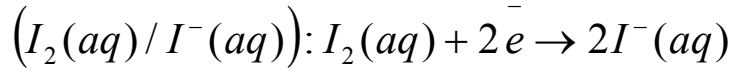
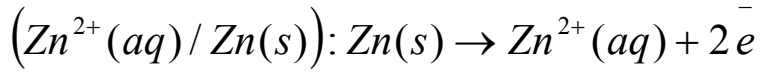
حل التمرين الثاني:

1- أ- المؤشر الدال على تطور الجملة الكيميائية المدروسة هو الاختفاء التدريجي للون البني المميز لثنائي اليود .

ب- التحول الكيميائي المدروس ليس سريعاً ، بل بطيئاً لأنه استغرق مدة زمنية معتبرة للوصول لحالته النهائية . $(t_f = 17,5 \text{ min})$

فيزياء تاشته - تصحيح - نحو البكالوريا - الموضوع الأول - ثانوية سليمان جلول تاشته زوفاغة

2- أ- كتابة معادلة التحول الكيميائي الحادث :



التحول الكيميائي الحادث نوعه أكسدة- ارجاع لأن حدث فيه تبادل إلكترونين بين المؤكسد $Zn(s)$ والمرجع $I_2(aq)$.

ب- جدول تقدم التفاعل :

الحالة	تقدم التفاعل بـ (mol)	$Zn(s) + I_2(aq) = Zn^{2+}(aq) + 2I^{-}(aq)$			
الابتدائية	$x(0) = 0$	n_{01}	n_{02}	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - x(t)$	$x(t)$	$2x(t)$
النهائية.	$x_{\max}$	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - x_{\max}$	$x_{\max}$	$2x_{\max}$

استنتاج المتفاعل المحد :

من خلال المنحنى البياني $[I_2] = f(t)$ نجد: $[I_2]_f \neq 0$ وعليه الزنك $Zn(s)$ هو المتفاعل المحد.

ج- ايجاد سلم لمحور الترتيب للمنحنى $[I_2] = f(t)$:

لدينا: $[I_2]_0 = c = 0,2 \text{ mol} / L$ ومنه: $[I_2]_0 = 0,2 \times 10^3 \times 10^{-3} \text{ mol} / L$ ومنه:

$$[I_2]_0 = 200 \text{ mmol} / L \text{ أي } [I_2]_0 = 0,2 \times 10^3 \text{ mmol} / L$$

$$x = \frac{200 \times 1}{8} = 25 \text{ mmol} / L \text{ ومنه: } \begin{cases} 200 \text{ mmol} / L \rightarrow 8 \text{ cm} \\ x \text{ mmol} / L \rightarrow 1 \text{ cm} \end{cases} \text{ ولدينا: } [I_2]_0 \rightarrow 8 \text{ cm} \text{ أي: } 1 \text{ cm} \rightarrow 25 \text{ mmol} / L \text{ وعليه:}$$

3- حساب قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

لدينا من جدول تقدم التفاعل عند الحالة النهائية: $n_f(I_2) = n_{02} - x_{\max}$ ومنه: $x_{\max} = n_{02} - n_f(I_2)$

$$x_{\max} = (c - [I_2]_f) \cdot V \text{ ومنه: } x_{\max} = cV - [I_2]_f \cdot V$$

$$[I_2]_f = 50 \text{ mmol} / L \text{ ولدينا من البيان:}$$

$$x_{\max} = (200 - 50) \times 10^{-3} \times 100 \times 10^{-3} = 15 \text{ mmol} \text{ وعليه:}$$

حساب كتلة الزنك النقي m :

$$m = x_{\max} \cdot M(Zn) \text{ ومنه: } \frac{m}{M(Zn)} = x_{\max} \text{ ومنه: } n_{01} - x_{\max} = 0 \text{ ولدينا الزنك متفاعل محد معناه:}$$

$$m = 15 \times 10^{-3} \times 65,4 = 0,981 \text{ g} \text{ ت- ع:}$$

4- أ- تعريف درجة النقاوة P : نعني بها أن كل 100 g من المادة غير نقية فيها $p(g)$ مادة نقية.

ب- تبيان أن عبارة درجة النقاوة P تكتب بالشكل : $p = \frac{m}{m'} \times 100$:

$$\text{لدينا: } \begin{cases} 100\text{ g} \rightarrow m' \\ p \rightarrow m \end{cases} \text{ ومنه: } p = \frac{m}{m'} \times 100$$

استنتاج قيمتها: لدينا : $p = \frac{m}{m'} \times 100$ ت-ع : $p = \frac{0,981}{1,3} \times 100 = 75,46\%$

5- أ- تبيان أن التركيز المولي لثنائي اليود عند $t = t_{1/2}$ يكتب بالعبارة $[I_2]_{t_{1/2}} = \frac{c + [I_2]_f}{2}$:

لدينا من جدول تقدم التفاعل : $n_{I_2}(t) = n_{02} - x(t)$

لما $t = t_{1/2}$ نجد: (1) $n_{I_2}(t_{1/2}) = n_{02} - x(t_{1/2})$

لما $t = t_f$ نجد: $n_f(I_2) = n_{02} - x_{\max}$ ولدينا: $x_{\max} = 2x(t_{1/2})$ ومنه: $n_f(I_2) = n_{02} - 2x(t_{1/2})$

أي: $n_f(I_2) = n_{02} - 2x(t_{1/2})$ ومنه: (2) $x(t_{1/2}) = \frac{n_{02} - n_f(I_2)}{2}$

بتعويض (2) في (1) نجد: $n_{I_2}(t_{1/2}) = n_{02} - \frac{n_{02} - n_f(I_2)}{2}$ ومنه: $n_{I_2}(t_{1/2}) = \frac{n_{02} + n_f(I_2)}{2}$

$$\text{ومنه: } [I_2]_{t_{1/2}} V = \frac{cV + [I_2]_f V}{2} \text{ أي: } [I_2]_{t_{1/2}} = \frac{cV + [I_2]_f V}{2V} \text{ إذن: } [I_2]_{t_{1/2}} = \frac{c + [I_2]_f}{2}$$

ب- استنتاج قيمة $t_{1/2}$:

$$[I_2]_{t_{1/2}} = \frac{c + [I_2]_f}{2} = \frac{200 + 50}{2} = 125 \text{ mmol / L}$$

وبالاسقاط نجد: $t_{1/2} = 1,35 \times 10^2 \text{ s}$

ج- التركيب المولي للمزيج عند اللحظة $t = t_{1/2}$:

لما $t = t_{1/2}$ نجد: $[I_2]_{t_{1/2}} = 125 \text{ mmol / L}$ ولدينا: $x(t_{1/2}) = (c - [I_2]_{t_{1/2}})V$

ت-ع : $x(t_{1/2}) = (200 - 125) \times 10^{-3} \times 100 \cdot 10^{-3} = 0,0075 \text{ mol}$

أي: $n_{I_2}(t_{1/2}) = n_{02} - x(t_{1/2}) = 0,2 \times 0,1 - 0,0075 = 1,25 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$

$$n_{Zn}(t_{1/2}) = n_{01} - x(t_{1/2}) = \frac{0,981}{65,4} - 0,0075 = 7,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$n_{Zn^{2+}}(t_{1/2}) = x(t_{1/2}) = 7,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$n_{I^-}(t_{1/2}) = 2x(t_{1/2}) = 15 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

6- أ- تعريف السرعة الحجمية للتفاعل $v_{\text{vol}}(t)$:

هي النسبة بين سرعة التفاعل $v(t)$ وحجم الوسط التفاعلي V ونكتب: $v_{vol}(t) = \frac{v(t)}{V} = \frac{1}{V} \times \frac{dx(t)}{dt}$.

حساب قيمتها الأعظمية:

لدينا من جدول تقدم التفاعل: $x(t) = n_{02} - n_{I_2}(t)$ ومنه: $n_{I_2}(t) = n_{02} - x(t)$.

وبالتعويض في علاقة $v_{vol}(t)$ نجد: $v_{vol}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{d(n_{02} - n_{I_2}(t))}{dt}$ ومنه: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{V} \times \frac{dn_{I_2}(t)}{dt}$.

ومنه: $v_{vol}(t) = -\frac{d[I_2](t)}{dt}$ أي: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{V} \times \frac{d([I_2](t) \cdot V)}{dt}$.

$$v_{vol}(0) = -\frac{d[I_2](t)}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{(200 - 0) \cdot 10^{-3}}{(0 - 2,7) \cdot 10^2} = 7,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol / L.s}$$

ب- استنتاج السرعة الحجمية الأعظمية لتشكيل شوارد الزنك الثنائي $Zn^{2+}(aq)$:

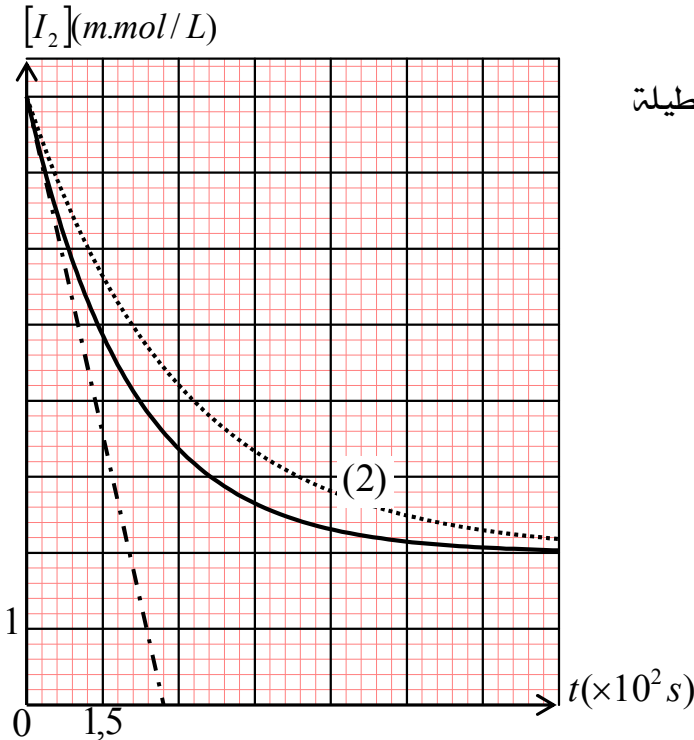
لدينا: $n_{Zn^{2+}}(t) = x(t)$ ومنه: $\frac{dn_{Zn^{2+}}(t)}{dt} = \frac{dx(t)}{dt}$ ومنه: $\frac{1}{V} \frac{dn_{Zn^{2+}}(t)}{dt} = \frac{1}{V} \frac{dx(t)}{dt}$.

أي: $v_{vol, Zn^{2+}}(t) = v_{vol}(t)$ إذن: $v_{vol, Zn^{2+}}(0) = v_{vol}(0) = 7,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol / L.s}$.

(II) - أ- تحديد العامل الحركي المدروس: هو سطح التلامس بين المتفاعلات.

ب- رسم المنحنى في هذه الحالة في نفس المعلم للمنحنى السابق مع التعليل:

نقص مساحة التلامس بين المتفاعلات يؤدي إلى تناقص عدد التصادمات في وحدة الحجم وعليه تنقص سرعة التفاعل إذن مدة وصول التحول لنهايته تزداد مقارنة بالتحول السابق.



ملاحظة: البيان (2) خاص بصفيحة الزنك المستطيلة الشكل.

(I) - 1. تعريف النواة المشعة:

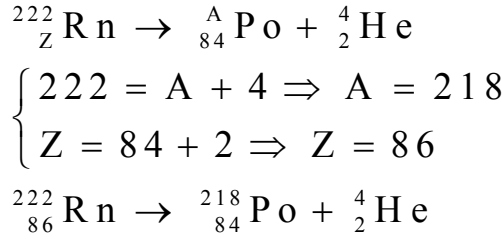
هي نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا إلى نواة أكثر استقرارا مع اصدار اشعاعات (α, β, γ)

2. - قانونا الانحفاظ للصودي :

- إنحفاظ الرقم الذري (Z) أي العدد الذري للمتفاعلات = العدد الذري للنواتج .

- إنحفاظ العدد الكتلي (A) أي العدد الكتلي للمتفاعلات = العدد الكتلي للنواتج .

ب- كتابة معادلة التفكك للتحويل النووي التلقائي الحادث مع تحديد قيمة كل من A و Z



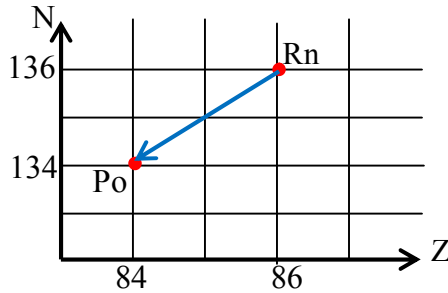
3

- أ- تحديد التركيب النووي لكل من النواتين (${}^{222}_{86}\text{Rn}$) و (${}^A_{84}\text{Po}$) .

$$\begin{cases} Z = 86 \\ N = 136 \end{cases} : ({}^{222}_{86}\text{Rn}) \text{ نواة}$$

$$\begin{cases} Z = 84 \\ N = 134 \end{cases} : ({}^{218}_{84}\text{Po}) \text{ نواة}$$

ب- تحديد على مخطط سقري (N, Z)، النواتين (${}^{222}_{86}\text{Rn}$) و (${}^A_{84}\text{Po}$) .



4- حساب كتلة نواة الرادون (${}^{222}_{86}\text{Rn}$) بوحدة u :

$$\text{لدينا : } E_1({}^{222}_{86}\text{Rn}) = (Zm_p + (A - N)m_n - m({}^{222}_{86}\text{Rn})) \times 931,5 \text{ ومنه :}$$

$$m({}^{222}_{86}\text{Rn}) = Zm_p + (A - N)m_n - \frac{E_1({}^{222}_{86}\text{Rn})}{931,5}$$

$$\text{لدينا : } E_1({}^{222}_{86}\text{Rn}) = 7,69 \times A = 7,69 \times 222 = 1707,18 \text{ MeV}$$

$$\text{ت. ع : } m({}^{222}_{86}\text{Rn}) = 221,97u$$

(II) 1- حساب عدد النوى الابتدائية N_0 ، ثم استنتاج قيمة الكتلة m_0 :

لدينا : (1)..... $n_0 = \frac{N_0}{N_A}$ ولدينا : (2)..... $n_0 = \frac{V_{(Rn)}}{V_M}$ من العلاقة (1) في العلاقة (2) نجد : $\frac{N_0}{N_A} = \frac{V_{(Rn)}}{V_M}$ ومنه :

$$N_0 = \frac{N_A V_{(Rn)}}{V_M} \text{ ت.ع.} : N_0 = \frac{6,02 \times 10^{23} \times 2 \times 10^{-3}}{25} = 4,8 \times 10^{19}$$

2- استنتاج قيمة m_0 : $\frac{m_0}{M} = \frac{N_0}{N_A}$ ومنه : $m_0 = \frac{M \times N_0}{N_A}$ ت.ع. : $m_0 = \frac{222 \times 4,8 \times 10^{19}}{6,02 \times 10^{23}} = 177 \times 10^{-4} \text{ g}$

2- أ- كتابة قانون النشاط الإشعاعي $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$:

ب- كتابة عبارة $\frac{A(t)}{A_0}$ بدلالة الزمن t .

لدينا قانون النشاط الإشعاعي : $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ وبالتالي : $\frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t}$

ج- تعريف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ، وإيجاد قيمته بيانياً.

هو الزمن الضروري لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية .

عند اللحظة $t = t_{1/2}$ يكون $A(t_{1/2}) = \frac{A_0}{2}$ ، وبالتالي : $\frac{A(t_{1/2})}{A_0} = \frac{1}{2}$

ومنه : $t_{1/2} = 3,8 \text{ j}$

د- استنتاج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الرادون 222.

لدينا : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ ومنه : $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$

ت.ع. : $\lambda = \frac{\ln 2}{3,8 \times 24 \times 3600} = 2,11 \times 10^{-6} \text{ s}^{-1}$

3- أ- حساب قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 .

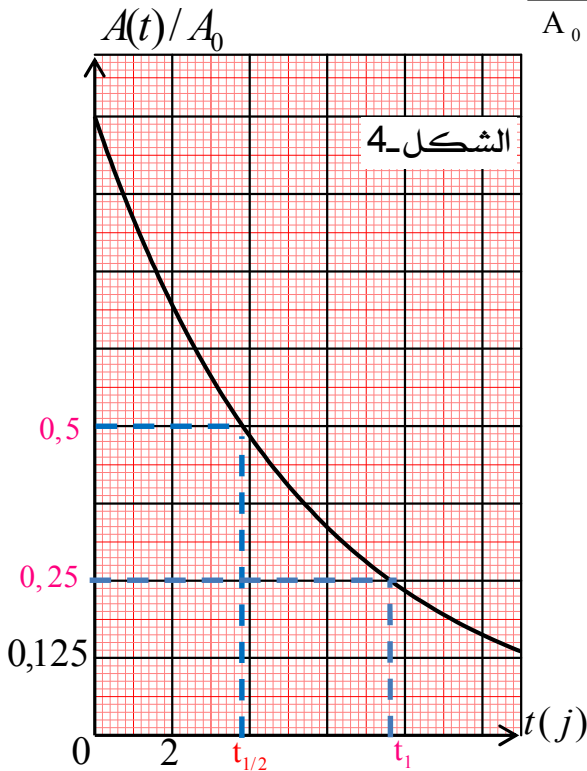
لدينا : $A_0 = \lambda N_0$ ت.ع. : $A_0 = 2,11 \times 10^{-6} \times 4,8 \times 10^{19} = 10,13 \times 10^{13} \text{ Bq}$

ب- تحديد النشاط الإشعاعي $A(t_1)$ للعينة عند اللحظة $t_1 = 2t_{1/2}$.

لدينا : $t_1 = 2t_{1/2} = 2 \times 3,8 = 7,6 \text{ j}$

من البيان عند اللحظة $t_1 = 7,6 \text{ j}$ لدينا : $\frac{A(t_1)}{A_0} = 0,25$

ومنه : $A(t_1) = 0,25 \times A_0 = 0,25 \times 10,13 \times 10^{13} = 2,53 \times 10^{13} \text{ Bq}$



الشكل 4-

جـ ايجاد قيمة التغير النسبي للنشاط الإشعاعي : $r = \frac{A_0 - A(t_1)}{A_0}$

$$r = \frac{(10,13 - 2.56) \times 10^{13}}{10,13 \times 10^{13}} = 0,747 (74,7\%)$$

دـ ايجاد اللحظة t' التي يتبقى 25% من النشاط الإشعاعي الابتدائي للرادون 222.

$$A(t') = \frac{A_0}{4} \text{ عند اللحظة } t' \text{ يكون قد تبقى } \frac{1}{4} \text{ النشاط الإشعاعي للرادون 222 أي}$$

$$\frac{A(t')}{A_0} = \frac{1}{4} = 2^{-2} = 2^{-t'/t_{1/2}} \text{ ومنه : } t_1 = t' = 2t_{1/2} = 7,6 \text{ jours} \text{ إذن}$$

??? ? ? ? ? ?

فيزياء تاشة

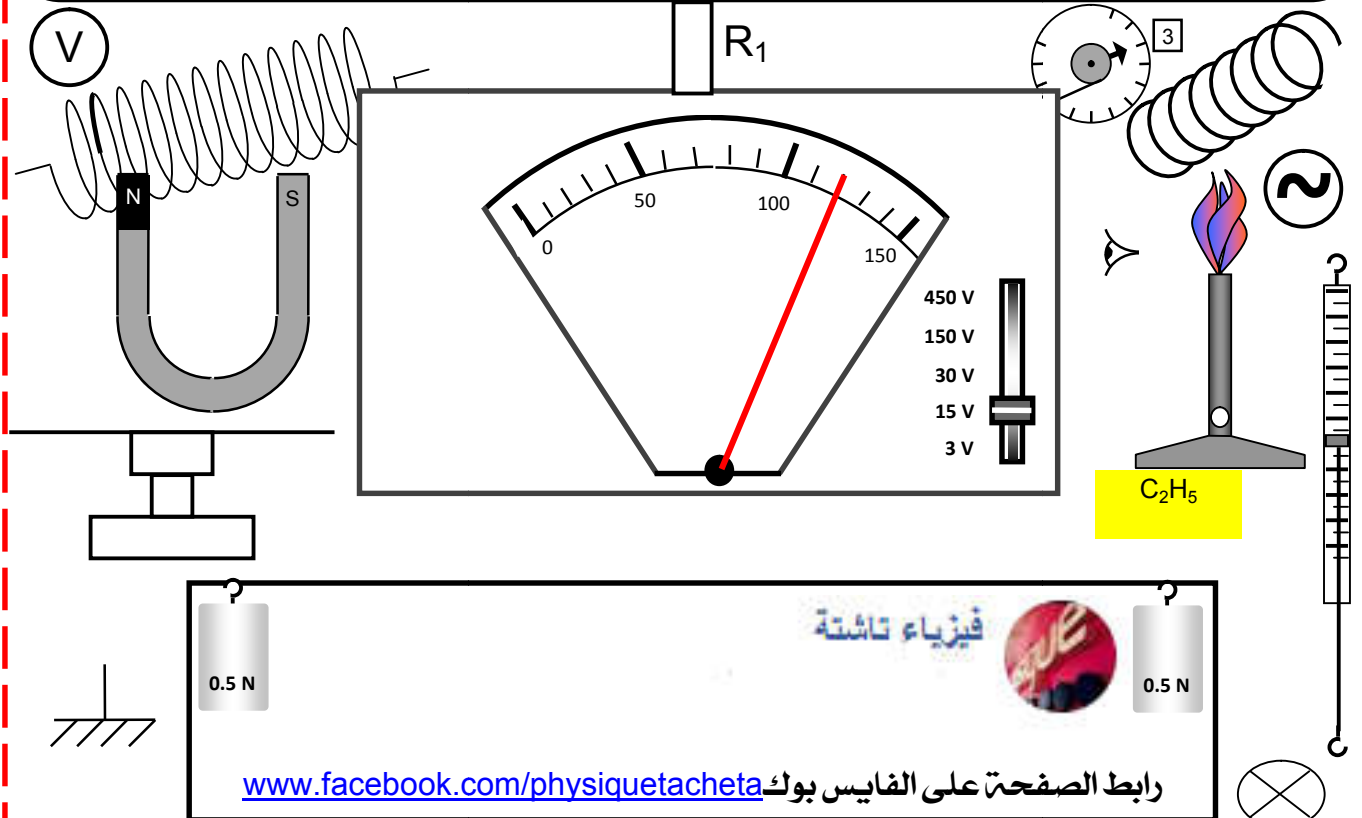
BAC 2019

نحو البكالوريا

BAC 2019

02

الموضوع الثاني + التصحيح المفصل



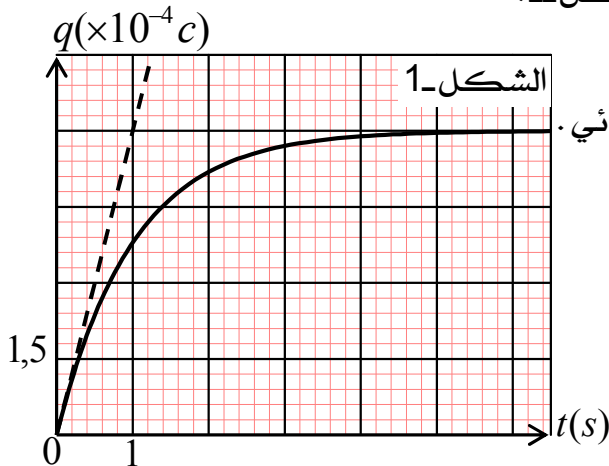
التمرين الأول :

لمعرفة السعة C لمكثفة مفرغة نربطها على التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية :

- مولد كهربائي ذو توتر كهربائي ثابت E ، ناقل أومي مقاومته $R = 10k\Omega$ ، قاطعة كهربائية K .

I - عند $t = 0$ نغلق القاطعة K ، المتابعة الزمنية لتطور شحنة المكثفة q بدلالة الزمن t وبواسطة برنامج

مناسب تمكنا من رسم المنحنى البياني $q = f(t)$ الموضح في الشكل 1.



1- ارسم الدارة الكهربائية مع تمثيل الجهة الاصطلاحية للتيار

الكهربائي وجهة والتوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي .

2- أ- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور الشحنة الكهربائية

$$\frac{dq(t)}{dt} + Aq(t) = B$$

حيث A و B : ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة مميزات الدارة .

ب- تأكد أن العبارة $q(t) = \frac{B}{A}(1 - e^{-At})$ حلا للمعادلة التفاضلية.

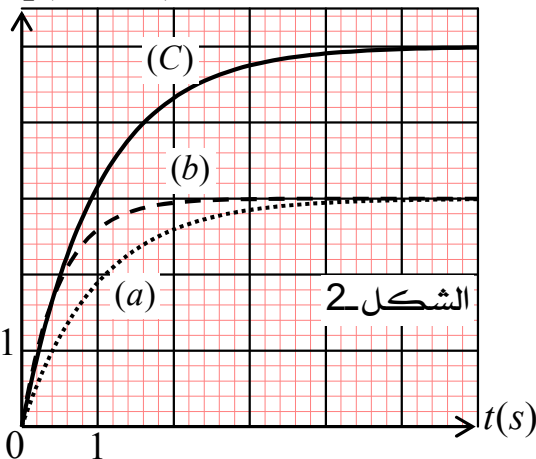
ج- جد عبارة كل من $\left(\frac{1}{A}\right)$ و $\left(\frac{B}{A}\right)$ مع تبيان المدلول الفيزيائي لكل منهما.

د - جد بيانيا قيمة كل من : $\left(\frac{1}{A}\right)$ و $\left(\frac{B}{A}\right)$.

هـ- استنتج سعة المكثفة C و التوتر الكهربائي للمولد E .

II - نكرر التجربة السابقة ونقوم بتغيير المقادير المميزة للدارة حسب الجدول المرفق فتحصلنا على المنحنيات

$q(10^{-4} C)$



البيانية الموضحة في الشكل 2 .

رقم التجربة	$R(k\Omega)$	$C(\mu F)$	$E(V)$
(1)	10	100	5
(2)	10	50	6
(3)	10	100	3

1- أ- بالتحليل البعدي بين أن ثابت الزمن τ متجانس مع الزمن .

ب- جد قيمة ثابت الزمن و الشحنة الأعظمية لكل تجربة .

2- انسب كل منحنى بياني بالتجربة المناسبة له مع التعليل . ماذا تستنتج ؟

يقدر الإنتاج العالمي من مادة الأمونياك حوالي 160 مليون طن سنويا ويستعمل هذه المادة في مجالات عدة ، حيث تستخدم بالدرجة الأولى لتصنيع الأسمدة الأزوتية في ميدان الزراعة لتخصيب التربة و تستخدم كذلك كمادة أولية في صناعة الأدوية والبلاستيك وغيرها.

I- دراسة المحلول المائي للأمونياك :

نعتبر محلولاً مائياً (S_B) للأمونياك (NH_3) (aq) حجمه V وتركيزه $C_B = 2 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$. أعطى قياس الـ pH هذا المحلول القيمة $pH = 10,74$.

- اكتب معادلة تفاعل الأمونياك مع الماء.
- انشئ جدول تقدم التفاعل.

3- أ- بين أن عبارة نسبة التقدم النهائي (τ_f) لهذا التفاعل تكتب من الشكل $\tau_f = \frac{Ke}{C_B \times 10^{-pH}}$

ب- احسب قيمته ، ماذا تستنتج؟

4- عبر عن عبارة كسر التفاعل Q_{rf} عند التوازن بدلالة C_B و τ_f ، أحسب قيمته.

5- تحقق من قيمة pKa للثنائية (NH_4^+ / NH_3).

II- معايرة محلول الأمونياك بواسطة محلول حمض كلور الماء ($H_3O^+(aq) + Cl^-(aq)$) :

نقوم بمعايرة محلول مائي للأمونياك (S'_B) حجمه $V_B = 20 \text{ mL}$ تركيزه C'_B بواسطة محلول مائي لحمض كلور الماء (S_A) ذي التركيز المولي $C_A = 2 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$ بقياس الـ pH .

- اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

2- يمثل المنحنى الممثل في الشكل - 3 تغير الـ pH الخليط بدلالة الحجم V_A للمحلول (S_A) لحمض كلور الماء المضاف.

أ- حدد الإحداثيتين V_{AE} و pH_E لنقطة التكافؤ.

ب- احسب التركيز المولي C'_B .

ج- عين ، معللاً جوابك ، الكاشف الملائم لانجاز هذه المعايرة في غياب جهاز الـ pH متر.

المعطيات :

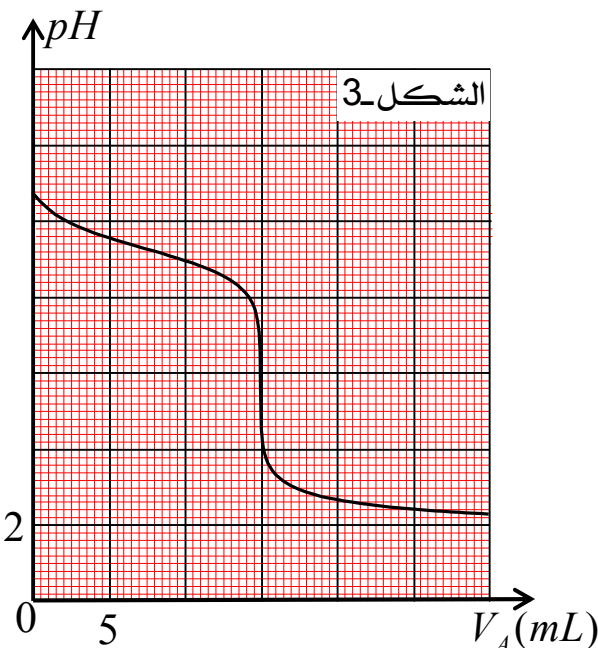
تمت جميع القياسات عند درجة حرارة $25^\circ C$.

الجداء الشاردي للماء: $Ke = 10^{-14}$.

الـ pKa للثنائية (NH_4^+ / NH_3) هي: 9,2.

- جدول مجالات التغير اللوني لبعض الكواشف الملونة :

الكاشف الملون	مجال التغير اللوني
الهيليانتين	3,1 – 4,4
أحمر الكلوروفينول	5,2 – 6,8
أزرق البروموتيمول	6 – 7,6
الفيينول فيتالين	8,8 – 10



التمرين الثالث:

البولونيوم Po عنصر معدني مشع نادر الوجود رقمه الشحني 84 ، تم العثور عليه في أحد المناجم سنة 1898م من طرف الكيميائي الفرنسي الشهير بيار كيري ، البولونيوم ^{210}Po هو النظير الوحيد الطبيعي في حين نجد أن أغلبية نظائر البولونيوم الاصطناعية تتفكك معطية إشعاعات من نوع α ، وعليه تم اعتبار أن هذا العنصر مشعا لإشعاعات α .

الجدول المبين أسفله يمثل مستخرج لبعض العناصر الكيميائية من الجدول الدوري للعناصر الكيميائية .

رمز العنصر الكيميائي	^{81}Th	^{82}Pb	^{83}Bi	^{84}Po	^{85}At
اسم العنصر	ثوريوم	رصاص	بيزموت	بولونيوم	أستات

I - مفاهيم فيزيائية :

- 1- أعط مفهوم النواة مشعة .
- 2- حدد مكونات نواة البولونيوم 210 ؟
- 3- ذكر بقانونا التحولات النووية وما اسم صاحبهما ؟
- 4- اكتب معادلة تفكك نواة البولونيوم 210 مع إعطاء رموز واسم النواة المتشكلة .

II - نعتبر ما يلي :

$N(t)$ عدد الأنوية المشعة المتبقية عند اللحظة t .

N_0 عدد الأنوية المشعة الابتدائية عند اللحظة $t = 0$

باستعمال طريقة معينة تمكنا من تشكيل الجدول التالي :

$t (jour)$	0	40	80	120	160	200	240
$\frac{N(t)}{N_0}$	1	0,82	0,67	0,55	0,45	0,37	0,30
$-\ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right)$							

1- اكمل الجدول أعلاه .

2- أ- مثل المنحنى البياني التالي : $-\ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right) = f(t)$ بالاستعانة بسلم الرسم التالي :

على محور الفواصل : $1cm \rightarrow 40 jours$ على محور الترتيب : $1cm \rightarrow 0,2$

ب- اكتب المعادلة الرياضية للبيان مع حساب قيمة معامل التوجيه a .

3- أ- اكتب قانون التناقص الإشعاعي .

ب- استنتج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ مع تحديد وحدته .

4- بين أن عبارة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة البولونيوم 210 تعطى بالشكل : $t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$ ثم استنتج قيمته .

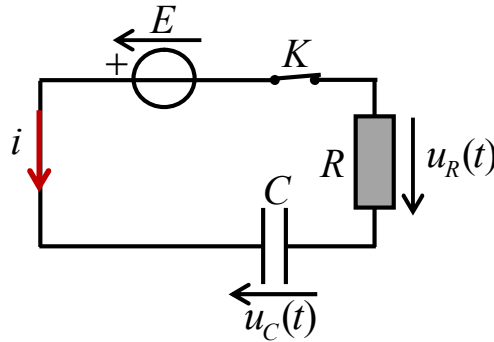
5- أعط مفهوم ثابت الزمن τ ثم استنتج قيمته .

6- إذا غيرنا عدد الأنوية المشعة الابتدائية البولونيوم 210 بالزيادة أو النقصان ، هل يتغير قيمة زمن نصف العمر؟ علل .

...

التمرين الأول :

I - 1. رسم الدارة الكهربائية مع تمثيل الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي وجهة والتوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي :



2. أ- تبيان أن المعادلة التفاضلية لتطور الشحنة الكهربائية للمكثفة تكتب من الشكل :

$$(1) \dots B + Aq(t) = \frac{dq(t)}{dt} \text{ حيث } A \text{ و } B : \text{ ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة مميزات الدارة :}$$

لدينا حسب قانون جمع التوترات : $u_C(t) + u_R(t) = E$

$$\text{ولدينا : } u_C(t) = \frac{q(t)}{C} \text{ و } u_R(t) = Ri(t) = R \frac{dq(t)}{dt}$$

$$\text{ومنه : } \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{RC} = \frac{E}{R} \dots (2) \text{ نجد : } \left(\frac{1}{R} \right) \text{ وبضرب طرفي المساواة في } \frac{q(t)}{C} + R \frac{dq(t)}{dt} = E$$

$$\text{بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) طرف لطرف نجد : } B = \frac{E}{R} \text{ و } A = \frac{1}{RC}$$

ب- تأكد أن العبارة $q(t) = \frac{B}{A}(1 - e^{-At})$ حلا للمعادلة التفاضلية :

$$\text{باشتقاق عبارة } q(t) \text{ بالنسبة للزمن نجد : } \frac{dq(t)}{dt} = Be^{-At}$$

$$\text{بتعويض عبارة } q(t) \text{ و } \frac{dq(t)}{dt} \text{ في (1) نجد : } Be^{-At} + A \frac{B}{A}(1 - e^{-At}) = Be^{-At} + B - Be^{-At} = B$$

$$\text{وعليه : } q(t) = \frac{B}{A}(1 - e^{-At}) \text{ حل للمعادلة التفاضلية .}$$

ج- عبارة كل من الثابتين $\left(\frac{1}{A} \right)$ و $\left(\frac{B}{A} \right)$ مع تحديد المدلول الفيزيائي لـ كل منهما :

لدينا: $\frac{B}{A} = CE$ أي تمثل الشحنة الأعظمية المخزنة في المكثفة إذن: $\frac{B}{A} = CE = Q_{\max}$

ولدينا: $A = \frac{1}{RC}$ ومنه: $\frac{1}{A} = RC$ أي يمثل ثابت الزمن المميز للدائرة إذن: $\frac{1}{A} = \tau = RC$

وعليه نكتب الحل السابق بالشكل: $q(t) = Q_{\max} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$

د- استنتاج قيمة $\frac{B}{A} = CE = Q_{\max}$ بيانيا:

لدينا: $q(t) = Q_{\max} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ ولما $t \rightarrow +\infty$ نجد: $q(t_m) = Q_{\max}$

ومن البيان نجد: $Q_{\max} = 6 \times 10^{-4} \text{ C}$

استنتاج قيمة $\frac{1}{A} = \tau = RC$ بيانيا:

ثابت الزمن يمثل فاصلة نقطة تقاطع المماس للمنحنى $q = f(t)$ لما $t = 0$ مع المستقيم المقارب

$q(t_m) = Q_{\max}$ وبالإسقاط نجد: $\tau = 1 \text{ s}$

ه- استنتاج سعة المكثفة C والتوتر الكهربائي للمولد E :

- قيمة C : لدينا: $\tau = RC$ ومنه: $C = \frac{\tau}{R}$ ت-ع: $C = \frac{1}{10 \times 10^3} = 10^{-4} \text{ F} = 100 \mu\text{F}$

- قيمة E : لدينا: $Q_{\max} = CE$ ومنه: $E = \frac{Q_{\max}}{C}$ ت-ع: $E = \frac{6 \times 10^{-4}}{10^{-4}} = 6 \text{ V}$

II - 1- أ- تبيان أن ثابت الزمن τ متجانس مع الزمن:

لدينا: $\tau = RC$ ومنه: $[\tau] = [R][C]$

ولدينا: $R = \frac{u_R(t)}{i(t)}$ ومنه: $[R] = \frac{[U]}{[I]}$

ولدينا أيضا: $C = \frac{i(t).dt}{du_C(t)}$ ومنه: $[C] = \frac{[I][T]}{[U]}$

وعليه: $[\tau] = [R][C] = [T]$

إذن: ثابت الزمن وحدته متجانسة مع وحدة الزمن.

ب- جد قيمة ثابت الزمن لكل تجربة :

رقم التجربة	$R(k\Omega)$	$C(\mu F)$	$E(V)$	$\tau(s)$	$Q_{\max} (\times 10^{-4} c)$
(1)	10	100	5	1	5
(2)	10	50	6	0,5	3
(3)	10	100	3	1	3

2- ارفاق كل منحنى بياني بالتجربة المناسبة له مع التعليل :

- لدينا من المنحنى (C) : $\tau_c = 1s$ و $Q_{\max_c} = 5 \times 10^{-4} c$.

وعليه: المنحنى البياني (C) يوافق التجربة (1) .

- لدينا من المنحنى (b) : $Q_{\max_b} = 3 \times 10^{-4} c$ وعليه: $q(\tau_b) = 0,63 \times 3 \times 10^{-4} c = 1,89 \times 10^{-4} c$

وبالاسقاط نجد: $\tau_b = 0,5s$

وعليه: المنحنى البياني (b) يوافق التجربة (2) .

إذن : المنحنى البياني (a) يوافق التجربة (3) .

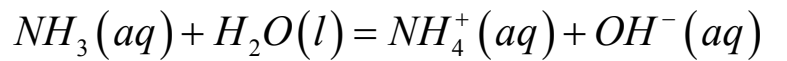
تستنتج أن : - ثابت الزمن τ يتناسب طردا مع سعة المكثفة C .

- الشحنة الأعظمية $Q_{\max}$ المخزنة في المكثفة تتناسب طردا مع سعة المكثفة C والقوة المحركة الكهربائية E للمولد .

التمرين الثاني :

I - دراسة المحلول المائي للأمونياك :

1- معادلة تفاعل الكيميائي بين الأمونياك والماء



2- جدول تقدم التفاعل

	$NH_3(aq) + H_2O(l) = NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$			
الحالة الابتدائية	$C_B V$		0	0
الحالة الانتقالية	$C_B V - x$		x	x
الحالة النهائية	$C_B V - x_f$		x_f	x_f

3- تبين أن نسبة التقدم النهائي تكتب من الشكل $\tau_f = \frac{Ke}{C_B \times 10^{-pH}}$

لدينا (1).... $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}}$ ، لدينا : $NH_3(aq)$ هو المتفاعل المحد وبالتالي : $x_{\max} = C_B V$ ومن جدول التقدم

ومنه : $[OH^-]_f = \frac{x_f}{V}$ ، بتعويض عبارة x_f و $x_{\max}$ في العلاقة (1) نجد :

$$[H_3O^+] = 10^{-pH} \text{ و } [OH^-] = \frac{Ke}{[H_3O^+]} : \text{حيث } \tau_f = \frac{Ke}{C_B [H_3O^+]} \text{ ومنه : } \tau_f = \frac{[OH^-]_f \times V}{C_B V}$$

$$\tau_f = \frac{Ke}{C_B \times 10^{-pH}} : \text{ومنه}$$

$$\tau_f = \frac{10^{-14}}{2 \times 10^{-2} \times 10^{-10,74}} = 2,75 \times 10^{-2} : \text{حساب قيمة } \tau_f$$

نلاحظ أن $\tau_f < 1$ ومنه التفاعل غير تام والأساس $NH_3(aq)$ ضعيف.

4- التعبير عن كسر التفاعل Q_{rf} عند توازن المجموعة الكيميائية بدلالة C_B و τ_f .

$$Q_{rf} = \frac{([OH^-]_f)^2}{[NH_3]_f} : \text{ومنه } [NH_4^+]_f = [OH^-]_f \text{ ولدينا : } Q_{rf} = \frac{[NH_4^+]_f [OH^-]_f}{[NH_3]_f}$$

ولدينا من جدول التقدم : $[NH_3]_f = C_B - [OH^-]_f$ ولدينا كذلك : $[OH^-]_f = C_B \times \tau_f$

$$Q_{rf} = \frac{C_B^2 \tau_f^2}{C_B - C_B \tau_f} = \frac{C_B \tau_f^2}{1 - \tau_f} : \text{اذن}$$

حساب قيمة Q_{rf} :

$$Q_{rf} = K = \frac{2 \times 10^{-2} \times (2,75 \times 10^{-2})^2}{1 - 2,75 \times 10^{-2}} = 1,55 \times 10^{-5}$$

5- التحقق من قيمة pKa للشثائية (NH_4^+ / NH_3)

$$Ka = \frac{[NH_3]_f [H_3O^+]_f}{[NH_4^+]_f} \text{ و } K = \frac{[NH_4^+]_f [OH^-]_f}{[NH_3]_f} : \text{لدينا}$$

$$K \times Ka = \frac{[NH_4^+]_f [OH^-]_f}{[NH_3]_f} \times \frac{[NH_3]_f [H_3O^+]_f}{[NH_4^+]_f} : \text{بضرب العلاقتين طرف لطرف نجد :}$$

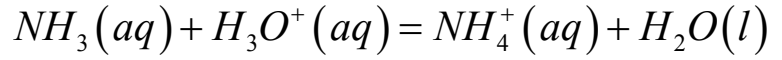
$$K \times Ka = [H_3O^+]_f [OH^-]_f = Ke : \text{ومنه}$$

ومنه: $Ka = \frac{Ke}{K}$ إذن: $pKa = -\log Ka = -\log \frac{Ke}{K} = \log K - \log Ke$

$$pKa = -\log 1,55 \times 10^{-5} - \log 10^{-14} = 9,2$$

I - معايرة محلول الأمونياك بواسطة محلول حمض كلور الماء

1- معادلة تفاعل المعايرة



2- أ- تعيين احدثي نقطة التكافؤ V_{AE} و pH_E

باستعمال طريقة المماسين المتوازيين :

$$(V_{AE} = 15mL; pH_E = 5,63)$$

ب- حساب التركيز المولي C'_B

عند نقطة التكافؤ (يتحقق مزيج ستوكيومترى):

$$n_B = n_{AE} \text{ أي:}$$

$$C'_B V_B = C_A V_{AE} \text{ ومنه:}$$

$$C'_B = \frac{C_A V_{AE}}{V_B} \text{ أي:}$$

$$C'_B = \frac{2 \times 10^{-2} \times 15}{20} = 1,5 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \text{ ت-ع:}$$

ج- الكاشف الملائم لانجاز هذه المعايرة هو أحمر الكلوروفينول لأن قيمة pH_E تنتمي لمجال تغيره اللوني.

التمرين الثالث:

I - مفاهيم فيزيائية :

1- مفهوم النواة مشعة: هي نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا لتعطي نواة أكثر استقرارا مع انبعاث جسيمات

(α, β) ويرافقه أحيانا الاصدار الكهرومغناطيسي γ .

2- تحديد مكونات نواة البولونيوم 210 :

$$A = 210 \text{ العدد الكتلي:}$$

$$Z = 84 \text{ العدد الذري (عدد البروتونات):}$$

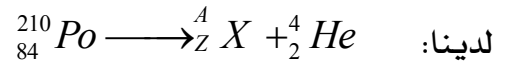
$$N = A - Z = 126 \text{ عدد النيوترونات:}$$

3- قانونا التحولات النووية (قانونا الانحفاظ لصودي):

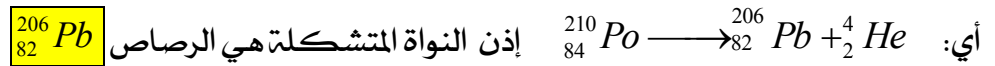
أ- انحفاظ العدد الكتلي (A): مجموع العدد الكتلي للأنوية المتفاعلة يساوي مجموع العدد الكتلي للأنوية الناتجة.

ب- انحفاظ الرقم الذري (Z): مجموع الرقم الذري للأنوية المتفاعلة يساوي مجموع الرقم الذري للأنوية الناتجة.

4. معادلة تفكك نواة البولونيوم 210.



$$\begin{cases} A = 206 \\ Z = 82 \end{cases} \quad \text{ومنه:} \quad \begin{cases} 210 = A + 4 \\ 84 = Z + 2 \end{cases} \quad \text{وحسب قانونا الانحفاظ لصودي نجد:}$$

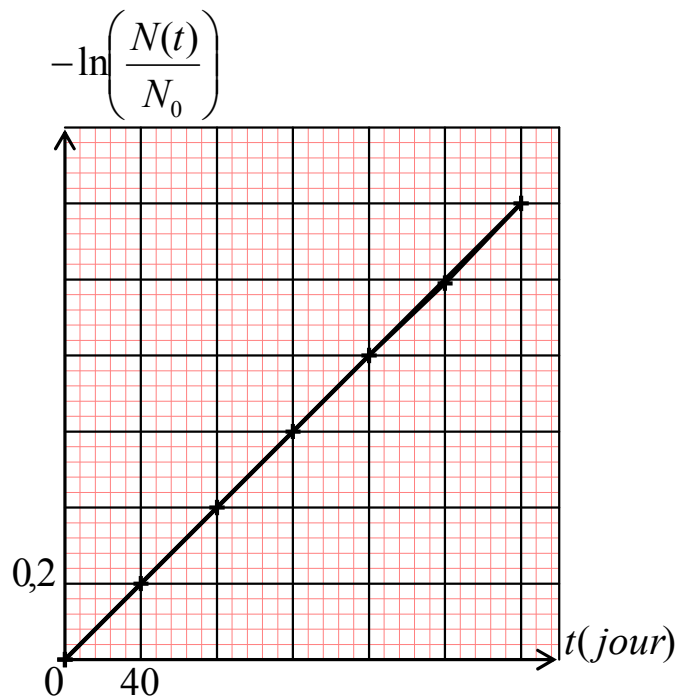


II - 1. إكمال الجدول.

$t(\text{jour})$	0	40	80	120	160	200	240
$\frac{N(t)}{N_0}$	1	0,82	0,67	0,55	0,45	0,37	0,30
$-\ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right)$	0	0,20	0,40	0,60	0,80	0,99	1,20

2 أ- تمثل المنحنى البياني التالي: $-\ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right) = f(t)$ بالاستعانة بسلم الرسم التالي:

على محور الفواصل: $1\text{cm} \rightarrow 40\text{ jours}$ على محور الترتيب: $1\text{cm} \rightarrow 0,2$



ب- المعادلة الرياضية للبيان مع حساب قيمة معامل التوجيه a .

البيان خط مستقيم مائل يمر من المبدأ معادلته من الشكل $y = at$ حيث a معامل توجيه البيان.

$$a = \frac{\Delta(-\ln(N(t)/N_0))}{\Delta t}$$

حساب قيمة معامل التوجيه a . لدينا:

$$a = \frac{1,2 - 0}{240 - 0} = 5 \times 10^{-3} \text{ jours}^{-1}$$

ومنه:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

3- أ- قانون التناقص الإشعاعي.

ب- استنتج قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ مع تحديد وحدته .

$$\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda t}$$

لدينا: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه:

$$-\ln \frac{N(t)}{N_0} = \lambda t$$

بإدخال اللوغاريتم على الطرفين نجد:

$$\lambda = a$$

وبالمطابقة مع العلاقة التالية: $y = at$ نجد:

$$\lambda = 5 \times 10^{-3} \text{ jours}^{-1}$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$$

4- تبيان أن عبارة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة البولونيوم 210 تعطى بالشكل:

$$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

زمن نصف العمر هو الزمن الضروري لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية ونكتب:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

لدينا:

$$\frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$$

عند اللحظة $t = t_{1/2}$: $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}}$ ومنه:

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{5 \times 10^{-3}} = 138 \text{ jours}$$

بإدخال اللوغاريتم على الطرفين وبعد التبسيط نجد: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ قيمته:

5- مفهوم ثابت الزمن τ واستنتاج قيمته .

$$\tau = \frac{1}{\lambda} = \frac{t_{1/2}}{\ln(2)}$$

ثابت الزمن τ : هو العمر المتوسط للنواة، عبارته: $\tau = \frac{1}{\lambda}$ وحدة هي الثانية s.

ملاحظة: نذكر تعريفين كذلك لثابت الزمن τ :

- ثابت الزمن τ : هو المدة الزمنية الضرورية ليصبح عدد الأنوية المشعة المتبقية يساوي إلى 37% من عدد الأنوية المشعة الابتدائية .

- ثابت الزمن τ : هو الزمن الضروري لتفكك 63% من عدد الأنوية المشعة الابتدائية (N_0) .

$$\tau = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{5 \times 10^{-3}} = 200 \text{ jours}$$

قيمته:

6- إذا غيرنا عدد الأنوية المشعة الابتدائية البولونيوم 210 بالزيادة أو النقصان ، هل يتغير قيمة زمن العمر؟ علل .

- زمن نصف العمر لا يتغير بتغير عدد الأنوية المشعة الابتدائية لأن $t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$.
- كل نواة مشعة لديها زمن نصف العمر $t_{1/2}$ خاص بها وهو مستقل عن عددها.

بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



فيزياء تاشة



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

فیاضیات

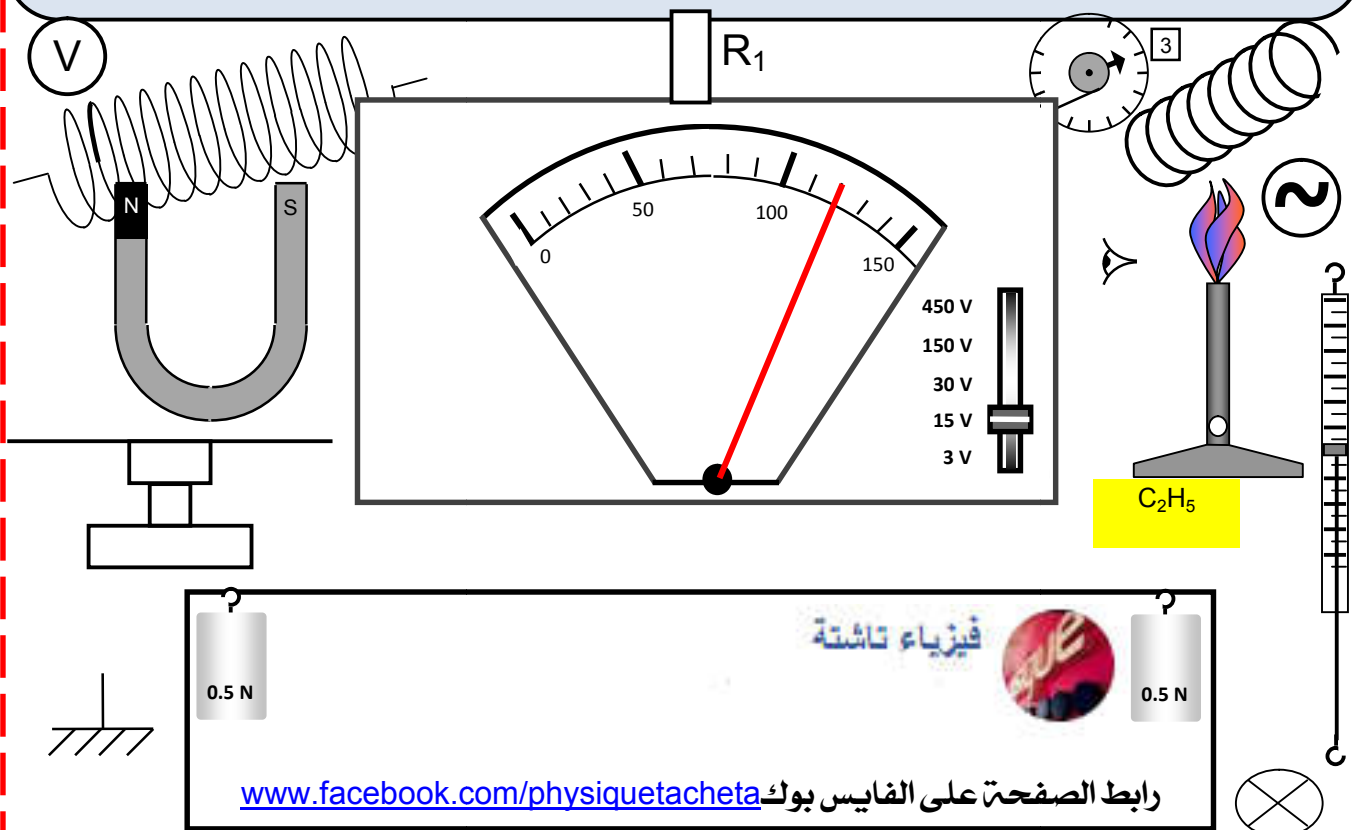
DEC 20 19

نحو والبك الوريا

8AC 20 19

03

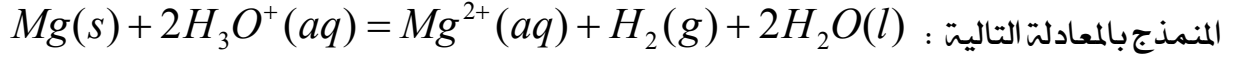
الموضوع الثالث+التصحيح المفصل



نحو البكالوريا — الم — موضوع الثالث

التمرين الأول :

ندخل في اللحظة $t=0$ كتلة قدرها $m=2g$ من المغنيزيوم في بيشر يحتوي على $V = 50mL$ من محلول كلور الهيدروجين $(H_3O^+(aq) + Cl^-(aq))$ تركيزه المولي $c_0 = 10^{-2} mol/L$ فيحدث التحول الكيميائي



I - اكتب المعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين للأكسدة والارجاع ثم استنتج الشائيتين (Ox / Red) المشاركتين في هذا التحول الكيميائي .

II - إن قياس الـ pH للمحلول الناتج في لحظات زمنية معينة ، أعطى النتائج المدونة في الجدول التالي :

$t(\text{min})$	0	2	4	6	8	10	12	14
pH	2,0	2,12	2,27	2,44	2,66	2,95	3,41	4,36
$[H_3O^+] \times 10^{-3} mol/L$								
$[Mg^{2+}] \times 10^{-3} mol/L$								

1- أنشئ جدول التقدم للتفاعل النموذج للتحول الكيميائي الحادث .

2- بين أن المغنيزيوم موجود بالزيادة في المحلول .

3- بين أن التركيز الولي للشوارد $Mg^{2+}(aq)$ يعطى في كل لحظة بالعلاقة التالية :

$$[Mg^{2+}](t) = \frac{1}{2}(10^{-2} - [H_3O^+](t)) \text{ ثم اكمل الجدول أعلاه .}$$

4- أ- باستخدام سلم رسم مناسب ، ارسم في معلم واحد كل من :

- المنحنى البياني (1) الموافق لـ $[Mg^{2+}] = f(t)$. - المنحنى البياني (2) الموافق لـ $[H_3O^+] = g(t)$.

ب- اعتمادا على المنحنى البياني (1) احسب السرعة الحجمية لتشكّل شوارد المغنيزيوم $(Mg^{2+})(aq)$ عند اللحظة $t = 2 \text{ min}$.

ج- استنتج السرعة الحجمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم $(H_3O^+)(aq)$ عند نفس اللحظة الزمنية السابقة .

د- تأكد من قيمة السرعة الحجمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم $(H_3O^+)(aq)$ باستعمال البيان (2) .

5- أ- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

ب- احسب التركيز المولي لكل من شوارد الهيدرونيوم وشوارد المغنيزيوم عند اللحظة الزمنية: $t = t_{1/2}$.

- استنتج قيمة $t_{1/2}$ بيانيا .

6- احسب حجم غاز ثنائي الهيدروجين $H_2(g)$ المنطلق عند نهاية التفاعل علما أنه موجود في الشرطين من ضغط $P = 1 \text{ atm}$ ودرجة الحرارة $\theta = 25^\circ C$.

المعطيات : - الكتلة المولية الذرية للمغنيزيوم $M(Mg) = 24 \text{ g/mol}$.

- الحجم المولي $V_M = 24 \text{ L/mol}$.

التمرين الثاني :

يستعمل السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ في الطب ، حيث يتم تحضير عينة من نوى $^{137}_{55}\text{Cs}$ في أنبوبة لغرض التشخيص أو المعالجة .
 فنواة السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ مشعة تتفكك تلقائيا لتنتج النواة ^A_ZX أكثر استقرارا وتنبعث الجسيمة β^- .
I 1- اكتب معادلة التفكك مع تحديد النواة البنت الناتجة . يعطى : $^{137}_{57}\text{La}$ ، $^{137}_{56}\text{Ba}$ ، $^{131}_{54}\text{Xe}$.

2- عرف الجسيمة β^- مع تفسير سبب انبعاثها .

3- أ- حدد تركيب نواة ^A_ZX .

ب- احسب طاقة الربط لكل نوية لـ ^A_ZX بوحدة $\text{MeV} / \text{nucleon}$.

المعطيات :

$$1u = 931,5 \text{MeV} / c^2 , m(^A_Z\text{X}) = 136,8753u , m_n = 1,0087u , m_p = 1,0073u$$

II - في اللحظة $t = 0$ تحضير أنبوبة من النوى $^{137}_{55}\text{Cs}$ المطلوبة للعلاج كتلتها $m_0 = 1 \times 10^{-6} \text{g}$ ،

المتابعة الزمنية للنشاط الإشعاعي للعينة مكنتنا من الحصول على المنحنى $f(t) = \frac{N_0}{N(t)}$ الموضح

في الشكل 1.

1- احسب عدد النوى الابتدائية N_0 .

2- اكتب قانون التناقص الإشعاعي .

3- أ- اكتب العبارة الزمنية لـ $\frac{N_0}{N(t)}$.

ب- عرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ثم جد قيمته بيانيا .

ج- جد قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ بوحدة s^{-1} .

4- احسب قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 .

5- تستعمل الأنبوبة المدروسة في اللحظة $t_1 = 45 \text{ans}$ من تحضيرها .

أ- جد قيمة النشاط الإشعاعي للعينة عند اللحظة t_1 .

ب- احسب التغير النسبي لأنوية السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ عند اللحظة t_1 .

6- جد اللحظة t_2 التي يتفكك فيها 70% من النوى الابتدائية .

7- أذكر بعض فوائد استعمالات النشاط الإشعاعي .

المعطيات : $1 \text{an} = 365 \text{j}$ ، $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{mol}^{-1}$.

التمرين الثالث :

نحقق التركيب التجريبي الممثل في الشكل 2 والذي يتكون من العناصر الكهربائية التالية :

- مولد كهربائي قوته المحركة الكهربائية E .

- مكثفة فارغة سعتها C .

- ناقلان أوميان R_1 و R_2 حيث مقاومة $R_1 = 100 \Omega$ ومقاومة R_2 مجهولة .

- بادلة K ذي موضعين (1) و (2) .

I - عند اللحظة $t = 0$ نضع البادئة K في الوضع (1) :

- 1- بين على الشكل جهة التيار الكهربائي المار في الدارة ثم بالأسهم التوترين $u_C(t)$ ، $u_{R_1}(t)$.
- 2- تم مشاهدة البيان $u_{R_1} = f(t)$ الموضح في الشكل-3 على شاشة راسم الاهتزاز ذي ذاكرة .
- بين على الشكل-2 كيفية ربط راسم الاهتزاز لمشاهدة $u_{R_1} = f(t)$.
- 3- أ- اكتب المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي R_1 .

ب- حل المعادلة التفاضلية السابقة يعطى بالشكل : $u_{R_1}(t) = Ae^{\frac{-t}{B}}$ حيث A و B ثابتين يطلب تعيين عبارة كل منهما.

ج- ما المدلول الفيزيائي للمقدار B وما وحدته في جملة الوحدات الدولية ؟

4- اعتمادا على البيان جد قيمة كل من : E وثابت الزمن τ_1 و C .

5- جد قيمة الطاقة المخزنة في المكثفة في النظام الدائم .

II - نضع البادئة في الوضع (2) في لحظة زمنية نعتبرها مبدأ جديد للزمن $t = 0$:

1- ماذا يحدث للمكثفة ؟

2- أ- بتطبيق قانون جمع التوترات ، بين أن المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي $u_C(t)$ بين طرفي المكثفة

C تكتب بالشكل : $\frac{du_C(t)}{dt} + \alpha u_C(t) = 0$. حيث α ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة مميزات الدارة.

ب- تأكد أن المعادلة التفاضلية السابقة تقبل العبارة : $u_C(t) = Ee^{-\alpha t}$ حلالها .

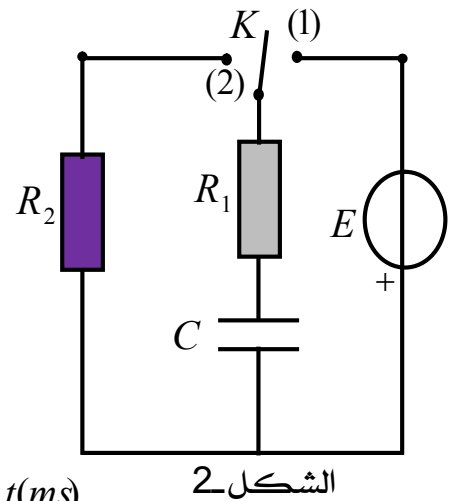
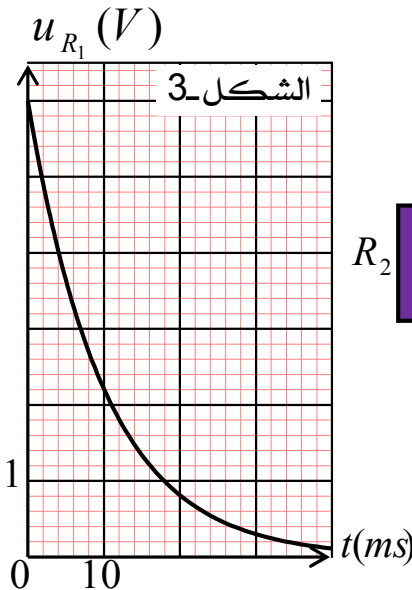
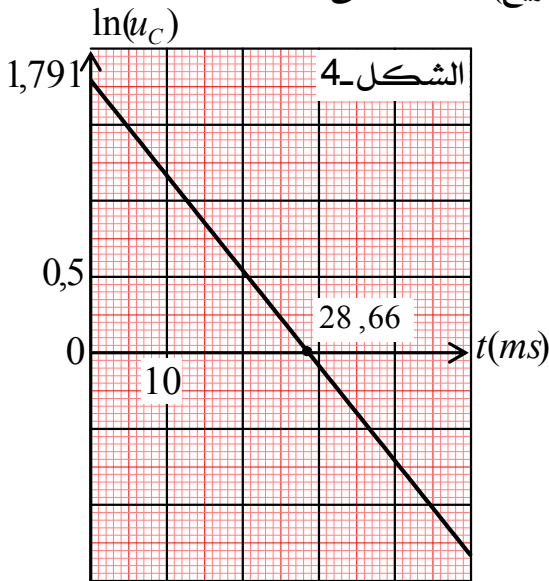
3- البيان الموضح في الشكل-4 يمثل $\ln(u_C) = f(t)$:

أ- اكتب العلاقة البيانية .

ب- جد العلاقة النظرية لـ $\ln(u_C)$ بدلالة : E و C و R_1 و R_2 و t .

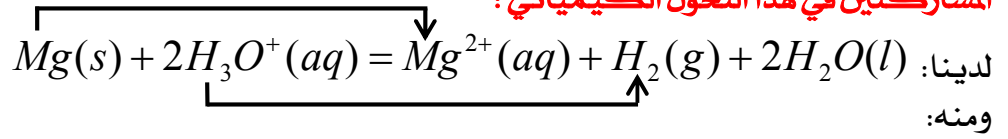
ج- احسب قيمة المقاومة R_2 وتأكد من قيمة التوتر بين طرفي المولد E .

III - قارن بين قيمتي ثابتي الزمن τ_1 (دائرة الشحن) و τ_2 (دائرة التفريغ) . ماذا تستنتج ؟



التمرين الأول :

I - كتابة المعادلتين النصفيتين الإلكترونية للأكسدة والارجاع مع استنتاج الشائيتين (Ox / Red) المشاركتين في هذا التحول الكيميائي :



المعادلة النصفية للأكسدة: $Mg(s) \rightarrow Mg^{2+}(aq) + 2e^-$: $(Mg^{2+}(aq) / Mg(s))$

المعادلة النصفية للارجاع: $2H_3O^+(aq) + 2e^- = H_2(g) + 2H_2O(l)$: $(H_3O^+(aq) / H_2(g))$

II 1- جدول التقدم للتفاعل المنذج للتحول الكيميائي الحادث :

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$Mg(s) + 2H_3O^+(aq) = Mg^{2+}(aq) + H_2(g) + 2H_2O(l)$					
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	n_{02}	0	0	بـوفرة	
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$x(t)$	$x(t)$		
النهائية	x_{max}	$n_{01} - x_{max}$	$n_{02} - 2x_{max}$	x_{max}	x_{max}		

2- بين أن المغنيزيوم موجود بالزيادة في المحلول : تحديد المتفاعل المحد :

- نفرض أن $Mg^{2+}(aq)$ متفاعل محد: $n_{01} - x_{max} = 0$ ومنه: $n_{01} = x_{max}$ أي: $x_{max} = \frac{m}{M(Mg)}$

ت-ع: $x_{max} = \frac{2}{24} = 83,3 \cdot 10^{-3} mol$

- نفرض أن $H_3O^+(aq)$ متفاعل محد: $n_{02} - 2x'_{max} = 0$ ومنه: $x'_{max} = \frac{n_{02}}{2}$ أي: $x'_{max} = \frac{c_0 V}{2}$

ت-ع: $x'_{max} = \frac{10^{-2} \times 50 \cdot 10^{-3}}{2} = 0,25 \cdot 10^{-3} mol$

نلاحظ أن: $x'_{max} < x_{max}$ ومنه: $H_3O^+(aq)$ هو المتفاعل المحد، وعليه المغنيزيوم موجود بالزيادة في المزيج التفاعلي.

- قيمة التقدم الأعظمي: $x_{max} = 0,25 \cdot 10^{-3} mol = 25 \cdot 10^{-5} mol$

3 - تبيان أن التركيز الولي للشوارد $Mg^{2+}(aq)$ يعطى: $[Mg^{2+}](t) = \frac{1}{2}(10^{-2} - [H_3O^+](t))$

من جدول تقدم التفاعل عند الحالة الانتقالية نجد: $n_t(Mg^{2+}) = x(t)$ ومنه: $[Mg^{2+}](t)V = x(t)$

$$[Mg^{2+}](t) = \frac{x(t)}{V} \dots (1) \text{ أي:}$$

$$x(t) = \frac{n_{02} - n_t(H_3O^+)}{2} \text{ ولدينا أيضا: } n_t(H_3O^+) = n_{02} - 2x(t) \text{ ومنه:}$$

$$x(t) = \frac{(c_0 - [H_3O^+](t))V}{2} \dots (2) \text{ أي:}$$

$$[Mg^{2+}](t) = \frac{(c_0 - [H_3O^+](t))V}{2} = \frac{(c_0 - [H_3O^+](t))}{2} \text{ بتعويض (2) في (1) نجد:}$$

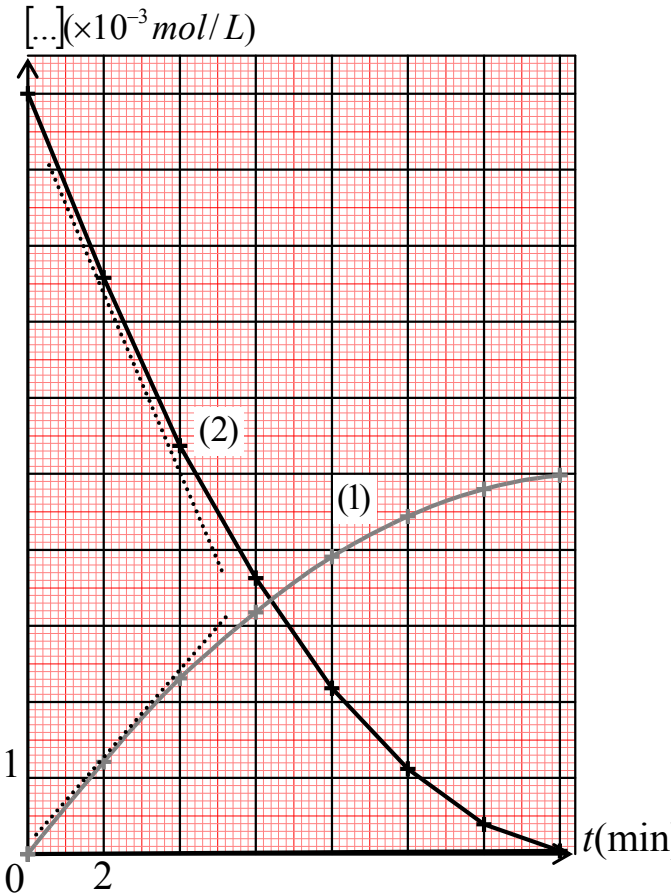
$$[Mg^{2+}](t) = \frac{1}{2}(c_0 - [H_3O^+](t)) = \frac{1}{2}(10^{-2} - [H_3O^+](t)) \text{ أي:}$$

- اكمال الجدول:

$$[Mg^{2+}](t) = \frac{1}{2}(10^{-2} - [H_3O^+](t)) \text{ ولدينا مما سبق: } [H_3O^+](t) = 10^{-pH} \text{ لدينا:}$$

t(min)	0	2	4	6	8	10	12	14
pH	2,0	2,12	2,27	2,44	2,66	2,95	3,41	4,36
$[H_3O^+] \times 10^{-3} \text{ mol/L}$	10	7,58	5,37	3,63	2,18	1,12	0,39	0,04
$[Mg^{2+}] \times 10^{-3} \text{ mol/L}$	0,0	1,21	2,31	3,18	3,91	4,44	4,80	4,98

4-أ- رسم المنحنيين البيانيين :



- المنحنى البياني (1) الموافق لـ $[Mg^{2+}] = f(t)$

- المنحنى البياني (2) الموافق لـ $[H_3O^+] = g(t)$

ب- اعتمادا على المنحنى البياني (1) :

حساب السرعة الحجمية لتشكيل شوارد المغنيزيوم

$(Mg^{2+})_{(aq)}$ عند اللحظة $t = 2 \text{ min}$:

$$v_t(Mg^{2+}) = \frac{1}{V} \frac{d(n(Mg^{2+}))}{dt} \text{ لدينا:}$$

$$v_t(Mg^{2+}) = \frac{1}{V} \frac{d([Mg^{2+}]V)}{dt} \text{ ومنه:}$$

$$v_t(Mg^{2+}) = \frac{d[Mg^{2+}](t)}{dt} \text{ أي:}$$

وعليه لما $t = 2 \text{ min}$ نجد:

$$v_{Mg^{2+}}(t = 2 \text{ min}) = \left. \frac{d[Mg^{2+}](t)}{dt} \right|_{t=2 \text{ min}}$$

وبحساب معامل توجيه المماس لما $t = 2 \text{ min}$ نجد: $v_{Mg^{2+}}(2) = \frac{\Delta[Mg^{2+}]}{\Delta t} = 0,55 \text{ mmol} / L \cdot \text{min}$

ج- استنتاج السرعة الحجمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم $(H_3O^+)(aq)$ عند نفس اللحظة الزمنية السابقة:

لدينا مما سبق: $[Mg^{2+}](t) = \frac{1}{2}(10^{-2} - [H_3O^+](t))$ وباشتقاق طرفي المساواة بالنسبة للزمن نجد:

$v_{H_3O^+}(t) = 2v_{Mg^{2+}}(t)$ أي: $v_{Mg^{2+}}(t) = \frac{v_{H_3O^+}(t)}{2}$ ومنه: $\frac{d[Mg^{2+}](t)}{dt} = \frac{1}{2} \frac{d[H_3O^+](t)}{dt}$

ت-ع: $v_{H_3O^+}(2) = 2 \times 0,05 = 1,1 \text{ mmol} / L \cdot \text{min}$

د- تأكد من قيمة السرعة الحجمية لاختفاء شوارد الهيدرونيوم $(H_3O^+)(aq)$ باستعمال البيان (2):

لدينا: $v_{H_3O^+}(t) = -\frac{1}{V} \frac{dn_{H_3O^+}(t)}{dt}$ ومنه: $v_{H_3O^+}(t) = -\frac{d[H_3O^+](t)}{dt}$

وعليه لما $t = 2 \text{ min}$ نحسب معامل توجيه المماس نجد: $v_{H_3O^+}(2) = 1,1 \text{ mmol} / L \cdot \text{min}$

5أ- تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$:

هو الزمن الضروري لبلوغ تقدم التفاعل لنصف تقدمه الأعظمي ونكتب: $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$

ب- حساب التركيز المولي لكل من شوارد الهيدرونيوم وشوارد المغنيزيوم عند اللحظة الزمنية: $t = t_{1/2}$:
- بالنسبة للتركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم:

لدينا: $n_t(H_3O^+) = n_{02} - 2x(t)$ ومنه: $[H_3O^+](t) = \frac{1}{V}(n_{02} - 2x(t))$

ولما $t = t_{1/2}$ نجد: $[H_3O^+](t_{1/2}) = \frac{1}{V}(n_{02} - 2x(t_{1/2}))$ ومنه: $[H_3O^+](t_{1/2}) = \frac{1}{V}(n_{02} - x_{\max})$

حيث: $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$

ت-ع: $[H_3O^+](t_{1/2}) = \frac{1}{50 \cdot 10^{-3}}(0,5 \cdot 10^{-3} - 0,25 \cdot 10^{-3}) = 5 \text{ mmol} / L$

- بالنسبة للتركيز المولي لشوارد المغنيزيوم:

لدينا مما سبق: $[Mg^{2+}](t) = \frac{x(t)}{V}$ ولما $t = t_{1/2}$ نجد: $[Mg^{2+}](t_{1/2}) = \frac{x(t_{1/2})}{V} = \frac{x_{\max}}{2V}$

ت-ع: $[Mg^{2+}](t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2V} = \frac{0,25 \cdot 10^{-3}}{2 \times 50 \times 10^{-3}} = 2,5 \text{ mmol} / L$

- استنتاج قيمة $t_{1/2}$ بيانيا:

لدينا: $[Mg^{2+}](t_{1/2}) = 2,5 \text{ mmol} / L$ وبالإسقاط في المنحنى البياني نجد: $t_{1/2} = 4,4 \text{ min}$

6- حساب حجم غاز ثنائي الهيدروجين $H_2(g)$ المنطلق عند نهاية التفاعل علما أنه موجود في الشرطين من ضغط $P = 1 \text{ atm}$ ودرجة الحرارة $\theta = 25^\circ \text{C}$:

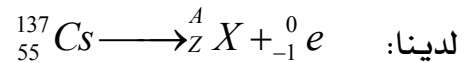
لدينا: $n_f(H_2) = \frac{V_f(H_2)}{V_M}$ ومنه: $V_f(H_2) = n_f(H_2) \cdot V_M$.

ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_f(H_2) = x_{\max}$.

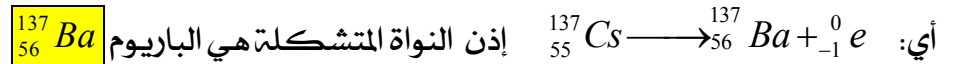
وعليه: $V_f(H_2) = x_{\max} \cdot V_M$ ت-ع: $V_f(H_2) = 0,25 \cdot 10^{-3} \times 24 = 6 \cdot 10^{-3} \text{ L} = 6 \text{ mL}$.

حل التمرين الثاني :

I- 1- كتابة معادلة التفكك مع تحديد النواة البنت الناتجة.



وحسب قانونا الانحفاظ لصودي نجد: $\begin{cases} 137 = A + 0 \\ 55 = Z - 1 \end{cases}$ ومنه: $\begin{cases} A = 137 \\ Z = 56 \end{cases}$



2- تعريف الجسيمة β^- : الجسيمة β^- هي إلكترون (${}_{-1}^0 e$) منبعث من نواة مشعة غنية بالنيوترونات.

سبب انبعاث الجسيمة β^- : هو تحول نيوترون إلى بروتون وفق المعادلة التالية: ${}^1_0 n \rightarrow {}^1_1 p + {}_{-1}^0 e$

3- 1- تركيب نواة ${}_{56}^{137} \text{Ba}$

العدد الكتلي: $A = 137$

العدد الذري (عدد البروتونات): $Z = 56$

عدد النيوترونات: $N = A - Z = 137 - 56 = 81$

ب- حساب طاقة الربط لكل نوية لـ ${}_{56}^{137} \text{Ba}$ بوحدة $\text{MeV} / \text{nucleon}$

1- تعاريف:

➤ طاقة الربط لكل نوية E_A : هي نسبة طاقة الربط النووي (E_l) على عدد النويات (A) و نرمز لها بالرمز E_A .

$$E_A = \frac{E_l}{A}$$

➤ طاقة الربط النووي E_l : هي طاقة تماسك النواة وتساوي الطاقة اللازم توفيرها للنواة في حالة السكون لتفكيكها إلى

نوكليونات (مكوناتها) المعزولة والساكنة. $E_l = \Delta m \cdot C^2 = (Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_Z^A \text{X})) \cdot C^2$

➤ النقص الكتلي Δm : هو الفرق بين مجموع كتل النوكليونات المشكلة للنواة منفصلة وساكنة وكتلة هذه النواة.

$$\Delta m = Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_Z^A \text{X})$$

أولا: حساب طاقة الربط النووي E_l :

لدينا: $E_l = \Delta m \cdot C^2 = (Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_Z^A \text{X})) \cdot C^2$

ومنه: $E_l = \Delta m \cdot C^2 = (Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_{56}^{137} \text{Ba})) \cdot C^2$

ت ع : $E_l = (56 \times 1,0037 + 81 \times 1,0087 - 136,8753) \cdot C^2$

ولدينا : $1u = 931,5 \text{ MeV} / c^2$

وعليه : $E_l = 1,0366 \text{ u} \cdot C^2 = 1,0366 \times 931,5$

ومنه : $E_l = 965,5929 \text{ MeV}$

ثانيا : طاقة الربط لكل نوية E_A :

$$E_A(^{137}_{56} \text{Ba}) = \frac{E_l(^{137}_{56} \text{Ba})}{A} = \frac{965,5929}{137} = 7,05 \text{ (MeV / Nucleon)}$$

II 1- حساب عدد النوى الابتدائية N_0 :

لدينا : $N_0 = \frac{m_0}{M} N_A$

ومنه : $N_0 = \frac{1 \cdot 10^{-6}}{137} \times 6,02 \cdot 10^{23} = 4,4 \cdot 10^{15}$

2- كتابة قانون التناقص الإشعاعي :

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

3أ- اكتب العبارة الزمنية لـ $\frac{N_0}{N(t)}$:

لدينا : $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$

ومنه : $\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda t}$

ومنه : $\frac{N_0}{N(t)} = e^{\lambda t}$

ب- تعرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ وإجاد قيمته ببيانيا :

زمن نصف العمر $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الانوية المشعة الابتدائية.

قيمته : لدينا : $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$ ومنه : $\frac{N_0}{N(t_{1/2})} = 2$

من البيان $t_{1/2}$ هو فاصلة الترتيبية $\frac{N_0}{N(t_{1/2})} = 2$ ومنه : $t_{1/2} = 19,5 \text{ ans}$

ج- قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة السيزيوم 137 بوحدة s^{-1} :

ثابت التفكك λ : يميز النواة المتفككة ويعبر عن قابلية تفكك هذه النواة.

لدينا : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ ومنه : $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$

ولدينا : $t_{1/2} = 19,5 \text{ ans} = 19,5 \times 365 \times 24 \times 3600 = 6,15 \times 10^8 \text{ (s)}$

ومنه : $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0,69}{6,15 \cdot 10^8} = 1,1 \cdot 10^{-9} \text{ (s}^{-1}\text{)}$

4- احسب قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 :

$$A_0 = \lambda \cdot N_0 \quad \text{لدينا:}$$

$$A_0 = 1,1 \cdot 10^{-9} \times 4,4 \cdot 10^{15} = 4,84 \cdot 10^6 \text{ Bq} \quad \text{ومنه:}$$

5- تستعمل الأنوية المدروسة في اللحظة $t_1 = 45 \text{ ans}$ من تحضيرها:

أ- قيمة النشاط الإشعاعي للعيينة عند اللحظة t_1 :

$$A(t_1) = \lambda N_0 e^{-\lambda t_1} = A_0 e^{-\lambda t_1} \quad \text{ومنه:} \quad A(t) = \lambda N_0 e^{-\lambda t} = A_0 e^{-\lambda t}$$

$$t_1 = 45 \times 365 \times 24 \times 3600 = 1,4 \cdot 10^9 \text{ (s)} \quad \text{ولدينا:}$$

$$A(t_1) = 4,84 \cdot 10^6 e^{-(1,1 \cdot 10^{-9} \times 1,4 \cdot 10^9)} = 1,04 \cdot 10^6 \text{ Bq} \quad \text{ومنه:}$$

ب- حساب التغير النسبي لأنوية السيزيوم 137 عند اللحظة t_1 :

$$D\% = \frac{A_0 - A(t_1)}{A_0} \cdot 100 \quad \text{لدينا:}$$

$$D\% = \frac{(4,84 - 1,04) \cdot 10^6}{4,84 \cdot 10^6} \cdot 100 = 78,51\% \quad \text{ومنه:}$$

6- اللحظة t_2 التي يتفكك فيها 70% من النوى الابتدائية:

اللحظة t_2 التي تفكك فيها 70% من الانوية الابتدائية أي بقاء 30% من الانوية الابتدائية.

$$N(t) = \frac{30}{100} N_0 = N_0 e^{-\lambda t_2} \quad \text{من العلاقة} \quad N(t) = N_0 e^{-\lambda t_2} \quad \text{نجد:}$$

$$\ln \frac{30}{100} = -\lambda t_2 \quad \text{بإدخال اللوغاريتم النيبيري نجد:} \quad \frac{30}{100} = e^{-\lambda t_2} \quad \text{ومنه:}$$

$$t_2 = \frac{1}{\lambda} \cdot \ln \frac{100}{30} \quad \text{ومنه:}$$

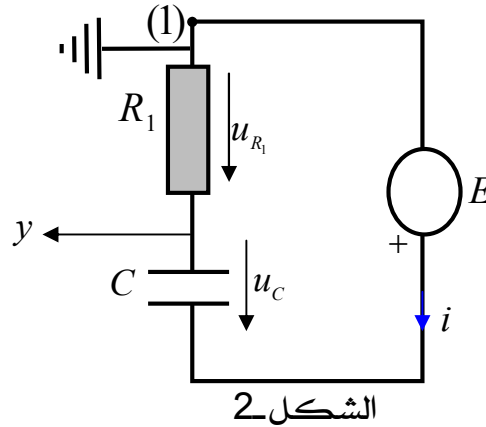
$$t_2 = \frac{1}{1,1 \cdot 10^{-9}} \cdot \ln \frac{100}{30} = 1,09 \cdot 10^9 \text{ (s)} \\ t_2 = 34,5 \text{ (ans)} \quad \text{ت ع:}$$

7- بعض فوائد استعمالات النشاط الإشعاعي:

- 1- في مجال الطب: التشخيص أو المعالجة .
- 2- في مجال التاريخ: تحديد عمر الكائنات أو الصخور
- 3- في مجال الصناعة.

I- عند اللحظة $t = 0$ نضع البادئة K في الوضع (1) :

1- تبين على الشكل جهة التيار الكهربائي المار في الدارة ثم بالأسهم التوترين $u_{R_1}(t)$ ، $u_C(t)$.



3- أ- كتابة المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي R_1 .

بتطبيق قانون جمع التوترات : $u_{R_1} + u_C = E$ حيث : $u_C = \frac{q}{C}$ ومنه : $u_{R_1} + \frac{q}{C} = E$

باشتقاق طرفي المعادلة : $\frac{du_{R_1}}{dt} + \frac{1}{C} \frac{dq}{dt} = 0$ حيث : $i = \frac{dq}{dt}$ ومنه : $\frac{du_{R_1}}{dt} + \frac{1}{C} i = 0$

بضرب طرفي المعادلة في R_1 : $R_1 \frac{du_{R_1}}{dt} + \frac{1}{C} R_1 i = 0$ أي : $R_1 \frac{du_{R_1}}{dt} + \frac{1}{C} u_{R_1} = 0$

$$\text{ومنّه: } \frac{du_{R_1}}{dt} + \frac{1}{R_1 C} u_{R_1} = 0$$

ب- تعين عبارة كل من A و B باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد : $\frac{du_{R_1}}{dt} = - \frac{A}{B} e^{-\frac{t}{B}}$ ، نعوض عبارة

الحل والمشتقة في المعادلة التفاضلية نجد : $-\frac{A}{B} e^{-\frac{t}{B}} + \frac{A}{R_1 C} e^{-\frac{t}{B}} = 0$ ومنه : $\frac{A}{B} + \frac{A}{R_1 C} e^{-\frac{t}{B}} = 0$ ، حيث :

$$\frac{A}{B} + \frac{A}{R_1 C} = 0$$

$$e^{-\frac{t}{B}} \neq 0$$

$$\text{ومنّه: } B = R_1 C$$

من الشروط الابتدائية ($t = 0$) نجد : $u_{R_1}(0) = E$ ومنه : $A = E$ وبالتالي : $u_{R_1}(t) = E e^{-\frac{t}{R_1 C}}$

ج- المدلول الفيزيائي للمقدار B و وحدته في جملة الوحدات الدولية .

هو ثابت الزمن τ وهو الزمن اللازم لشحن المكثفة بـ 63% من شحنتها الأعظمية.

$$[R] = \frac{[u]}{[I]} \text{ وبالتالي } R = \frac{u}{I} \text{ ومنه } u = RI \text{ ، حيث } [\tau] = [R][C] \text{ ، } \tau = RC$$

$$[C] = \frac{[I][t]}{[u]} \text{ وبالتالي } C = \frac{It}{u} \text{ اذن } Cu = It \text{ ومنه } q = Cu \text{ و } q = It \text{ لدينا}$$

$$\tau = RC \text{ متجانس مع الزمن ووحدته الثانية (s).} \quad [\tau] = \frac{[u]}{[I]} \frac{[I][t]}{[u]} = [t]$$

4- اعتمادا على البيان جد قيمة كل من: E وثابت الزمن τ_1 و C . قيمة E

$$\text{من بيان الشكل 3- وفي اللحظة الابتدائية نجد: } E = 6V \text{ .} \quad \text{قيمة } \tau_1$$

$$\tau_1 = 10ms \text{ ومنه } u_{R_1}(\tau) = 0,37E = 2,22V \text{ .} \quad \text{قيمة } C$$

$$C = \frac{\tau_1}{R_1} \Leftarrow \tau_1 = R_1 C \text{ ومنه } C = 10^{-4} F$$

II- نضع البادلة في الوضع (2) في لحظة زمنية نعتبرها مبدأ جديد للزمن $t = 0$:

1- تحدث ظاهرة تفريغ المكثفة.

2- أ- تبيان أن المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي $u_c(t)$ بين طرفي المكثفة C تكتب بالشكل:

$$\frac{du_c(t)}{dt} + \alpha u_c(t) = 0 \text{ . حيث } \alpha \text{ ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة مميزات الدارة.}$$

$$\text{بتطبيق قانون جمع التوترات : } u_c(t) + u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) = 0 \text{ ومنه : } u_c(t) + R_1 i(t) + R_2 i(t) = 0$$

$$u_c(t) + (R_1 + R_2) i(t) = 0 \text{ ولدينا : } i(t) = C \frac{du_c(t)}{dt} \text{ ومنه : } u_c(t) + (R_1 + R_2) C \frac{du_c}{dt} = 0$$

$$\text{بضرب طرفي المعادلة في } \frac{1}{(R_1 + R_2)C} \text{ نجد: } \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C} u_c(t) = 0$$

$$\text{حيث: } \alpha = \frac{1}{(R_1 + R_2)C}$$

$$\text{ب- تأكد أن المعادلة التفاضلية السابقة تقبل العبارة: } u_c(t) = E e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C} t} \text{ حلالها.}$$

$$\text{باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: } \frac{du_c(t)}{dt} = - \frac{E}{(R_1 + R_2)C} e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C} t}$$

$$-\frac{E}{(R_1 + R_2)C} e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C}t} + \frac{E}{(R_1 + R_2)C} e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C}t} = 0$$
 بتعويض عبارة الحل والمشتقة نجد:

ومنه المعادلة التفاضلية السابقة تقبل العبارة $u_c(t) = E e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C}t}$ حلا لها.

3- البيان الموضح في الشكل-4 يمثل $\ln(u_c) = f(t)$.

لكتابة العلاقة البيانية.

البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $\ln u_c = at + B$ حيث a معامل توجيه البيان.

$$\ln u_c = -62,5t + 1,791$$
 ومنه $a = -\frac{1,791}{28,66 \times 10^{-3}} = -62,5$ و $b = 1,791$

ب- ايجاد العلاقة النظرية لـ $\ln(u_c)$ بدلالة E و C و R_1 و R_2 و t .

$$\ln u_c = -\frac{1}{(R_1 + R_2)C}t + \ln E$$
 لدينا: $u_c(t) = E e^{-\frac{1}{(R_1 + R_2)C}t}$ ومنه:

ج حساب قيمة المقاومة R_2 وتأكد من قيمة التوتربين طرفي المولد E .

بالمطابقة بين العلاقة البيانية والعلاقة النظرية نجد: $\frac{1}{(R_1 + R_2)C} = 62,5$ ومنه: $R_2 = \frac{1}{62,5 \times C} - R_1$

$$R_2 = 60\Omega$$
 اذن: $R_2 = \frac{1}{62,5 \times 10^{-4}} - 100$

$$E = e^{1,791} = 6V$$
 ولدينا: $\ln E = 1,791$ ومنه:

III- مقارنة بين قيمتي ثابتي الزمن τ_1 (دائرة الشحن) و τ_2 (دائرة التفريغ).

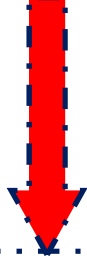
$$\tau_2 = 16ms$$
 ومنه: $\tau_2 = (R_1 + R_2)C = 160 \times 10^{-4}$

$$\tau_2 > \tau_1$$
 نلاحظ:

نستنتج أن: - ربط المقاومات على التسلسل تزيد من القيمة الكلية للمقاومة.

- ثابت الزمن يتناسب طرذا مع قيمة المقاومة.

بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



فيزياء تاشة



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

ولدعائكم إخوتنا نحتاج

فیاضیات

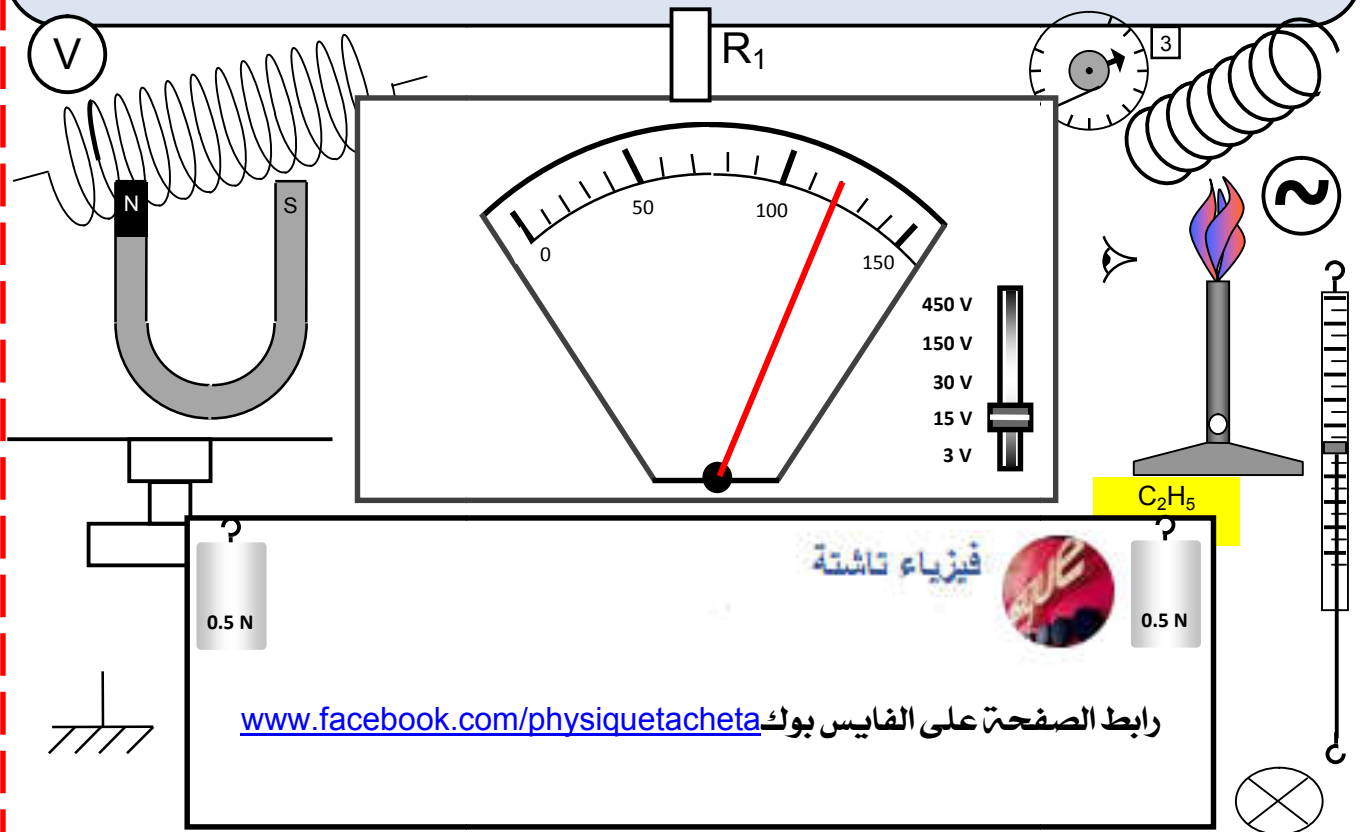
8AC 20 19

نحو والبك الوريا

8AC 20 19

04

الموضوع الرابع + التصحيح المفصل



التمرين الأول :

عينة مخبرية لمحلول حمض الايثانويك $(CH_3COOH)(aq)$ تحمل المعلومات التالية: $d = 1,02$ ، $P = 48\%$.

I - 1. ما هو حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ ذو التركيز المولي

$C_b = 10^{-1} mol / L$ اللازم لمعايرة حجم $V_0 = 10 mL$ من هذه العينة المخبرية؟

2. هل يمكن تحقيق هذه المعايرة بسهولة تجريبيا؟

II - نذيب كتلة m من العينة المخبرية السابقة في الماء المقطر عند الدرجة $25^\circ C$ للحصول على محلول (S_A)

حجمه $V = 100 mL$ تركيزه المولي C_a . نأخذ حجما $V_a = 20 mL$ من المحلول (S_A) و نعايره بواسطة محلول (S_B)

لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ تركيزه المولي $C_b = 10^{-1} mol / L$ وذلك بقياس الـ pH

بعد كل إضافة فحصلنا على النتائج التالية :

$V_b (mL)$	0	2	4	8	10	12	16	20
pH	3,4	3,8	4,1	4,6	4,7	4,9	5,3	8,2
$\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]}$								

1. مثل برسم تخطيطي التركيب التجريبي المستعمل في هذه المعايرة مع ارفاقه بالبيانات المناسبة.

2. اكتب معادلة للتفاعل لتحويل الكيميائي الحادث في المعايرة.

3. بالاعتماد على العلاقة بين الـ pH والـ pKa بين أن: $\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = 10^{pKa - pH}$

4. أ. اكمل الجدول السابق.

ب. اعتمادا على سلم رسم مناسب، ارسم المنحنى البياني: $\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = f(V_b)$

5. استخرج من البيان الحجم المضاف عند نقطة نصف التكافؤ، ثم استنتج التركيز المولي لمحلول حمض

الايثانويك C_a وكذا قيمة الكتلة m المذابة.

6. ماهي الصفة الغالبة للشائية (CH_3COOH / CH_3COO^-) عند إضافة حجم $V_b = 2 mL$ من

المحلول (S_B) ؟

المعطيات:

$M(CH_3COOH) = 60 g / mol$ ، $pKa(CH_3COOH / CH_3COO^-) = 4,7$

I

من نظائر عنصر الهيدروجين (H) نجد النظير الثالث التريتيوم 3 الذي يتميز بثابت النشاط الإشعاعي λ ، تتفكك نواته المشعة 3_1H تلقائيا وفق النمط β^- وتنتج نواة بنت A_ZX .

01/ 1- اكتب معادلة التفكك النووي ثم حدد النواة A_ZX . يعطى: 4_2He , 3_3Li , 4_4Be .

2- ارسم في معلم متعامد المخطط (A, Z)، ثم حدد عليه موقع النواتين A_ZX و 3_1H .

02/ في اللحظة $t = 0$ توجد عينة من نوى التريتيوم 3 كتلتها m_0 ، وبواسطة جهاز مناسب قمنا بقياس

نشاطها الإشعاعي الابتدائي فوجدنا $A_0 = \square \times 10^{13} Bq$.

1- حدد اسم الجهاز المعتمد في قياس النشاط الإشعاعي.

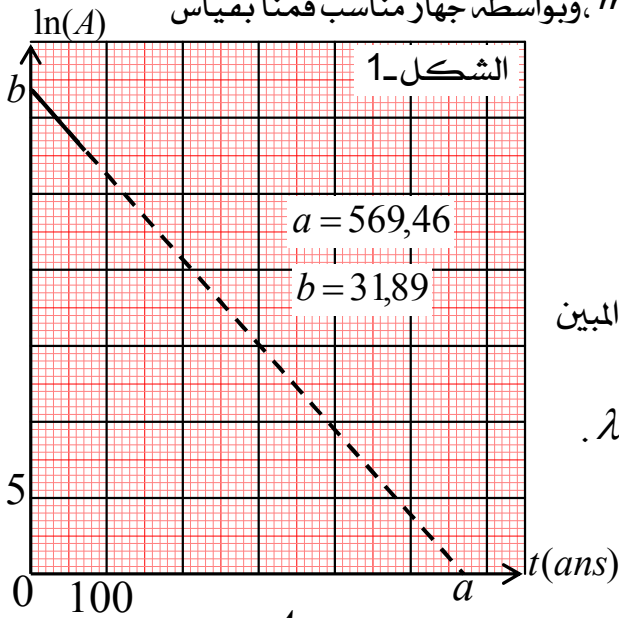
2- اكتب قانون النشاط الإشعاعي $A(t)$.

3- لإيجاد قيمة A_0 وقيمة λ قمنا برسم البيان $\ln(A) = f(t)$ المبين في الشكل 1:

أ- اعتمادا على البيان $\ln(A) = f(t)$ جد قيمة كل من A_0 و λ .

ب- استنتج قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة 3_1H .

ج- جد قيمة الكتلة m_0 .



4- أ- اثبت أن عبارة النشاط الإشعاعي $A(t)$ عند اللحظة $t = n \cdot t_{1/2}$ تكتب بالشكل: $A(t) = \frac{A_0}{2^n}$.

حيث n : عدد طبيعي.

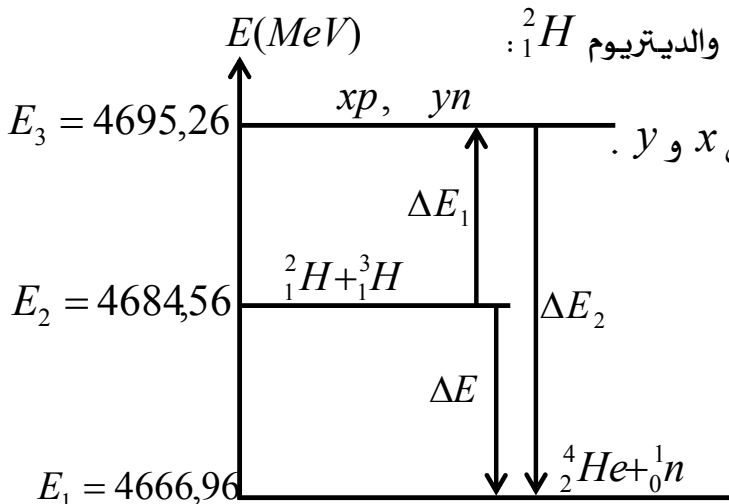
ب- أكمل الجدول التالي ثم ارسم المنحنى البياني $A = g(t)$:

n	0	1	2	3	4
$t(ans)$					
$A(t)(Bq)$					

II

المخطط الموضح في الشكل 2 يمثل الحصلة الطاقوية لتفاعل الاندماج النووي الذي يحدث في وسط

درجة حرارته عالية بين نظيري الهيدروجين التريتيوم 3_1H والديتريوم 2_1H .



1- لماذا تفاعل الاندماج النووي يحتاج لحرارة عالية؟

ب- اكتب معادلة التفاعل النووي، ثم جد قيمة كل من x و y .

2- أ- احسب قيمة كل من ΔE_1 و ΔE_2 .

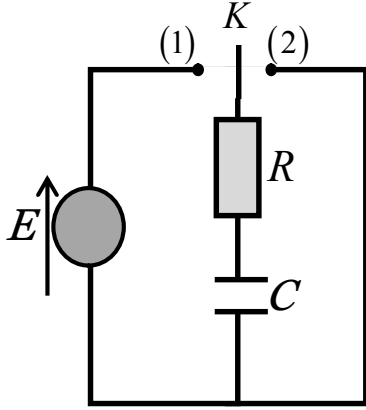
ب- استنتج الطاقة المحررة E_{lib} عن التفاعل السابق.

المعطيات:

$$1an = 365 j, \quad M({}^3H) = 3g/mol$$

$$N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$$

تعتبر المكثفات من العناصر الكهربائية الأساسية التي تدخل في تركيب شاحن الهاتف النقال ، تمثل الصورة المقابلة مكثفة تم استخراجها من شاحن هاتف النقال سعتها غير واضحة مدون عليها (400V) من أجل معرفة سعتها C ، نفرغها كلياً ثم نركبها على التسلسل مع ناقل أومي مقاومته $R = 12,5 k\Omega$ و مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية $E = 12V$ وبادلة كهربائية K ، وأسلاك التوصيل، كما هو موضح في الشكل -3.



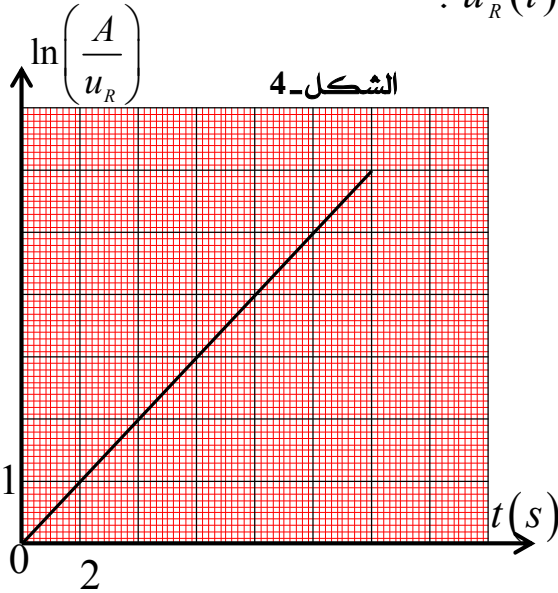
الشكل -3

I - عند اللحظة $t=0$ نضع البادلة في الوضع (1):

- 1- ماذا تعني الكتابة (400 V) المدونة على المكثفة؟
- 2- أعد رسم الدارة موضحاً عليها التوترات بأسهم و جهة التيار الكهربائي.
- 3- بين على الدارة كيفية ربط راسم الاهتزاز لمشاهدة التوتر $u_R(t)$.
- 4- أثبت أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي $u_R(t)$ هي:

$$\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{1}{RC}u_R(t) = 0$$

- 5- أ- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلاً من الشكل: $u_R(t) = Ae^{-\frac{t}{B}}$.
حيث A و B ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة مميزات الدارة.
ب- أعط المدلول الفيزيائي للثابت A .
ج- بالتحليل البعدي بين أن B متجانس مع الزمن ثم استنتج مدلوله الفيزيائي.

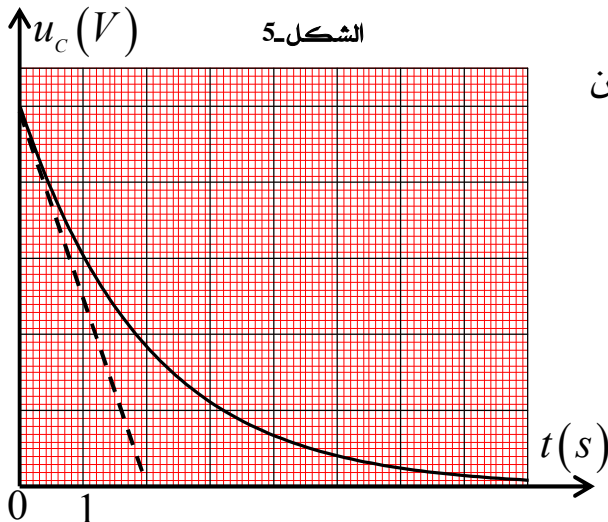


الشكل -4

- 6- بواسطة برمجية مناسبة تمكنا من رسم بيان تغيرات $\ln\left(\frac{A}{u_R}\right)$ بدلالة الزمن t كما هو موضح في الشكل-4.
باستغلال البيان:
- جد قيمة الثابت B ، ثم استنتج قيمة سعة المكثفة C .

II - نؤرجع البادلة في الوضع (2) ونعتبره مبدأ جديد للأزمنة:

- 1- ماهي الظاهرة التي تحدث للمكثفة؟
- 2- مكنت المتابعة الزمنية من رسم المنحنى البياني لتطور التوتر بين لبوسي المكثفة بدلالة الزمن كما هو موضح في الشكل -5.
- أ- جد سلم مناسب لمحور الترتيب.
- ب- بين أن المماس للمنحنى البياني الشكل -5 عند نقطة فاصلتها $t=0$ يقطع محور الأزمنة في نقطة فاصلتها $t=\tau$.
- ج- جد سعة المكثفة C .
- قارنها مع القيمة السابقة.
- 3- احسب الشدة الأعظمية للتيار I_{max} المار في الدارة.



الشكل -5

نحو البكالوريا - الموضوع الرابع - التصحيح المفصل

التمرين الأول :

II 1- حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ ذو التركيز المولي $C_b = 10^{-1} mol / L$

اللازم لمعايرة حجم $V_0 = 10 mL$ من هذه العينة المخبرية.

حساب التركيز المولي C_0 للعينة المخبرية:

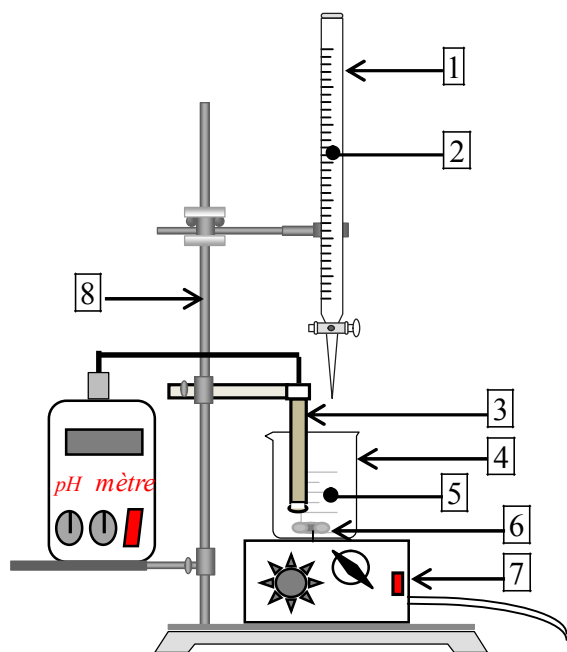
$$C_0 = \frac{10 \times 48 \times 1,02}{60} = 8,16 mol . L^{-1} \quad C_0 = 8,16 mol . L^{-1} \quad C_0 = \frac{10 Pd}{M}$$

حساب الحجم V_b اللازم للمعايرة:

$$V_b = 816 mL \quad V_b = \frac{C_0 V_0}{C_b} \quad C_0 V_0 = C_b V_b \quad \text{من شرط التكافؤ حمض - أساس :}$$

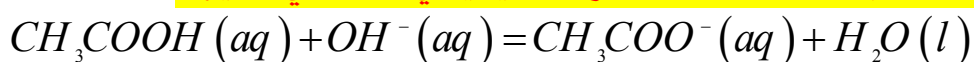
2- لا يمكن تحقيق هذه المعايرة بسهولة لأن حجم المحلول الأساسي V_b اللازم للمعايرة كبير جدا.

II 1- التركيب التجريبي المستعمل في هذه المعايرة مع ارفاقه بالبيانات المناسبة .



الرقم	إسم العنصر
1	سحاحة مدرجة
2	محلول هيدروكسيد الصوديوم
3	مسبار جهاز الـ pH متر
4	بيشر
5	محلول حمض الإيثانويك
6	القطعة المغناطيسية
7	المخلط المغناطيسي
8	الحامل

2- كتابة معادلة التفاعل لتحويل الكيميائي الحادث في المعايرة .



3- بالاعتماد على العلاقة بين الـ pH والـ pKa تبيان أن:

$$\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = 10^{pKa - pH}$$

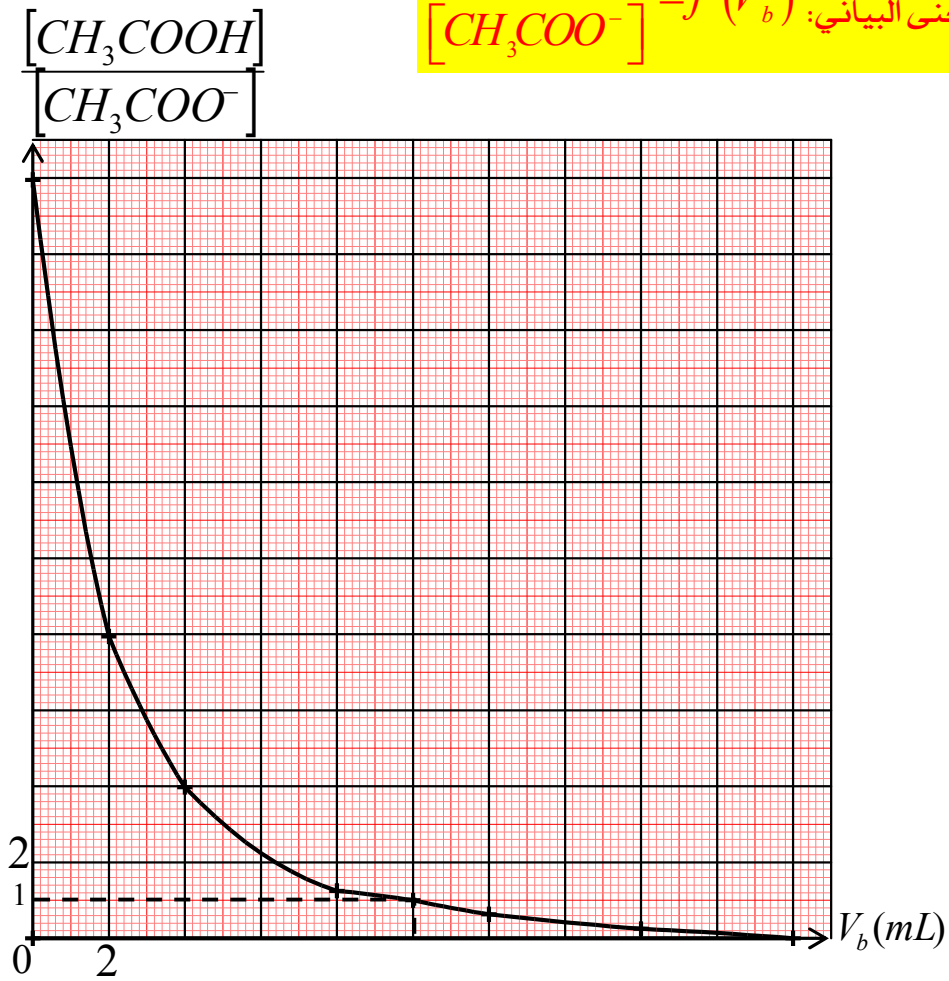
$$- \log \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = pKa - pH \quad \text{لدينا :} \quad pH = pKa + \log \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]}$$

$$\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = 10^{pKa-pH} \quad \text{أي: } \log \frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = pKa - pH \text{ ومنه:}$$

4- أ. اكمل الجدول السابق.

$V_b (mL)$	0	2	4	8	10	12	16	20
pH	3,4	3,8	4,1	4,6	4,7	4,9	5,3	8,2
$\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]}$	19,95	7,94	3,98	1,25	1,00	0,63	0,25	0,0003

ب- رسم المنحنى البياني: $\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = f(V_b)$



5- استخراج من البيان الحجم المضاف عند نقطة نصف التكافؤ، ثم استنتاج التركيز المولي لمحلول حمض الإيثانويك C_a وكذا قيمة الكتلة m المذابة.

عند نقطة نصف التكافؤ: $V_{bE} = \frac{V_{bE}}{2}$ يكون $pH = pKa$ أي: $[CH_3COOH] = [CH_3COO^-]$

$$\frac{[CH_3COOH]}{[CH_3COO^-]} = 1 \text{ ومنه: } V_{bE} = 10mL \text{ من البيان:}$$

استنتاج التركيز المولي لمحلول حمض الإيثانويك C_a

$$C_a = \frac{C_b V_{bE}}{2V_a} \text{ ومنه: } C_a V_a = \frac{C_b V_{bE}}{2} \text{ أي } n_a = \frac{n_b}{2} \text{ عند نقطة نصف التكافؤ}$$

$$C_a = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \text{ ت.ع.}$$

$$\boxed{m = C_a \cdot M \cdot V} \text{ ومنه: } \begin{cases} n = \frac{m}{M} \\ n = C_a \cdot V \end{cases} \text{ لدينا: } \text{قيمة الكتلة } m \text{ المذابة:}$$

$$\text{ت.ع.} \quad m = 2,5 \times 10^{-2} \times 60 \times 100 \times 10^{-3} = 0,15 \text{ g}$$

حساب الكتلة غير النقية m' :

$$\boxed{m' = \frac{0,15 \times 100}{48} = 0,31 \text{ g}} \text{ ت.ع.} \quad \boxed{m' = \frac{m \times 100}{P}} \text{ ومنه: } \begin{cases} 100 \text{ g} \rightarrow P(\text{g}) \\ m'(\text{g}) \rightarrow m(\text{g}) \end{cases} \text{ لدينا:}$$

6- الصفة الغالبة للشثائية (CH_3COOH / CH_3COO^-) عند إضافة حجم $V_b = 2 \text{ mL}$ من المحلول.

عند إضافة $V_b = 2 \text{ mL}$ من محلول هيدروكسيد الصوديوم يكون $pKa > pH$ أي

$[CH_3COOH] > [CH_3COO^-]$ ومنه الصفة الحمضية هي الغالبة.

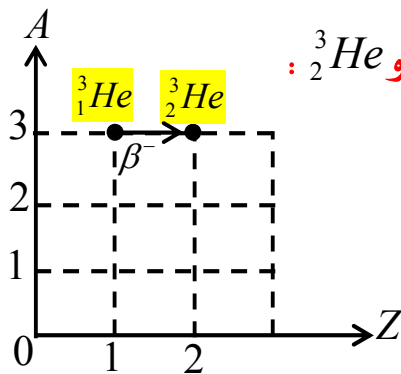
التمرين الثاني:

$$I-01/1. \text{ كتابة معادلة التفكك النووي: لدينا: } {}^3_1H \rightarrow {}^A_ZX + {}^0_{-1}e$$

$$\text{وحسب قانونا الانحفاظ لصودي نجد: } \begin{cases} 3 = A \\ 1 = Z - 1 \end{cases} \text{ ومنه: } \begin{cases} A = 3 \\ Z = 2 \end{cases} \text{ أي النواة } {}^3_2X \equiv {}^A_ZX \text{ هي: } {}^4_2He$$

$$\text{وعليه: } {}^3_1H \rightarrow {}^3_2He + {}^0_{-1}e$$

2- تمثيل المخطط (A, Z) مع تحديد عليه موقع النواتين 3_1H و 3_2He :



02/1- اسم الجهاز المعتمد في قياس النشاط الإشعاعي هو: عداد مولير غير.

$$2- \text{ قانون النشاط الإشعاعي } A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$$

3- اعتمادا على البيان $\ln(A) = f(t)$ جد قيمة كل من A_0 و λ :

البيان خط مستقيم مائل متناقص لا يشمل المبدأ معادلته من الشكل: $\ln(A) = \alpha t + \beta$

حيث: α : معامل توجيه البيان

و β : نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب .

$$\alpha = \frac{\Delta(\ln(A))}{\Delta t} = \frac{b - 0}{0 - a} = \frac{31,89}{-569,46} = 0,056 \text{ ans}^{-1} \quad \text{-قيمة } \alpha$$

-قيمة β : من البيان نجد: $\beta = 31,89$.

$$\ln(A) = -0,056t + 31,89 \dots (1) \quad \text{أي:}$$

- إيجاد عبارة العلاقة النظرية :

لدينا: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ بإدخال $\ln()$ على طرفي المساواة نجد: $\ln(A) = \ln(A_0) - \lambda t$.

$$\ln(A) = -\lambda t + \ln(A_0) \dots (2) \quad \text{أي:}$$

بالمطابقة بين العلاقتين البيانية (1) والنظرية (2) طرف لطرف نجد: $\lambda = 0,056 \text{ ans}^{-1}$

$$\ln(A_0) = 31,89 \quad \text{ومنه: } A_0 = e^{31,89} \quad \text{أي: } A_0 = 7,1 \times 10^{13} \text{ Bq}$$

$$\text{ب- استنتاج قيمة زمن نصف العمر } t_{1/2} \text{ : لدينا: } t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} \quad \text{ت-ع: } t_{1/2} = \frac{0,69}{0,056} = 12,32 \text{ ans}$$

ج- إيجاد قيمة الكتلة m_0 :

$$\text{لدينا: } A_0 = \lambda N_0 \text{ ولدينا: } N_0 = \frac{m_0}{M(^3\text{H})} N_A \quad \text{ومنه: } A_0 = \frac{\lambda \cdot m_0 \cdot N_A}{M(^3\text{H})}$$

$$\text{أي: } m_0 = \frac{A_0 M(^3\text{H})}{\lambda \cdot N_A} \quad \text{حيث: } \lambda = 0,056 \times \frac{1}{365 \times 24 \times 3600} \text{ s}^{-1} = 1,78 \times 10^{-9} \text{ s}^{-1}$$

$$\text{ت-ع: } m_0 = \frac{7,1 \times 10^{13} \times 3}{1,78 \times 10^{-9} \cdot 6,02 \times 10^{23}} = 0,199 \text{ g} \quad \text{أي: } m_0 = 0,2 \text{ g}$$

$$4- \text{اثبات أن عبارة النشاط الإشعاعي } A(t) \text{ عند اللحظة } t = n \cdot t_{1/2} \text{ تكتب بالشكل: } A(t) = \frac{A_0}{2^n}$$

حيث n : عدد طبيعي:

$$\text{لدينا: } A(t) = A_0 e^{-\lambda t} \quad \text{ولما } t = n \cdot t_{1/2} \text{ نجد: } A(t) = A_0 e^{-\lambda \cdot n \cdot t_{1/2}} \quad \text{ومنه: } A(t) = A_0 e^{-n \lambda \cdot t_{1/2}}$$

$$\text{ولدينا: } t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} \quad \text{ومنه: } t_{1/2} \cdot \lambda = \ln(2)$$

$$\text{وعليه: } A(t) = A_0 e^{-n \cdot \ln(2)} \quad \text{ومنه: } A(t) = A_0 e^{\ln(2)^{-n}} \quad \text{منه: } A(t) = A_0 (e^{\ln(2)})^{-n}$$

$$\text{ومنه: } A(t) = A_0 (2)^{-n} \quad \text{أي: } A(t) = \frac{A_0}{2^n} \quad \text{وهو المطلوب .}$$

ب- ملأ الجدول:

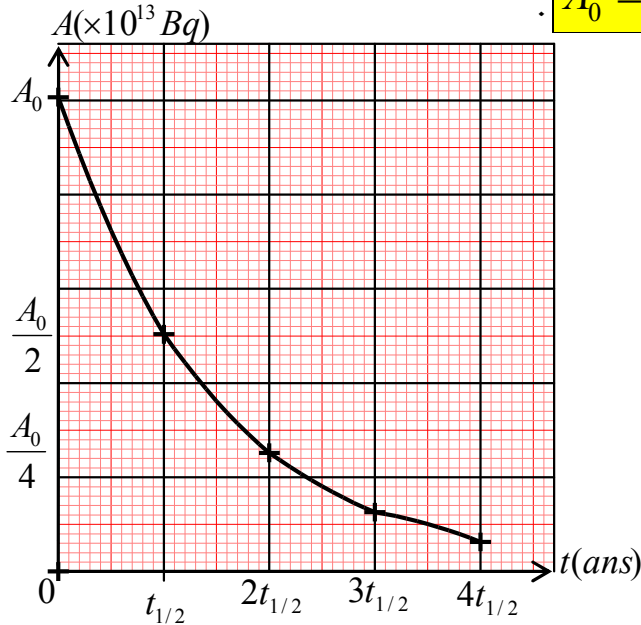
n	0	1	2	3	4
$t(ans)$	0	$t_{1/2}$	$2t_{1/2}$	$3t_{1/2}$	$4t_{1/2}$
$A(t)(Bq)$	A_0	$\frac{A_0}{2}$	$\frac{A_0}{4}$	$\frac{A_0}{8}$	$\frac{A_0}{16}$

حيث: $A_0 = 7,1 \times 10^{13} Bq$ و $t_{1/2} = 12,32 ans$

- رسم المنحنى البياني $A = g(t)$:

$A : 1cm \rightarrow 1,42 \times 10^{13} Bq$

سلم الرسم: $t : 1cm \rightarrow t_{1/2} = 12,32 ans$



II - 1- أ- لتفاعل الاندماج النووي يحتاج لحرارة عالية للتغلب على قوة التنافر الكهربائي بين النواتين الملتحمتين .

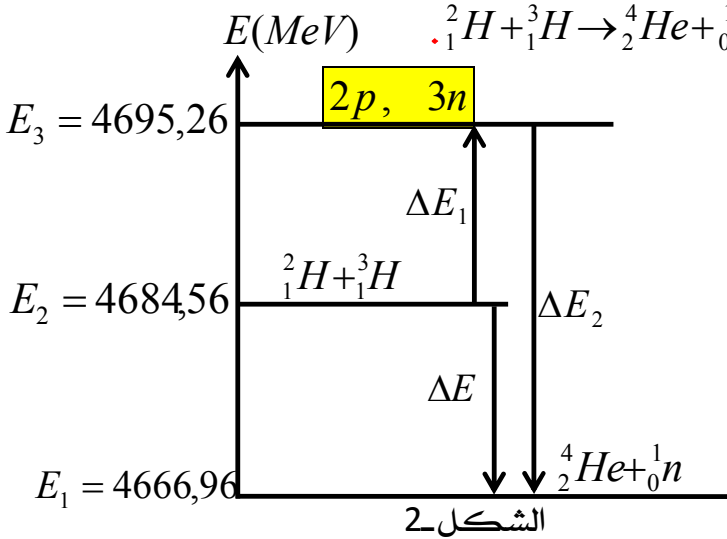
ب- معادلة التفاعل النووي الاندماج النووي الحادث: ${}^2_1H + {}^3_1H \rightarrow {}^4_2He + {}^1_0n$

- قيمة كل من x و y :

لدينا: $x = 1 + 1 = 2$

لدينا: $N = A - Z$

ومنه: $y = (2 - 1) + (3 - 1) = 3$



2- أ- قيمة كل من ΔE_1 و ΔE_2 :

لدينا: $\Delta E_1 = E_3 - E_2$ ت-ع: $\Delta E_1 = 4695,26 - 4684,56 = 10,7 MeV$ أي $\Delta E_1 = 10,7 MeV$

لدينا: $\Delta E_2 = E_1 - E_3$ ت-ع: $\Delta E_2 = 4666,96 - 4695,26 = -28,3 MeV$ أي $\Delta E_2 = -28,3 MeV$

ب- استنتاج الطاقة المحررة E_{lib} عن التفاعل السابق :

ط1- لدينا: $E_{lib} = |\Delta E| = |\Delta E_1 + \Delta E_2|$ ت-ع: $E_{lib} = |10,7 - 28,3| = 17,6 MeV$

ط1- لدينا: $E_{lib} = |\Delta E| = |E_1 - E_2|$ ت-ع: $E_{lib} = |4666,96 - 4684,56| = 17,6 MeV$

التمرين الثالث:

I - عند اللحظة $t=0$ نضع البادئة في الوضع (1):

1- الكتابة (400 V) المدونة على المكثفة تعني :

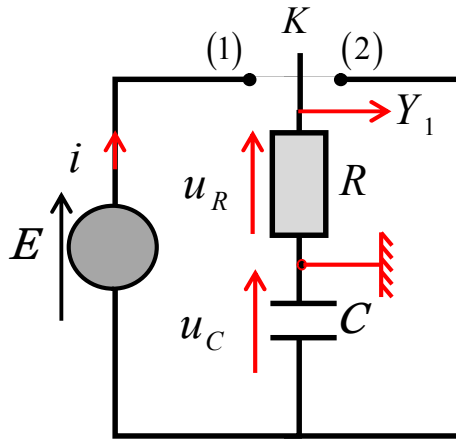
أكبر قيمة للتوتر الكهربائي الذي يمكن أن تتحمله المكثفة (توتر تخريب المكثفة).

2- رسم الدارة وتوضيح عليها التوترات بأسهم و جهة التيار الكهربائي:

أنظر الشكل - 3.

3- كيفية ربط راسم الاهتزاز لمشاهدة التوتر $u_R(t)$:

أنظر الشكل - 3.



الشكل - 3

4- إثبات أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي $u_R(t)$ هي $\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{1}{RC}u_R(t) = 0$

من قانون جمع التوترات لدينا: $u_R(t) + u_C(t) = E \dots (1)$

نشتق (1) بالنسبة للزمن نجد: $\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{du_C(t)}{dt} = 0$

ولدينا: $i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt}$ ومنه: $\frac{du_C(t)}{dt} = \frac{i(t)}{C}$

من قانون أوم: $i(t) = \frac{u_R(t)}{R}$ ومنه: $\frac{du_C(t)}{dt} = \frac{u_R(t)}{RC} \dots (2)$

نعوض (2) في (1) نجد: $\frac{du_R(t)}{dt} + \frac{1}{RC}u_R(t) = 0$ وهو المطلوب.

ملاحظة: يمكن الوصول للمعادلة التفاضلية بطرق أخرى.

5- أ. تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل: $u_R(t) = A e^{-\frac{t}{B}}$

تعيين عبارة الثابتين A و B بدلالة مميزات الدارة:

$$\frac{du_R(t)}{dt} = -\frac{A}{B} e^{-\frac{t}{B}} \quad \text{نشتق عبارة الحل المعطى بالنسبة للزمن نجد:}$$

نعوض عبارة الحل ومشتق الحل في المعادلة التفاضلية نجد:

$$A e^{-\frac{t}{B}} \left(\frac{1}{RC} - \frac{1}{B} \right) = 0 \quad \text{وعليه:} \quad -\frac{A}{B} e^{-\frac{t}{B}} + \frac{A}{RC} e^{-\frac{t}{B}} = 0$$

$$\text{ومنه:} \quad \frac{1}{RC} - \frac{1}{B} = 0 \quad \text{إذن:} \quad \boxed{B = RC}$$

$$\text{لما: } t \rightarrow 0 \quad \text{نجد:} \quad u_R(t)_{t \rightarrow 0} = A = E$$

$$\text{ومنه:} \quad \boxed{A = E} \quad \text{ومنه عبارة الحل هي:} \quad \boxed{u_R(t) = E e^{-\frac{t}{RC}}}$$

ب- المدلول الفيزيائي للثابت A هو: التوتر الكهربائي بين طرفي المولد E .

ج- باستعمال التحليل البعدي تبين أن B متجانس واستنتاج مدلوله الفيزيائي:

$$\text{لدينا:} \quad B = RC \quad \text{وباستعمال التحليل البعدي نجد:} \quad \boxed{[B] = [R] \cdot [C]}$$

$$\text{لدينا:} \quad u = Ri \quad \text{ومنه:} \quad [u] = [R] \cdot [I] \quad \text{ومنه:} \quad \boxed{[R] = \frac{[u]}{[I]}} \quad (1)$$

$$\text{ولدينا:} \quad i(t) = C \cdot \frac{du_c(t)}{dt} \quad \text{ومنه:} \quad C = \frac{i(t) \cdot dt}{du_c(t)} \quad \text{ومنه:} \quad \boxed{[C] = \frac{[I] \cdot [T]}{[u]}} \quad (2)$$

$$\text{بضرب (1) في (2) نجد:} \quad \boxed{[R] \cdot [C] = [T]} \quad (3)$$

$$\text{ومنه:} \quad \boxed{[B] = [R] \cdot [C] = [T]} \quad \text{ومنه: وحدة المقدار } B \text{ من نفس وحدة الزمن.}$$

وعليه: المدلول الفيزيائي للثابت B هو ثابت الزمن τ المميز للدارة.

6- بواسطة برمجية مناسبة تمكنا من رسم بيان تغيرات $\ln\left(\frac{A}{u_R}\right)$ بدلالة الزمن t كما هو موضح في الشكل-4.

باستغلال البيان:

- إجد قيمة الثابت $B = RC$ ، ثم استنتج قيمة سعة المكثفة C :

البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل:

$$\ln\left(\frac{E}{u_R}\right) = a t \quad (1) \quad \text{حيث } a \text{ معامل توجيه البيان:}$$

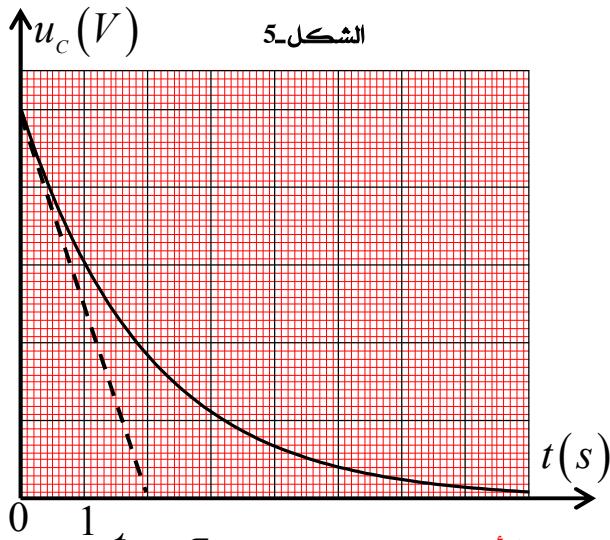
$$\text{إذن:} \quad a = \Delta \ln\left(\frac{E}{u_R}\right) / \Delta t = \frac{5-0}{10-0} = 0,5 (s^{-1}) \quad \boxed{a = 0,5 (s^{-1})}$$

$$\text{ولدينا:} \quad u_R(t) = E e^{-\frac{t}{RC}} \quad \text{ومنه:} \quad \frac{u_R(t)}{E} = e^{-\frac{t}{RC}} \quad \text{ومنه:} \quad \frac{E}{u_R(t)} = e^{\frac{t}{RC}}$$

بادخال اللوغاريتم النيبيري نجد: $\ln\left(\frac{E}{u_R(t)}\right) = \frac{1}{RC} t \dots (2)$

بالمطابقة بين (1) و (2) نجد: $a = \frac{1}{RC} = \frac{1}{B}$ ومنه: $B = \frac{1}{a}$ اذن: $B = RC = \frac{1}{0,5} = 2(s)$

قيمة سعة المكثفة C : لدينا: $\tau = RC$ ومنه: $C = \frac{\tau}{R} = \frac{2}{12,5 \cdot 10^3} = 160 \cdot 10^{-6} F = 160 \mu F$



II

1- الظاهرة التي تحدث هي: تفريغ المكثفة.

2- أ- إيجاد سلم مناسب لمحور الترتيب:

لدينا: $u_C(t) = E e^{-\frac{t}{RC}}$

لما $t \rightarrow 0$: $u_C(t)_{t \rightarrow 0} = E = 12(V)$

من البيان: $5cm \rightarrow 12(V)$

ومنه: $1cm \rightarrow 2,4(V)$

ب- تبيان أن المماس للمنحنى البيعد نقطة فاصلتها $t=0$ يقطع محور الأزمنة في نقطة فاصلتها $t = \tau$:

لدينا معادلة المماس تكتب من الشكل: $u_C(t) = at + b$

حيث: a معامل توجيه المماس للمنحنى $u_C = f(t)$ لما $t=0$

و: b نقطة تقاطع المماس مع محور الترتيب ويمثل: $u_C(0)$

- لدينا: $u_C(t) = E e^{-\frac{t}{RC}}$ ومنه: $\frac{du_C(t)}{dt} = -\frac{E}{RC} e^{-\frac{t}{RC}}$

ومنه: $a = \left(\frac{du_C(t)}{dt}\right)_{t=0} = -\frac{E}{RC}$

- ولدينا: $b = u_C(0) = E$

بالتعويض في المعادلة الرياضية للمماس نجد: $u_C(t) = -\frac{E}{RC}t + E$

- ولدينا ترتيبية نقطة تقاطع المماس مع محور الفواصل تساوي الصفر أي: $0 = -\frac{E}{RC}t + E$

ومنه: $t = RC = \tau$ وهو المطلوب.

قيمته بيانيا: $\tau = 2(s)$

جـ- سعة المكثفة C:

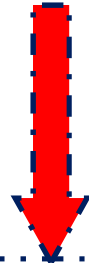
$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{2}{12,5 \cdot 10^3} = 160 \cdot 10^{-6} F = 160 \mu F$$

قيم سعة المكثفة متساوية مع القيمة السابقة .

3- حساب الشدة الأعظمية للتيار $I_{\max}$ المار في الدارة:

$$I_{\max} = \frac{E}{R} = \frac{12}{12,5 \cdot 10^3} = 960 \cdot 10^{-6} (A) = 960 (\mu A)$$

بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



فيزياء تاشة



رابط الصفحة على الفاييس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

ولدعواتكم إخواننا نحتاج

فیاضیات

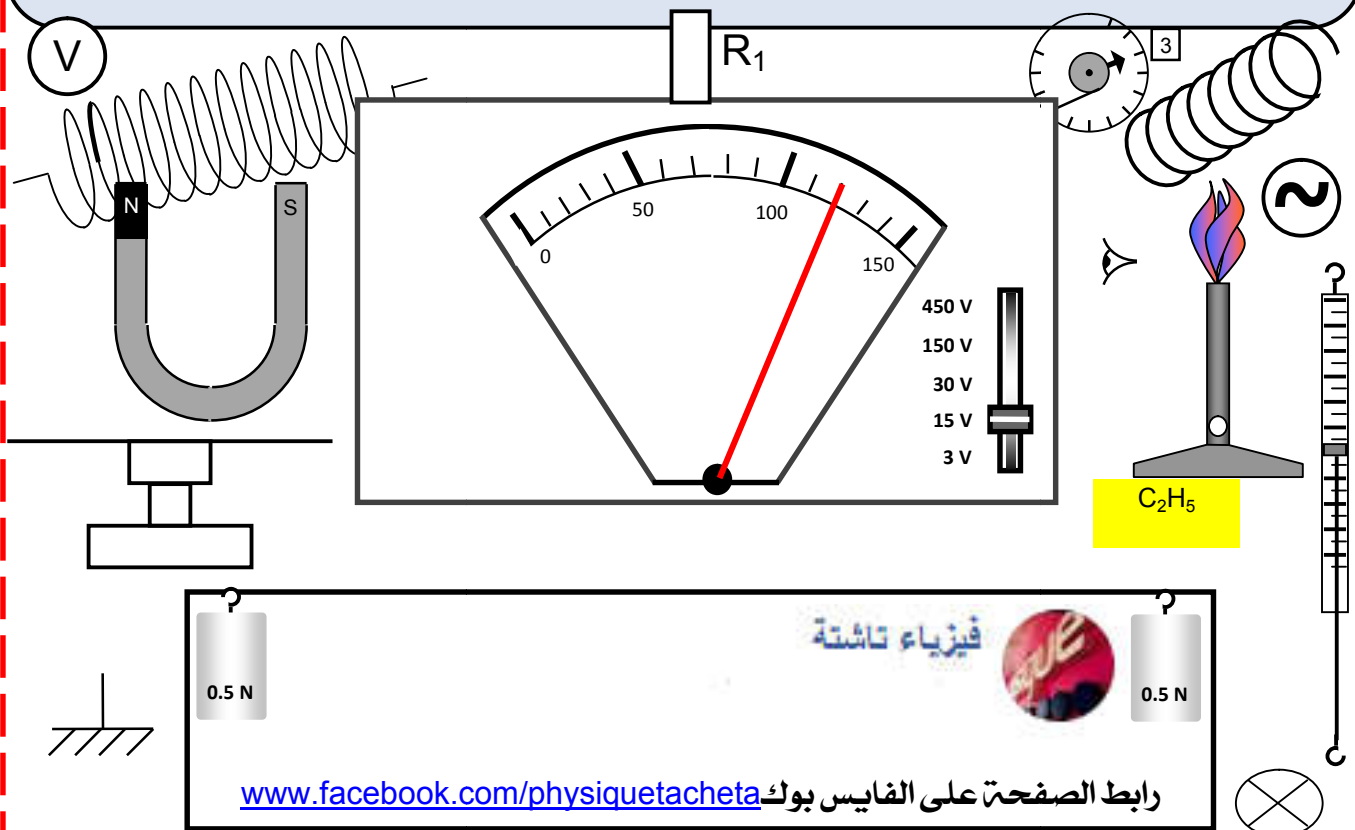
8AC 20 19

نحو والبك الوريا

8AC 20 19



الموضوع الخامس + التصحيح المفصل



نحو البكالوريا الموضع الخامس

التمرين الأول :

تم ارسال أول قمر اصطناعي *Galiléo* للبرنامج *GIOVEA* في 28 ديسمبر 2005 ، لتحديد الموقع المكمل للبرنامج الأمريكي *GPS*.

نعتبر أن القمر الاصطناعي (S) جسما نقطيا لا يخضع إلا لقوة جذب الأرض له ، يرسم مسارا دائريا حول مركز الأرض (T) موجود على ارتفاع $h = 23,6 \times 10^3 \text{ km}$ عن سطح الأرض .

يعطى: نصف قطر الأرض: $R_T = 6400 \text{ km}$ ، ثابت الجذب العام: $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ SI}$.

I

1- مثل كيفيا القوة المطبقة من طرف الأرض (T) على القمر الاصطناعي (S).

2- أ- ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة هذا القمر الاصطناعي (S) ؟

ب- لتطبيق قانون الثاني لنيوتن ، ماهي الفرضية الواجب وضعها بالنسبة لهذا المرجع ؟

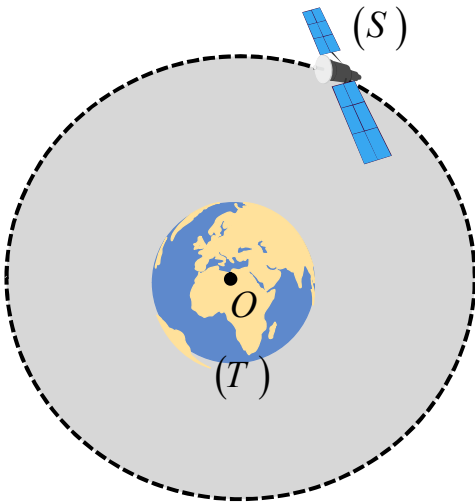
3- اعط مميزات شعاع التسارع $\vec{a}$ للقمر الاصطناعي (S) في المرجع السابق.

4- جد عبارة سرعة القمر الاصطناعي (S) بدلالة: G, h, R_T, M_T .

5- باستعمال المعطيات السابقة :

- جد عبارة الدور T للقمر الاصطناعي .

- استنتج قانون الثالث لكبلر .



II

- مقارنة حركة قمر اصطناعي بحركة أقمار اصطناعية أخرى

الجدول التالي يعطي دور ونصف قطر مسارات بعض الأقمار الاصطناعية:

القمر	$r = R_T + h(\text{km})$	$T (s)$	$r^3 (\text{km}^3)$	$T^2 (s^2)$
<i>GPS</i>	$20,2 \times 10^3$	$2,88 \times 10^4$		
<i>GLONASS</i>	$25,5 \times 10^3$	$4,02 \times 10^4$		
<i>METEOSAT</i>	$42,1 \times 10^3$	$8,61 \times 10^4$		

1- أ- اكمل الجدول.

ب- اعتمادا على سلم مناسب ، ارسم البيان : $r^3 = f(T^2)$.

2- اكتب المعادلة الرياضية للبيان .

3- استنتج كتلة الأرض M_T .

4- جد قيمة المقادير التالية الخاصة بالقمر الاصطناعي *Galiléo* :

- الدور الفلكي T .

- السرعة المدارية v .

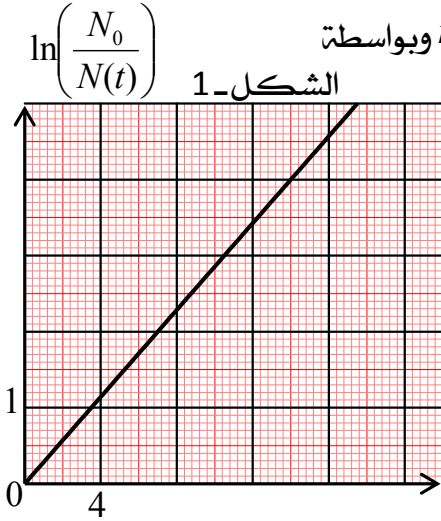
- التسارع a .

I

1- البلوتونيوم 239 المشع أحد نظائر البلوتونيوم $^{239}_{94}\text{Pu}$ ، يتفكك تلقائيا مصدرا للجسيم α :
1- حدد خصائص النشاط الإشعاعي التلقائي .

2- اكتب معادلة تفكك البلوتونيوم 239 علما أن النواة الناتجة هي أحد نظائر اليورانيوم ^{92}U .

3- في اللحظة $t=0$ لدينا عينة من البلوتونيوم 239 المشع كتلتها $m_0 = 1\text{g}$ وبواسطة
برنامج مناسب تحصلنا على المنحنى البياني الموضح في الشكل -1.



أثبت العلاقة التالية : $\ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = \lambda t$.

حيث N_0 ، $N(t)$: عدد النوى عند اللحظة $t=0$ و اللحظة t على الترتيب .

و λ : ثابت النشاط الإشعاعي لنواة البلوتونيوم 239 .

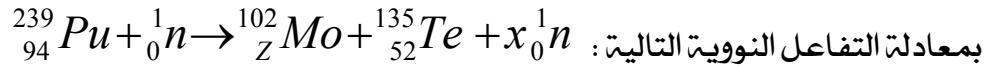
ب- اعتمادا على البيان جد قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ للبلوتونيوم 239 .

4- احسب قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 للعينة السابقة .

II

البلوتونيوم 239 من المواد التي تستخدم كوقود نووي لمفاعل نووي ذو استطاعة كهربائية $P = 30\text{MW}$

لإنتاج الطاقة الكهربائية E_e بمردود طاقي $\rho = 30\%$ ، حيث ينمذج أحد التفاعلات الممكنة لانشطار $^{239}_{94}\text{Pu}$



بمعادلة التفاعل النووية التالية :
1- جد قيمة كل من x و Z .

2- حدد النواة الأكثر استقرار من النوى المذكورة في معادلة تفاعل الانشطار النووي.

3- أ- احسب الطاقة المحررة E_{lib} عن انشطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239 .

ب- استنتج النقص الكتلي Δm لهذا التفاعل النووي بوحدة الكتل الذرية u .

4- احسب المدة الزمنية المستغرقة في المفاعل النووي لانشطار كتلة $m = 1\text{kg}$ من البلوتونيوم 239 .

المعطيات :

- الكتلة المولية الذرية : $M(\text{Pu}) = 239\text{g.mol}^{-1}$.

- المردود الطاقي : $\rho = \frac{E_e}{E_T}$ حيث E_T : الطاقة المحررة الكلية .

$$\frac{E_l({}^{102}_{\text{Z}}\text{Mo})}{A} = 8,6\text{MeV} / \text{nucléon} , \quad \frac{E_l({}^{135}_{52}\text{Te})}{A} = 8,3\text{MeV} / \text{nucléon}$$

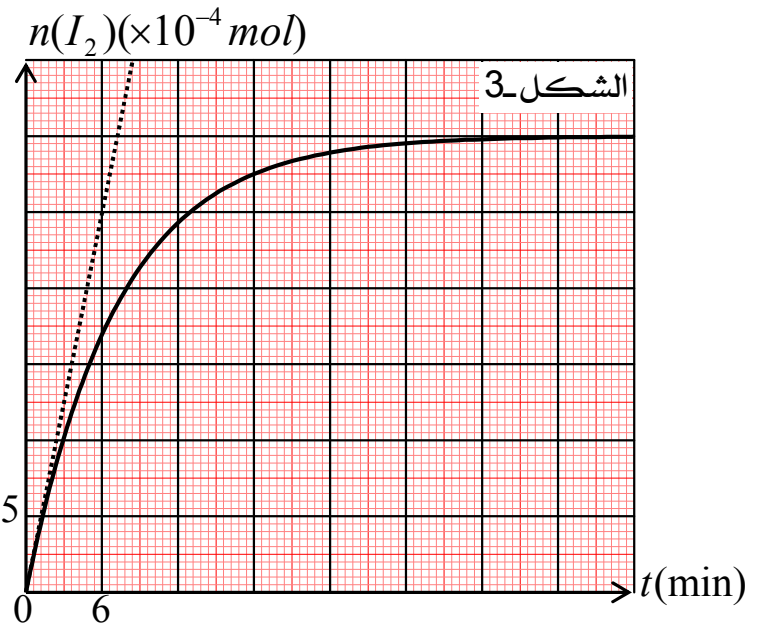
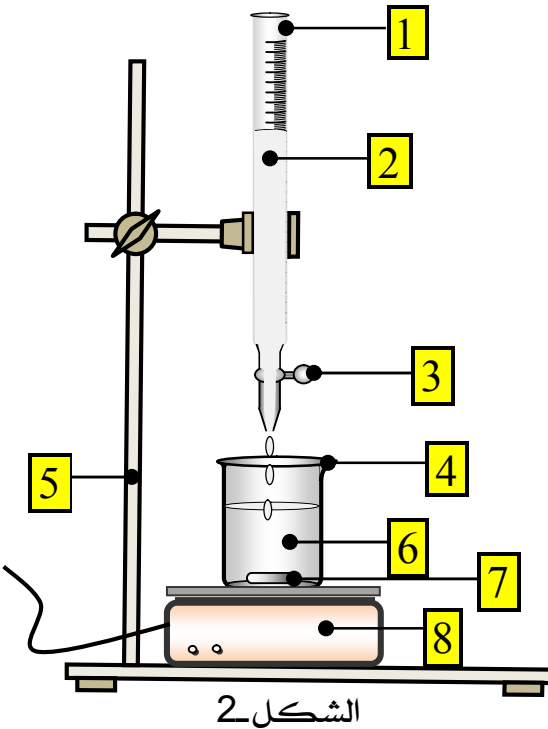
$$N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{mol}^{-1} , \quad 1u = 931,5\text{MeV} / C^2 , \quad E_l({}^{239}_{94}\text{Pu}) = 1792,5\text{MeV}$$

$$1\text{an} = 365 \text{ jour} , \quad 1\text{MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$$

لدراسة التحول الكيميائي التام والبطيء بين محلول يود البوتاسيوم $(K^+(aq) + I^-(aq))$ ومحلول الماء الأكسجيني $(H_2O_2(aq))$ في وسط حمضي، نمزج في اللحظة $t = 0$ حجما $V_1 = 100mL$ من محلول يود البوتاسيوم تركيزه المولي $c_1 = 0,1mol / L$ مع حجم $V_2 = 100mL$ من محلول الماء الأكسجيني تركيزه المولي c_2 ونضيف للمزيج كمية كافية من حمض الكبريت المركز $(2H^+(aq) + SO_4^{2-}(aq))$.

- I- 1- كيف يمكن التأكد عيانيا من أن التحول الكيميائي الحادث بطيء.
- 2- اكتب معادلة التفاعل المنمذجة للتحول الكيميائي الحادث، مانوعه؟ علل إجابتك.
- يعطى: $(I_2(aq) / I^-(aq))$ ، $(H_2O_2(aq) / H_2O(l))$.
- 3- انشئ جدول تقدم التفاعل.

II- نتابع التحول الكيميائي السابق زمنيا بمعايرة ثنائي اليود $I_2(aq)$ المتشكل في المزيج السابق بواسطة محلول ثيوكبريتات الصوديوم $(2Na^+(aq) + S_2O_3^{2-}(aq))$ تركيزه المولي $c = 5 \times 10^{-2} mol / L$ حيث في اللحظة $t = 0$ نأخذ عينة من المزيج السابق حجمها $V_p = 10mL$ مع تبريدها ثم نضيف له قليل من صمغ النشاء، فنقوم بعملية المعايرة باستعمال التركيب التجريبي الموضح في الشكل-2 مع تكرار العملية في لحظات زمنية معينة، والدراسة التجريبية مكنتنا من إيجاد كمية مادة ثنائي اليود $n_p(I_2)$ في كل عينة ثم استنتاج كمية مادته $n(I_2)$ في المزيج السابق، وعليه تم رسم المنحنى البياني $n(I_2) = f(t)$ الموضح في الشكل-3.



1- سم البيانات المرفقة في الشكل 2.

2- أ- اكتب معادلة التفاعل للتحول الكيميائي الحادث في المعايرة.

يعطى الشائيتين (Ox / Red) الداخلتين: $(S_4O_6^{2-}(aq) / S_2O_3^{2-}(aq))$ ، $(I_2(aq) / I^-(aq))$.

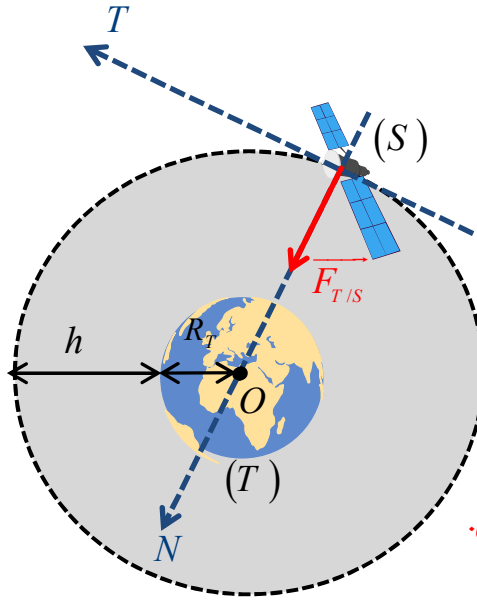
ب- اعتمادا على معادلة التفاعل، استنتج العلاقة كمية المادة بين $n_{Eq}(I_2)$ و $n_{Eq}(S_2O_3^{2-})$ عند التكافؤ.

- 3- أ- اذكر خصائص التحول الكيميائي الحادث أثناء المعايرة .
ب- كيف نكشف تجريبيا على نقطة التكافؤ؟ .



- بتوظيف جدول تقدم التفاعل السابق و البيان:

- 1- جد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$.
- 2- حدد المتفاعل المحد ، واحسب قيمة c_2 .
- 3- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ثم جد قيمته.
- 4- عرف السرعة الحجمية للتفاعل $v_{vol}(t)$ ثم احسب قيمتها عند اللحظة $t = 0$.
- 5- احسب الحجم V_E لثيوكبريتات الصوديوم اللازم للتكافؤ أثناء المعايرة عند اللحظة $t = 3 \text{ min}$.



1- تمثيل شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$: التمثيل في الشكل المقابل.

2- أ- المرجع المناسب لدراسة حركة هذا القمر الاصطناعي (S) هو المرجع المركزي الأرضي.

ب- لتطبيق قانون الثاني لنيوتن، الفرضية الواجب وضعها بالنسبة لهذا المرجع: هي اعتباره عطاليا (غاليليا) كفاية لدراسة حركة الأقمار الاصطناعية فيه.

3- مميزات شعاع التسارع $\vec{a}$ للقمر الاصطناعي (S) في المرجع السابق.

- نقطة التأثير: مركز عطالة القمر الاصطناعي (S)
- الحامل: المستقيم الشاقولي (الناظم) N
- الجهة: نحو مركز الأرض.

- الشدة: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$ ومنه: $\vec{F}_{T/S} = m \vec{a}$

باسقاط وفق المحور الناظمي نجد:

$$F_{T/S} = m a_n \text{ ولدينا: } F_{T/S} = G \frac{M_T \cdot m}{r^2} \text{ حيث: } (r = R_T + h) \text{ ومنه: } m a_n = G \frac{M_T \cdot m}{r^2}$$

$$\text{ومنه: } a = a_n = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2} \text{ أي: } a = a_n = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2}$$

4- عبارة سرعة القمر الاصطناعي (S) بدلالة: G, h, R_T, M_T .

$$\text{لدينا: } a_n = \frac{v^2}{R_T + h} \text{ ومنه: } v^2 = G \frac{M_T}{R_T + h} \text{ وعليه: } v = \sqrt{G \frac{M_T}{R_T + h}}$$

5- باستعمال المعطيات السابقة:

- عبارة الدور T للقمر الاصطناعي:

$$\text{نعلم: } T = \frac{2\pi r}{v} \text{ ومنه: } T = \frac{2\pi(R_T + h)}{\sqrt{G \frac{M_T}{R_T + h}}} \text{ وبالتالي: } T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G M_T}}$$

- استنتاج قانون الثالث لكبلر.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G.M_T}} \quad \text{بتربيع طرفي المساواة نجد:} \quad T^2 = \frac{4\pi^2.(R_T + h)^3}{G.M_T}$$

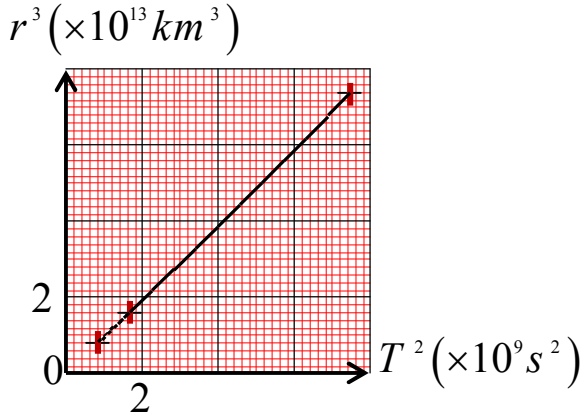
لدينا مما سبق: $T^2 = \frac{4\pi^2.r^3}{G.M_T}$ ومنه: $T^2 = \frac{4\pi^2.r^3}{G.M_T}$ نضع: $K = \frac{4\pi^2}{G.M_T}$ فتصبح العلاقة كالتالي: $T^2 = K.r^3$ وهو المطلوب.

II - مقارنة حركة قمر اصطناعي بحركة أقمار اصطناعية أخرى

1- أ- اتمام الجدول.

القمر	$r^3 (km^3)$	$T^2 (s^2)$
GPS	$0,824 \times 10^{13}$	$0,829 \times 10^9$
GLONASS	$1,66 \times 10^{13}$	$1,62 \times 10^9$
METEOSAT	$7,46 \times 10^{13}$	$7,36 \times 10^9$

ب- رسم البيان: $r^3 = f(T^2)$



2- كتابة المعادلة الرياضية للبيان:

البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته هي: $r^3 = bT^2$ حيث: b معامل توجيه البيان ومنه:

$$b = \frac{(7,46 - 0,824) \times 10^{13}}{(7,36 - 0,829) \times 10^9} = 1,016 \times 10^4 km^3.s^{-2} = 1,016 \times 10^{13} m^3.s^{-2}$$

$$r^3 = 1,016 \times 10^{13} T^2 \quad (1)$$

3- استنتاج كتلة الأرض M_T .

$$r^3 = \frac{G.M_T}{4\pi^2} T^2 \quad (2) \quad \text{ومنه:} \quad T^2 = \frac{4\pi^2.r^3}{G.M_T}$$

بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) نجد:

$$M_T = 6 \times 10^{24} kg \quad \text{إذن:} \quad M_T = \frac{4\pi^2 \times 1,016 \times 10^{13}}{G} \quad \text{ومنه:} \quad \frac{GM_T}{4\pi^2} = 1,016 \times 10^{13}$$

4- إيجاد قيمة المقادير التالية الخاصة بالقمر الاصطناعي Galileo:

- الدور الفلكي T .

نصف قطر المسار الدائري للقمر الاصطناعي Galileo هو: $r = R_T + h = 3 \times 10^4 km$

$$r^3 = (R_T + h)^3 = (3 \times 10^4)^3 = 2,7 \times 10^{13} km^3 \quad \text{ومنه:}$$

ولدينا: $r^3 = f(T^2)$

أي: $T^2 = 2,7 \times 10^9 s^2$ ومنه: $T = 5,19 \times 10^4 s$

السرعة المدارية v .

لدينا مما سبق: $v = \sqrt{G \frac{M_T}{R_T + h}}$ ت.ع: $v = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{3 \times 10^7}}$

أي: $v = 3,65 \times 10^3 m/s$

التسارع a .

$a = a_n = \frac{v^2}{R_T + h} = \frac{(3,65 \times 10^3)^2}{3 \times 10^7} = 4,44 \times 10^{-1} m/s^2$ $a = a_n = 4,44 \times 10^{-1} m/s^2$

التمرين الثاني:

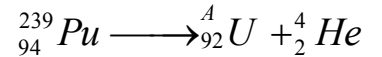
I - 1. خصائص النشاط الإشعاعي التلقائي:

تلقائي (عفوي): أي لا يتأثر بالشروط الخارجية.

عشوائي: يخضع لقوانين الاحتمال أي لا يمكن توقع معدل التفكك.

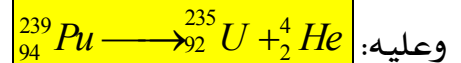
حتمي: أي لا يمكن إيقاف التفكك لعينة مشعة.

2. معادلة تفكك البلوتونيوم 239 علما أن النواة الناتجة هي أحد نظائر اليورانيوم ${}_{92}^{239}U$.



باستخدام قانون انحفاظ العدد الكتلي لصودي نجد:

$239 = A + 4$ ومنه: $A = 239 - 4$ ومنه: $A = 235$



3. أ. إثبات العلاقة التالية: $\ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = \lambda t$

لدينا: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه: $\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda t}$

بإدخال اللوغاريتم النيبيري على الطرفين نجد: $\ln\left(\frac{N(t)}{N_0}\right) = -\lambda t$ وعليه: $\ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = \lambda t$ وهو المطلوب.

ب. إيجاد قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ للبلوتونيوم 239 اعتمادا على البيان:

البيان خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $\ln\left(\frac{N_0}{N(t)}\right) = at$ حيث a معامل توجيه البيان.

$$a = \frac{\Delta \ln \left(\frac{N_0}{N(t)} \right)}{\Delta t} = \frac{4 - 0}{(14 - 0) \cdot 10^4} = 0,29 \cdot 10^{-4} \text{ ans}^{-1} \text{ ومنه:}$$

لدينا: $1(\text{ans}) = 365 \times 24 \times 3600 = 31536 \cdot 10^3 (s)$ ومنه: $a = 9,2 \cdot 10^{-10} s^{-1}$

بالمطابقة بين العلاقتين النظرية والبيانية طرف لطرف نجد: $a = \lambda$

وعليه: $\lambda = 0,29 \cdot 10^{-4} \text{ ans}^{-1} = 9,2 \cdot 10^{-10} s^{-1}$

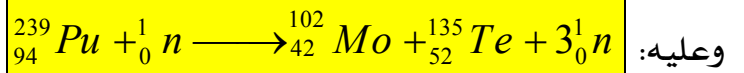
4- حساب قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 للعينة السابقة:

لدينا: $A_0 = \lambda N_0$ ولدينا: $N_0 = \frac{m_0}{M} N_A$ ومنه: $A_0 = \lambda \frac{m_0}{M} N_A$

ت ع: $A_0 = 9,2 \cdot 10^{-10} \times \frac{1}{239} \times 6,02 \cdot 10^{23} = 23,2 \cdot 10^{11} Bq$ أي: $A_0 = 23,2 \cdot 10^{11} Bq$

II - 1- إيجاد قيمة كل من x و Z :

بالاعتماد على قانون الانحفاظ لصودي نجد: $\begin{cases} x = 3 \\ Z = 42 \end{cases}$ ومنه: $\begin{cases} 239 + 1 = 102 + 135 + x \\ 94 + 0 = Z + 52 \end{cases}$



2- تحدد النواة الأكثر استقرار من النوى المذكورة في معادلة تفاعل الانشطار النووي:

لدينا: $\frac{E_l({}_{42}^{102}Mo)}{A} = 8,6 \text{ MeV} / \text{nucléon} > \frac{E_l({}_{52}^{135}Te)}{A} = 8,3 \text{ MeV} / \text{nucléon}$

وعليه: نواة الموليبدنيوم ${}_{42}^{102}Mo$ أكثر استقرار من نواة التليريوم ${}_{52}^{135}Te$.

3أ- حساب الطاقة المحررة E_{lib} عن انشطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239.

لدينا: $E_{lib} = [E_l({}_{94}^{239}Pu)] - [E_l({}_{42}^{102}Mo) + E_l({}_{52}^{135}Te)]$

$E_{lib} = [E_l({}_{94}^{239}Pu)] - [E_A({}_{42}^{102}Mo) \times 102 + E_A({}_{52}^{135}Te) \times 135]$

ت ع: $E_{lib} = 1792,5 - [(102 \times 8,6) + (135 \times 8,3)] = -205,2 \text{ MeV}$

الإشارة $(-)$ تعني طاقة محررة للوسط الخارجي. $E_{lib} = -205,2 \text{ MeV}$

ب- استنتاج النقص الكتلي Δm لهذا التفاعل النووي بوحدة الكتلة الذرية u :

لدينا: $E_{lib} = \Delta m \cdot C^2 = \Delta m (u) \times 931,5$

ومنه: $\Delta m = \frac{E_{lib}}{931,5}$ ت ع: $\Delta m = \frac{205,2}{931,5} = 0,22 u$

4- حساب المدة الزمنية المستغرقة في المفاعل النووي لانشطار كتلة $m = 1kg$ من البلوتونيوم 239:

لدينا عبارة الاستطاعة الكهربائية : $P = \frac{E_e}{\Delta t}$ ومنه : $\Delta t = \frac{E_e}{P} \dots (1)$

ولدينا عبارة المردود : $\rho = \frac{E_e}{E_T}$ ومنه : $E_e = \rho E_T \dots (2)$

ولدينا أيضا : $E_T = N \cdot E_{lib} = \frac{m}{M} N_A E_{lib} \dots (3)$ حيث : $N = \frac{m}{M} N_A$

بتعويض (2) و (3) في (1) نجد :

$$\Delta t = \frac{\rho \cdot m \cdot N_A \cdot E_{lib}}{P \cdot M}$$

ملاحظة مهمة قبل التطبيق العددي :

الطاقة تقدر بالجول (J) أي :

وعليه : $E_{lib} = 205,2 \times 1,6 \cdot 10^{-13} = 328,32 \cdot 10^{-13} J$

$$\begin{cases} 1MeV \longrightarrow 1,6 \cdot 10^{-13} J \\ 205,2MeV \longrightarrow E_{lib} J \end{cases}$$

الكتلة تقدر بـ g .

ت ع : $\Delta t = \frac{0,3 \times (1 \cdot 10^3) \times 6,02 \cdot 10^{23} \times 328,32 \cdot 10^{-13}}{30 \cdot 10^6 \times 239} = 8,27 \cdot 10^5 s$

أي : $\Delta t = 8,27 \cdot 10^5 s = 9,6 j = 0,026 ans$

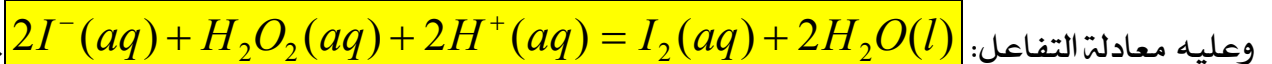
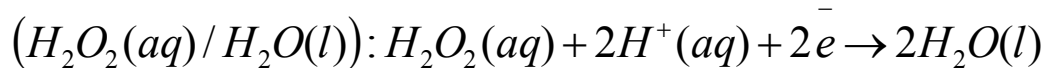
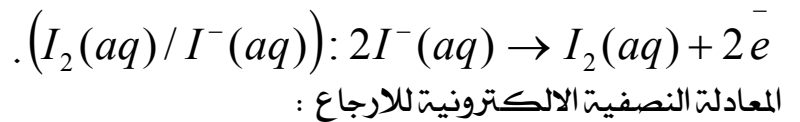
التمرين الثالث:

I - 1- يمكن التأكد عيانيا من أن التحول الكيميائي الحادث بطيء : من خلال ظهور التدريجي للون البني المميز

لثنائي اليود $I_2(aq)$. (يكون في البداية أصفر وفي الأخير بني مسمر)

2- معادلة التفاعل المنمجة للتحول الكيميائي الحادث :

المعادلة النصفية الالكترونية للأكسدة :



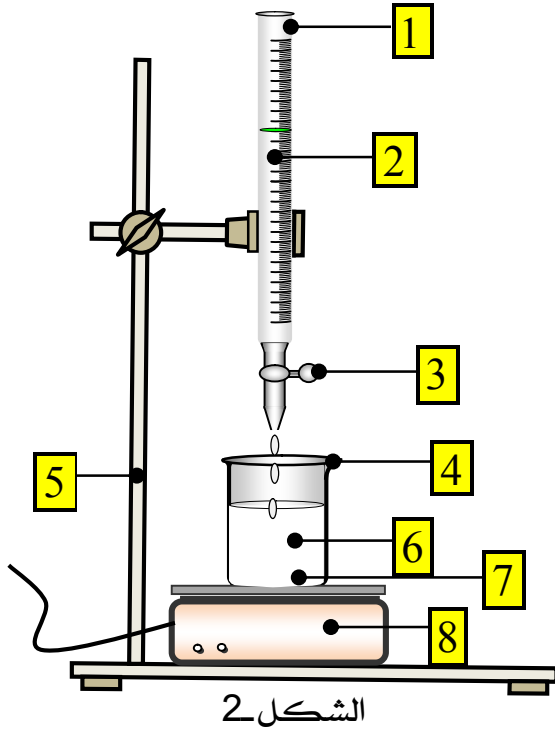
- نوع التفاعل الكيميائي : أكسدة ارجاع لأن حدث فيه تبادل إلكترونين بين المرجع والمؤكسد .

3- إنشاء جدول تقدم التفاعل :

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$2I^-(aq) + H_2O_2(aq) + 2H^+(aq) = I_2(aq) + 2H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	n_{02}	بالزيادة	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - 2x(t)$	$n_{02} - x(t)$	بالزيادة	$x(t)$	بالزيادة
النهائية	$x_{\max}$	$n_{01} - 2x_{\max}$	$n_{02} - x_{\max}$	بالزيادة	$x_{\max}$	بالزيادة

II

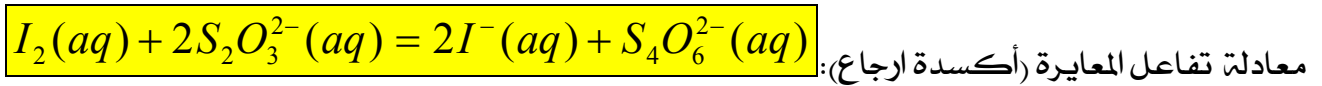
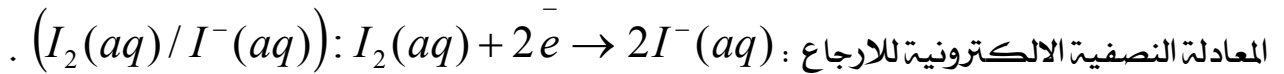
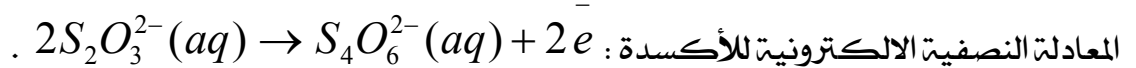
1- تسمية البيانات المرفقة في الشكل 2.



رقم البيان	الاسم الموافق للعنصر
1	سحاحة مدرجة .
2	محلول ثيوكبريتات الصوديوم .
3	صنبور .
4	بيشر .
5	الحامل .
6	المحلول المعاير .
7	قطعة ممغنطيسية .
8	مخلوط ممغنطيسي .

الشكل 2

2- أ- معادلة التفاعل للتحويل الكيميائي الحادث في المعايرة:



ب- اعتمادا على معادلة التفاعل، استنتاج العلاقة كمية المادة بين $n_{Eq}(I_2)$ و $n_{Eq}(S_2O_3^{2-})$ عند التكافؤ:

$$\frac{n_{Eq}(I_2)}{1} = \frac{n_{Eq}(S_2O_3^{2-})}{2}$$

عند التكافؤ تكون المتفاعلات في الشروط الستكيومترية :

$$n_{Eq}(I_2) = \frac{cV_{Eq}}{2}$$

أي:

3- أ- خصائص التحويل الكيميائي الحادث أثناء المعايرة : سريع وتام (ووحيد) .

ب- نكشف تجريبيا على نقطة التكافؤ:

- عند المعايرة نضيف النشاء للكشف عن ثنائي اليود المتبقي حيث يعطي لونا أزرقا بوجوده.
- الاختفاء التام للون الأزرق دليل على بلوغ نقطة التكافؤ (التفاعل الكلي لثنائي اليود في الوسط التفاعلي).

III - بتوظيف جدول تقدم التفاعل السابق والبيان:

1- قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

لدينا من جدول تقدم التفاعل السابق عند الحالة النهائية: $n_f(I_2) = x_{\max}$.

ولدينا من البيان : $n_f(I_2) = 30.10^{-4} \text{ mol} = 3 \text{ m.mol}$ أي: $x_{\max} = 3 \text{ m.mol}$

2- تحديد المتفاعل المحد:

إذا كان $I^-(aq)$ متفاعل محد:

أي: $n_{01} - 2x_{\max} = 0$ ومنه: $c_1 V_1 - 2x_{\max} = 0$. ت-ع: $0,1 \times 0,1 - 2 \times 3.10^{-3} \neq 0$.

وعليه: $I^-(aq)$ موجود بالزيادة في المزيج عند نهاية التفاعل وبالتالي المتفاعل المحد هو: $(H_2O_2(aq))$.

- حساب قيمة c_2 لمحلول الماء الأكسجيني $(H_2O_2(aq))$:

لدينا $(H_2O_2(aq))$ متفاعل محد: $n_{02} - x_{\max} = 0$ ومنه: $c_2 V_2 = x_{\max}$ أي: $c_2 = \frac{x_{\max}}{V_2}$

ت-ع: $c_2 = \frac{3.10^{-3}}{0,1} = 3.10^{-2} \text{ mol/L}$ أي: $c_2 = 3.10^{-2} \text{ mol/L}$.

3- تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$: هو الزمن الضروري لبلوغ تقدم التفاعل نصف تقدمه الأعظمي ونكتب:

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$$

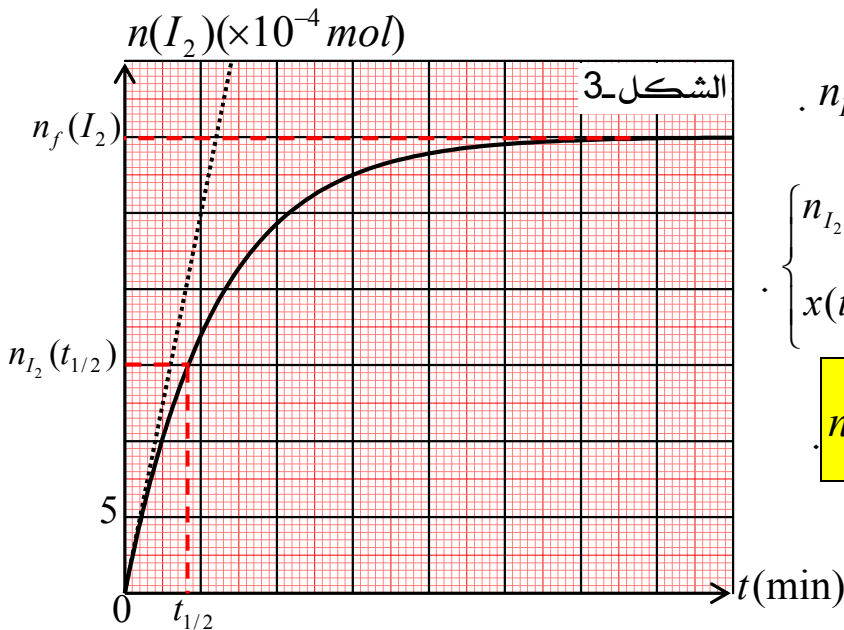
استنتاج قيمته $t_{1/2}$ بيانيا:

لدينا من جدول تقدم التفاعل : $n_{I_2}(t_{1/2}) = x(t)$.

$$\begin{cases} n_{I_2}(t_{1/2}) = x(t_{1/2}) \\ \text{ولما } t = t_{1/2} \text{ نجد: } x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} = \frac{n_f(I_2)}{2} \end{cases}$$

$$n_{I_2}(t_{1/2}) = \frac{n_f(I_2)}{2} = 15 \times 10^{-4} \text{ mol} \text{ أي:}$$

وبالاسقاط نجد: $t_{1/2} = 5,1 \text{ min}$



4- تعريف السرعة الحجمية للتفاعل $v_{vol}(t)$: هي مقدار تغير تقدم التفاعل $x(t)$ في وحدة الحجم في وحدة الزمن

ونكتب:
$$v_{vol}(t) = \frac{1}{V_T} \times \frac{dx(t)}{dt}$$
 حيث: $V_T = V_1 + V_2$.

حساب قيمتها عند اللحظة $t = 0$:

لدينا:
$$v_{vol}(0) = \frac{1}{V_T} \times \frac{dx(t)}{dt} \Big|_{t=0}$$
 ومنه:
$$v_{vol}(0) = \frac{1}{(V_1 + V_2)} \times \frac{\Delta x(t)}{\Delta t} \Big|_{t=0}$$

ت-ع:
$$v_{vol}(0) = \frac{1}{(100+100) \cdot 10^{-3}} \times \frac{(25-0) \cdot 10^{-4}}{(6-0)} = 2,1 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L} \cdot \text{min}$$

5- حساب الحجم V_E لثيوكبريتات الصوديوم اللازم للتكافؤ أثناء المعايرة عند اللحظة $t = 3 \text{ min}$:

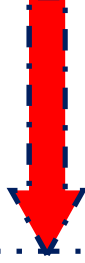
- من البيان ولما $t = 3 \text{ min}$ نجد كمية المادة لثنائي اليود في المزيج: $n(I_2) = 10 \times 10^{-4} \text{ mol} = 10^{-3} \text{ mol}$.
- استنتاج كمية المادة لثنائي اليود في عينة واحدة:

أي:
$$\begin{cases} n(I_2) = 10^{-3} \text{ mol} \rightarrow V_T \\ n_P(I_2) \rightarrow V_P \end{cases}$$
 ومنه:
$$n_P(I_2) = \frac{n(I_2) \times V_P}{V_T} = \frac{10^{-3} \times 10}{200} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$$

- ولدينا مما سبق:
$$n_P(I_2) = \frac{c V_{Eq}}{2}$$
 ومنه:
$$V_{Eq} = \frac{2 n_P(I_2)}{c}$$

ت-ع:
$$V_{Eq} = \frac{2 \times 5 \cdot 10^{-5}}{5 \cdot 10^{-2}} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ L} = 2 \text{ mL}$$

بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



فيزياء تاشة



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

ولد عواتكم إخواننا نحتاج

فيزياء تاشة

BAC 2019

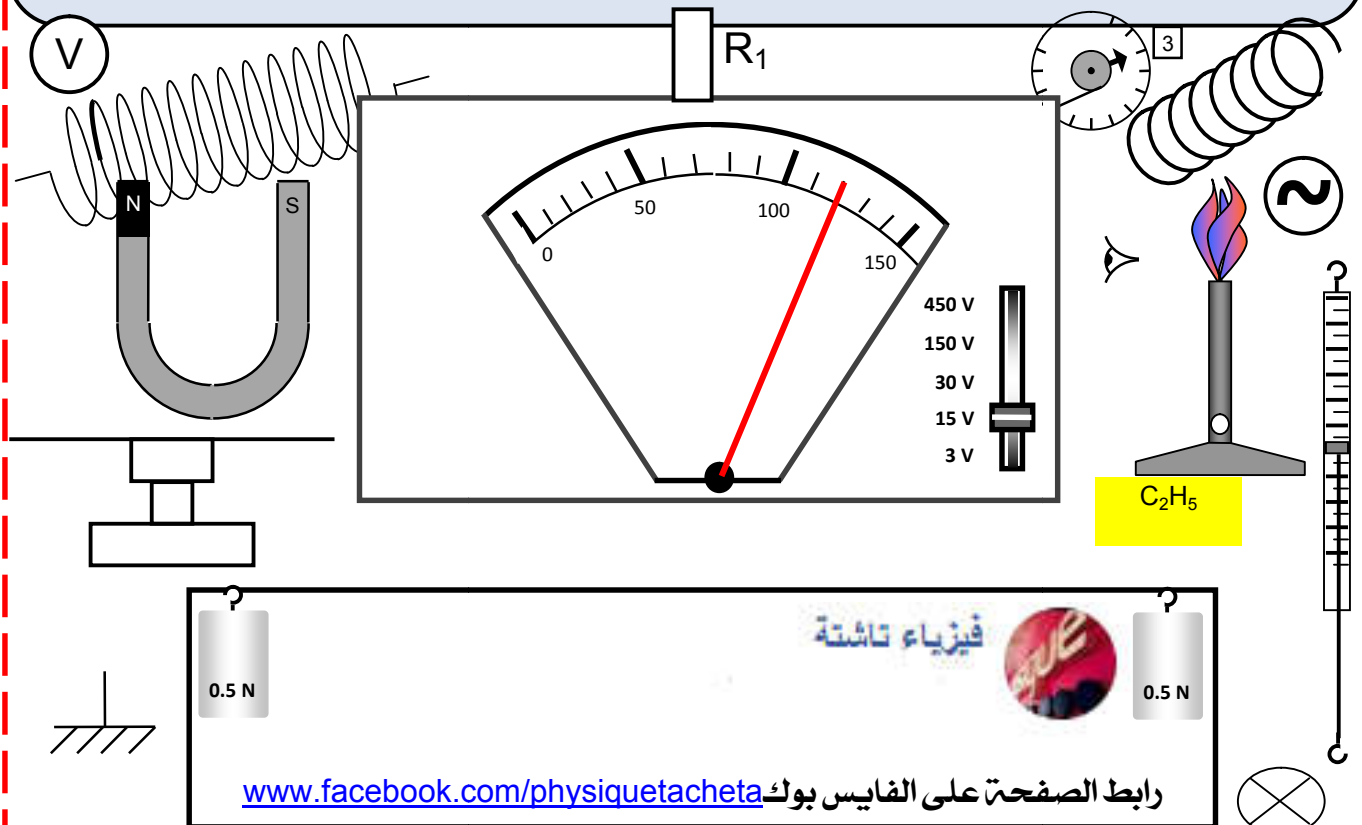
نحو البكالوريا

BAC 2019

06

5 μ F

الموضوع السادس + التصحيح المفصل.



رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

نحو البكالوريا - الم - موضوع السادس

التمرين الأول :

كل القياسات مأخوذة في درجة الحرارة $25^{\circ}C$.

I - حضرنا محلول (S_0) لمحلول حمض الايثانويك ($CH_3COOH(aq)$) تركيزه المولي $c_0 = 0,1 mol/L$ بإذابة كتلة m من الايثانويك النقي في حجم $V = 100 mL$ من الماء المقطر، نقيس قيمة الـ pH له نجد 2,9. 1- أ- جد قيمة الكتلة m .

ب- اذكر البروتوكول التجريبي لتحضير المحلول (S_0).

2- أ- اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين حمض الايثانويك والماء.

ب- هل التفاعل السابق تم: بين حمض وأساسه المرافق أو حمض الثنائية وأساس لثنائية أخرى؟

3- أ- انشئ جدول تقدم التفاعل.

ب- احسب قيمة نسبة التقدم النهائي للتفاعل τ_f ، ماذا تستنتج؟

ج- احسب قيمة ثابت التوازن K للتفاعل.

يعطى: $M(CH_3COOH) = 60 g/mol$.

II - انطلاقا من المحلول (S_0) السابق نحضر محاليل (S_i) ممددة وذلك بأخذ في كل مرة حجما $V_0 = 10 mL$

من المحلول الأصلي (S_0) ونضيف له حجما مناسباً من الماء المقطر V_{H_2O} .

وعند حدوث التوازن الكيميائي للمحاليل (S_i) المحضرة نقوم بقياس الـ pH لكل محلول فنحصل على النتائج المدونة في الجدول التالي :

المحاليل (S_i)	(S_1)	(S_2)	(S_3)	(S_4)	(S_5)	(S_6)
$V_{H_2O}(mL)$	0	10	20	40	60	90
pH	2,9	3,05	3,15	3,25	3,30	3,40
$c(mol/L)$						
$-\log(c)$						

1- أ- اكتب عبارة التركيز المولي c للمحاليل (S_i) بدلالة c_0 و V_0 و V_{H_2O} .

ب- اكمل الجدول.

ج- اذكر الخطوات العملية لتحضير المحلول (S_3).

2- أ- اعتمادا على سلم رسم مناسب، ارسم البيان $pH = f(-\log(c))$.

ب- اكتب المعادلة الرياضية للبيان.

3- أ- جد العلاقة النظرية بين pH و pKa للثنائية ($CH_3COOH(aq) / CH_3COO^-(aq)$).

ب- باهمال $[CH_3COO^-]$ أمام c بين أن: $pKa = 2pH + \log(c)$.

4- استنتج قيمة pKa للثنائية ($CH_3COOH(aq) / CH_3COO^-(aq)$).

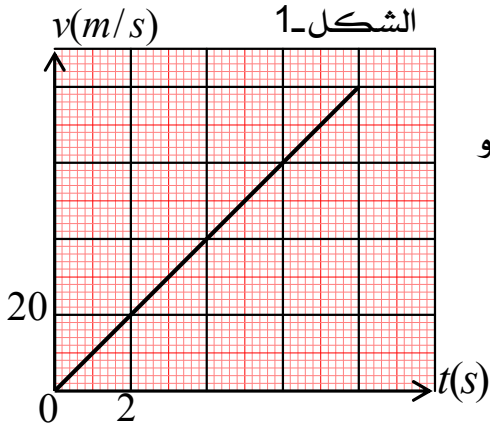
التمرين الثاني :

أثناء التدريبات التي تقوم بها فرقة الصاعقة للمظليين بالمدرسة العليا للقوات الخاصة ببسكرة ، استعملت طائرة مروحية حلقت على ارتفاع ثابت من سطح الأرض لانزال المظلين (تبقى الطائرة في حالة ثبات خلال العملية).

I - نمذج المظلي ومظلته بجملة (S) مركز عطالتها G وكتلتها : $m = 80kg$ ، نهمل تأثير دافعة أرخميدس.

عند اللحظة $t = 0$ يقفز المظلي دون سرعة ابتدائية ، فيقطع ارتفاعا h خلال $8s$ قبل فتح مظلته ، نعتبر حركة سقوطا حرا.

إن دراسة تطور $v(t)$ سرعة المظلي بدلالة الزمن في معلم شاقولي $\vec{OZ}$ موجه نحو الأسفل مرتبط بمرجع سطحي أرضي ، مكنت من الحصول على البيان الموضح في الشكل-1 .



1- حدد طبيعة حركة الجملة (S) مع التعليل.

2- احسب الارتفاع h .

3- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن استنتج قيمة تسارع الجاذبية الأرضية g .

ب- استنتج المعادلة الزمنية $Z = f(t)$.

II - بعد قطع المظلي الارتفاع h يفتح مظلته ، فتضع الجملة لقوة احتكاك عبارتها $f = kv^2$ مع إهمال تأثير دافعة أرخميدس.

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن المعادلة التفاضلية لسرعة الجملة (S) تكتب بالعلاقة:

$$\frac{dv(t)}{dt} = g \left(1 - \frac{v^2}{\beta^2} \right) \quad \text{حيث } \beta \text{ ثابت يطلب التعبير عنه بدلالة : } k \text{ و } g \text{ و } m .$$

2- يمثل المقدار β :

أ- سرعة الجملة (S) في اللحظة $t = 0$.

ب- تسارع حركة مركز عطالة الجملة (S) في النظام الدائم.

ج- السرعة الحدية v_l للجملة (S) .

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات السابقة مع التعليل .

3- يمثل الشكل-2 تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة (S)

بدءا من لحظة فتح المظلة التي نعتبرها مبدأ جديد للأزمنة $t = 0$.

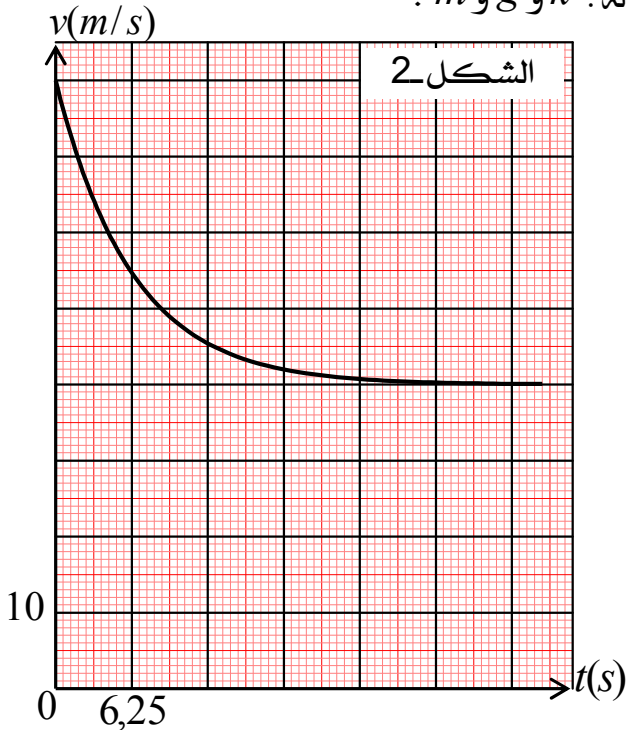
أ- حدد قيمة السرعة الحدية v_l .

ب- بالاعتماد على التحليل البعدي حدد وحدة الثابت k

ثم احسب قيمته .

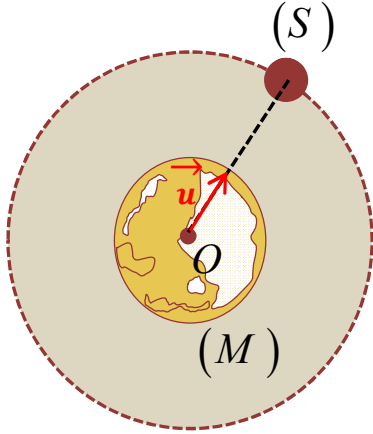
ج- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على الجملة

$(s) \text{ و } t \geq 32s$.



يعطى : $g = 10m/s^2$.

يدور الممرجاس (S) حول كوكب المريخ (M) في مدار دائري على ارتفاع $h = 400km$ عن سطح المريخ. ندرس حركة الممرجاس في الممرج المريخي المركزي. كتلة الممرجاس m_s .



1- ماهو الشرط لكي نعتبر هذا الممرج عطاليا؟

2- أ- مثل كيفيا شعاع القوة $\vec{F}_{M/S}$ المطبقة من طرف المريخ (M) على

الممرجاس (S).

ب- اكتب العبارة الشعاعية للقوة التي يخضع لها الممرجاس من طرف المريخ بدلالة

شعاع الوحدة $\vec{u}$

ج- عبر عن سرعة الممرجاس v بدلالة h ، وكتلة المريخ M_M ونصف قطر المريخ R_M والثابت الكوني G .

3- عبر عن دور الممرجاس (T) بدلالة h ، R_M ، M_M ، G .

4- قمر اصطناعي أرضي ارتفاعه عن سطح الأرض مهمل أمام نصف قطر الأرض (R_T)، دوره $T_T = 1h 24 min$.

أ- أوجد النسبة $\frac{T_T}{T}$ بدلالة $\frac{M_M}{M_T}$ ، R_M ، R_T ، h .

ب- احسب قيمة T .

ج- احسب سرعة دوران الممرجاس v حول المريخ.

5- علما أن القمر الاصطناعي يدور حول الأرض في مدار نصف قطره $r = 6800km$.

- عبر عن النسبة $\frac{g}{g_0}$ بدلالة R_T و r .

6- ما المقصود بقمر اصطناعي جيومستقر؟ كم تكون المسافة بينه وبين مركز الأرض.

المعطيات: $R_M = 3,4 \times 10^3 km$ ، $R_T = 6,4 \times 10^3 km$ ، $\frac{M_M}{M_T} = 0,107$ ، $g_0 = 9,8 SI$ ،

$$GM_T = 4 \times 10^{14} m^3 s^{-2}$$



نحو البكالوريا - الم - موضوع السادس + التصحيح المفصل

التمرين الأول :

I - 1. أ - قيمة الكتلة m : لدينا: $n = \frac{m}{M}$ و $n = c_0 V$ ومنه: $c_0 V = \frac{m}{M}$ أي: $m = c_0 V M$

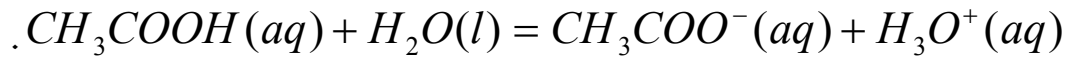
ت - ع: $m = 0,1 \times 100 \cdot 10^{-3} \times 60 = 0,6 g$ أي: $m = 0,6 g$

ب - البروتوكول التجريبي لتحضير المحلول (S_0) :

- بواسطة ميزان الكتروني حساس مضبوط وزن الكتلة $m = 0,6 g$ من مسحوق حمض الايثانويك.
- نضيف الكتلة $m = 0,6 g$ بالاعتماد على قمع في حوالة عيارية سعتها $100 mL$ فيها $30 mL$ من الماء المقطر مع الرج.
- نكمل بالماء المقطر حتى نصل لخط العيار مع الرج المستمر.

- على ملصقة نكتب اسم المحلول (S_0) وتركيزه المولي $c_0 = 0,1 mol/L$.

2. أ - معادلة التفاعل النمذج للتحويل الكيميائي بين حمض الايثانويك والماء:



ب - التفاعل السابق تم بين حمض الشائبة ($CH_3COOH(aq) / CH_3COO^-(aq)$) وأساس الشائبة الأخرى: ($H_3O^+(aq) / H_2O(l)$).

3. أ - جدول تقدم التفاعل :

الحالة	تقدم التفاعل ب mol	$CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
الابتدائية	$x = 0$	n_a	بالزيادة	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n_a - x(t)$	بالزيادة	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$n_a - x_f$	بالزيادة	x_f	x_f

ب - حساب قيمة نسبة التقدم النهائي للتفاعل τ_f :

لدينا: $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}}$ حيث: $x_f = [H_3O^+]_f V$ و $x_{\max} = c_0 V$ ومنه: $\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f V}{c_0 V} = \frac{[H_3O^+]_f}{c_0}$

وعليه: $\tau_f = \frac{10^{-pH}}{c_0}$ ت - ع: $\tau_f = \frac{10^{-(2,9)}}{0,1} = 0,013$ أي: $\tau_f = 1,3\%$

تستنتج أن حمض الايثانويك ضعيف والتحول الكيميائي محدود (غير تام) لأن: $\tau_f < 100\%$ أو $\tau_f < 1$.

ج - حساب قيمة ثابت التوازن K للتفاعل: لدينا: $K = \frac{[CH_3COO^-]_f [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$

ولدينا أيضا من جدول تقدم التفاعل : $[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f = \frac{x_f}{V}$

$$[CH_3COOH]_f = \frac{c_0V - x_f}{V} = c_0 - [H_3O^+]_f \text{ و}$$

ومنه: $K = \frac{[H_3O^+]_f^2}{c_0 - [H_3O^+]_f}$ أي: $K = \frac{10^{-2pH}}{c_0 - 10^{-pH}}$ ت-ع: $K = \frac{10^{-2(2,9)}}{0,1 - 10^{-(2,9)}} = 1,6 \cdot 10^{-5}$

III - 1. **أعبارة التركيز المولي c للمحاليل (S_i) بدلالة c_0 و V_0 و V_{H_2O} :** لدينا حسب قانون التمديد: $n_0 = n_i$

ومنه: $c_0V_0 = c_iV_i$ ومنه: $c_i = c = \frac{c_0V_0}{(V_0 + V_{H_2O})}$ حيث: $V_i = V_0 + V_{H_2O}$

ب- اكمال الجدول: بالاعتماد على العلاقة $c = \frac{c_0V_0}{(V_0 + V_{H_2O})} = \frac{0,1 \times 10}{(10 + V_{H_2O})}$ نملاً السطر الرابع.

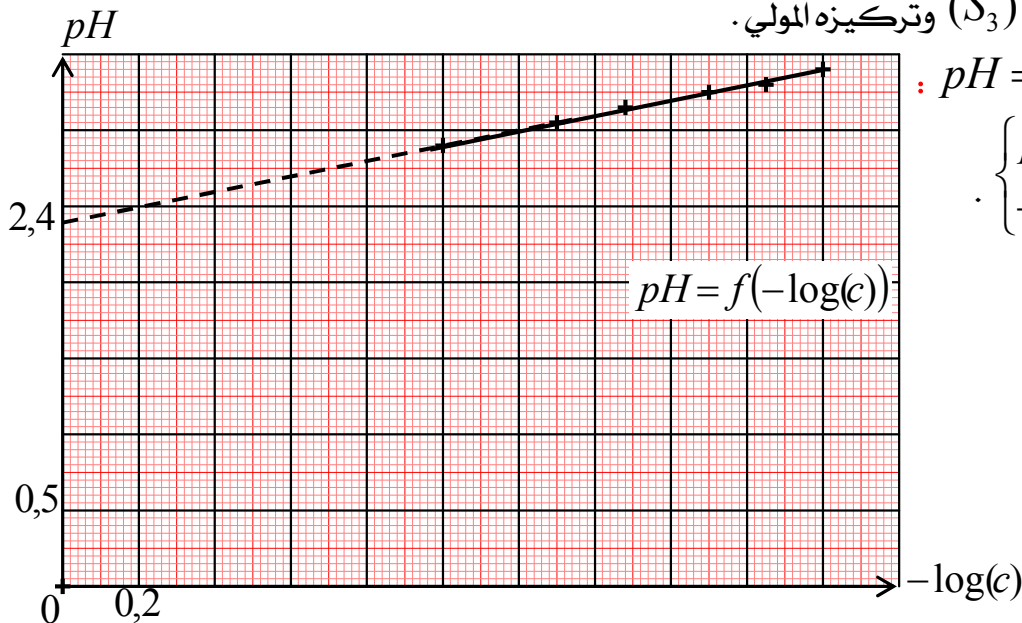
- ندخل $-\log()$ على طرفي المساواة نملاً السطر الخامس.

المحاليل (S_i)	(S_1)	(S_2)	(S_3)	(S_4)	(S_5)	(S_6)
$V_{H_2O}(mL)$	0	10	20	40	60	90
pH	2,9	3,05	3,15	3,25	3,30	3,40
$c(mol/L)$	0,10	0,05	0,033	0,02	0,014	0,01
$-\log(c)$	1	1,3	1,48	1,7	1,85	2

ج- الخطوات العملية لتحضير المحلول (S_3) :

- بواسطة ماصة عيارية سعتها $10mL$ مزودة بإجاصة مص نأخذ حجماً $V_0 = 10mL$ من المحلول (S_0) .
- نسكبه في حوالة عيارية سعتها $20mL$ ثم نكمل بالماء المقطر حتى نصل لخط العيار مع الرج.

- على ملصقة نكتب اسم المحلول (S_3) وتركيزه المولي.



2. أ- رسم البيان $pH = f(-\log(c))$:

سلم الرسم: $\begin{cases} pH \rightarrow 0,5 \\ -\log(c) \rightarrow 0,2 \end{cases}$

ب- المعادلة الرياضية للبيان:

البيان خط مستقيم مائل لا يشمل المبدأ معادلته من الشكل: $pH = A(-\log(c)) + B$.

حيث: A معامل توجيه البيان: $A = \frac{\Delta pH}{\Delta(-\log(c))} = \frac{3,4-2,9}{2-1} = 0,5$

و B : نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب نجد: $B = 2,4$ أي: $pH = 0,5(-\log(c)) + 2,4 \dots (1)$

3-أ- العلاقة النظرية بين pH و pKa للشثائية $(CH_3COOH(aq) / CH_3COO^-(aq))$:

لدينا: $Ka = \frac{[CH_3COO^-]_f [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$ ومنه: $Ka = \frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f} \times [H_3O^+]_f$

بادخال $\log()$ على الطرفين نجد: $\log(Ka) = \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}\right) + \log([H_3O^+]_f)$

ومنه: $-\log([H_3O^+]_f) = -\log(Ka) + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}\right)$

حيث: $pKa = -\log(Ka)$ و $pH = -\log([H_3O^+]_{Eq})$

وعليه: $pH = pKa + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}\right)$

ب- باهمال $[CH_3COO^-]$ أمام c بين أن: $pKa = 2pH - \log(c)$:

لدينا: $pH = pKa + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}\right)$

ومنه: $pH = pKa + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{c - [CH_3COO^-]_f}\right)$

وباهمال $[CH_3COO^-]_f$ أمام c نجد: $pH = pKa + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]_f}{c}\right)$

ومنه: $pH = pKa + \log[CH_3COO^-]_f - \log(c)$

ومنه: $pKa = pH - \log[CH_3COO^-]_f + \log(c)$ ولدينا مما سبق:

ومنه: $pKa = pH - \log[H_3O^+]_f + \log(c)$ $[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f$

ونعلم أن: $pH = -\log[H_3O^+]_f$ أي: $pKa = 2pH + \log(c)$ وهو المطلوب.

4- استنتاج قيمة pKa للثنائية $(CH_3COOH(aq) / CH_3COO^-(aq))$:

لدينا: $pKa = 2pH + \log(c)$ ومنه: $pH = \frac{1}{2} pKa - \frac{1}{2} \log(c)$

$$pH = \frac{1}{2} (-\log(c)) + \frac{1}{2} pKa \dots (2) \text{ أي:}$$

بالمطابقة بين العلاقتين البيانية (1) والنظرية (2) طرف لطرف نجد: $\frac{1}{2} pKa = 2,4$ إذن: $pKa = 4,8$.

التمرين الثاني:

I - 1 - طبيعة حركة الجملة (s):

حركة مستقيمة متسارعة بانتظام لأن المسار مستقيم والسرعة متزايدة.

2 - حساب الارتفاع h : (المسافة المقطوعة من طرف المظلي):

$$\text{الارتفاع } h \text{ يمثل مساحة المثلث: } h = \frac{\Delta v \cdot \Delta t}{2} = \frac{80 \times 8}{2} = 320m$$

3 - استنتاج قيمة تسارع الجاذبية الأرضية g :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة المدروسة (s) في المعلم السطحي الأرضي

$$\text{الذي نعتبره عطاليا نجد: } \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \text{ ومنه: } \vec{p} = m \vec{a}_G$$

$$\text{بالاسقاط وفق المحور الموجه } \vec{Oz} \text{ نجد: } m \cdot g = m \cdot a_G \text{ إذن: } g = a_G$$

ولدينا معادلة البيان: $v = \alpha t$ حيث α معامل توجيه البيان.

$$g = \alpha = \frac{80}{8} = 10 m \cdot s^{-2}$$

$$\alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} = a_G = g \text{ ومنه: } \alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} = a_G = g$$

ب - استنتاج المعادلة الزمنية $Z = f(t)$:

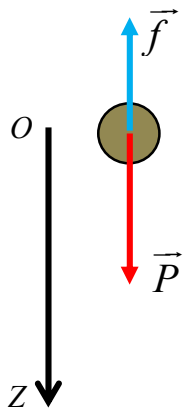
$$\text{لدينا: } v(t) = gt = \frac{dz(t)}{dt} \text{ بمكاملة الطرفين بالنسبة للزمن نجد: } z(t) = \frac{1}{2} gt^2 + c$$

$$\text{ومن الشروط الابتدائية لما } t = 0 \text{ s نجد: } z(0) = c = 0 \text{ أي: } z(t) = \frac{1}{2} gt^2$$

II - 1 - تبيان أن المعادلة التفاضلية لسرعة الجملة (s) تكتب بالعلاقة: $\frac{dv(t)}{dt} = g \left(1 - \frac{v^2}{\beta^2} \right)$:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجملة المدروسة (s) في المعلم السطحي الأرضي الذي

$$\text{نعتبره غاليليا نجد: } \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \text{ ومنه: } \vec{p} + \vec{f} = m \vec{a}_G$$



بالاسقاط وفق المحور الموجه $\overrightarrow{Oz}$ نجد: $p - f = m \cdot a_G$ إذن: $mg - kv^2 = m \frac{dv}{dt}$

وعليه: $\frac{dv}{dt} = g - \frac{k}{m}v^2$ ومنه: $\frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{k}{g \cdot m}v^2\right)$

وهي من الشكل: $\frac{dv(t)}{dt} = g \left(1 - \frac{v^2}{\beta^2}\right)$ حيث: $\beta = \sqrt{\frac{m \cdot g}{k}}$

2- يمثل المقدار β :

السرعة الحدية v_l للجسملة (S) لأن: $\beta = v_l = \sqrt{\frac{m \cdot g}{k}}$

3- أ- قيمة السرعة الحدية v_l :

من البيان نقرأ: $v_l = 40 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

ب- وحدة الثابت k : لدينا: $k = \frac{m \cdot g}{v_l^2}$

باستعمال التحليل البعدي نجد:

$$[k] = \frac{[M] \cdot [L] \cdot [T]^{-2} \cdot [T]^2}{[L]^2} = [M] \cdot [L]^{-1}$$

وعليه وحدة الثابت k هي $\text{kg} \cdot \text{m}^{-1}$

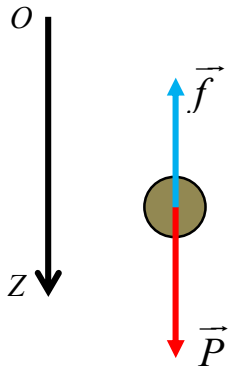
$$k = \frac{80 \times 10}{40^2} = 0,5 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1}$$

ج- تمثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على الجسملة (S) لما $t \geq 32 \text{ s}$:

لما $t \geq 32 \text{ s}$ تكون الجسملة المدروسة (S) في النظام الدائم أي تتميز بسرعة حدية

ومنه فالحركة مستقيمة منتظمة وعليه حسب مبدأ العطالة $v_l = 40 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

فالجسملة المدروسة (S) تخضع لقوى محصلتها تساوي الشعاع المعكوف $\vec{P} + \vec{f} = \vec{0}$



التمرين الثالث:

1- الشرط لكي نعتبر المرجع المريخي المركزي عطاليا هو:

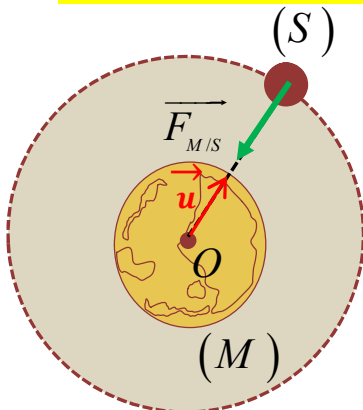
يجب أن تكون المدة الزمنية لحركة المرجاس حول المريخ قصيرة أمام مدة دوران المريخ حول.

2- أ- تمثيل كيفيا شعاع القوة $\vec{F}_{M/S}$ المطبقة من طرف المريخ (M) على

المرجاس (S): انظر الشكل المقابل.

2- ب- العبارة الشعاعية للقوة التي يخضع لها المرجاس من طرف المريخ بدلالة

شعاع الوحدة $\vec{u}$:



$$r = h + R_M : \text{حيث } \vec{F}_{M/S} = G \frac{M_M m_S}{r^2} \vec{u} = G \frac{M_M m_S}{(h + R_M)^2} \vec{u}$$

2- ج- التعبير عن سرعة المرجاس v بدلالة h ، وكتلة المريخ M_M ونصف قطر المريخ R_M والثابت الكوني G :
بتطبيق قانون نيوتن الثاني على المرجاس في المعلم المريخي المركزي الذي نعتبره عطاليا:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m_S \vec{a}_G : \text{نجد : } \vec{F}_{M/S} = m_S \vec{a}_G : \text{ومنه : } \vec{F}_{M/S} = m_S \vec{a}_G : \text{أي : } F_{M/S} \vec{u} = m_S a_G \vec{u}$$

$$-G \frac{M_M m_S}{r^2} = -m_S a_G : \text{ومنه : } -F_{M/S} = -m_S a_G = -m_S a_N : \text{نجد : } \vec{u} \text{ على المحور}$$

$$a_G = a_N = G \frac{M_M}{r^2} : \text{أي :}$$

$$v = \sqrt{G \frac{M_M}{r}} = \sqrt{G \frac{M_M}{R_M + h}} : \text{ومنه : } v^2 = G \frac{M_M}{r} \text{ وعليه : } a_N = \frac{v^2}{r} = G \frac{M_M}{r^2}$$

$$r = h + R_M : \text{حيث :}$$

3- التعبير عن دور المرجاس (T) بدلالة h ، R_M ، M_M ، G : الدور هو المدة الزمنية اللازمة لإنجاز دورة كاملة.

من أجل $t = T$: يقطع مركز عطالة المتحرك G مسافة قدرها محيط الدائرة أي : $x = 2\pi R$

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi r}{\sqrt{G \frac{M_M}{r}}} = 2\pi r \cdot \sqrt{\frac{r}{G M_M}} : \text{ومنه : } x = 2\pi r = v_G T : \text{ومنه : } x = v T \text{ لدينا :}$$

$$r = R_T + h : \text{حيث : } T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G M_M}} = 2\pi \sqrt{\frac{(R_M + h)^3}{G M_M}} : \text{أي :}$$

4- أ- إجاد النسبة $\frac{T_T}{T}$ بدلالة $\frac{M_M}{M_T}$ ، R_M ، R_T ، h :

$$T_T = 2\pi \sqrt{\frac{R_T^3}{G M_T}} : \text{ودور القمر الاصطناعي : } T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_M + h)^3}{G M_M}} : \text{لدينا : دور المرجاس :}$$

$$\frac{T_T^2}{T^2} = \frac{\cancel{4} \pi^2 \frac{R_T^3}{\cancel{G} M_T}}{\cancel{4} \pi^2 \frac{(R_M + h)^3}{\cancel{G} M_M}} : \text{ومنه : } \frac{T_T}{T} = \frac{2\pi \sqrt{\frac{R_T^3}{G M_T}}}{2\pi \sqrt{\frac{(R_M + h)^3}{G M_M}}} : \text{وعليه :}$$

$$\frac{T_T}{T} = \sqrt{\frac{M_M}{M_T} \cdot \frac{R_T^3}{(R_M + h)^3}} \quad \text{ومن:} \quad \frac{T_T^2}{T^2} = \frac{M_M}{M_T} \cdot \frac{R_T^3}{(R_M + h)^3} \quad \text{إذن:}$$

ب- حساب قيمة T:

$$T = \frac{T_T}{\sqrt{\frac{M_M}{M_T} \cdot \frac{R_T^3}{(R_M + h)^3}}} \quad \text{ومن:} \quad \frac{T_T}{T} = \sqrt{\frac{M_M}{M_T} \cdot \frac{R_T^3}{(R_M + h)^3}} \quad \text{لدينا:}$$

$$T = \frac{84}{\sqrt{0,107 \times \frac{(6,4 \cdot 10^6)^3}{((3,4 + 0,4) \cdot 10^6)^3}}} = 118 \text{ min} \quad \text{ت ع:}$$

$$T_T = 1 \text{ h } 24 \text{ min} = 84 \text{ min} \quad \text{حيث:} \quad T = 118 \text{ min} = 1 \text{ h } 58 \text{ min} \quad \text{أي:}$$

ج- حساب سرعة دوران المرحاس v حول المريخ:

$$v = \frac{2\pi(R_M + h)}{T} \quad \text{ومن:} \quad T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi(R_M + h)}{v}$$

$$v = \frac{2 \times 3,14 \times ((3,4 + 0,4) \cdot 10^6)}{118} = 20,2 \cdot 10^4 \text{ m / min} \quad \text{ت ع:}$$

5- التعبير عن النسبة $\frac{g}{g_0}$ بدلالة R_T و r :

$$a_G = a_N = g = G \frac{M_T}{r^2} \quad \text{ومن:} \quad G \frac{M_T \cdot m_s}{r^2} = m_s g \quad \text{ومن:} \quad F_{T/S} = P \quad \text{ومن:} \quad \vec{F}_{T/S} = \vec{P} \quad \text{لدينا:}$$

$$g_0 = G \frac{M_T}{R_T^2} \quad \text{إذا كان } h = 0 \text{ أي الجسم موجود على سطح الأرض:}$$

$$\frac{g}{g_0} = \frac{R_T^2}{r^2} \quad \text{ومن:}$$

6- المقصود بقمر اصطناعي جيو مستقر:

- أنه يبقى ساكنا بالنسبة لمعلم سطحي أرضي .

- في المعلم المركزي الأرضي الدور المداري للقمر الاصطناعي الجيو مستقر يكون مساويا لدور الأرض حول نفسها.

- يدور في نفس جهة دوران الأرض وحول الخط المداري الاستوائي.

المسافة بينه وبين مركز الأرض هي:

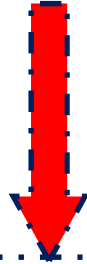
$$r = \left(\frac{T^2 \cdot G \cdot M_T}{4\pi^2} \right)^{1/3} \quad \text{لدينا:} \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot M_T}} \quad \text{بعد التبسيط نجد:}$$

$$r = \left(\frac{86400^2 \times 4.10^{14}}{4\pi^2} \right)^{1/3} = 35491.10^3 m = 35491 km \quad \text{ت ع:}$$

ملاحظة: دور للقمر الاصطناعي الجيو مستقر يكون مساويا لدور الأرض حول نفسها.

$$T = 1j = 24h = 86400s$$

بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



ولدعواتكم إخواننا نحتاج

ففي زيارته

8AC 2019

فتح والبكالوريا

8 AC 20 19

07

$$\underline{\hspace{1cm}} \quad 5 \mu F$$

الموضوع السابع+التصحيح المفصل.

 R_1
$$\text{C}_2\text{H}_5$$

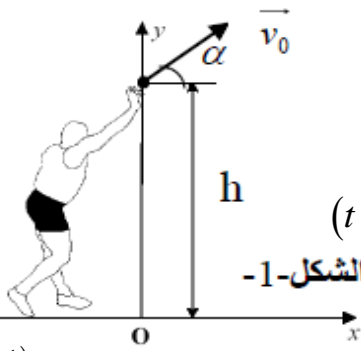
فيزياء تاشته

0.5 N

0.5 N

رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

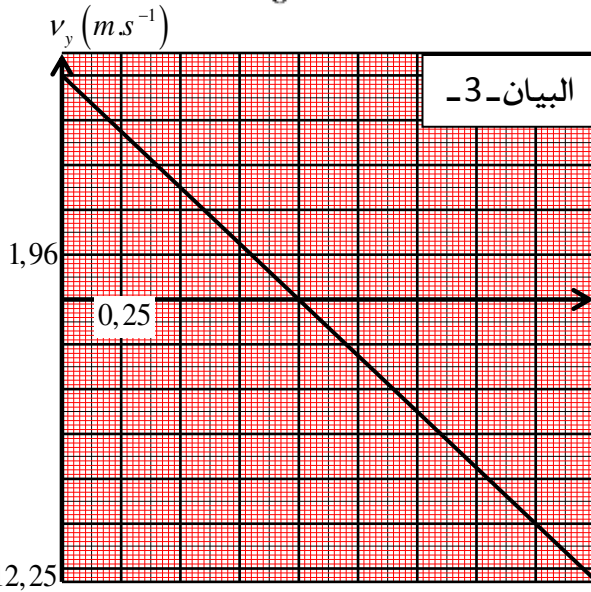
التمرين الأول :



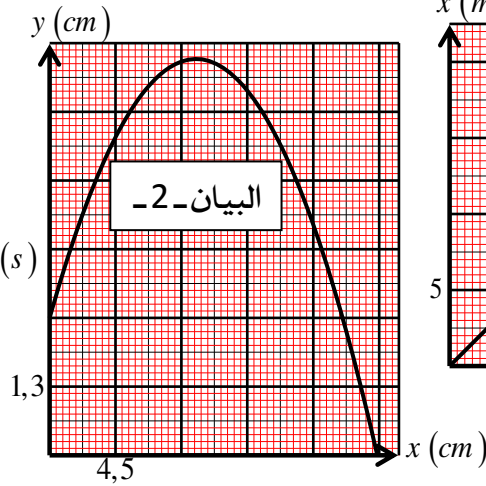
الشكل -1-

خلال الألعاب الاولمبية التي جرت بالبرازيل سنة 2016 تحصل الأمريكي ريان كروزر Ryan Crouser على الميدالية الذهبية في رياضة رمي الجلة لألعاب القوى على اثر رمية قدرها (D).

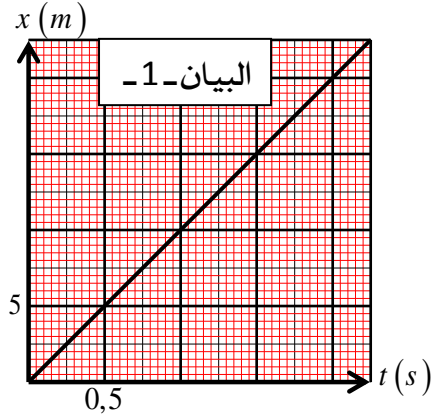
بإهمال تأثير الهواء : تمت دراسة محاكاة حركة مركز عطالة الجلة G في المعلم (o, x, y) المرتبط بمرجع ارضي نعتبره غاليليا، ابتداء من لحظة $(t = 0)$ على ارتفاع h من سطح الأرض إلى غاية ارتطامها به (الشكل -1-) ، فتم الحصول على البيانات التالية.



البيان -3-



البيان -2-



البيان -1-

1- بالاعتماد على المنحنيات البيانية:

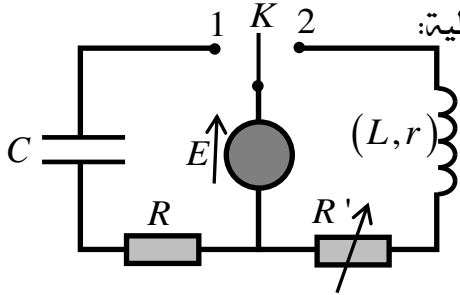
- 1-1- حدد طبيعة حركة مركز الجلة G على كل من المحورين (ox) و (oy) مع تبرير إجابتك.
- 1-2- حدد قيم المقادير التالية : مركبتي السرعة الابتدائية v_{0x} و v_{0y} ، مركبتي التسارع a_x و a_y و الارتفاع h .
- 1-3- اكتب المعادلتين الزنيتين $x(t)$ و $y(t)$ لحركة G في المعلم (o, x, y) .
- 1-4- اكتب معادلة البيان -2- ، ماذا تمثل؟.
- 1-5- ما هي قيمة كل من زاوية القذف α و السرعة والتي قذفت بها الجلة v_0 ؟.
- 1-6- ما هي قيمة المسافة (D) التي مكنت الرياضي من الفوز بالميدالية الذهبية؟.
- 2- أنجز مخطط الحصيلة الطاقوية للجلة (الجلة) بين اللحظتين $t = 0s$ و $t = 2,25s$ ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة و استنتج سرعة مركز عطالة الجلة عند لحظة ارتطامها بسطح الأرض $t = 2,25s$.
- 3- حدد خصائص شعاع سرعة مركز عطالة الجلة G عند اللحظة $t = 2,25s$.
- 4- جد عبارة الطاقة الكلية للجلة (الجلة+ الأرض) عند اللحظتين المذكورتين سابقا بدلالة كل من: v_0 ، h ، g و m (كتلة الجلة)، ماذا تستنتج؟ (نعتبر مستوى سطح الأرض مرجعا لقياس الطاقة الكامنة الثقالية).

يعطى: $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.



PHYSIQUE TACHETA SUJET N° 07

- I - بغرض معرفة سلوك و مميزات كل من مكثفة سعتها C و وشيعة مقاومتها r وذاتيتها L ، نحقق التركيب الكهربائي المبين في الشكل - 1 والذي يتكون من العناصر الكهربائية التالية:
- مولد ذي توتر ثابت ، قوته المحركة الكهربائية E .
 - مكثفة فارغة سعتها C . - وشيعة مقاومتها r وذاتيتها L .
 - ناقل أومي مقاومته $R = 10K \Omega$.
 - مقاومة متغيرة R' . - بادلته K .



الشكل - 1

1- نضع في اللحظة $t = 0$ البادله K في الوضع (1).

أنقل مخطط الدارة على ورقة الإجابة ، وبين عليه جهة مرور التيار الكهربائي ثم مثل:

- أسهم التوترين بين طرفي المقاومة (u_R) و المكثفة (u_C) .

- كيفية توصيل الدارة براسم اهتزاز ذي ذاكرة لمعاينة التوتر الكهربائي بين طرفي المقاومة $u_R(t)$.

2- من القياسات المتحصل عليها بواسطة برمجية مناسبة ، تمكنا من الحصول على النتائج المدونة في الجدول الآتي:

$t (s)$	0	5	10	15	20	25	30
$u_R (V)$	6,00	3,63	2,22	1,34	0,81	0,50	0,30
$-\frac{du_R}{dt} (V.s^{-1})$	0,60	0,36	0,22	0,13	0,08	0,05	0,03

أ- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين طرفي الناقل الأومي $u_R(t)$.

ب- ارسم البيان الممثل للدالة: $-\frac{du_R}{dt} = f(u_R)$ ثم أكتب معادلته الرياضية.

ج- استنتج قيمة كل من القوة المحركة الكهربائية E و سعة المكثفة C .

د- احسب الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة في اللحظة $t = 25s$.

II - نؤرجع البادله K في الوضع (2) في لحظة نعتبرها مبدأ لقياس الأزمنة $t = 0$.

1- أ- جد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$.

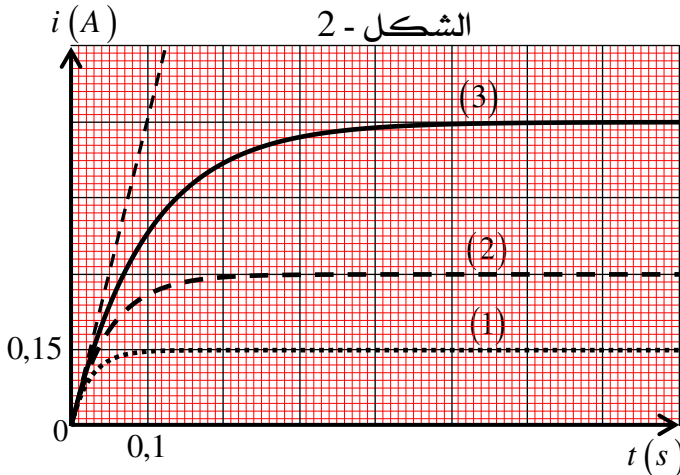
ب- علما أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو من الشكل $i(t) = A(1 - e^{-Bt})$ ، جد العبارة الحرفية لكل من الثابتين A و B .

2- يمثل الشكل - 2 منحنيات تغيرات شدة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن، من أجل ثلاث قيم مختلفة للمقاومة R' المدونة في الجدول الآتي:

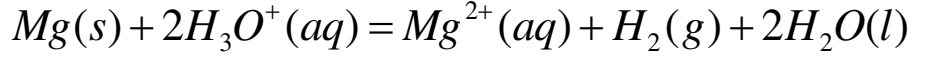
$R'(\Omega)$	8	18	38
--------------	---	----	----

أ- رفق كل منحنى بالمقاومة الموافقة مستعينا بعبارة شدة التيار في النظام الدائم ثم استنتج قيمة مقاومة الوشيعة r .

ب- باستغلال المنحنى (3) : جد قيمة ذاتية الوشيعة L .



أراد فوجين من التلاميذ متابعة التحول الكيميائي البطيء والتام بطريقتين بين معدن المغنيزيوم $Mg(s)$ ومحلول حمض كلور الماء $(H_3O^+(aq) + Cl^-(aq))$ المنمذج بمعادلة التفاعل التالية:



الفوج الأول:

عند درجة حرارة ثابتة $\theta = 25^\circ C$ وفي اللحظة $t = 0$ وضع تلميذ في بيشر حجما $V = 50mL$ من محلول حمض كلور الماء تركيزه المولي C وصفيحة من معدن المغنيزيوم النقي كتلتها m_0 ، الدراسة التجريبية مكنت التلاميذ من الحصول على التركيز المولي المتبقي لشوارد الهيدرونيوم $(H_3O^+(aq))$ في المزيج خلال الزمن والنتائج مدونة في الجدول التالي:

$t(\text{min})$	0	1	2	3	5	7	9	11
$[H_3O^+](\times 10^{-2} \text{ mol/L})$	60	46	38	32	25	22	20	20

1- كيف نكشف تجريبيا على الغاز المنطلق؟

2- أ- على ورقة ملمتيرية واعتمادا على سلم رسم مناسب، ارسم المنحنى $[H_3O^+] = f(t)$.

ب- استنتج التركيز المولي الابتدائي C لمحلول حمض كلور الماء.

3- أ- انشئ جدول تقدم التفاعل.

ب- حدد المتفاعل المحد، ثم استنتج قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$.

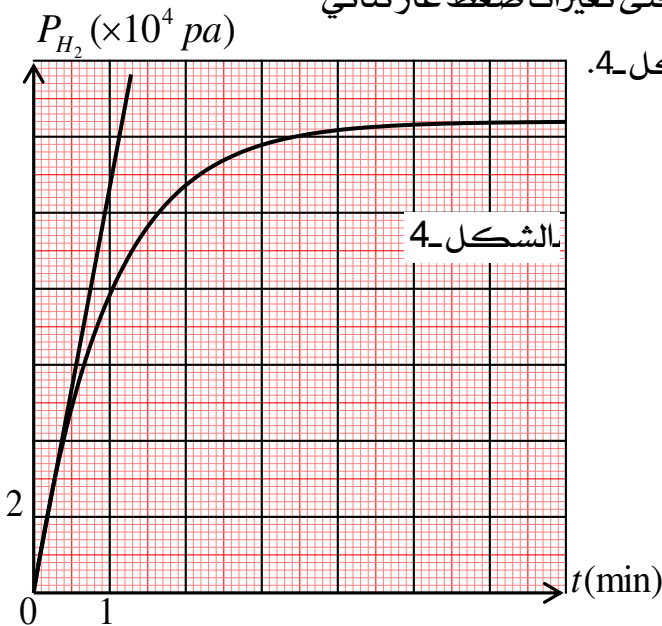
ج- احسب الكتلة m_0 لصفيحة المغنيزيوم المستعملة.

4- احسب سرعة التفاعل $v(t)$ عند اللحظة $t = 0$.

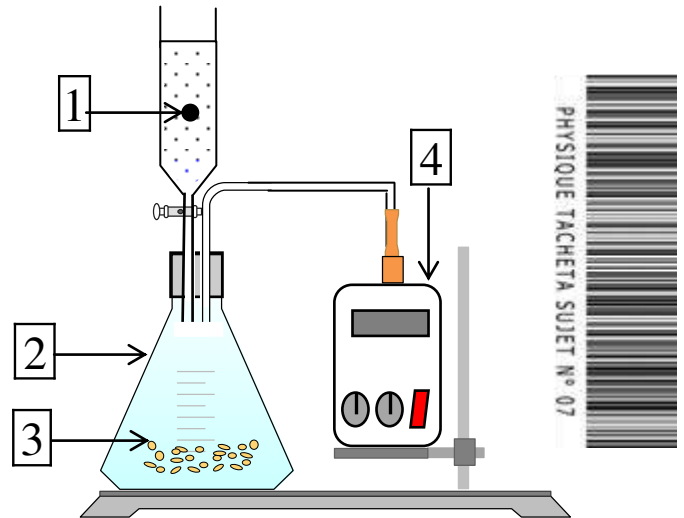
الفوج الثاني:

قام تلاميذ الفوج الثاني بتحقيق التركيب التجريبي الموضح في الشكل-3. عند درجة حرارة ثابتة $\theta = 25^\circ C$ وفي اللحظة $t = 0$ قاموا بسكب حجم $V = 50mL$ من محلول حمض كلور الماء تركيزه المولي $c = 0,6 \text{ mol/L}$ إلى الزجاجية (3) التي تحوي كتلة قدرها m_0 من مسحوق معدن المغنيزيوم النقي، النتائج التجريبية مكنتهم من رسم منحنى تغيرات ضغط غاز ثنائي

الهيدروجين بدلالة الزمن $P_{H_2} = g(t)$ الموضح في الشكل-4.



الشكل-4



الشكل-3

1- سم العناصر المرقمة مع تبيان دور العنصر 4 في الشكل-3.

2- جد الحجم الثابت V_{H_2} لغاز ثنائي الهيدروجين المنطلق، علما أن حجم الزجاجية (2) هو $V' = 250mL$.

3- اعتمادا على جدول تقدم التفاعل :

أ- بين أن عبارة تقدم التفاعل $x(t)$ عند اللحظة t تكتب بالشكل: $x(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t)$.

حيث $P_{H_2}(t)$: هو ضغط غاز ثنائي الهيدروجين عند اللحظة t .

ب- استنتج قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ ، ثم حدد المتفاعل المحد.

ج- استنتج قيمة كتلة مسحوق الألمنيوم m_0 ، ثم قارنها مع قيمة الفوج الأول.

4- أ- بين أن عبارة سرعة التفاعل $v(t)$ تكتب بالشكل: $v(t) = \frac{x_{\max}}{P_f(H_2)} \times \frac{dP_{H_2}(t)}{dt}$.

حيث $P_f(H_2)$: هو ضغط غاز ثنائي الهيدروجين النهائي.

- جد قيمتها عند اللحظة $t = 0$.

5- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ثم جد قيمته بيانيا مع التعليل.

المقارنة بين سرعة التفاعلين :

قارن بين قيمتي سرعة التفاعل $v(0)$ بين الفوجين ، ماذا تستنتج ؟

المعطيات :

- ثابت الغازات المثالية : $R = 8,31(SI)$.

- الكتلة المولية الذرية : $M(Mg) = 24g/mol$.



بالتوفيق للجميع ...

التمرين الأول :

1- بالاعتماد على المنحنيات البيانية :

1-1- طبيعة حركة مركز الجلة G على كل من المحورين (ox) و (oy) مع التبرير:على المحور (ox) : البيان 1- يمثل دالة خطية للفاصلة بدلالة الزمن ومنه فالحركة منتظمة.على المحور (oy) : البيان 3- يمثل دالة خطية لسرعة بدلالة الزمن ومنه فالحركة متغيرة بانتظام.1-2- تحديد قيم المقادير التالية : v_{0x} و v_{0y} ، a_x و a_y و الارتفاع h .

من البيان 1- نجد : $v_{0x} = \frac{22,5}{2,25} = 10 \text{ m/s}$ - من البيان 3- نجد : $v_{0y} = 9,8 \text{ m/s}$

$a_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = 0 \text{ m.s}^{-2}$ $a_y = \frac{\Delta v_y}{\Delta t} = \frac{9,8 - 0}{0 - 1} = -9,8 \text{ m.s}^{-2}$

- من البيان 2- نجد : $h = 2,6 \text{ m}$ 1-3- المعادلتين الزمنية $x(t)$ و $y(t)$ لحركة G في المعلم (o, x, y) :المعادلة الزمنية على المحور (ox) : لدينا : $x(t) = v_{0x} t$ وعليه : $x(t) = 10t$ المعادلة الزمنية على المحور (oy) : لدينا : $y(t) = \frac{1}{2} a_y t^2 + v_{0y} t + y_0$ وعليه : $y(t) = -4,9t^2 + 9,8t + 2,6$ 1-4- معادلة البيان 2- $y = f(x)$: لدينا : $x = 10t$ ومنه : $t = \frac{x}{10}$ نعوض في عبارة $y(t)$ نجد :

$y = -4,9\left(\frac{x}{10}\right)^2 + 9,8\left(\frac{x}{10}\right) + 2,6$ وعليه : $y = -4,9 \cdot 10^{-2} x^2 + 0,98x + 2,6$ تمثل معادلة مسار الجلة.

1-5- قيمة كل من زاوية القذف α والسرعة والتي قذفت بها الجلة v_0 :

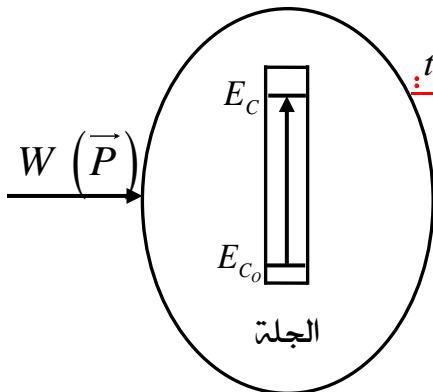
قيمة الزاوية α : لدينا : $\tan \alpha = \frac{v_{0y}}{v_{0x}}$ ت-ع : $\tan \alpha = \frac{9,8}{10} = 0,98$ وعليه : $\alpha = 44^\circ$

قيمة السرعة الابتدائية v_0 : لدينا : $v_0 = \sqrt{v_{0x}^2 + v_{0y}^2}$ ت-ع : $v_0 = \sqrt{10^2 + 9,8^2} = 14 \text{ m.s}^{-1}$

أو : $v_0 = \frac{v_{0x}}{\cos \alpha} = \frac{10}{\cos 44} = 14 \text{ m.s}^{-1}$ أو : $v_0 = \frac{v_{0y}}{\sin \alpha} = \frac{9,8}{\sin 44} = 14 \text{ m.s}^{-1}$

1-6- قيمة المسافة (D) التي مكنت الرياضي من الفوز بالميدالية الذهبية :المسافة (D) : هي المسافة المقطوعة من طرف الجلة على المحور (ox) .

من البيان 1- أو البيان 2- نجد : $D = 22,5 \text{ m}$

2- مخطط الحصيلة الطاقوية للجلة (الجلة) بين اللحظتين $t = 0 \text{ s}$ و $t = 2,25 \text{ s}$:

- معادلة انحفاظ الطاقة : $E_{C0} + W(\vec{P}) = E_C$

- سرعة مركز عطالة الجلة عند لحظة ارتطامها بسطح الأرض $t = 2,25 \text{ s}$:

لدينا : $E_{C0} + W(\vec{P}) = E_C$ ومنه : $\frac{1}{2} m v_0^2 + mgh = \frac{1}{2} m v^2$

وعليه: $v = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$ ت-ع: $v = \sqrt{14^2 + 2 \times 9,8 \times 2,6} = 15,7 \text{ m.s}^{-1}$

3- خصائص شعاع سرعة مركز عتالة الجلة G عند اللحظة $t = 2,25 \text{ s}$ (لحظة ارتطامها بسطح الأرض):

- المبدأ: نقطة إرتطام الجلة بالأرض $(x = 22,5 \text{ m}, y = 0 \text{ m})$.

- الحامل: المستقيم المار من نقطة الارتطام والذي يصنع زاوية β مع الأفق

حيث: $\cos \beta = \frac{v_x}{v} = \frac{10}{15,7} = 0,64$ وعليه: $\beta = 50^\circ$.

- الجهة: نحو الأسفل.

- الشدة: القيمة $15,7 \text{ m/s}$.

4- عبارة الطاقة الكلية للجلة (الجلة+ الأرض) عند اللحظتين $t = 0 \text{ s}$ و $t = 2,25 \text{ s}$: بدلالة كل من:

v_0, h, g و m (كتلة الجلة):

عبارة الطاقة الكلية للجلة (الجلة+ الأرض) عند $t = 0 \text{ s}$:

$$E_T(t=0) = E_C(0) + E_{pp}(0) = \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh$$

عبارة الطاقة الكلية للجلة (الجلة+ الأرض) عند $t = 2,25 \text{ s}$:

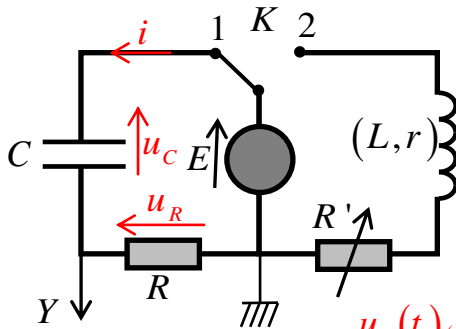
لدينا: $E_T(t=22,5) = E_C + E_{pp} = \frac{1}{2} m v^2 + 0$ ولدينا مما سبق: $v = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$

وعليه: $E_T(t=22,5) = \frac{1}{2} m (v_0^2 + 2gh) = \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh$

نستنتج أن طاقة الجلة محفوظة.

نلاحظ أن $E_T(t=22,5) = E_T(t=0)$

التمرين الثاني:



1- تمثيل أسهم التوترات و جهة التيار.

ربط راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة $u_r(t)$.

2- المعادلة التفاضلية التي يحققها التوترين طرفي الناقل الأومي $u_r(t)$.

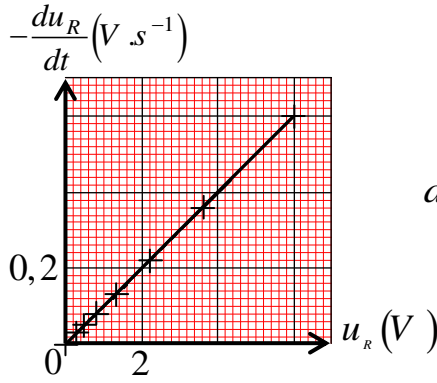
بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_c(t) + u_r(t) = E$ ومنه: $\frac{q(t)}{C} + u_r(t) = E$

باشتقاق طرفي المساواة بالنسبة للزمن نجد: $\frac{1}{C} R \frac{dq(t)}{dt} + \frac{du_r(t)}{dt} = 0$

ونعلم: $u_r = Ri$ و $\frac{dq}{dt} = i$

ومنه: $\frac{du_r(t)}{dt} + \frac{1}{RC} u_r(t) = 0 \dots \dots \dots (1)$

ب- رسم البيان $-\frac{du_R}{dt} = f(u_R)$ وكتابة معادلته الرياضية.



معادلة البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته الرياضية:
 $-\frac{du_R}{dt} = au_R$ حيث a معامل توجيه البيان: $a = \frac{0,6 - 0,03}{6 - 0,3} = 0,1 s^{-1}$

ومنه: $-\frac{du_R}{dt} = 0,1 u_R \dots\dots\dots (2)$

ج- استنتاج قيمة كل من القوة المحركة الكهربائية E وسعة المكثفة C .

قيمة E : من قانون جمع التوترات $u_c(t) + u_R(t) = E$ وعند اللحظة $t = 0$: $u_c(0) + u_R(0) = E$

حيث: $u_c(0) = 0$ ومنه: $u_R(0) = E = 6V$

قيمة C : بالمطابقة بين العلاقة (1) و (2) نجد: $a = \frac{1}{RC}$ ومنه: $C = \frac{1}{Ra}$ إذن:

$C = \frac{1}{0,1 \times 10^4} = 10^{-3} F = 1mF$

د- حساب الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة في اللحظة $t = 25s$.

لما $t = 25s$ يكون $u_R = 0,5V$ ولدينا: $u_c = E - u_R = 5,5V$

$E_c = \frac{1}{2} C u_c^2 = 0,5 \times 10^{-3} \times (5,5)^2 = 1,5 \times 10^{-2} J$



II 1- أ- المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$.

بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_b + u_{R'} = E$ ومنه: $L \frac{di}{dt} + ri + R' i = E$ بقسمة طرفي المساواة على L نجد:

وهو المطلوب: $\frac{di}{dt} + \frac{R' + r}{L} i = \frac{E}{L}$

ب- عبارة كل من الثابتين A و B .

باشتقاق عبارة الحل نجد: $\frac{di}{dt} = A B e^{-Bt}$ وبتعويض المشتقة وعبارة الحل في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$\begin{cases} B - \frac{R' + r}{L} = 0 \Rightarrow B = \frac{R' + r}{L} \\ \frac{R' + r}{L} A - \frac{E}{L} = 0 \Rightarrow A = \frac{E}{R' + r} \end{cases}$$
 حيث: $A e^{-Bt} \left(B - \frac{R' + r}{L} \right) + \frac{R' + r}{L} A - \frac{E}{L} = 0$

2- أ- ارفاق كل منحنى بالمقاومة الموافقة مستعينا بعبارة I_0 .

$I_0 = \frac{E}{R' + r}$ فكلما كانت R' أكبر كلما كانت I_0 أصغر (تغير عكسي بين I_0 و R').

المنحنى (1) يوافق المقاومة $R' = 38\Omega$

المنحنى (2) يوافق المقاومة $R' = 18\Omega$

المنحى (3) يوافق المقاومة $R' = 8\Omega$

استنتاج قيمة مقاومة الوشيعية r : باستعمال أحد المنحنيات وليكن المنحى (3) حيث $R' = 8\Omega$:

$$r = \frac{6}{0,6} - 8 = 2\Omega \quad \text{ومنه: } I_0 = \frac{E}{R' + r} \quad \text{ومنه: } r = \frac{E}{I_0} - R' \quad \text{ومنه: } r = \frac{6}{0,6} - 8 = 2\Omega$$

ب- باستغلال المنحى (3): إيجاد قيمة ذاتية الوشيعية L .

$$\tau = 0,1s \quad \text{ومنه: } L = \tau(R' + r) \quad \text{من المنحى (3) نجد: } \tau = 0,1s$$

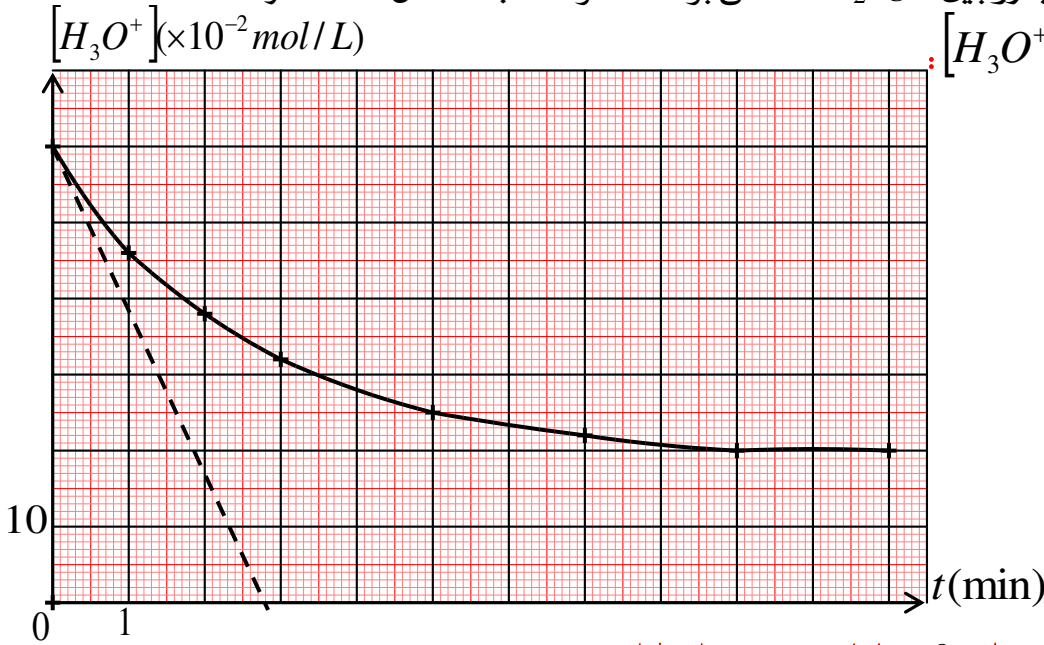
$$L = 0,1(8 + 2) = 0,1 \times 10 = 1H \quad \text{ومنه: } L = 0,1(8 + 2) = 0,1 \times 10 = 1H$$

التمرين الثالث:

السفوح الأول:

1- نكشف عن غاز ثنائي الهيدروجين $H_2(g)$ المنطلق بواسطة عود ثقاب مشتعل فتحدث فرقة.

2- أ- رسم المنحى $[H_3O^+] = f(t)$:



ب- استنتاج التركيز المولي الابتدائي c لمحلول حمض كلور الماء:

$$c = [H_3O^+]_0 = 60 \times 10^{-2} \text{ mol/L} \quad \text{نجد: } t = 0 \quad \text{لدينا من الجدول ولما } c = 6 \times 10^{-1} \text{ mol/L}$$

3- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$Mg(s) + 2H_3O^+(aq) = Mg^{2+}(aq) + H_2(g) + 2H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	n_{02}	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$x(t)$	$x(t)$	بالزيادة
النهائية	$x_{\max}$	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	$x_{\max}$	بالزيادة

ب- تحديد المتفاعل المحد:

$$H_3O^+(aq) \quad \text{لدينا التفاعل تام ومن البيان نجد: } [H_3O^+]_0 = 20 \times 10^{-2} \text{ mol/L} \neq 0 \quad \text{ومنه: شوارد } H_3O^+(aq)$$

موجودة بالزيادة في نهاية التفاعل إذن معدن المغنيزيوم $Mg(s)$ هو المتفاعل المحد.

استنتاج قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$: لدينا من جدول تقدم التفاعل عند الحالة النهائية:

$$x_{\max} = \frac{cV - [H_3O^+]_f V}{2} \quad \text{ومنه} \quad x_{\max} = \frac{n_{02} - n_f(H_3O^+)}{2} \quad \text{ومنه} \quad n_f(H_3O^+) = n_{02} - 2x_{\max}$$

$$x_{\max} = \frac{(6 \times 10^{-1} - 2 \times 10^{-1}) 50 \times 10^{-3}}{2} = 10^{-2} \text{ mol} \quad \text{أي:} \quad x_{\max} = \frac{(c - [H_3O^+]_f) V}{2}$$

$$x_{\max} = 10^{-2} \text{ mol} \quad \text{أي:}$$

ج- حساب الكتلة m_0 لصفحة المغنيزيوم المستعملة: لدينا $Mg(s)$ متفاعل محد أي: $n_{01} - x_{\max} = 0$

$$\text{ومنه:} \quad \frac{m_0}{M(Mg)} = x_{\max} \quad \text{ومنه:} \quad m_0 = x_{\max} \cdot M(Mg) \quad \text{ت-ع:} \quad m_0 = 10^{-2} \times 24 = 0,24 \text{ g} \quad \text{أي:}$$

$$m_0 = 0,24 \text{ g}$$

4- حساب سرعة التفاعل $v(t)$ عند اللحظة $t = 0$:

لدينا: $v(t) = \frac{dx(t)}{dt} \dots (1)$. ولدينا من جدول تقدم التفاعل عند الحالة الانتقالية:

$$x(t) = \frac{n_{02} - [H_3O^+]_f V}{2} \quad \text{أي:} \quad x(t) = \frac{n_{02} - n_t(H_3O^+)}{2} \quad \text{ومنه} \quad n_t(H_3O^+) = n_{02} - 2x(t)$$

$$v(t) = \frac{-V}{2} \times \frac{d[H_3O^+]}{dt} \quad \text{وبالتعويض في (1) نجد:} \quad v(t) = \frac{d\left(\frac{n_{02} - [H_3O^+]_f V}{2}\right)}{dt} \quad \text{وبالتبسيط نجد:}$$

$$v(0) = \frac{-V}{2} \times \frac{d[H_3O^+]}{dt} \bigg|_{t=0} = \frac{-50 \times 10^{-3}}{2} \times \frac{(0 - 60) \times 10^{-2}}{(2,8 - 0)} = 5,4 \times 10^{-3} \text{ mol / min} \quad \text{ت-ع:}$$

$$v(0) = 5,4 \times 10^{-3} \text{ mol / min} \quad \text{أي:}$$



PHYSIQUE TACHETA SUJET N° 07

الفوج الثاني:

1- تسمية العناصر المرقمة مع تبيان دور العنصر 4 في الشكل 3:

رقم العنصر	الاسم الموافق
1	محلول حمض كلور الماء.
2	دورق زجاجي.
3	مسحوق معدن المغنيزيوم النقي.
4	جهاز قياس الضغط دوره قياس الضغط لغاز $H_2(g)$ المنطلق.

2- إيجاد الحجم الثابت V_{H_2} لغاز ثنائي الهيدروجين المنطلق، علما أن حجم الزجاجة (2) هو $V' = 250 mL$:

لدينا: $V' = V + V_{H_2}$ ومنه: $V_{H_2} = V' - V$ ت-ع: $V_{H_2} = 250 - 50 = 200 mL$

$$V_{H_2} = 200 mL = 2 \times 10^{-4} m^3 \text{ أي:}$$

3- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$Mg(s) + 2H_3O^+(aq) = Mg^{2+}(aq) + H_2(g) + 2H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	n_{02}	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$x(t)$	$x(t)$	بالزيادة
النهائية	$x_{\max}$	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	$x_{\max}$	بالزيادة

أ- تبيان أن عبارة تقدم التفاعل $x(t)$ عند اللحظة t تكتب بـ $x(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t)$:

لدينا من قانون الغازات المثالية: $P_{H_2}(t)V_{H_2} = n_{H_2}(t)RT$ ومنه: $n_{H_2}(t) = \frac{P_{H_2}(t)V_{H_2}}{RT}$

أي: $n_{H_2}(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t)$ حيث: $T = \theta + 273$

ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_{H_2}(t) = x(t)$ وعليه: $x(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t)$

ب- استنتاج قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

لدينا: $x(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t)$ ولما $t = t_f$ نجد: $x_{\max} = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_f(H_2)$

حيث من البيان $P_{H_2} = g(t)$ نجد: $P_f(H_2) = 12,4 \times 10^4 \text{ pa}$

ت-ع: $x_{\max} = \frac{2 \times 10^{-4}}{8,31 \times (25 + 273)} \times 12,4 \times 10^4 = 0,01 \text{ mol}$ أي: $x_{\max} = 10^{-2} \text{ mol}$

تحديد المتفاعل المحد: نفرض أن $H_3O^+(aq)$ متفاعل محد: $n_{02} - 2x_{\max} = 0$

ومنه: $n_{02} - 2x_{\max} \neq 0$ أي: $cV - 2x_{\max} = 0,6 \times 50 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-2} = 10^{-2} \text{ mol}$

وعليه: معدن المغنيزيوم $Mg(s)$ هو المتفاعل المحد.

ج- استنتاج قيمة كتلة مسحوق الألمنيوم m_0 : لدينا $Mg(s)$ متفاعل محد أي: $n_{01} - x_{\max} = 0$

ومنه: $\frac{m_0}{M(Mg)} = x_{\max}$ ومنه: $m_0 = x_{\max} \cdot M(Mg)$ ت-ع: $m_0 = 10^{-2} \times 24 = 0,24 \text{ g}$

أي: $m_0 = 0,24 \text{ g}$ وعليه هذه القيمة توافق نتيجة الفوج الأول.



PHYSIQUE TACHETA SUJET N° 07

4- لـ تبيان أن عبارة سرعة التفاعل $v(t)$ تكتب بالشكل $v(t) = \frac{x_{\max}}{P_f(H_2)} \times \frac{dP_{H_2}(t)}{dt}$:

$$\begin{cases} x(t) = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_{H_2}(t) \dots (1) \\ x_{\max} = \frac{V_{H_2}}{R \times (\theta + 273)} \times P_f(H_2) \dots (2) \end{cases}$$

لدينا: $v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$ ولدينا مما سبق:

بقسمة العلاقة (1) على العلاقة (2) نجد: $\frac{x(t)}{x_{\max}} = \frac{P_{H_2}(t)}{P_f(H_2)}$ ومنه $x(t) = \frac{x_{\max} P_{H_2}(t)}{P_f(H_2)}$

$$v(t) = \frac{d\left(\frac{x_{\max} P_{H_2}(t)}{P_f(H_2)}\right)}{dt} = \frac{x_{\max}}{P_f(H_2)} \times \frac{dP_{H_2}(t)}{dt}$$

وعليه:

قيمة $v(t)$ عند اللحظة $t = 0$:

$$v(0) = \frac{x_{\max}}{P_f(H_2)} \times \frac{dP_{H_2}(t)}{dt} \Bigg|_{t=0} = \frac{10^{-2}}{12,4 \times 10^4} \times \frac{(12,4 - 0) \times 10^4}{(1,2 - 0)} = 8,3 \times 10^{-3}$$

$$v(0) = 8,3 \times 10^{-3} \text{ mol / min}$$

أي:

5- تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$: هو الزمن الضروري لبلوغ تقدم التفاعل لنصف تقدمه الأعظمي ونكتب:

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$$

قيمة $t_{1/2}$ بيانيا مع التعليل :

$$\frac{x(t_{1/2})}{x_{\max}} = \frac{1}{2} \quad \text{حيث:} \quad \frac{x(t_{1/2})}{x_{\max}} = \frac{P_{H_2}(t_{1/2})}{P_f(H_2)} \quad \text{ولما } t = t_{1/2} \text{ نجد:} \quad \frac{x(t)}{x_{\max}} = \frac{P_{H_2}(t)}{P_f(H_2)}$$

لدينا مما سبق:

$$\frac{1}{2} = \frac{P_{H_2}(t_{1/2})}{P_f(H_2)} \quad \text{ومنه:} \quad P_{H_2}(t_{1/2}) = \frac{P_f(H_2)}{2}$$

أي:

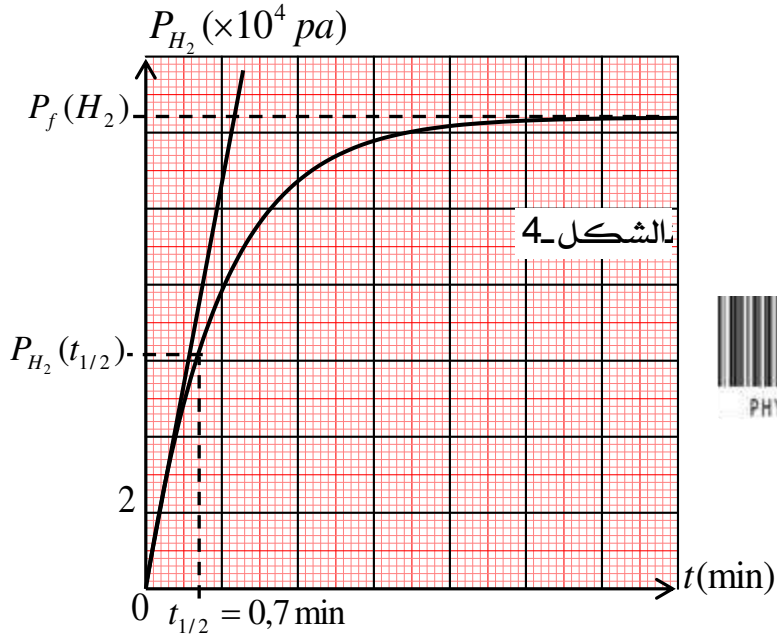


$$P_{H_2}(t_{1/2}) = \frac{12,4 \times 10^4}{2} = 6,2 \times 10^4 \text{ pa}$$

ت-ع:

وعليه: $t_{1/2}$ هو فاصلة الترتيبة $P_{H_2}(t_{1/2}) = 6,2 \times 10^4 \text{ pa}$

وبالاسقاط نجد: $t_{1/2} = 0,7 \text{ min}$



المقارنة بين سرعة التفاعلين :

الفوج الثاني	الفوج الأول	
$8,3 \times 10^{-3}$	$5,4 \times 10^{-3}$	قيمة $v(0)$ بـ (mol / min)
مسحوق	صفيحة	شكل معدن المغنيزيوم $Mg(s)$

نلاحظ أن قيمة $v(0)$ للفوج الثاني أكبر من قيمة $v(0)$ للفوج الأول.
 نستنتج أن زيادة مساحة سطح التلامس بين المتفاعلات تزيد من سرعة التفاعل .
 أي: مساحة سطح التلامس هو عامل حركي .

بالتوفيق للجميع ...



بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...

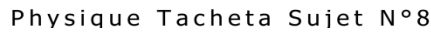


فيزياء تاشطة



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

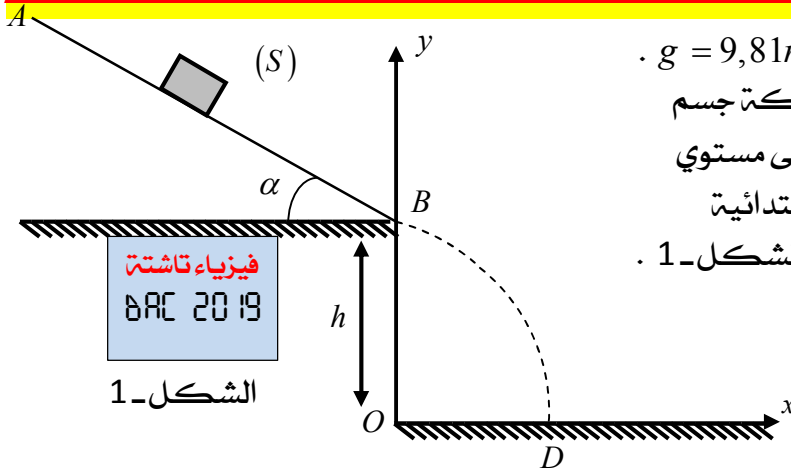
ولدعواتكم إخواننا نحتاج



نحو البكالوريا - الموضوع الثامن

التمرين الأول :

نهمل في كامل التمرين تأثير الهواء و نأخذ $g = 9,81 m/s^2$.
قصد دراسة تأثير قوى الاحتكاك على طبيعة حركة جسم صلب (S) كتلته m ، نتركه من نقطة A أعلى مستوي مائل، زاوية α وطوله $AB = 1m$ دون سرعة ابتدائية ليتحرك وفق خط الميل الأعظم باتجاه النقطة B الشكل-1.



فيزياء تاشة
BAC 2019
الشكل-1

I - الدراسة التجريبية:

نغير في كل مرة من شدة قوى الاحتكاك

بتغيير الورق الكاشط الذي ينزل على الجسم $\vec{f}$ ، فتحصلنا على النتائج التالية:

$f (N)$	0,5	1,0	1,5	2,0
$a (m/s^2)$	3,9	2,9	1,9	0,9

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد عبارة a تسارع مركز عطالة الجسم (S) .

2- أرسم البيان الممثل لتغيرات a تسارع مركز عطالة الجسم (S) بدلالة شدة قوى الاحتكاك $\vec{f}$.

$v_x (m/s); v_y (m/s)$

اعتمادا على السلم: $1cm \rightarrow 0,5 m/s^2$ ، $1cm \rightarrow 0,25N$

3- جد قيمة زاوية الميل α وكتلة الجسم m .

4- مثل الحصيلة الطاقوية للجسم (S) بين الموضعين A و B .

5- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجسم (S) :

أ- جد عبارة شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ وأحسب قيمتها من أجل $v_B = 2,19 m/s$.

ب- تأكد بيانيا من قيمة $\vec{f}$ السابقة.

II - يغادر الجسم (S) النقطة B ليسقط على الأرض عند النقطة D ، أنظر الشكل-1.

يمثل الشكل-2 بيان تغيرات مركبتي شعاع السرعة

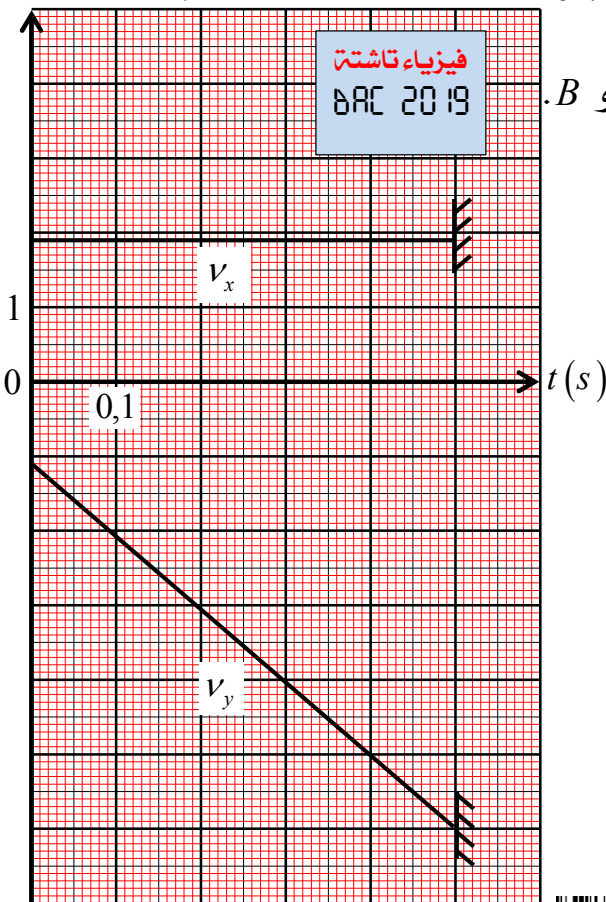
v_x و v_y في المعلم $(\vec{ox}, \vec{oy})$ بدلالة الزمن.

- اعتمادا على البيانين:

1- حدد طبيعة حركة الجسم (S) في المعلم $(\vec{ox}, \vec{oy})$.

2- جد قيمة كل من الارتفاع h و المدى x_D .

3- جد سرعة الجسم (S) عند النقطة D .



الشكل-2



حمض البنزويك (C_6H_5COOH) مسحوق لونه أبيض يستعمل كمادة حافظة في صناعة المواد الغذائية والمشروبات الغازية خاصة.

I- 01) نقوم بتحضير محلول (S_0) لحمض البنزويك $C_6H_5COOH(aq)$ تركيزه المولي c_0 وذلك بإذابة كتلة m_0 من مسحوق حمض البنزويك النقي في حجم قدره $V_0 = 100 mL$ من الماء المقطر، تم قياس الـ pH له عند درجة الحرارة $\theta = 25^\circ C$ فوجد $pH_0 = 2,61$.

1- اكتب معادلة التفاعل للتحويل الكيميائي الحادث بين حمض البنزويك والماء.

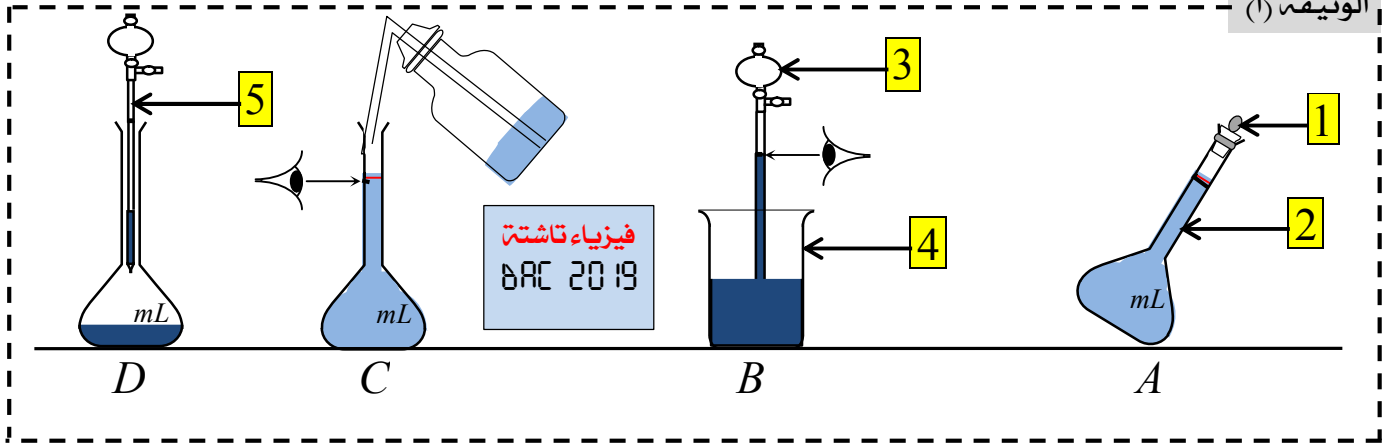
2- اعتمادا على جدول تقدم التفاعل بين أن عبارة النسبة النهائية لتقدم التفاعل τ_{1f} تكتب بالشكل:

$$\tau_{1f} = \frac{1}{c_0 \times 10^{pH_0}}$$

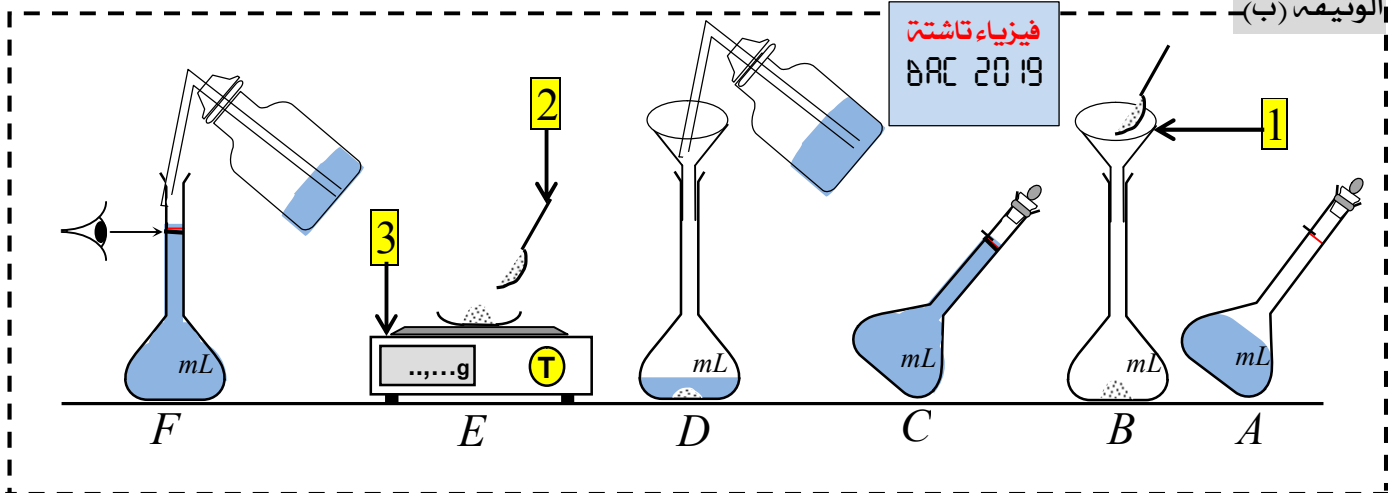
02) - نأخذ عينة من المحلول (S_0) ونمددها 10 مرات فنحصل على المحلول (S_a) تركيزه المولي c_a .

1- إليك الوثيقتين التاليتين التي تمثل إحداهما طريقة تحضير المحلول (S_0) والأخرى خاصة بتحضير المحلول (S_a).

الوثيقة (أ)



الوثيقة (ب)



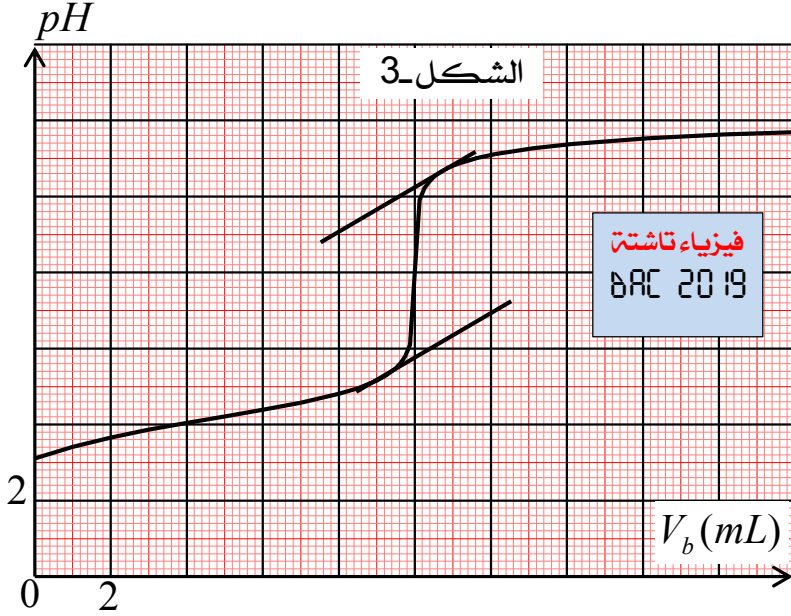
- أنسب كل وثيقة بطريقة تحضير المحلول المناسب.

2- أ- سم العناصر المرقمة المشار إليها في كل وثيقة.

ب- رتب الخطوات ترتيبا صحيحا لكل وثيقة مع الشرح البسيط حتى نتمكن من التحضير الجيد لكل محلول.



- نأخذ حجما قدره $V_a = 20\text{mL}$ من المحلول (S_a) واعتمادا على تقنية المعايرة الـ pH مترية تمت معايرته بواسطة محلول الصود ($Na^+ + OH^-$)(aq) تركيزه المولي $c_b = 2 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot L^{-1}$ ، وبناء على النتائج التجريبية تمكنا من رسم المنحنى البياني $pH = f(V_b)$ الموضح في الشكل-3.



1- أ- اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

ب- انشئ جدول تقدم التفاعل.

2- أ- جد بيانيا إحداثيتي نقطة التكافؤ E .

ب- استنتج قيمة ثابت الحموضة pK_a للشائبة $(C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-)$.

3- عند إضافة حجم $V_b = 7\text{mL}$ من السحاحة :

أ- بين أن عبارة نسبة التقدم النهائي τ_{2f} لتفاعل المعايرة تكتب بالشكل :

$$\tau_{2f} = 1 - \frac{K_e \times 10^{pH}}{c_b} \left(1 + \frac{V_a}{V_b} \right)$$

ب- جد قيمة τ_{2f} ماذا تستنتج ؟

4- أ- جد قيمة c_a ثم استنتج قيمة c_0 .

5- أ- جد قيمة τ_{1f} ماذا تستنتج ؟

ب- احسب قيمة m_0 .

فيزياء تاشته
BAC 2019

المعطيات: كل المحاليل مأخوذة عند درجة الحرارة $\theta = 25^\circ C$.

$$M(H) = 1\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}, M(O) = 16\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}, M(C) = 12\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}, K_e = 10^{-14}$$

التمرين الثالث:

إليك منحنى أستون ($Aston$) المبين في الشكل-4 يحوي أربعة نوى :

1- ماذا يمثل ؟ بين أهميته.

2- مثل محور تزايد الاستقرار، ثم ضع عليه النوى الأربعة أسفله مع التعليل.

3- النواة X_3 هي نظير لعنصر البلوتونيوم ${}_{94}Pu$.

أ- جد تركيبها النووي.

ب- احسب قيمة كتلة نواة ${}_{94}Pu$ بوحدة الكتلة الذرية u .

4- تقذف النواة السابقة بنيترين بطيئ فتتشرط إلى نواتي التكنيسيوم ${}_{43}Tc$ و الأنتيموان ${}_{51}Sb$ وتنبعث عددا من النيترونات.

أ- عرف الانشطار النووي.

ب- اكتب معادلة التفاعل للانشطار النووي الحادث.





جـ- احسب الطاقة المحررة E_{lib} عن هذا التفاعل بوحدة الـ MeV .

د- استنتج قيمة النقص الكتلي للتفاعل النووي Δm بوحدة الكتلة الذرية u .

هـ- جد قيمة الطاقة المحررة الكلية E_T عن انشطار كتلة من نوى البلوتونيوم ${}_{94}Pu$ قدرها $m = 10^{-1} kg$.

5- تمثل النواة X_4 في المخطط نواة الأنشتانيوم ${}_{99}^{248}Es$ سميت تكريما للعالم ألبرت أنشتاين، تماز بنشاط إشعاعي

طبيعي حيث تتفكك عينة منه إلى ربعها خلال مدة زمنية قدرها $54 mois$ معطية نواة الكاليفورنيوم ${}_{98}^{248}Cf$.
أ- اكتب معادلة التفكك النووي الحادث مع تحديد طبيعة الجسيمة المنبعثة.

ب- احسب ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الأنشتانيوم ${}_{99}^{248}Es$ ، واستنتج عدد الأنوية الموجودة في عينة نشاطها

الإشعاعي $5,5 \times 10^5 Bq$.

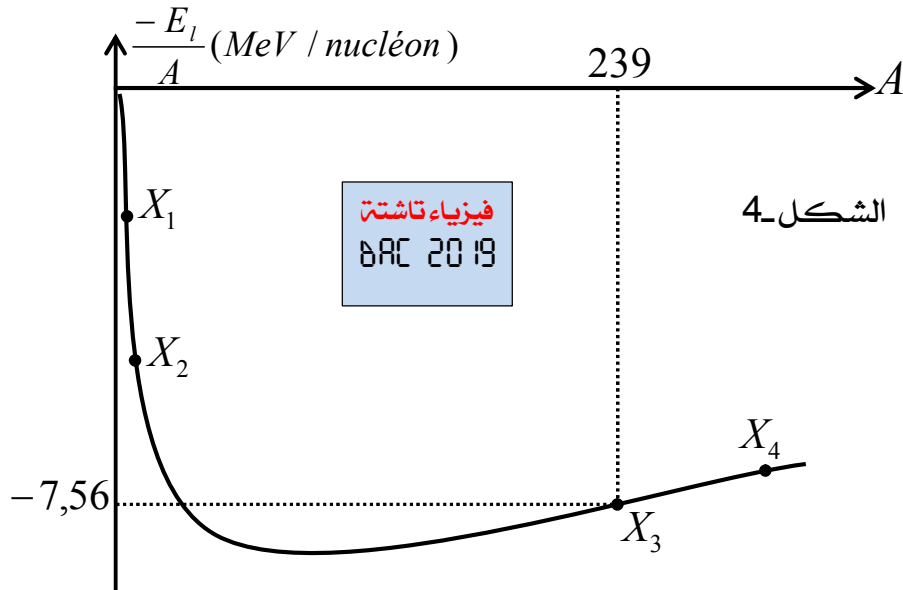
فيزياء تاشته
8AC 20 19

جـ - جد قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة الأنشتانيوم ${}_{99}^{248}Es$.

المعطيات:

$$m_n = 1,0087u; m_p = 1,0073u; 1u = 931,5 \frac{MeV}{c^2}$$

$$1mois = 30j, E_l({}^{126}Sb) = 1063MeV; E_l({}^{111}Tc) = 931,9MeV$$



...



التمرين الأول :

I - الدراسة التجريبية: 1- عبارة التسارع a :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \quad \text{أي:} \quad \vec{P} + \vec{f} + \vec{R} = m \vec{a}_G$$

بالاسقاط على محور الحركة (Ox) نجد: $P_x - f = m a_G$

$$P_x = P \cdot \sin \alpha = m \cdot g \cdot \sin \alpha$$

$$m \cdot g \cdot \sin \alpha - f = m a_G$$

$$a_G = g \cdot \sin \alpha - \frac{f}{m} \quad \dots (1)$$

2- رسم البيان $a(f)$:

البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل:

$$a = A f + B \quad \dots (2)$$

$$A = \frac{\Delta a}{\Delta f} = -2 \text{ m s}^{-2} \cdot \text{N}^{-1} \quad \text{حيث: } A : \text{معامل توجيه البيان}$$

$$B = 4,9 \text{ m s}^{-2} \quad \text{نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب}$$

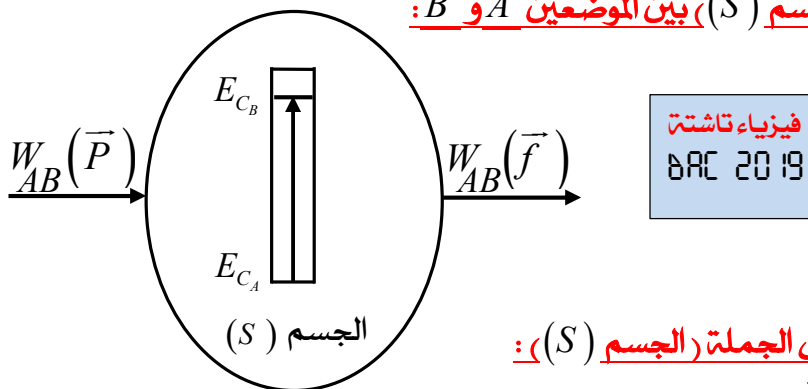
3- قيمة زاوية الميل α وكتلة الجسم m :

بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) نجد:

$$A = -\frac{1}{m} \quad \text{أي:} \quad m = -\frac{1}{A} = 0,5 \text{ kg} \quad \text{ت-ع:} \quad m = -\frac{1}{-2} = 0,5 \text{ kg}$$

$$B = g \cdot \sin \alpha \quad \text{أي:} \quad \sin \alpha = \frac{B}{g} = 0,5 \Rightarrow \alpha = 30^\circ \quad \text{ت-ع:} \quad \sin \alpha = \frac{4,9}{9,81} = 0,5$$

4- الحصلة الطاقوية للجملة (الجسم (S)) بين الموضعين A و B :



5- تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (الجسم (S)) :

أ- عبارة شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$:

$$E_{C_A} + W_{AB}(\vec{P}) = E_{C_B} + W_{AB}(\vec{f}) \quad \text{أي:} \quad m \cdot g \cdot AB \cdot \sin \alpha = \frac{1}{2} m v_B^2 + f \cdot AB$$

فيزياء تاشة
BAC 2019

$$f = m \left(g \cdot \sin \alpha - \frac{v_B^2}{2 \cdot AB} \right) \quad \text{وعليه:}$$



$$f = 0,5 \left(9,81 \times \sin 30 - \frac{(2,19)^2}{2 \times 1} \right) = 1,25N$$

قيمتها من أجل $v_B = 2,19m/s$: ت-ع:

ب- التأكد من قيمة $\vec{f}$ بيانياً :

$$a = \frac{2,19^2}{2 \times 1} = 2,4m/s^2$$

ت-ع:

$$a = \frac{v_B^2}{2AB}$$

لدينا: $v_B^2 - v_A^2 = 2aAB$ ومنه:

باسقاط القيمة $a = 2,4m/s^2$ على البيان $a(f)$ نجد: $f = 1,25N$

II - يغادر الجسم (S) النقطة B ليسقط على الأرض عند النقطة D، أنظر الشكل- 1.

اعتماداً على البيانيين:

1- طبيعة الحركة:

وفق المحور (ox) : البيان $v_x(t)$ عبارة عن خط مستقيم أفقي ومنه: قيمة السرعة منتظمة، وعليه فالحركة منتظمة.

وفق المحور (oy) : البيان $v_y(t)$ عبارة عن خط مستقيم مائل لا يمر من المبدأ، ومنه: قيمة السرعة متزايدة وعليه: فالحركة متسارعة بانتظام (متغيرة بانتظام).

2- قيمة الارتفاع h والمدى x_D :

المدى هو أقصى مسافة تقطعها القذيفة على المحور الأفقي (ox).

من البيان $v_x(t)$: المدى x_D يساوي المساحة المحصورة تحت البيان $v_x(t)$ (مساحة مستطيل)

$$x_D = v_x t \quad \text{ت-ع:} \quad x_D = 1,9 \times 0,5 = 0,95m = 95cm$$

من البيان $v_y(t)$: الارتفاع h يساوي المساحة المحصورة تحت البيان $v_y(t)$ (مساحة المثلث).

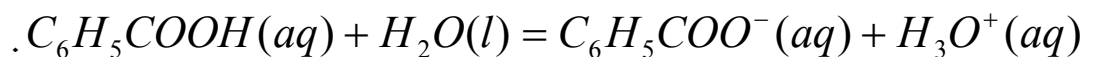
$$h = \frac{v_y t}{2} \quad \text{ت-ع:} \quad h = \frac{1}{2} (6 - 1,1) \times 0,5 = 1,23m$$

3- قيمة سرعة الجسم (S) عند النقطة D:

$$v_D = \sqrt{v_{Dx}^2 + v_{Dy}^2} \quad \text{ت-ع:} \quad v_D = \sqrt{1,9^2 + 6^2} = 6,29m/s$$

التمرين الثاني:

I- 01- 1- معادلة التفاعل للتحويل الكيميائي الحادث بين حمض البنزويك والماء:



2- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$C_6H_5COOH(aq) + H_2O(l) = C_6H_5COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
الابتدائية	$x = 0$	$n_0 = c_0 V_0$	بالزيادة	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n_0 - x(t)$	بالزيادة	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$n_0 - x_f$	بالزيادة	x_f	x_f



- تبيان أن عبارة النسبة النهائية لتقدم التفاعل τ_{1f} تكتب بالشكل : $\tau_{1f} = \frac{1}{c_0 \times 10^{pH_0}}$

لدينا : $\tau_{1f} = \frac{x_f}{x_{\max}}$ واعتمادا على جدول تقدم التفاعل نجد : $x_f = [H_3O^+]_f V_0$ و $x_{\max} = c_0 V_0$

ومنه : $\tau_{1f} = \frac{[H_3O^+]_f}{c_0}$ ونعلم أن : $[H_3O^+]_f = 10^{-pH_0}$ أي : $\tau_{1f} = \frac{10^{-pH_0}}{c_0}$ وعليه : $\tau_{1f} = \frac{1}{c_0 \times 10^{pH_0}}$

02) - 1. انساب كل وثيقة بطريقة تحضير المحلول المائي المناسب :

فيزياء تاشته
8AR 20 19

تحضير المحلول (S_0) : الوثيقة (ب).

تحضير المحلول (S_a) : الوثيقة (أ).

2- أ- تسمية العناصر المرقمة المشار إليها في كل وثيقة :

الوثيقة (أ)		الوثيقة (ب)	
الاسم	رقم العنصر	الاسم	رقم العنصر
سدادة	1	قمع	1
حوجلة عيارية	2	ملعقة	2
إجاصة مص	3	ميزان الكتروني حساس	3
بيشر	4		
ماصة عيارية	5		

ب- ترتيب الخطوات ترتيبا صحيحا لكل وثيقة مع الشرح البسيط حتى نتمكن من التحضير الجيد لكل محلول :

❖ بالنسبة لتحضير المحلول (S_0) — الوثيقة (ب) :

$E \leftarrow B \leftarrow D \leftarrow A \leftarrow F \leftarrow C$

الشرح :

- بواسطة ميزان الكتروني حساس مضبوط واعتمادا على ملعقة وزن الكتلة m_0 من مسحوق حمض البنزويك النقي

- اعتمادا على قمع نضع الكتلة الموزونة في حوجلة عيارية سعتها $100 mL$.

- نسكب في محتوى الحوجلة $30 mL$ من الماء المقطر مع الرج الجيد بعد غلقها بسدادة.

- نكمل بالماء المقطر حتى نصل لخط العيار مع الرج المستمر.

- نغلق فوهة الحوجلة جيدا بسدادة مع كتابة اسم المحلول (S_0) وتركيزه المولي.

❖ بالنسبة لتحضير المحلول (S_a) — الوثيقة (أ) :

$B \leftarrow D \leftarrow C \leftarrow A$

الشرح :

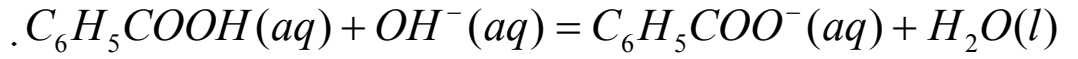
- نفرغ كمية من المحلول (S_0) في بيشر.

- بواسطة ماصة مزودة بإجاصة مص نأخذ حجما منها ونضعه في حوجلة عيارية.

- نكمل بالماء المقطر حتى نصل لخط العيار مع الرج المستمر.

- نغلق فوهة الحوجلة جيدا بسدادة مع كتابة اسم المحلول (S_a) وتركيزه المولي.

فيزياء تاشته
8AR 20 19



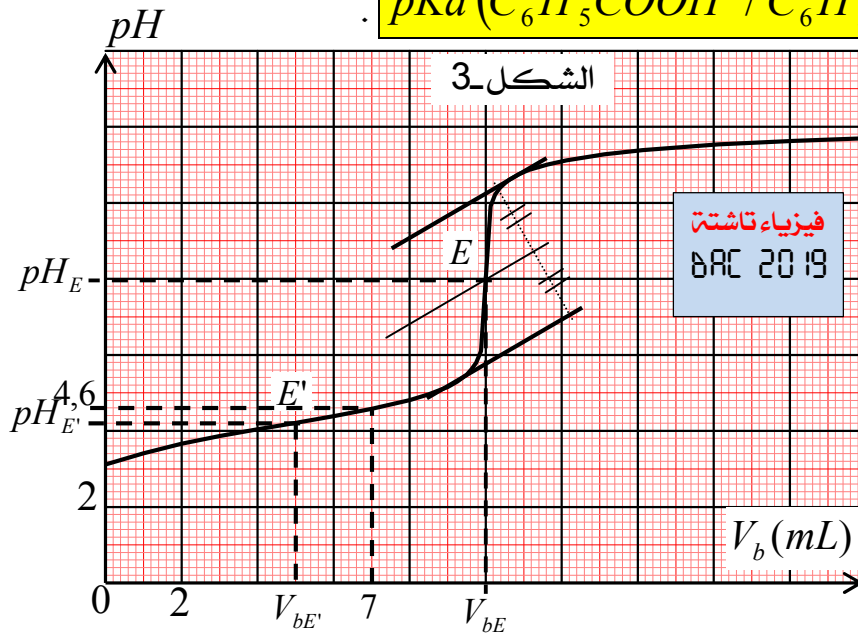
ب- جدول تقدم التفاعل :

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$C_6H_5COOH(aq) + OH^-(aq) = C_6H_5COO^-(aq) + H_2O(l)$		
الابتدائية	$x = 0$	n_a	n_b	0
النهائية	x_{Eq}	$n_a - x_{Eq}$	$n_b - x_{Eq}$	x_{Eq}

2- أ- جد بيانيا إحداثيتي نقطة التكافؤ E :اعتمادا على طريقة المماسين المتوازيين نجد: $E(V_{bE} = 10mL; pH_E = 8)$ ب- استنتاج قيمة ثابت الحموضة pKa للشثائية $(C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-)$:فيزياء تاشته
BAC 2019

$$pH = pKa + \log\left(\frac{[C_6H_5COO^-]}{[C_6H_5COOH]}\right)$$

نعلم أن :

وعند نقطة نصف التكافؤ E' نجد: $[C_6H_5COOH]_{E'} = [C_6H_5COO^-]_{E'}$ أي: $pH_{E'} = pKa$.ولدينا: $V_{bE'} = \frac{V_{bE}}{2}$ ت-ع: $V_{bE'} = \frac{10}{2} = 5mL$ وبالإسقاط نجد: $pH_{E'} = 4,2$ أي: $pKa = 4,2$ وعليه: $pKa(C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-) = 4,2$ 3- أ- تبيان أن عبارة نسبة التقدم النهائي τ_{2f} لتفاعل المعايرة تكتب بـ: $\tau_{2f} = 1 - \frac{K_e \cdot 10^{pH}}{c_b} \left(1 + \frac{V_a}{V_b}\right)$:نعلم أن: (1) $\tau_{2f} = \frac{x_f}{x_{\max}}$ ولما $V_b = 7mL$ يكون: $V_b < V_{bE}$ وعليه: $OH^-(aq)$ هو المتفاعل المحد.



$$x_{\max} = c_b V_b \dots (2) \text{ إذن:}$$

ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n(OH^-) = n_a - x_f$ ومنه: $[OH^-] V_T = c_b V_b - x_f$

أي: $x_f = c_b V_b - [OH^-](V_a + V_b) \dots (3)$ وعليه: $[OH^-](V_a + V_b) = c_b V_b - x_f$

بتعويض (2) و (1) في نجد: $\tau_{2f} = \frac{c_b V_b - [OH^-](V_a + V_b)}{c_b V_b}$ ومنه: $\tau_{2f} = 1 - \frac{[OH^-](V_a + V_b)}{c_b V_b}$

ومنه: $\tau_{2f} = 1 - \frac{[OH^-]}{c_b} \left(1 + \frac{V_a}{V_b}\right)$ أي: $\tau_{2f} = 1 - \frac{[OH^-]}{c_b} \left(\frac{V_a + V_b}{V_b}\right)$

ونعلم أن: $K_e = [OH^-][H_3O^+] = 10^{-pH}$ ومنه: $[H_3O^+] = 10^{-pH}$ و $K_e = [OH^-][H_3O^+]$ أي: $[OH^-] = K_e \times 10^{pH}$

فيزياء تاشتر
٥٨٤ ٢٠١٩

وعليه: $\tau_{2f} = 1 - \frac{K_e \times 10^{pH}}{c_b} \left(1 + \frac{V_a}{V_b}\right)$ وهو المطلوب.

ب- إيجاد قيمة τ_{2f} :

لدينا: $\tau_{2f} = 1 - \frac{K_e \times 10^{pH}}{c_b} \left(1 + \frac{V_a}{V_b}\right)$ ولما $V_b = 7 \text{ mL}$ نجد بيانيا: $pH = 4,6$

ت- ع: $\tau_{2f} = 1 - \frac{10^{-14} \times 10^{(4,6)}}{2 \times 10^{-2}} \left(1 + \frac{20}{7}\right) = 0,9999$ ومنه: $\tau_{2f} = 1$ أي: $\tau_{2f} = 100 \%$

- استنتج أن تفاعل المعايرة تام.

4- أ- إيجاد قيمة c_a :

عند التكافؤ يتحقق مزيج ستيويميترى:

$$c_a = \frac{c_b V_{bE}}{V_a} \text{ ومنه: } n_a = n_b \text{ أي: } c_a V_a = c_b V_{bE} \text{ وعليه: } \begin{cases} x_{Eq} = n_a \\ x_{Eq} = n_b \end{cases} \begin{cases} n_a - x_{Eq} = 0 \\ n_b - x_{Eq} = 0 \end{cases}$$

فيزياء تاشتر
٥٨٤ ٢٠١٩

ت- ع: $c_a = \frac{2 \times 10^{-2} \times 10}{20} = 10^{-2} \text{ mol/L}$

- استنتاج قيمة c_0 : لدينا: $F = \frac{c_0}{c_a}$ ومنه: $c_0 = c_a \times F$ ت- ع: $c_0 = 10^{-2} \times 10 = 10^{-1} \text{ mol/L}$

5- أ- إيجاد قيمة τ_{1f} : لدينا: $\tau_{1f} = \frac{1}{c_0 \times 10^{pH_0}}$ ت- ع: $\tau_{1f} = \frac{1}{10^{-1} \times 10^{(2,61)}} = 0,025$

أي: $\tau_{1f} = 2,5\%$ وعليه نستنتج أن حمض البنزويك حمض ضعيف وتفاعله مع الماء محدود.

فيزياء تاشتر
٥٨٤ ٢٠١٩



$$\text{لدينا: } \begin{cases} n_0 = \frac{m_0}{M} \\ n_0 = c_0 V_0 \end{cases} \text{ ومنه: } \frac{m_0}{M} = c_0 V_0 \text{ أي: } m_0 = c_0 V_0 M$$

$$\text{حيث: } M(C_6H_5COOH) = 7M(C) + 2M(O) + 6M(H) = 122 \text{ g/mol}$$

$$\text{ت-ع: } m_0 = 10^{-1} \times 100 \times 10^{-3} \times 122 = 1,22 \text{ g} \text{ أي: } m_0 = 1,22 \text{ g}$$

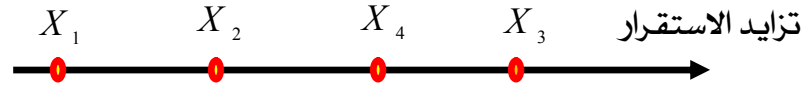
التمرين الثالث:

فيزياء تاشتة
BAC 2019

- منحني أستون يمثل تغيرات طاقة الربط لكل نوية بقيمة سالبة بدلالة العدد الكتلي.
- أهميته:

- يمكننا من مقارنة مدى استقرار النوى و تفسير إمكانية تحول النوى إلى نوى أخرى.
- التنبؤ بآلية التحول النووي الحادث هل هو انشطار نووي لنواة ثقيلة أو اندماج نووي لنوى خفيفة.

2- ترتيب الأنوية الأربعة حسب تزايد استقرارها.



فيزياء تاشتة
BAC 2019

التعليل: النواة التي لها أكبر طاقة ربط لكل نوية هي أكثر استقرارا.

3- أ- التركيب النووي لنواة البلوتينيوم ($^{239}_{94}\text{Pu}$).

عدد البروتونات: $Z = 94$ ، عدد النوترونات: $N = A - Z = 239 - 94 = 145$

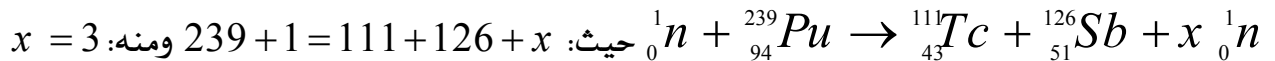
ب- حساب قيمة كتلة نواة ($^{239}_{94}\text{Pu}$) بوحدة الكتلة الذرية u .

$$\text{لدينا: } \begin{cases} E_l = \Delta m \times 931,5 \dots\dots\dots (1) \\ \Delta m = Zm_p + Nm_n - m(^{239}_{94}\text{Pu}) \dots\dots\dots (2) \end{cases} \text{ من العلاقة (1): } \Delta m = \frac{E_l}{931,5} = \frac{7,56 \times 239}{931,5} = 1,9397u$$

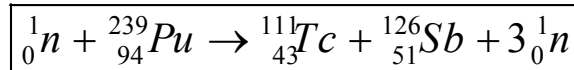
$$\text{ومن العلاقة (2): } \begin{cases} m(^{239}_{94}\text{Pu}) = 94m_p + 145m_n - \Delta m \\ m(^{239}_{94}\text{Pu}) = 94,6862 + 146,2615 - 1,9397 \end{cases} \text{ ومنه: } m(^{239}_{94}\text{Pu}) = 239,0080 \text{ MeV}$$

4- أ- تعريف الانشطار النووي: هو تفاعل نووي مفتعل ، يتم خلاله قذف نواة ثقيلة بنيوترون بطيء فيحولها إلى نواتين أخف وأكثر استقرارا مع انبعاث عدد معين من النيوترونات وتحرير طاقة.

ب- معادلة الانشطار النووي الحادث



فيزياء تاشتة
BAC 2019



ج- حساب الطاقة المحررة E_{lib} عن هذا التفاعل بوحدة الـ MeV .

$$E_{lib} = E_{lf} - E_{li} = E_l(^{111}_{43}\text{Te}) + E_l(^{126}_{51}\text{Sb}) - E_l(^{239}_{94}\text{Pu}) = 1063 + 931,9 - 1806,06$$

$$E_{lib} = 188,06 \text{ MeV}$$



د- استنتاج قيمة النقص الكتلي للتفاعل النووي Δm بوحدة الكتلة الذرية u .

فيزياء تاشطة
BAC 2019

$$\Delta m = 0,2u$$

$$\begin{cases} E_{lib} = \Delta m \times 931,5 \\ \Delta m = \frac{E_{lib}}{931,5} = \frac{188,06}{931,5} \end{cases}$$

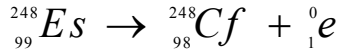
هـ- قيمة الطاقة المحررة الكلية E_T عن انشطار كتلة من نوى البلوتونيوم قدرها $m = 10^{-1} kg$

- حساب عدد الأنوية (N) الموجودة في الكتلة $m = 100g$.

$$N = 2,52 \times 10^{23} \text{ noy} \quad \text{إذن: } N = \frac{100 \times 6,023 \times 10^{23}}{239} \quad \text{ومنه: } \frac{m}{M} = \frac{N}{N_A} \Rightarrow N = \frac{m \cdot N_A}{M}$$

$$E_T = 4,70 \times 10^{25} \text{ MeV} \quad \text{ومنه: } E_T = N E_{lib} = 2,52 \times 10^{23} \times 188,06$$

5- أ- كتابة معادلة التفكك النووي الحادث مع تحديد طبيعة الجسيمة المنبعثة.



فيزياء تاشطة
BAC 2019

نمط التفكك المشار إليه هو: β^+

ب- حساب ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الأنشتانيوم ${}_{99}^{248}\text{Es}$.

$$\frac{1}{4} = e^{-\lambda t} \quad \text{إذن: } \frac{N_0}{4} = N_0 e^{-\lambda t} \quad \text{ومنه: } N(t) = \frac{N_0}{4} \quad \text{و } N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\lambda = 9,9 \times 10^{-9} \text{ s}^{-1} \quad \text{إذن: } \lambda = \frac{\ln 4}{t} = \frac{\ln 4}{1,4 \times 10^8} \quad \text{ومنه: } \ln 4 = \lambda t$$

- استنتاج عدد الأنوية الموجودة في عينة نشاطها الإشعاعي $5,5 \times 10^5 \text{ Bq}$

$$N = 5,56 \times 10^{13} \text{ noy} \quad \text{إذن: } N = \frac{A}{\lambda} = \frac{5,5 \times 10^5}{9,9 \times 10^{-9}} \quad \text{ومنه: } A = \lambda N$$

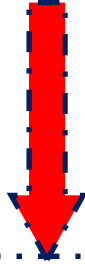
ج- جد قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لنواة الأنشتانيوم ${}_{99}^{248}\text{Es}$.

$$t_{1/2} = 7 \times 10^7 \text{ s} \quad \text{أي: } t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{\ln 2}{9,9 \times 10^{-9}}$$





بالتوفيق للجميع ... و أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص ...



ولدعواتكم إخواننا نحتاج

فيزياء تاشيتا

BAC 2019

ف

فنج والبكالوريا

BAC 2019

09

5 μ F

الموضوع التاسع

V

ف

R_1

3

2

C_2H_5

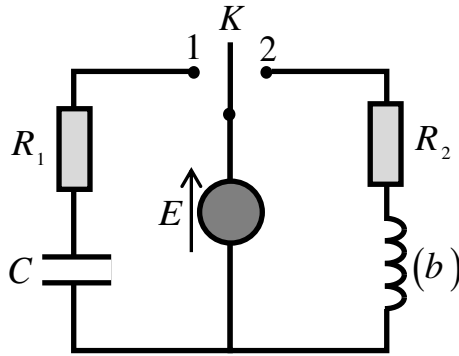
0.5 N

فيزياء تاشيتا

0.5 N

رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

التمرين الأول :



الشكل-1

ففيزياء تاشة
BAC 2019

نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل-1 و المكون من :
- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية E .

- مكثفة فارغة سعتها C .

- ناقلين أوميين مقاومته $R_1 = 2K \Omega$ و $R_2 = 35 \Omega$.

- وشيعة (b) ذاتيتها L ومقاومتها r .

- بادلة كهربائية K ، أسلاك التوصيل.

I - عند اللحظة $t = 0$ نضع البادلة K في الوضع (1).

1- بتطبيق قانون جمع التوترات ، جد المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة $q(t)$.

2- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل $q(t) = A e^{\alpha t} + B$ حيث: A و B وثابت ، يطلب تعيين عبارتها بدلالة مميزات الدارة الكهربائية.

3- الدراسة التجريبية مكنتنا من رسم المنحنى البياني $q = f(t)$ كما هو مبين في الشكل-2.

أ- بالاعتماد على المنحنى البياني جد قيمة الثابت α .

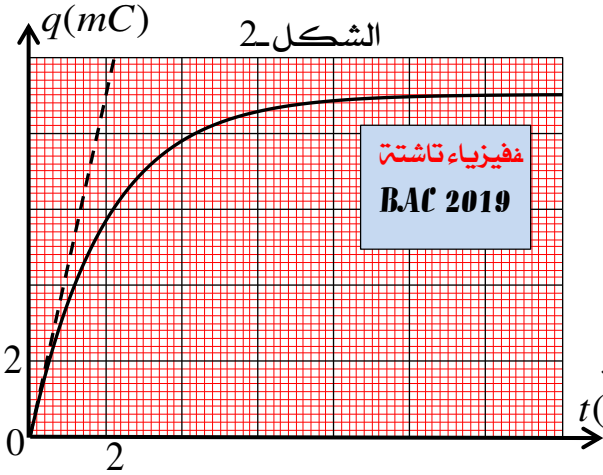
ب- احسب سعة المكثفة C .

ج- احسب القوة المحركة الكهربائية E للمولد.

4- عبر عن شدة التيار المار في الدارة الكهربائية i بدلالة شحنة

المكثفة q ، ثم احسب شدة التيار الكهربائي في اللحظة $t = 4s$.

5- احسب قيمة الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = 4s$.



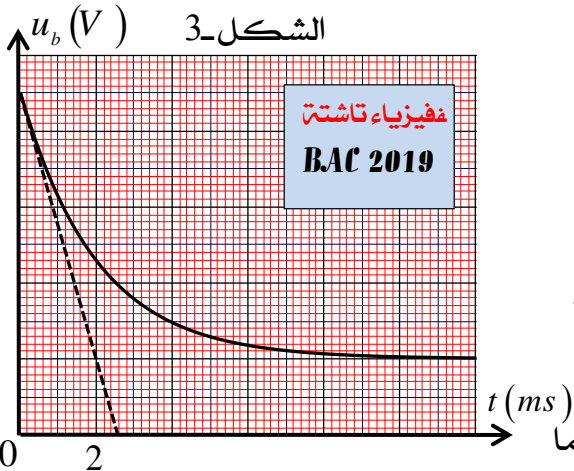
الشكل-2

ففيزياء تاشة
BAC 2019

II - عند لحظة زمنية نعتبرها كمبدأ جديد للأزمة نؤرجح البادلة إلى الوضع (2)، ونتابع تغيرات التوتر u_b بين

طرفي الوشيعة (b) بدلالة الزمن t ، بواسطة رسم الاهتزاز ذو ذاكرة والذي يظهر على شاشته البيان الموضح في

الشكل-3.



الشكل-3

ففيزياء تاشة
BAC 2019

1- بين على الدارة الكهربائية كيفية ربط راسم الاهتزاز لمشاهدة

المنحنى البياني $u_b = g(t)$ المبين في الشكل-3.

2- أ- حدد سلم محور تراتيب المنحنى $u_b = g(t)$.

ب- جد شدة التيار الكهربائي الأعظمي I_0 في النظام الدائم.

3- بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية للتيار $i(t)$.

4- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل

$$i(t) = A \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$$

بدلالة مميزات الدارة .

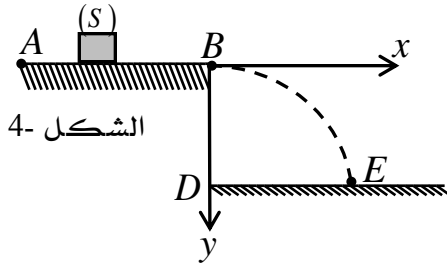
5- أثبت أن عبارة التوتر $u_b(t)$ بين طرفي الوشيعة تكتب من الشكل: $u_b(t) = \frac{rE}{R_2 + r} + \frac{R_2 E}{R_2 + r} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$

- 6- برهن أن المماس للمنحنى $u_b = h(t)$ عند اللحظة $t = 0$ يقطع المستقيم المقارب $u_b = u_b(\infty)$ في اللحظة $t = \tau_2$ ، ثم حدد قيمة ثابت الزمن τ_2 .
- 7- جد قيمة ذاتية الوشيعية L ، ثم استنتج قيمة مقاومة الوشيعية r .
- 8- برهن أن زمن وصول الطاقة المخزنة في الوشيعية إلى النصف هو: $t_{1/2} = \tau_2 \ln \left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \right)$.

التمرين الثاني :

نقذف في اللحظة $t = 0$ جسما صلبا (S) نعتبره نقطة مادية كتلته $m = 400g$ على مستوى أفقي بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0$ من النقطة A نحو B حيث: $AB = 1,4m$.

يخضع الجسم (S) أثناء حركته لقوى احتكاك تكافئ قوة معاكسة لجهة الحركة و ثابتة الشدة $\vec{f}$ كما هو مبين في الشكل-4.



فيزياء تاشيتة
BAC 2019

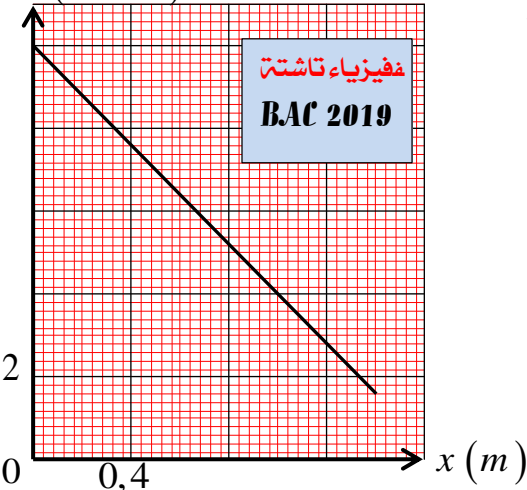
I- دراسة حركة الجسم (S) على الجزء AB

- 1- مثل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الجسم (S) .
- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن المعادلة التفاضلية المميزة للحركة تعطى بالعلاقة $\frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$.
- 3- أ- باعتبار النقطة A مبدأ للفواصل ، أكتب المعادلتين الزمنيتين $v(t)$ و $x(t)$ بدلالة: m, v_0, f .
ب- استنتج العلاقة النظرية $v^2 = f(x)$.
- 4- المنحنى الشكل-5 يمثل تغيرات v^2 بدلالة x ، استنتج قيمة السرعة الابتدائية v_0 وشدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$.

II- دراسة حركة الجسم (S) على الجزء BE

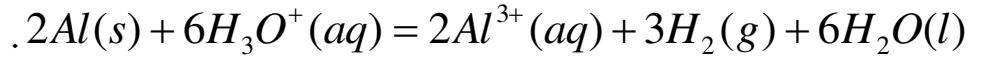
- يغادر الجسم (S) المستوى الأفقي AB في النقطة B بسرعة $\vec{v}_B$ ليسقط في الموضع E حيث $BD = 0,5m$.
- 1- ادرس طبيعة حركة مركز عطالة الجسم (S) بعد مغادرته النقطة B في المعلم (B_x, B_y) .

الشكل 5- $v^2 (m^2/s^2)$



- 2- اكتب معادلة مسار الحركة $y = g(x)$.
 - 3- حدد المسافة الأفقية DE وسرعة الجسم (S) في الموضع E .
- يعطى: تهمل مقاومة الهواء ودافعة ارخميدس $g = 10m/s^2$.

إن التحول الكيميائي الحادث بين مسحوق الألمنيوم $Al(s)$ ومحلول حمض كلور الماء $(H_3O^+ + Cl^-)(aq)$ هو تحول بطيء وقام والذي ينمذج بمعادلة التفاعل التالية:



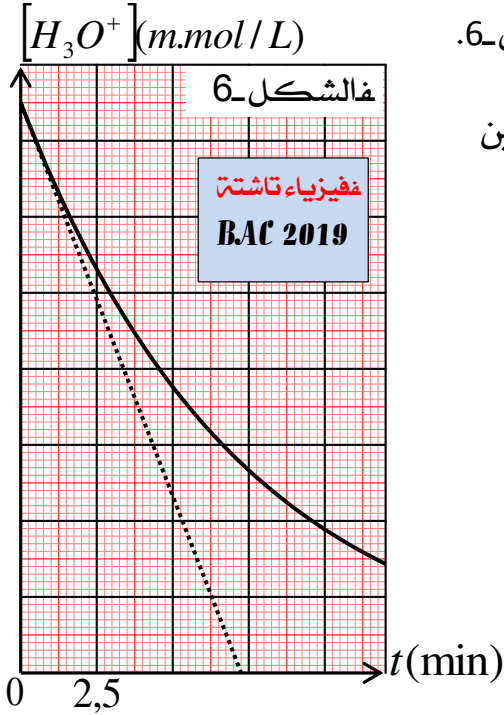
نتابع التحول الكيميائي السابق زمنيا عند نفس درجة الحرارة $\theta = 25^\circ C$ وذلك بتحقيق مزيجين تفاعليين من مسحوق الألمنيوم وحمض الكلور الماء.

المزيج الأول:

عند اللحظة $t = 0$ نحقق مزيجا ستكيومتريا يتكون من كتلة قدرها $m = 1,35 g$ من مسحوق الألمنيوم

النقي وحجما قدره $V = 2 \times 10^2 cm^3$ من حمض كلور الماء تركيزه المولي C وبناء على النتائج التجريبية

تمكنا من رسم المنحنى البياني $[H_3O^+] = f(t)$ الموضح في الشكل-6.



1- أ- عرف المؤكسد والأوكسدة.

ب- اكتب المعادلتين النصفيتين للأوكسدة والارجاع مع تحديد الثنائيتين

(Ox/Red) المشاركتين في التفاعل.

2- أ- انشئ جدولا لتقدم هذا التفاعل.

ب- جد قيمة التقدم الأعظمي X_{max} .

ج- استنتج التركيز المولي الابتدائي C لحمض كلور الماء.

3- أ- جد سلم مناسب لمحور الترتيب.

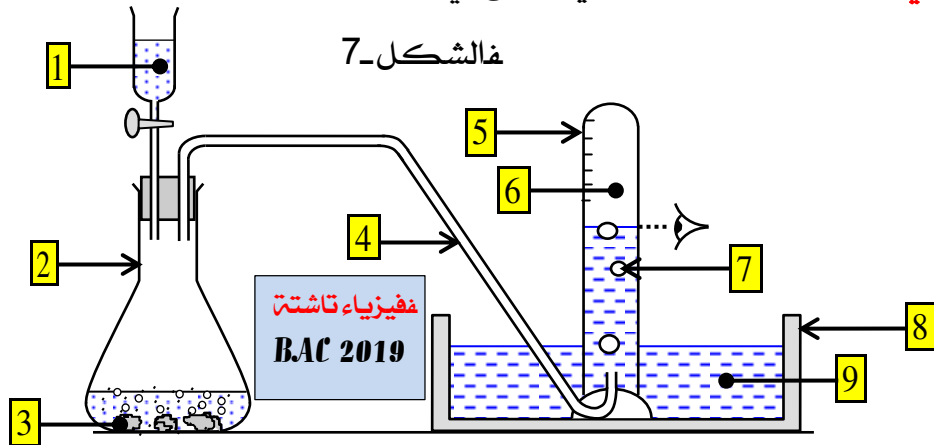
ب- بين أنه عند $t_{1/2}$ يكون $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{C}{2}$ ثم استنتج قيمة $t_{1/2}$.

4- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب بالشكل:

$$v_{vol}(t) = -\frac{1}{6} \times \frac{d[H_3O^+](t)}{dt}$$

ثم احسب قيمتها الأعظمية.

المزيج الثاني: نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل-7:



عند اللحظة $t = 0$ نسكب حجما قدره $V = 200 mL$ من حمض كلور الماء تركيزه المولي C' إلى الزجاجية

(2) التي تحتوي على كتلة قدرها $m = 1,35 g$ من مسحوق الألمنيوم النقي، واعتمادا على التركيب تمكنا من

قياس حجم غاز ثنائي الهيدروجين المنطلق خلال الزمن و سجلنا النتائج في الجدول التالي:

$t(\text{min})$	0	5	10	15	20	25	30	40	50	70	80	90
$V_{H_2}(\text{mL})$	0	211	360	465	540	593	630	675	700	714	720	720

1- سم العناصر المشار إليها بأرقام في الشكل-7.

2- اعتمادا على سلم رسم مناسب، ارسم المنحنى البياني $V_{H_2} = g(t)$.

ففيزياء تاشتة
BAC 2019

3- أ- انشئ جدول تقدم التفاعل .

ب- جد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ ، ثم حدد المتفاعل المحد.

ج- استنتج قيمة التركيز المولي c' .

4- جد بيانيا قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ مع التعليل.

5- أ- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب بالشكل: $v_{\text{vol}}(t) = \frac{1}{3V \times V_M} \times \frac{dV_{H_2}(t)}{dt}$.

ب- جد قيمتها الأعظمية .

المقارنة بين نتائج المزيجين:

أ- قارن بين قيمتي زمن نصف التفاعل لكل مزيج.

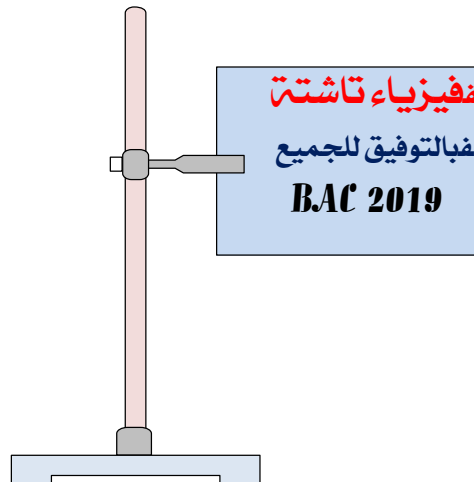
ب- قارن بين قيمتي السرعة الحجمية للتفاعل لكل مزيج .

ج- فسر سبب الاختلاف .

المعطيات:

الكتلة المولية الذرية للألنيوم $M(Al) = 27 \text{ g.mol}^{-1}$ ، $V_M = 24 \text{ L/mol}$.

ففيزياء تاشتة
BAC 2019



نحو البكالوريا - تصحيح الموضوع التاسع

التمرين الأول:

I 1. المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة $q(t)$

$$\begin{cases} u_c(t) = \frac{q(t)}{C} \\ u_{R_1}(t) = R_1 i(t) = R_1 \frac{dq(t)}{dt} \end{cases}$$

بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_c(t) + u_{R_1}(t) = E$ ولدينا:

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R_1 C} = \frac{E}{R_1}$$

ومنه: $R_1 \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = E$ وبقسمة طرفي المساواة على R_1 نجد:

2. عبارة الثوابت A و B و α بدلالة مميزات الدارة الكهربائية.

باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{dq(t)}{dt} = -\frac{1}{\alpha} A e^{-\frac{t}{\alpha}}$ ، نعوض الحل والمشتقة في المعادلة التفاضلية:

$$\left(-\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{R_1 C}\right) A e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{1}{R_1 C} B - \frac{E}{R_1} = 0 \quad \text{ومنه:} \quad -\frac{1}{\alpha} A e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{1}{R_1 C} A e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{1}{R_1 C} B - \frac{E}{R_1} = 0$$

$$\begin{cases} \alpha = R_1 C \\ B = CE \end{cases} \quad \text{اذن:} \quad \begin{cases} \frac{1}{\alpha} = \frac{1}{R_1 C} \\ \frac{1}{R_1 C} B = \frac{E}{R_1} \end{cases} \quad \text{ومنه:} \quad \begin{cases} -\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{R_1 C} = 0 \left(A e^{-\frac{t}{\alpha}} \neq 0 \right) \\ \frac{1}{R_1 C} B - \frac{E}{R_1} = 0 \end{cases} \quad \text{حيث:}$$

من الشروط الابتدائية ($t = 0$) نجد: $q(0) = A e^0 + B = 0$ ومنه $A + B = 0 \Rightarrow A = -B$ ومنه:

$$B = -CE \quad \text{تصبح عبارة الحل:} \quad q(t) = q_{\max} \left(1 - e^{-\frac{t}{R_1 C}} \right) \quad \text{حيث} \quad q_{\max} = CE$$

3. أ. إيجاد قيمة الثابت α .

مما سبق الثابت α يمثل ثابت الزمن τ_1 وبالاتماد على البيان نجد: $\tau_1 = 2s$

ب. إيجاد سعة المكثفة C .

$$C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{2}{2 \times 10^3} \quad \text{ومنه:} \quad C = 10^{-3} F = 1mF \quad \text{اذن:}$$

ج. إيجاد قيمة القوة المحركة الكهربائية E للمولد.

$$E = \frac{q_{\max}}{C} = \frac{9 \times 10^{-3}}{10^{-3}} \quad \text{ومنه:} \quad E = 9V \quad \text{اذن:}$$

4- عبارة شدة التيار i بدلالة شحنة المكثفة q ، ثم حساب شدة التيار عند اللحظة $t = 4s$.

$$i = \frac{dq}{dt} \text{ ، شدة التيار تمثل معامل توجيه المماس للمنحنى البياني } q = f(t)$$

حساب قيمته عند اللحظة $t = 4s$.

$$i = \frac{dq}{dt} \Big|_{t=4s} = \frac{(7,8 - 5,3) \times 10^{-3}}{4 - 0}$$

$$i = 6,25 \times 10^{-4} A$$

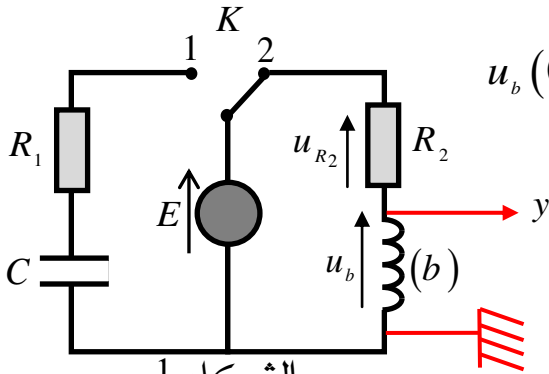
5- حساب قيمة الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = 4s$

$$\text{لدينا: } E_c(t) = \frac{1}{2} C u_c(t)^2 \text{ حيث: } u_c(t) = \frac{q(t)}{C}$$

$$\text{ومنه: } E_c(4s) = \frac{1}{2} \frac{q(4s)^2}{C} \text{ ، حيث: } E_c(4s) = \frac{1}{2} \frac{(7,8 \times 10^{-3})^2}{C} \text{ ومنه: } E_c(4s) = 0,122 J$$

II- 1- تبيان على الدارة كيفية ربط راسم الاهتزاز لمشاهدة التوتربين طرفي الوشيعة $u_b(t)$.

2- تحديد سلم محور تراتيب المنحنى $u_b = g(t)$.



الشكل-1

من قانون جمع التوترات عند اللحظة $t = 0$: $u_b(0) + u_{R_2}(0) = E$

ومنه: $u_b(0) = E$ حيث: $u_{R_1}(0) = 0$ لأن: $i(0) = 0$

اذن: $u_b(0) = E = 9V$ ، من البيان: $9V \rightarrow 4,5cm$

$$\text{ومنه: } 1cm \rightarrow 2V$$

بد ايجاد شدة التيار الكهربائي I_0 في النظام الدائم.

$$\begin{cases} u_{R_2}(\max) = E - u_b(\max) \\ u_{R_2}(\max) = R_2 I_0 \end{cases} \text{ عند بلوغ النظام الدائم يكون: } E = u_b(\max) + u_{R_2}(\max) \text{ ومنه:}$$

$$\text{ومنه: } I_0 = \frac{E - u_b(\max)}{R_2} = \frac{9 - 2}{35} \text{ اذن: } I_0 = 0,2A$$

3- ايجاد المعادلة التفاضلية للتيار $i(t)$.

$$\begin{cases} u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + r i(t) \\ u_{R_2}(t) = R_2 i \end{cases} \text{ بتطبيق قانون جمع التوترات: } u_b(t) + u_{R_2}(t) = E \text{ حيث:}$$

$$\text{ومنه: } L \frac{di(t)}{dt} + (R_2 + r) i = E \text{ بالقسمة على } L \text{ نجد: } \frac{di(t)}{dt} + \frac{(R_2 + r)}{L} i = \frac{E}{L}$$

فيزياء تاشته

BAC 2019

4- إيجاد عبارة الثابتين A و τ_2 بدلالة مميزات الدارة .

باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{A}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ ، نعوض الحل والمشتقة في المعادلة التفاضلية :

$$\frac{A}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}} - \frac{(R_2 + r)}{L} A e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{(R_2 + r)}{L} A - \frac{E}{L} = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{\tau_2} - \frac{(R_2 + r)}{L} = 0 \left(A e^{-\frac{t}{\tau_2}} \neq 0 \right) \\ \frac{(R_2 + r)}{L} A - \frac{E}{L} = 0 \end{array} \right. \text{ومنه: } \left(\frac{1}{\tau_2} - \frac{(R_2 + r)}{L} \right) A e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{(R_2 + r)}{L} A - \frac{E}{L} = 0$$

ومنه: $\left\{ \begin{array}{l} \tau_2 = \frac{L}{R_2 + r} \\ A = \frac{E}{R_2 + r} \end{array} \right.$ تصبح عبارة شدة التيار الكهربائي: $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{R_2 + r}{L} t} \right)$ حيث $I_0 = \frac{E}{R_2 + r}$

5- أثبت أن عبارة التوتر $u_b(t)$ بين طرفي الوشيعية تكتب من الشكل: $u_b(t) = \frac{rE}{R_2 + r} + \frac{R_2 E}{R_2 + r} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$

لدينا: $i(t) = \frac{E}{R_2 + r} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$ بالاشتقاق: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ ، ولدينا: $u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + ri(t)$

$$u_b(t) = L \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{rE}{R_2 + r} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right) = E e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{rE}{R_2 + r} - \frac{rE}{R_2 + r} e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{rE}{R_2 + r} + \left(E - \frac{rE}{R_2 + r} \right) e^{-\frac{t}{\tau_2}}$$

$$u_b(t) = \frac{rE}{R_2 + r} + \frac{R_2 E}{R_2 + r} e^{-\frac{t}{\tau_2}} \text{ ومنه } u_b(t) = \frac{rE}{R_2 + r} + \left(E \left(\frac{R_2 + r}{R_2 + r} \right) - \frac{rE}{R_2 + r} \right) e^{-\frac{t}{\tau_2}}$$

6- برهن أن المماس للمنحنى $u_b = h(t)$ عند اللحظة $t = 0$ يقطع المستقيم المقارب $u_b = u_b(\infty)$ في اللحظة $t = \tau_2$ ، ثم حدد قيمة ثابت الزمن τ_2 .

المساس عبارة عن خط مستقيم معادلته: $u_b = at + b$ ، عند اللحظة $t = 0$: $u_b = b = E$ ، a معامل توجيه

$$u_b = -\frac{R_2 E}{(R_2 + r) \tau_2} t + E \text{ ومنه } a = \frac{du_b}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{R_2 E}{(R_2 + r) \tau_2}$$

معادلة المستقيم المقارب $u_b = u_b(\infty)$ عند اللحظة $t \rightarrow \infty$: $u_b = \frac{rE}{R_2 + r}$

عند تقاطع المستقيمين: $-\frac{R_2}{(R_2 + r)\tau_2}t + 1 = \frac{r}{R_2 + r}$ ومنه: $-\frac{R_2 E}{(R_2 + r)\tau_2}t + E = \frac{rE}{R_2 + r}$

ومنه: $\frac{R_2}{(R_2 + r)\tau_2}t = \frac{R_2}{R_2 + r}$ ومنه: $\frac{R_2}{(R_2 + r)\tau_2}t = -\frac{r}{R_2 + r} + 1 = -\frac{r}{R_2 + r} + \frac{R_2 + r}{R_2 + r}$

ومنه: $\frac{t}{\tau_2} = 1$ اذن: $t = \tau_2$ من البيان نجد: $\tau_2 = 2ms$

7- جد قيمة ذاتية الوشيعة L ، ثم استنتج قيمة مقاومة الوشيعة r .

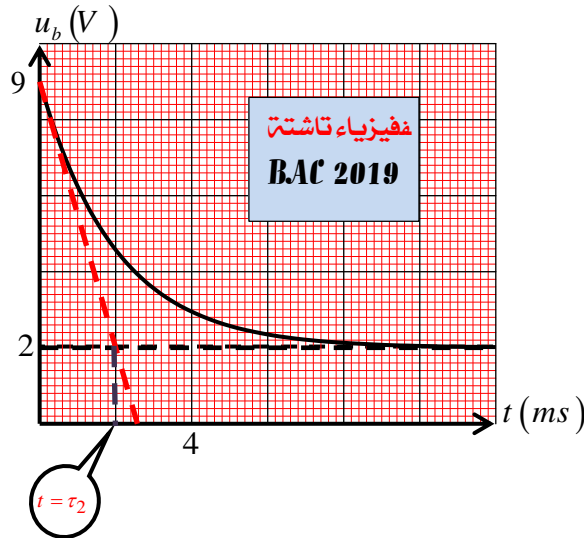
لدينا: $\frac{du_b}{dt} = \frac{rE}{R_2 + r} - \frac{R_2 E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ وعند اللحظة $t = 0$: $\left. \frac{du_b}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{R_2 E}{(R_2 + r)\tau_2} = -\frac{R_2 E}{L} \dots\dots\dots (1)$

$\left. \frac{du_b}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{9-2}{(0-2) \times 10^{-3}} = -3,5 \times 10^3 V.s^{-1} \dots\dots\dots (2)$ يمثل معامل توجيه المماس حيث:

بالمطابقة بين العلاقة (1) و (2) نجد: $-\frac{R_2 E}{L} = -3,5 \times 10^3$ ومنه: $L = \frac{R_2 E}{3,5 \times 10^3} = \frac{35 \times 9}{3,5 \times 10^3}$

اذن: $L = 90mH$

Physique Tacheta
Sujet N°9



استنتاج قيمة r :

لدينا: $\tau_2 = \frac{L}{R_2 + r}$ ومنه: $r = \frac{L}{\tau_2} - R_2 = \frac{90 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-3}} - 35$ اذن: $r = 10\Omega$

8- برهن أن زمن وصول الطاقة المخزنة في الوشيعة إلى النصف هو: $t_{1/2} = \tau_2 \ln \left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \right)$

لدينا: $E_b = \frac{1}{2} Li^2$ ومنه: $E_b = \frac{1}{2} L I_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)^2$ ومنه: $E_b = E_b(max) \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)^2$

حيث: $E_b(max) = \frac{1}{2} LI_0^2$

عند اللحظة $t = t_{1/2}$: $\frac{1}{2} = 1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau_2}}$ ومنه: $\frac{1}{2} = \left(1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau_2}}\right)^2$ ومنه: $E_b = \frac{E_b(\max)}{2} = E_b(\max) \left(1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau_2}}\right)^2$

ومنه: $1 - \sqrt{\frac{1}{2}} = e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau_2}}$ ومنه: $\frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}} = e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau_2}}$ بالادخال $\ln$ على طرفي المساواة نجد: $\ln\left(\frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}}\right) = -\frac{t_{1/2}}{\tau_2}$

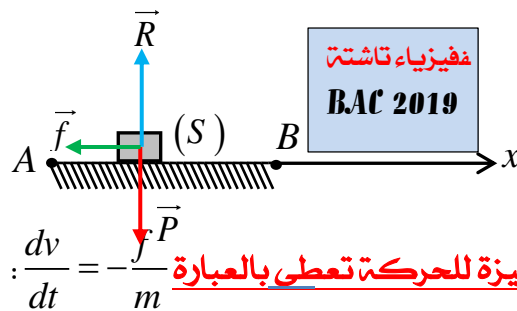
ومنه: $\ln\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}\right) = \frac{t_{1/2}}{\tau_2}$ إذن: $t_{1/2} = \tau_2 \ln\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}\right)$ وهو المطلوب.

التمرين الثاني:

I- دراسة حركة الجسم (S) على الجزء AB:



1- تمثيل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الجسم (S):



أنظر الشكل.

2- تبيان أن المعادلة التفاضلية المميزة للحركة تعطى بالعلاقة:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \quad \text{أي:} \quad \vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالسقاط على محور الحركة (Ax) نجد: $0 + 0 - f = ma$ ومنه: $f = -m \frac{dv}{dt}$

وعليه: $\frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$

3- المعادلتين الزمنية $v(t)$ و $x(t)$ بدلالة: m, v_0, f :

لدينا: $\frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$ بمكاملة الطرفين نجد: $v(t) = \left(-\frac{f}{m}\right)t + C$

من الشروط الابتدائية $t = 0$ نجد: $v(0) = \left(-\frac{f}{m}\right).0 + C$ ومنه: $v_0 = C$ ولدينا: $a = \frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$

وعليه: $v(t) = at + v_0$

لدينا: $v(t) = \frac{dx}{dt} = at + v_0$ بمكاملة الطرفين نجد: $x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + C$

الشروط الابتدائية $t = 0$ نجد: $x(0) = \frac{1}{2}a.0^2 + v_0.0 + C = 0$ ومنه: $x_0 = C = 0$

وعليه: $x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$

ب- استنتاج العلاقة النظرية $v^2 = f(x)$:

لدينا: $v(t) = at + v_0$ ومنه: $v^2 = (at)^2 + v_0^2 + 2at.v_0$ أي: $v^2 = 2a\left(\frac{1}{2}at^2 + t.v_0\right) + v_0^2$

وعليه: $v^2 = 2ax = -\frac{2f}{m}x + v_0^2 \dots (1)$ حيث: $x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$ و $a = -\frac{f}{m}$

4- قيمة السرعة الابتدائية v_0 وشدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$.

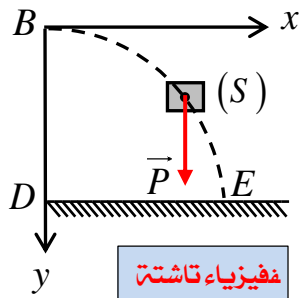
البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $v^2 = \alpha x + \beta \dots (2)$ حيث: α معامل توجيه البيان و β نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب. بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) نجد:

و $v_0^2 = \beta = 10 \text{ m/s}^2$ وعليه: $v_0 = \sqrt{10} = 3,16 \text{ m/s}$ و $\alpha = -\frac{2f}{m} \Rightarrow f = -\frac{\alpha.m}{2}$ ت-ع: $f = -\frac{-6 \times 0,4}{2} = 1,2 \text{ N}$ حيث: $\alpha = -6 \text{ SI}$

II- دراسة حركة الجسم (S) على الجزء BE

1- درس حركة مركز عطالة الجسم (S) في المعلم (B_x, B_y)

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:



$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$ أي: $\vec{P} = m.\vec{g} = m\vec{a}$

بالسقاط نجد: $\begin{cases} P_x = m.g = 0 \\ P_y = m.g = m.a_y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = g \end{cases}$

ومنه: - الحركة وموفق المحور (B_x) منتظمة.

- الحركة وفق المحور (B_y) متسارعة بانتظام.

2- معادلة مسار الحركة $y = f(x)$:

لدينا: $\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = g \end{cases}$ ومنه: $\begin{cases} v_x = v_B = \frac{dx}{dt} \\ v_y = g.t = \frac{dy}{dt} \end{cases}$ ومنه: $\begin{cases} x(t) = v_B.t \dots (1) \\ y(t) = \frac{1}{2}g.t^2 \dots (2) \end{cases}$

من (1) نجد: $t = \frac{x}{v_B} \dots (3)$

نعوض (3) في (2) نجد: $y(x) = \frac{g}{2.v_B^2} x^2$

3- تحدد المسافة DE :

لدينا: $y = BD$ و $x = DE$ نعوض في معادلة المسار نجد: $BD = \frac{g}{2.v_B^2}.DE^2$

$$DE = \sqrt{\frac{2 \times (1,26)^2 \times 0,5}{g}} = 0,4m \quad \text{ت-ع:} \quad DE = \sqrt{\frac{2.v_B^2.BD}{g}} \quad \text{ومنه:}$$

حيث: $v_B^2 = 1,6(m/s)^2 \Rightarrow v_B = 1,26m/s$ (من البيان).

السرعة v_E :

$$v_E = \sqrt{v_{yE}^2 + v_{xE}^2} \quad \text{لدينا:}$$

حيث: $v_{xE} = v_B = 1,26m/s$ لان الحركة وفق المحور (Bx) منتظمة.

$$DE = v_{xE} t \Rightarrow t = \frac{DE}{v_{xE}} \quad \text{وبالتالي:} \quad t = \frac{0,4}{1,26} = 0,31s \quad \text{ت-ع:}$$

$$v_{yE} = g t \quad \text{ت-ع:} \quad v_{yE} = 10 \times 0,31 = 3,1m/s$$

$$v_E = \sqrt{1,26^2 + 3,1^2} = 3,34m/s \quad \text{اذن:}$$

فيزياء تاشته
BAC 2019

حل التمرين الثالث :

المزيج الأول: 1- أ- تعريف كل من المؤكسد والأكسدة :

المؤكسد Ox : هو كل فرد كيميائي قابل لاكتساب إلكترون أو أكثر أثناء حدوث تحول كيميائي .

الأكسدة: عملية فقد إلكترون أو أكثر من المرجع Red إلى المؤكسد Ox ونكتب $Red \rightarrow Ox + n e^-$

ب- المعادلتين النصفيتين للأكسدة والارجاع مع تحديد الشائيتين (Ox/Red) المشاركتين في التفاعل:

المعادلة النصفية للأكسدة: $Al(s) \rightarrow Al^{3+}(aq) + 3e^-$: $(Al^{3+}(aq)/Al(s))$
المعادلة النصفية للارجاع:

$2H_3O^+(aq) + 2e^- \rightarrow H_2(g) + 2H_2O(l)$: $(H_3O^+(aq)/H_2(g))$

2- أ- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$2Al(s) + 6H_3O^+(aq) = 2Al^{3+}(aq) + 3H_2(g) + 6H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	$n_{02} = cV$	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - 2x(t)$	$n_{02} - 6x(t)$	$2x(t)$	$3x(t)$	بالزيادة
النهائية	x_{max}	$n_{01} - 2x_{max}$	$n_{02} - 6x_{max}$	$2x_{max}$	$3x_{max}$	بالزيادة

ب- جد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

نعلم أن المزيج ستكيومتري أي: $n_{01} - 2x_{\max} = 0$ ومنه: $x_{\max} = \frac{n_{01}}{2}$ ومنه: $x_{\max} = \frac{m}{2M(Al)}$

ت-ع: $x_{\max} = \frac{1,35}{2 \times 27} = 0,025 \text{ mol}$ أي: $x_{\max} = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol}$

ج- استنتاج التركيز المولي الابتدائي c لحمض كلور الماء:

نعلم أن المزيج ستكيومتري أي: $n_{02} - 6x_{\max} = 0$ ومنه: $cV = 6x_{\max}$ أي: $c = \frac{6x_{\max}}{V}$

ت-ع: $c = \frac{6 \times 2,5 \times 10^{-2}}{2 \times 10^2 \times 10^{-3}} = 0,75 \text{ mol/L}$ أي: $c = 750 \text{ mmol/L}$

3أ- سلم مناسب لمحور التراتيب :

لدينا: $[H_3O^+]_0 = c = 750 \text{ mmol/L}$

ومنه: $\begin{cases} 7,5 \text{ cm} \rightarrow 750 \text{ mmol/L} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow x \text{ mmol/L} \end{cases}$ ومنه: $x = \frac{750}{7,5} = 100 \text{ mmol/L}$ أي: $1 \text{ cm} \rightarrow 100 \text{ mmol/L}$

ب- تبيان أنه عند $t_{1/2}$ يكون $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{c}{2}$:

لدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_{H_3O^+}(t) = n_{02} - 6x(t)$

ولما $t = t_{1/2}$ نجد: $n_{H_3O^+}(t_{1/2}) = n_{02} - 6x(t_{1/2})$ ومنه: $[H_3O^+]_{1/2} V = n_{02} - 6x(t_{1/2})$

ونعلم أن: $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$ ومنه: $[H_3O^+]_{1/2} V = n_{02} - 6 \frac{x_{\max}}{2}$

فيزياء تاشته
BAC 2019

أي: $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{n_{02} - 3x_{\max}}{V} \dots (1)$

ولما $t = t_f$ نجد: $n_{02} - 6x_{\max} = 0$ (لأن المزيج ستكيومتري) أي: $x_{\max} = \frac{n_{02}}{6}$

وبالتعويض في (1) نجد: $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{cV}{2V}$ ومنه: $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{n_{02} - \frac{n_{02}}{2}}{V} = \frac{n_{02}}{2V}$

وعليه: $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{c}{2}$ ت-ع: $[H_3O^+]_{1/2} = \frac{750}{2} = 375 \text{ mmol/L}$

استنتاج قيمة $t_{1/2}$ بيانيا:

$t_{1/2}$ هو فاصلة الترتيب $[H_3O^+]_{1/2} = 375 \text{ mmol/L}$ وبالإسقاط نجد: $t_{1/2} = 5 \text{ min}$

4- تبيان أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب ب: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{6} \times \frac{d[H_3O^+](t)}{dt}$:

نعلم أن: $v_{vol}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{dx(t)}{dt} \dots (I)$

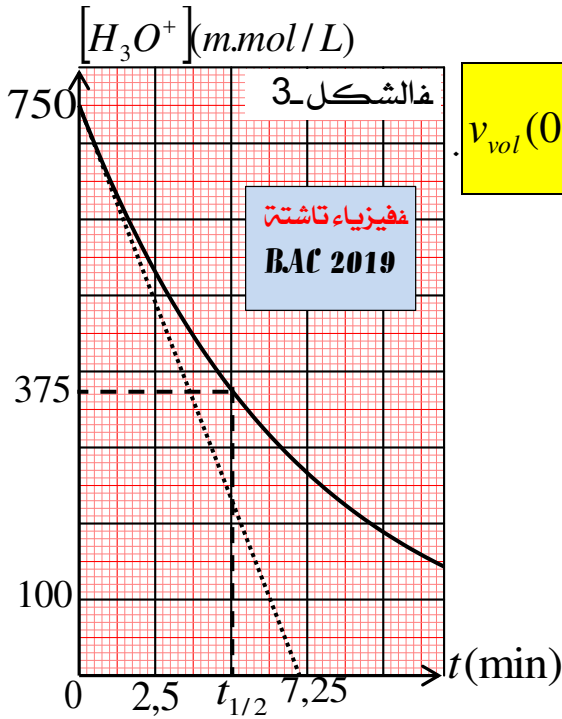
ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_{H_3O^+}(t) = n_{O_2} - 6x(t)$ ومنه: $x(t) = \frac{n_{O_2} - n_{H_3O^+}(t)}{6}$

وبالتعويض في (I): $v_{vol}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{d\left(\frac{n_{O_2} - n_{H_3O^+}(t)}{6}\right)}{dt}$ ومنه: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{6V} \times \frac{dn_{H_3O^+}(t)}{dt}$

ومنه: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{6V} \times \frac{d([H_3O^+](t)V)}{dt}$ أي: $v_{vol}(t) = -\frac{1}{6} \times \frac{d[H_3O^+](t)}{dt}$ وهو المطلوب.

حساب قيمتها الأعظمية يعني حساب $v_{vol}(0)$:

لدينا: $v_{vol}(0) = -\frac{1}{6} \times \frac{d[H_3O^+](t)}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{1}{6} \times \frac{\Delta[H_3O^+]}{\Delta t}$



$v_{vol}(0) = -\frac{1}{6} \times \frac{(750 - 0) \times 10^{-3}}{(0 - 7,25)} = 1,7 \times 10^{-2} \text{ mol / L.min}$

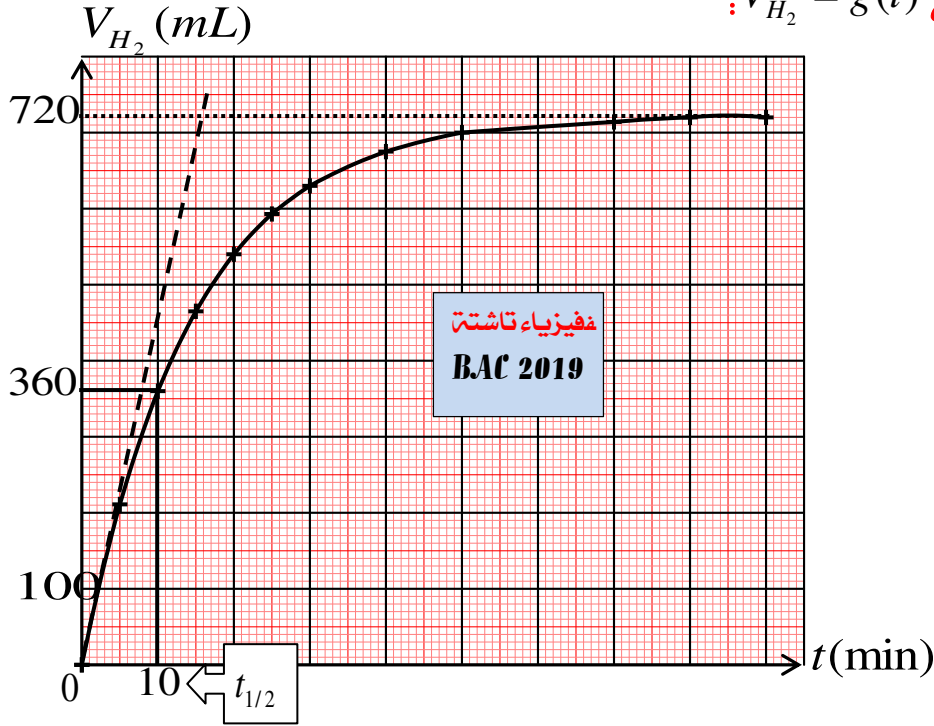
Physique Tacheta
Sujet N°9

المزيغ الثاني:

1- تسمية العناصر المشار إليها بأرقام في الشكل 3:

رقم العنصر	الاسم
1	حمض كلور الماء
2	دورق زجاجي
3	مسحوق لألمنيوم
4	أنبوب توصيل
5	مخبار مدرج منكوس
6	عازل ثنائي الهيدروجين
7	فقاعة غازية لثنائي الهيدروجين
8	حوض زجاجي
9	الماء

2- رسم المنحنى البياني : $V_{H_2} = g(t)$



3- أ- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$2Al(s) + 6H_3O^+(aq) = 2Al^{3+}(aq) + 3H_2(g) + 6H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	$n_{02} = c'V$	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - 2x(t)$	$n_{02} - 6x(t)$	$2x(t)$	$3x(t)$	بالزيادة
النهائية	x_{max}	$n_{01} - 2x_{max}$	$n_{02} - 6x_{max}$	$2x_{max}$	$3x_{max}$	بالزيادة

ب- قيمة التقدم الأعظمي x_{max} : لدينا من جدول تقدم التفاعل : $n_f(H_2) = 3x_{max}$

ومنه: $x_{max} = \frac{n_f(H_2)}{3}$ ونعلم أن: $n_f(H_2) = \frac{V_f(H_2)}{V_M}$ أي: $x_{max} = \frac{V_f(H_2)}{3V_M}$

ت- ع: $x_{max} = \frac{720 \times 10^{-3}}{3 \times 24} = 0,01 mol$ أي: $x_{max} = 10^{-2} mol$

- تحديد المتفاعل المحد:

نفرض أن هو المتفاعل المحد أي: $n_{01} - 2x_{max} = 0$

ت- ع: $\frac{m}{M(Al)} - 2x_{max} = \frac{1,35}{27} - 2 \times 10^{-2} = 0,03 mol$ أي: $n_{01} - 2x_{max} \neq 0$

إذن: الألمنيوم موجود بالزيادة في نهاية التفاعل .

وبما أن التفاعل تام فإن $(H_3O^+(aq))$ هو المتفاعل المحد.

جـ- استنتاج قيمة التركيز المولي c' :

$$c' = \frac{6x_{\max}}{V} \quad \text{لدينا } (H_3O^+(aq)) \text{ متفاعل محد أي: } c'V - 6x_{\max} = 0 \text{ ومنه:}$$

$$c' = 0,3 \text{ mol/L} \quad \text{أي: } c' = \frac{6 \times 10^{-2}}{200 \times 10^{-3}} = 0,3 \text{ mol/L} \quad \text{ت-ع:}$$

4- إيجاد بيانيا قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ مع التعليل:

$$\text{لدينا من جدول تقدم التفاعل: } n_{H_2}(t) = 3x(t) \text{ ومنه: } \frac{V_{H_2}(t)}{V_M} = 3x(t) \quad \text{أي: } V_{H_2}(t) = 3x(t)V_M$$

$$\text{لما } t = t_{1/2} \text{ نجد: } V_{H_2}(t_{1/2}) = 3x(t_{1/2})V_M \dots (1)$$

$$\text{لما } t = t_f \text{ نجد: } V_f(H_2) = 3x_{\max} V_M \dots (2)$$

فيزياء تاشتر
BAC 2019

$$\text{بقسمة العلاقة (1) على العلاقة (2) طرف لطرف نجد: } \frac{V_{H_2}(t_{1/2})}{V_f(H_2)} = \frac{x(t_{1/2})}{x_{\max}} = \frac{1}{2}$$

$$V_{H_2}(t_{1/2}) = \frac{720}{2} = 360 \text{ mL} \quad \text{ت-ع:}$$

$$V_{H_2}(t_{1/2}) = \frac{V_f(H_2)}{2} \quad \text{أي:}$$

$$t_{1/2} = 10 \text{ min} \quad \text{لما } V_{H_2}(t_{1/2}) = 360 \text{ mL} \text{ وبالإسقاط نجد:}$$

$$v_{vol}(t) = \frac{1}{3V \times V_M} \times \frac{dV_{H_2}(t)}{dt} \quad \text{5أ- تبيان أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب ب:}$$

$$v_{vol}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{dx(t)}{dt} \dots (I) \quad \text{نعلم أن:}$$

$$\text{ولدينا من جدول تقدم التفاعل: } n_{H_2}(t) = 3x(t) \text{ ومنه: } x(t) = \frac{n_{H_2}(t)}{3} \text{ ومنه: } x(t) = \frac{V_{H_2}(t)}{3V_M}$$

$$v_{vol}(t) = \frac{1}{3V \times V_M} \times \frac{dV_{H_2}(t)}{dt} \quad \text{أي: } v_{vol}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{d\left(\frac{V_{H_2}(t)}{3V_M}\right)}{dt} \quad \text{وبالتعويض في (I) نجد:}$$

ب- قيمة السرعة الحجمية الأعظمية:

أي حساب قيمتها لما $t = 0$.

$$v_{vol}(0) = \frac{1}{3V \times V_M} \times \frac{dV_{H_2}(t)}{dt} \Big|_{t=0} = \frac{1}{3V \times V_M} \times \frac{\Delta V_{H_2}}{\Delta t} \Big|_{t=0}$$

$$v_{vol}(0) = \frac{1}{3 \times 200 \times 10^{-3} \times 24} \times \frac{(720 - 0) \times 10^{-3}}{(16 - 0)} = 3,1 \times 10^{-4} \text{ mol/L} \cdot \text{min} \quad \text{ت-ع:}$$

أي: $v_{vol}(0) = 3,1 \times 10^{-4} \text{ mol / L. min}$

المقارنة بين نتائج المزيجين:

التركيز المولي	$v_{vol}(0) (\text{mol / L. min})$	$t_{1/2} (\text{min})$	
$c = 0,75 \text{ mol / L}$	$1,7 \times 10^{-2}$	5	المزيج الأول (I)
$c' = 0,3 \text{ mol / L}$	$3,1 \times 10^{-4}$	10	المزيج الثاني (II)

نلاحظ أن: $v_{vol}(0)_I > v_{vol}(0)_{II}$ و $t_{1/2}(I) < t_{1/2}(II)$

وهذا بسبب اختلاف في التركيز المولي لحمض كلور الماء: $c > c'$

أي: التفاعل الكيميائي الحادث في المزيج الأول أسرع من التفاعل الكيميائي الحادث في المزيج الثاني. وعليه: التركيز المولي للمتفاعلات عامل حركي.

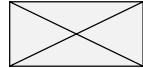
Physique Tacheta
Sujet N°9

أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على
الخاص

رابط الصفحة على الفيس بوك

www.facebook.com/physiquetacheta

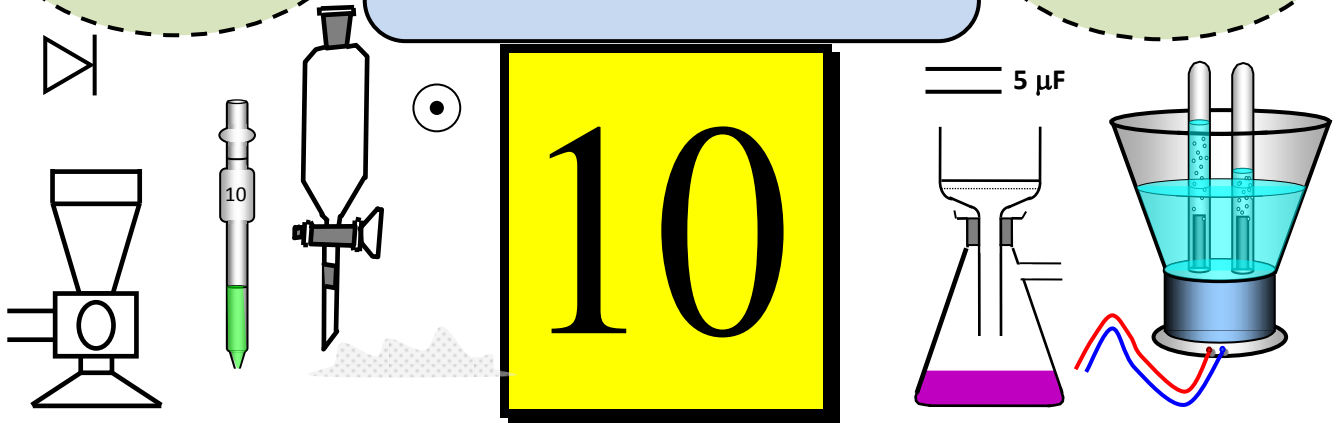
ولدعواتكم إخوتنا نحتاج

فیاضیات

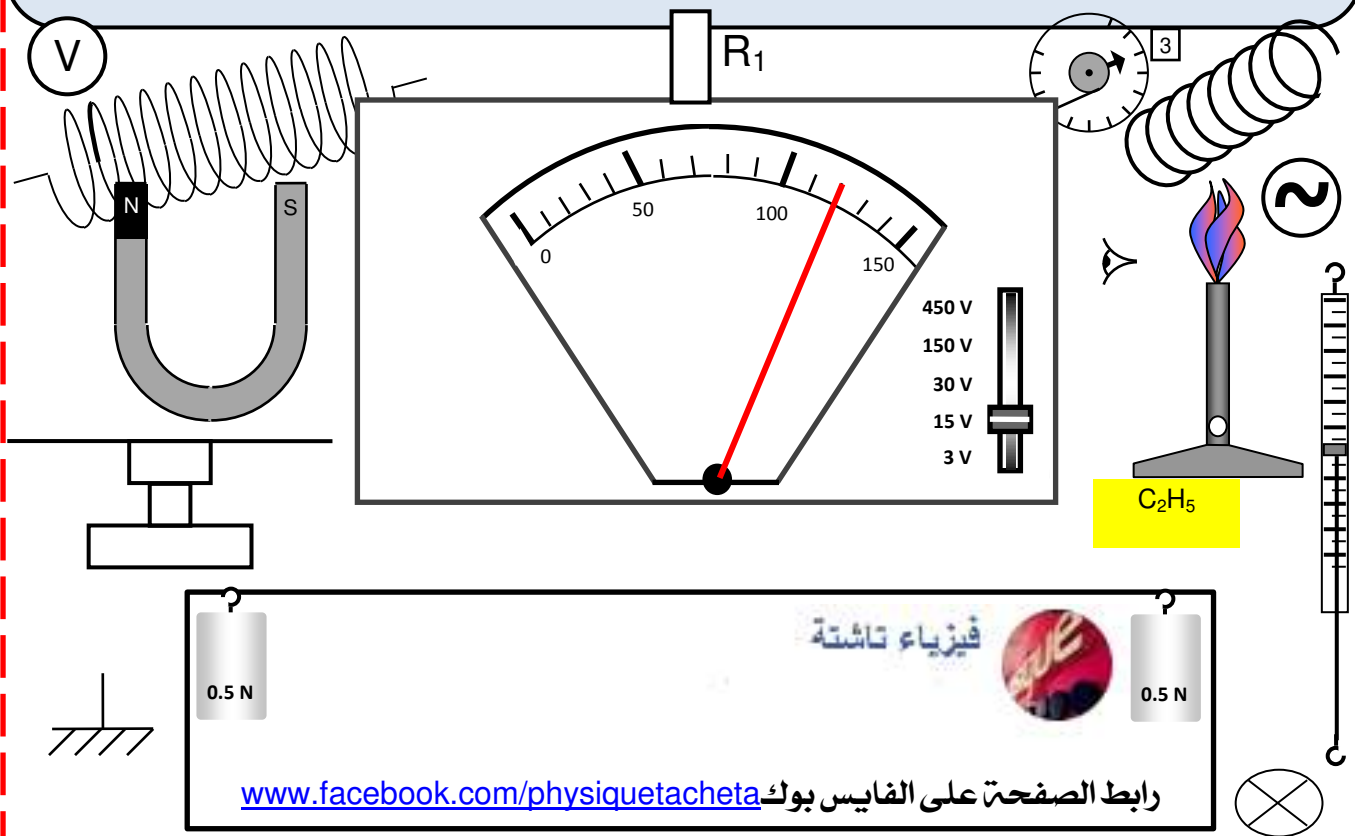
8AC 2019

فتح والبكالوريا

8AC 20 19



الموضوع العاشر+التصحيح المفصل



التمرين الأول :

$$M(HCl) = 36,5 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$d = 1,2$$

$$P = 35\%$$

فيزياء تاشنت

BAR 20 19

فالشكل 1-

وجد أستاذ العلوم الفيزيائية في مخبر الثانوية قارورة لمحلول كلور الماء $(H_3O^+ + Cl^-)(aq)$ التجاري (S_0) تركيزه المولي c_0 وتحمل ملصقة كتب عليها المعلومات الموضحة في الشكل 1: فطلب الأستاذ من التلاميذ التأكد من قيمة درجة النقاوة P بطريقتين مختلفتين.

كل المحاليل أخذت عند درجة حرارة ثابتة $\theta = 25^\circ C$.

I - قام الأستاذ بأخذ حجما $V_0 = 3mL$ وبحذر من المحلول الأصلي (S_0) ثم قام بتمديده فتحصل على المحلول (S_1) حجمه $V_1 = 300mL$ وتركيزه المولي c_1 .

- قام تلميذ ثاني بأخذ حجما قدره $V = 30mL$ من المحلول (S_1) فمدده 10 مرات فتحصل على المحلول (S_2) تركيزه المولي c_2 .

فيزياء تاشنت

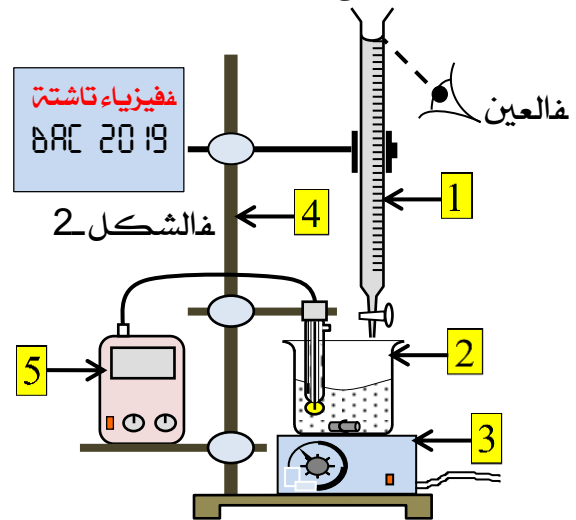
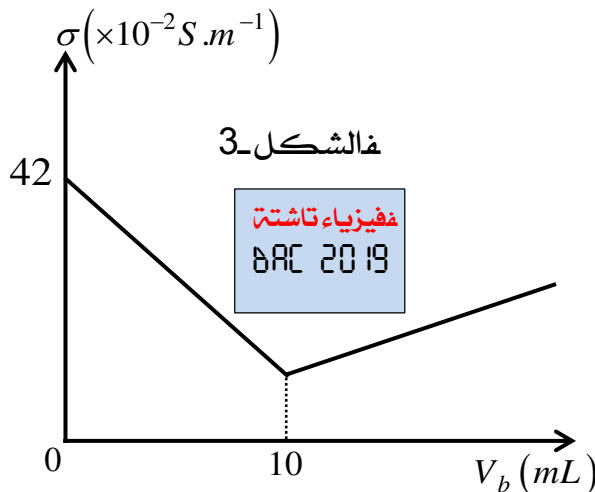
BAR 20 19

II - الفوج الأول: استخدم تلاميذ الفوج تقنية المعايرة عن طريق قياس الناقلية النوعية (σ) .

- ملأ التلميذ الأول سحاحة مدرجة سعتها $25mL$ حتى التدريجة صفر بمحلول (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ تركيزه المولي c_b .

- بواسطة ماصة مزودة بإجاصة مص أخذ تلميذ آخر حجما قدره $V_a = 20mL$ من المحلول (S_2) وسكبه في بيشر. بعد تحقيق التركيب التجريبي الموضح في الشكل 2، تمت المعايرة وتم تسجيل قيم الناقلية النوعية (σ) بدلالة الحجم المضاف من السحاحة.

- بالاعتماد على النتائج التجريبية تمكن تلميذ ثالث من رسم المنحنى $\sigma = f(V_b)$ المبين في الشكل 3.



1- أ- سم العناصر المشار إليها بأرقام في الشكل 2.

ب- هل وضعية العين صحيحة في قراءة الحجم على العنصر (1) ؟ حدد الوضعية الصحيحة.

2- أ- اكتب معادلة تفاعل المعايرة مع تحديد نوع التحول الكيميائي الحادث.

فيزياء تاشنت

BAR 20 19

بد انشئ جدول تقدم التفاعل.

2- اعتمادا على البيان $\sigma = f(V_b)$:

أ- تأكد أن قيمة التركيز المولي $c_2 = 10^{-2} \text{ mol/L}$.

بد استنتج حجم التكافؤ V_{bE} ، ثم احسب قيمة التركيز المولي C_b للمحلول (S_b) .

3- احسب قيمة الناقلية النوعية σ_E للمزيج التفاعلي عند نقطة التكافؤ.

4- أ- جد قيمة التركيز المولي C_0 للمحلول (S_0) .

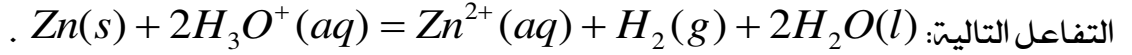
ب- استنتج قيمة درجة النقاوة P .

المعطيات: $\lambda(Cl^-) = 7,63 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$ ، $\lambda(H_3O^+) = 35 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

$\lambda(Na^+) = 5,01 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$ ، $\lambda(OH^-) = 19,2 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$

III - الفوج الثاني:

قام التلاميذ بالمتابعة الزمنية للتحويل التام والبطيئ بين حمض كلور الماء ومعدن الزنك $Zn(s)$ المنمذج بمعادلة



- بواسطة ماصة مزودة بإجاصة مص أخذ التلميذ الأول حجما قدره $V' = 200 \text{ mL}$ من المحلول (S_2) تركيزه المولي C_2 ثم سكب في حوجلة.

- في اللحظة $t = 0$ قام تلميذ ثاني بإضافة صفيحة من الزنك النقي كتلتها $m_0(Zn)$ إلى الحوجلة السابقة، واعتمادا على النتائج التجريبية قام تلميذ ثالث برسم المنحنى البياني لتغيرات كتلة الزنك المتبقي بدلالة الزمن،

$m_{Zn} = g(t)$ كما هو موضح في الشكل 4.

1- أ- انشئ جدول تقدم التفاعل.

ب- استنتج قيمة $m_0(Zn)$.

ج- حدد المتفاعل المحد وقيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$.

د- أ- جد قيمة التركيز المولي C_2 .

2- أ- بين أنه عند $t = t_{1/2}$ نكتب $m_{Zn}(t_{1/2})$ بالشكل:

$$m_{Zn}(t_{1/2}) = \frac{m_0(Zn) + m_f(Zn)}{2}$$

حيث: $m_f(Zn)$ كتلة الزنك في الحالة النهائية.

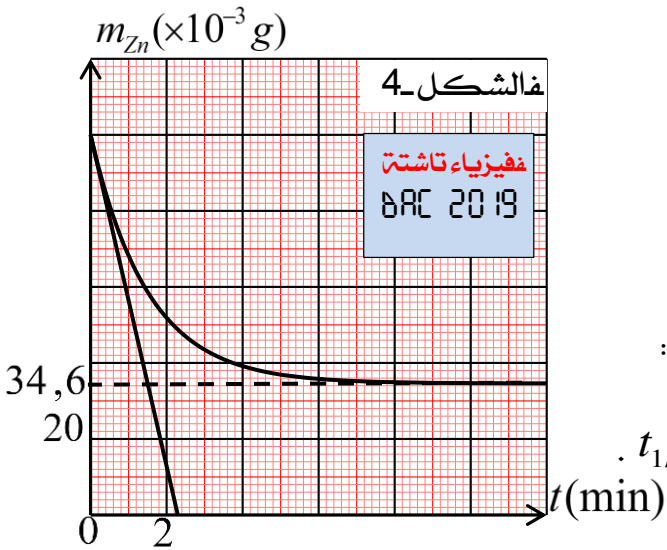
3- احسب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = 0$.

4- أ- جد قيمة التركيز المولي C_0 للمحلول (S_0) .

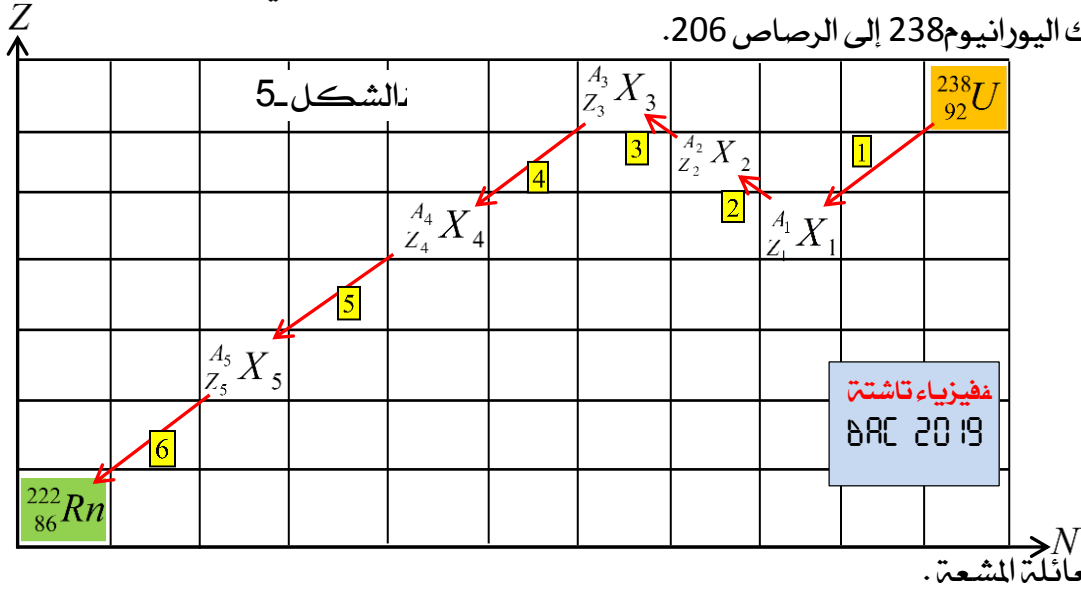
ب- استنتج قيمة درجة النقاوة P .

5- قارن بين قمة درجة النقاوة P لكل فوج، ثم قارنها مع القيمة المدونة على القارورة، ماذا تستنتج؟

يعطى الكتلة المولية لمعدن الزنك $M(Zn) = 65,4 \text{ g/mol}$



يتفكك أحد نظائر اليورانيوم $^{238}_{92}U$ المشع بسلسلة متتالية من التفككات التلقائية ليستقر في الأخير عند الرصاص $^{206}_{82}Pb$ مشكلا بذلك عائلة مشعة، والمخطط سقري (Z, N) الموضح في الشكل-5 يمثل جزء من السلسلة لتفكك اليورانيوم 238 إلى الرصاص 206.



- I - 1. عرف العائلة المشعة.
2. حدد نمط التفكك لكل حالة: 1 و 2 و 3 و 4 و 5 و 6.
3. اكمل معادلة التفكك النووي الكلية التالية: $^{238}_{92}U \rightarrow x\alpha + y\beta^- + ^{206}_{82}Pb$.
4. أ- احسب طاقة الربط النووي E_l لكل من $^{238}_{92}U$ و $^{206}_{82}Pb$.
- ب- استنتج قيمة كل من $\frac{E_l(^{206}_{82}Pb)}{A}$ و $\frac{E_l(^{238}_{92}U)}{A}$ ثم اصدار حكما من خلال النتيجة.

- II - وجدت صخرة تتكون أساسا من اليورانيوم 238 فقط عند اللحظة الابتدائية وينتج عنها عند اللحظة t نوى الرصاص 206، ولتقدير عمرها نستخدم طريقة (اليورانيوم-الرصاص) والتي تعتمد على تقدير عدد النوى لكل من اليورانيوم والرصاص في العينة الصخرية عند اللحظة t .
- 1- ما هي شروط التأريخ بنظير عنصر مشع؟
- 2- اكتب قانون التناقص الإشعاعي.
- 3- عرف ثابت النشاط الإشعاعي λ ثم استنتج قيمته.

4- أ- بين أن عمر الصخرة t يعطى بالعلاقة التالية: $t = \frac{1}{\lambda} \times \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t) \times M(^{238}U)}{m_U(t) \times M(^{206}Pb)} \right)$.

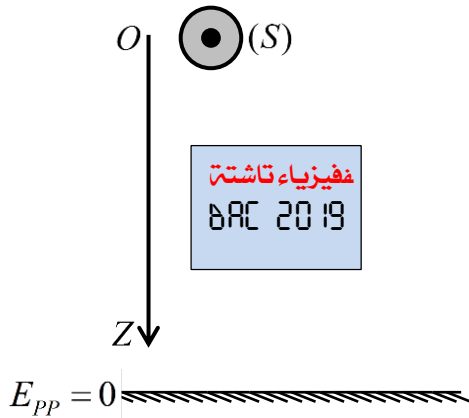
- حيث $m_U(t)$: يمثل كتلة النوى المتبقية لليورانيوم 238 و $m_{Pb}(t)$: يمثل كتلة النوى الناتجة للرصاص 206.
- ب- معاينة صخرة وجد فيها كتلة $m_{Pb}(t) = 1mg$ من الرصاص وكتلة $m_U(t) = 1g$ من اليورانيوم.
- احسب بالسنوات عمر الصخرة المدروسة t .

المعطيات: $m(^{238}_{92}U) = 238,00031u$ ، $m_n = 1,00866u$ ، $m_p = 1,00728u$ ، $M(^{206}_{82}Pb) = 206g/mol$ ، $M(^{238}_{92}U) = 238g/mol$ ، $m(^{206}_{82}Pb) = 205,92949u$

$1u = 931,5MeV/C^2$ ، $\tau = 6,5 \times 10^9 ans$

فيزياء تاشته
BAC 2019

نقوم بدراسة السقوط الشاقولي في الهواء لكرة تنس (S) كتلتها $m_s = 53g$ وحجمها $V_s = 1600cm^3$ ، حيث نتركها تسقط من ارتفاع قدره $h = 430m$ عن سطح الأرض.



I - الكرة تخضع أثناء حركتها لتأثير ثقلها فقط:

1- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على كرة التنس (S).

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

أ- حدد طبيعة الحركة.

ب- استنتج المعادلة التفاضلية للحركة.

ج- اكتب المعادلتين الزميتين $v(t)$ و $Z(t)$.

3- أ- جد الزمن الضروري لوصول كرة التنس (S) لسطح الأرض.

ب- استنتج سرعة كرة التنس (S) لحظة ارتطامها بسطح الأرض.

4- مثل كيفيا البيانين $a = f(t)$ و $v = g(t)$.

II - قمنا بدراسة السقوط الشاقولي الحقيقي لكرة التنس (S) في الهواء بواسطة تتبع حركتها بواسطة تصوير

لشريط فيديو وبعدها تم معالجة الشريط الفيديو في جهاز الحاسوب اعتمادا على برمجية *Avistep* ومن خلالها تم

تسجيل قيم سرعة كرة التنس (S) خلال الزمن والنتائج هي كالتالي:

$t(s)$	0	0,5	1	2	3	5	10	15	20
$v(m/s)$	0	2,8	5,9	11,3	15,7	19,5	22	22	22

1- اعتمادا على سلم رسم مناسب ارسم المنحنى البياني $v = h(t)$.

2 - اعتمادا على البيان جد قيمة كل من: السرعة الحدية v_l .

3- قارن بين قيمة v_l وقيمة السرعة المحسوبة في السؤال **I** - 2- ب. ماذا تستنتج؟

4- أ- احسب قيمة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ قارنها مع قيمة قوة الثقل $\vec{P}$ لكرة التنس (S)، ماذا تستنتج؟

ب- مثل كيفيا في هذه الحالة القوى الخارجية المؤثرة على كرة التنس (S) أثناء حركتها.

5- اكتب المعادلة التفاضلية لتطور $v(t)$ علما أن عبارة قوة الاحتكاك تكتب بالشكل: $f = kv^2$.

حيث: k معامل الاحتكاك.

6- أ- استنتج عبارة السرعة الحدية v_l .

ب- حدد وحدة الثابت k ثم احسب قيمته.

المعطيات:

الكتلة الحجمية للهواء: $\rho_{air} = 1,3g/mL$ ، $g = 9,8m/s^2$.

بالتوفيق للجميع ...

فيزياء تاشته
BAC 2019

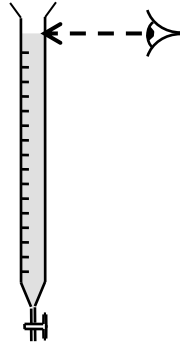
تصحيح - نحو البكالوريا - الموضوع العاشر

التمرين الأول :

II

الفوج الأول:

1- أ- تسمية العناصر المشار إليها بأرقام في الشكل 2 :

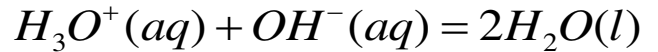


رقم العنصر	الاسم
2	بيشر
3	مخلوط مغناطيسي
4	الحامل
5	جهاز قياس الناقلية النوعية <i>conductimètre</i>

ب- وضعية العين خاطئة لقراءة الحجم على السحاحة لأنها في وضعية مائلة.

- يجب أن تكون العين موجهة بطريقة عمودية على مستوى السحاحة كما هو موضح في الشكل أعلاه .

2- أ- معادلة تفاعل المعايرة مع تحديد نوع التحول الكيميائي الحادث:

- نوع التحول الكيميائي حمض أساس لأن تم فيه انتقال بروتون من حمض الثنائية (H_3O^+ / H_2O) إلى أساسالثنائية (H_2O / OH^-) .نفيزياء تاشة
BAC 2019

بد جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$H_3O^+(aq) + OH^-(aq) = 2H_2O(l)$		
الابتدائية	$x = 0$	n_a	n_b	بالزيادة
التكافؤ	x_E	$n_a - x_E$	$n_b - x_E$	بالزيادة

نفيزياء تاشة
BAC 20192- اعتمادا على البيان $\sigma = f(V_b)$:أ- التأكد أن قيمة التركيز المولي $c_2 = 10^{-2} mol / L$:نعلم أن: $\sigma_a = [H_3O^+] \lambda(H_3O^+) + [Cl^-] \lambda(Cl^-)$ حيث: $[H_3O^+] = [Cl^-] = c_2$.

$$c_2 = \frac{\sigma_a}{\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-)} \text{ أي } \sigma_a = c_2 (\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-)) \text{ ومنه:}$$

ولدينا أيضا من البيان: $\sigma_0 = \sigma_a = 42 \times 10^{-2} S.m^{-1}$.نفيزياء تاشة
BAC 2019

ت-ع:

$$C_2 = \frac{42 \times 10^{-2}}{(35 + 7,63) \times 10^{-3}} = 0,98 \times 10^1 \text{ mol} / \text{m}^3 = 0,98 \times 10^{-2} \text{ mol} / \text{L}$$

فيزياء تاشنت

BAR 20 19

أي: $c_2 = 10^{-2} \text{ mol} / \text{L}$ وهو المطلوب.

بد استنتاج حجم التكافؤ V_{bE} :

حجم التكافؤ يمثل فاصلة أدنى نقطة من البيان (نقطة التكافؤ) وبالإسقاط نجد: $V_{bE} = 10 \text{ mL}$.

- حساب قيمة التركيز المولي C_b للمحلول (S_b) :
عند التكافؤ يتحقق مزيج ستيكيومتري أي:

فيزياء تاشنت

BAR 20 19

$$c_b = \frac{c_2 V_a}{V_{bE}}$$

$$c_2 V_a = c_b V_{bE} \text{ ومنه: } n_a = n_b \text{ ومنه: } \begin{cases} n_a = x_E \\ n_b = x_E \end{cases} \begin{cases} n_a - x_E = 0 \\ n_b - x_E = 0 \end{cases}$$

$$c_b = 2 \times 10^{-2} \text{ mol} / \text{L} \text{ أي: } c_b = \frac{10^{-2} \times 20}{10} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol} / \text{L} \text{ ت-ع:}$$

3- حساب قيمة الناقلية النوعية σ_E للمزيج التفاعلي عند نقطة التكافؤ:

نعلم أن عند نقطة التكافؤ يتحقق مزيج ستيكيومتري أي يكون الوسط التفاعلي محلول ملحي يتكون من

الشوارد Na^+ و Cl^- فقط أي: $\sigma_E = [Na^+]_E \lambda(Na^+) + [Cl^-]_E \lambda(Cl^-)$

$$[Na^+]_E = \frac{c_b V_{bE}}{V_T} = \frac{c_b V_{bE}}{(V_a + V_{bE})} \text{ و } [Cl^-]_E = \frac{c_2 V_a}{V_T} = \frac{c_2 V_a}{(V_a + V_{bE})} \text{ حيث:}$$

$$\sigma_E = \left(\frac{c_b V_{bE}}{(V_a + V_{bE})} \times \lambda(Na^+) \right) + \left(\frac{c_2 V_a}{(V_a + V_{bE})} \times \lambda(Cl^-) \right) \text{ ومنه:}$$

فيزياء تاشنت

BAR 20 19

$$\sigma_E = \frac{(c_b V_{bE} \times \lambda(Na^+)) + (c_2 V_a \times \lambda(Cl^-))}{(V_a + V_{bE})} \text{ أي:}$$

$$\sigma_E = \frac{(2 \times 10^{-2} \times 10^3 \times 10 \times 7,63 \times 10^{-3}) + (10^{-2} \times 10^3 \times 20 \times 5,01 \times 10^{-3})}{(20 + 10)} \text{ ت-ع:}$$

$$\sigma_E = 0,084 \text{ S} / \text{m} = 8,4 \times 10^{-2} \text{ S} / \text{m} \text{ إذن:}$$

4- أ- جد قيمة التركيز المولي c_0 للمحلول (S_0):

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

لدينا: $\frac{c_1}{c_2} = 10$ ومنه: $c_1 = 10c_2 \dots (1)$

ولدينا: $c_0 V_0 = c_1 V_1$ ومنه: $c_0 = \frac{c_1 V_1}{V_0} = 10c_1$ ومنه: $c_0 = 100c_1 \dots (2)$

بتعويض (1) في (2) نجد: $c_0 = 100 \times 10c_2$ أي: $c_0 = 1000c_2$

ت-ع: $c_0 = 1000 \times 10^{-2} = 10 \text{ mol/L}$ أي: $c_0 = 10 \text{ mol/L}$

ب- استنتاج قيمة درجة النقاوة P :

نعلم أن: $c_0 = \frac{10Pd}{M(HCl)}$ ومنه: $P = \frac{c_0 M(HCl)}{10d}$ ت-ع: $P = \frac{10 \times 36,5}{10 \times 1,2} = 30,42\%$

أي: $P = 30,42\%$

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

III - الفوج الثاني:

1- أ- جدول تقدم التفاعل:

الحالة	تقدم التفاعل ب mol	$Zn(s) + 2H_3O^+(aq) = Zn^{2+}(aq) + H_2(g) + 2H_2O(l)$				
الابتدائية	$x = 0$	n_{01}	n_{02}	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$x(t)$	$x(t)$	بالزيادة
النهائية	$x_{\max}$	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	$x_{\max}$	بالزيادة

ب- استنتاج قيمة $m_0(Zn)$:

من البيان نجد: $m_0(Zn) = 20 \times 10^{-3} \times 5 = 100 \times 10^{-3} g$ أي: $m_0(Zn) = 100mg$

ج- إيجاد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

لدينا التفاعل الكيميائي الحادث تام ولدينا من البيان: $m_f(Zn) = 34,6 \times 10^{-3} g \neq 0$

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

وعليه: شوارد $H_3O^+(aq)$ هي المتفاعل المحد.

تحديد المتفاعل المحد:

لدينا من جدول تقدم التفاعل عند الحالة النهائية: $n_f(Zn) = n_{01}(Zn) - x_{\max}$

ومنه: $x_{\max} = n_{01}(Zn) - n_f(Zn)$ ومنه: $x_{\max} = \frac{m_0(Zn) - m_f(Zn)}{M(Zn)}$

ت-ع: $x_{\max} = \frac{(100 - 34,6) \times 10^{-3}}{65,4} = 10^{-3} mol$ أي: $x_{\max} = 10^{-3} mol$

د - أ- إيجاد قيمة التركيز المولي c_2 :

لدينا: شوارد الهيدرونيوم $H_3O^+(aq)$ هي المتفاعل المحد أي: $n_{O_2} - 2x_{\max} = 0$ ومنه: $c_2 V' = 2x_{\max}$

ومنه: $c_2 = \frac{2x_{\max}}{V'}$ ت-ع: $c_2 = \frac{2 \times 10^{-3}}{200 \times 10^{-3}} = 10^{-2} \text{ mol/L}$ أي: $c_2 = 10^{-2} \text{ mol/L}$

2- تبين أنه عند $t = t_{1/2}$ نكتب $m_{Zn}(t_{1/2})$ بالشكل: $m_{Zn}(t_{1/2}) = \frac{m_0(Zn) + m_f(Zn)}{2}$

لدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_{Zn}(t) = n_{O_1} - x(t)$ ونعلم أن: $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$

لما $t = t_{1/2}$ نجد: $n_{Zn}(t_{1/2}) = n_{O_1} - x(t_{1/2})$ ومنه: (1) $n_{Zn}(t_{1/2}) = n_{O_1} - \frac{x_{\max}}{2}$

لما $t = t_f$ نجد: $n_f(Zn) = n_{O_1} - x_{\max}$ ومنه: (2) $x_{\max} = n_{O_1} - n_f(Zn)$

بتعويض (2) في (1) نجد: $n_{Zn}(t_{1/2}) = n_{O_1} - \frac{(n_{O_1} - n_f(Zn))}{2}$ ومنه: $n_{Zn}(t_{1/2}) = \frac{n_{O_1} + n_f(Zn)}{2}$

ونعلم أن: $n_{Zn} = \frac{m_{Zn}}{M(Zn)}$ وعليه: $\frac{m_{Zn}(t_{1/2})}{M} = \frac{m_0(Zn) + m_f(Zn)}{2M}$

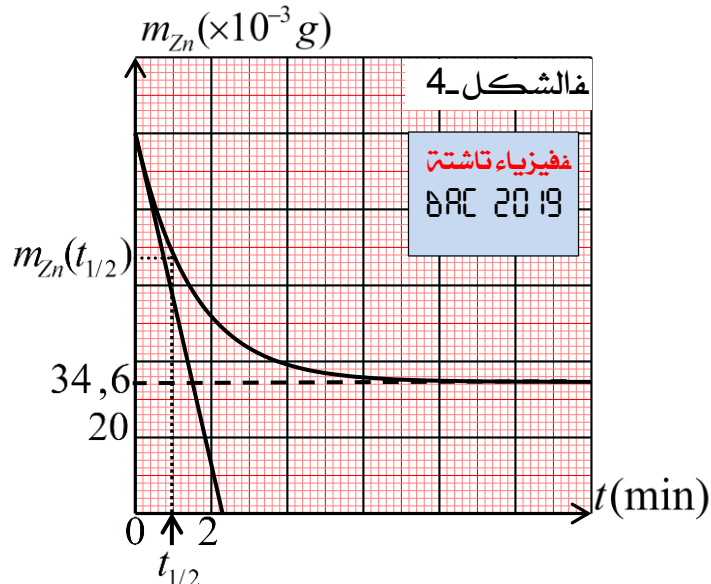
إذن: $m_{Zn}(t_{1/2}) = \frac{m_0(Zn) + m_f(Zn)}{2}$ وهو المطلوب

ت-ع: $m_{Zn}(t_{1/2}) = \frac{(100 + 34,6) \times 10^{-3}}{2} = 67,3 \times 10^{-3} \text{ g}$

أي: $m_{Zn}(t_{1/2}) = 67,3 \times 10^{-3} \text{ g}$

-قيمة $t_{1/2}$ بيانيا:

$t_{1/2}$ هو فاصلة الترتيبة $m_{Zn}(t_{1/2}) = 67,3 \times 10^{-3} \text{ g}$ وبالإسقاط نجد: $t_{1/2} = 1 \text{ min}$



3- حساب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = 0$:

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

نعلم أن: $v(t) = \frac{dx(t)}{dt} \dots (*)$

ولدينا مما سبق: $n_{Zn}(t) = n_{01} - x(t)$ ومنه: $x(t) = n_{01} - n_{Zn}(t)$

وبالتعويض (*) في نجد: $v(t) = \frac{d(n_{01} - n_{Zn}(t))}{dt}$ ومنه: $v(t) = -\frac{dn_{Zn}(t)}{dt}$

ونعلم أن: $n_{Zn}(t) = \frac{m_{Zn}(t)}{M(Zn)}$ وعليه: $v(t) = -\frac{d\left(\frac{m_{Zn}(t)}{M(Zn)}\right)}{dt}$

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

أي: $v(t) = -\frac{1}{M(Zn)} \times \frac{dm_{Zn}(t)}{dt}$

ت-ع: $v(0) = -\frac{1}{M(Zn)} \times \frac{dm_{Zn}(t)}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{1}{M(Zn)} \times \frac{\Delta m_{Zn}(t)}{\Delta t} \Big|_{t=0}$

ومنه: $v(0) = -\frac{1}{65,4} \times \frac{(100-0) \times 10^{-3}}{(0-2,2)} = 7 \times 10^{-4} \text{ mol / min}$

أي: $v(0) = 7 \times 10^{-4} \text{ mol / min}$

4- أ- جد قيمة التركيز المولي c_0 للمحلول (S_0) :

لدينا: $\frac{c_1}{c_2} = 10$ ومنه: $c_1 = 10c_2 \dots (1)$

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

ولدينا: $c_0 V_0 = c_1 V_1$ ومنه: $c_0 = \frac{c_1 V_1}{V_0} = 10c_1$ ومنه: $c_0 = 100c_1 \dots (2)$

بتعويض (1) في (2) نجد: $c_0 = 100 \times 10c_2$ أي: $c_0 = 1000c_2$

ت-ع: $c_0 = 1000 \times 10^{-2} = 10 \text{ mol / L}$ أي: $c_0 = 10 \text{ mol / L}$

ب- استنتاج قيمة درجة النقاوة P :

نعلم أن: $c_0 = \frac{10Pd}{M(HCl)}$ ومنه: $P = \frac{c_0 M(HCl)}{10d}$ ت-ع: $P = \frac{10 \times 36,5}{10 \times 1,2} = 30,42\%$

أي: $P = 30,42\%$

5- مقارنة بين قيمة درجة النقاوة P لكل فوج، ثم مقارنتها مع القيمة المدونة على القارورة :

نلاحظ أن قيمة درجة النقاوة التي توصل إليها الفوجين متساويتين أي: $P = 30,42\%$

وهي تختلف عن القيمة المدونة على بطاقة محلول كلور الماء . نستنتج أن محلول كلور الماء مغشوش .

I - 1. تعريف العائلة المشعة:

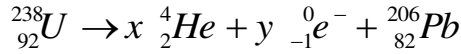
هي مجموعة الأنوية الناتجة عن سلسلة من التفككات المتتالية التي تبدأ بنواة مشعة غير مستقرة وتنتهي عند نواة أكثر استقراراً.

فيزياء تاشته
BAC 2019

2. تحديد نمط التفكك لكل حالة:

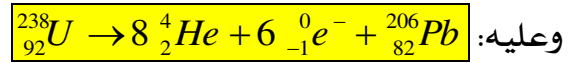


3. معادلة التفكك النووي الكلية:



$$\begin{cases} 238 = 4x + 0y + 206 \Rightarrow x = 8 \\ 92 = 2x - y + 82 \Rightarrow y = 6 \end{cases}$$

بتطبيق قانونا الانحفاظ لصودي نجد:



4. أ- حساب طاقة الربط النووي E_l لكل من ${}_{92}^{238}\text{U}$ و ${}_{82}^{206}\text{Pb}$:

طاقة الربط النووي E_l : هي طاقة تماسك النواة وتساوي الطاقة اللازم توفيرها للنواة في حالة السكون لتفكيكها إلى نوكلينواتها (مكوناتها) المعزولة والساكنة.

$$E_l = (Zm_p + (A - Z)m_n - m({}_Z^AX)). C^2 = \Delta m. C^2 = \Delta m (u). 931,5$$

$$E_l({}_{92}^{238}\text{U}) = ((92 \times 1,00728) + (146 \times 1,00866) - 238,00031) \times 931,5 = 1801,3 \text{ MeV}$$

$$E_l({}_{82}^{206}\text{Pb}) = ((82 \times 1,00728) + (124 \times 1,00866) - 205,92949) \times 931,5 = 1622,3 \text{ MeV}$$

ب- استنتاج قيمة طاقة الربط لكل نوية E_A :

طاقة الربط لكل نوية E_A : هي نسبة طاقة الربط النووي E_l على عدد النويات A أي: $E_A = \frac{E_l}{A}$

فيزياء تاشته
BAC 2019

$$E_A({}_{92}^{238}\text{U}) = \frac{E_l({}_{92}^{238}\text{U})}{A} = \frac{1801,3}{238} = 7,57 \text{ MeV / nucléon}$$

$$E_A({}_{82}^{206}\text{Pb}) = \frac{E_l({}_{82}^{206}\text{Pb})}{A} = \frac{1622,3}{206} = 7,87 \text{ MeV / nucléon}$$

نلاحظ أن $E_A({}_{82}^{206}\text{Pb}) > E_A({}_{92}^{238}\text{U})$ نستنتج أن نواة الرصاص ${}_{82}^{206}\text{Pb}$ أكثر استقراراً من نواة اليورانيوم ${}_{92}^{238}\text{U}$ (النواة التي لها أكبر طاقة ربط لكل نوية هي أكثر استقراراً).

II - 1. شروط التأريخ بنظير عنصر مشع:

- أن تكون نوى النظير المشع داخلية في تركيب العينة المراد تحديد عمرها.
- أن يكون العمر المتوسط τ للنظير المشع أكبر من عمر العينة المراد تحديد عمرها.

2. قانون التناقص الإشعاعي:

فيزياء تاشته
BAC 2019

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

3. تعرف ثابت النشاط الإشعاعي λ :

ثابت التفكك λ يميز النواة المشعة ويعبر عن قابلية تفكك هذه النواة وحدته هي: s^{-1} .

استنتاج قيمة λ :

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

لدينا: $\lambda = \frac{1}{\tau}$ ت-ع: $\lambda = \frac{1}{6,5 \times 10^9} = 1,5 \times 10^{-10} \text{ ans}^{-1}$

حيث: $\lambda = 1,5 \times 10^{-10} \text{ ans}^{-1} = 4,9 \times 10^{-18} \text{ s}^{-1}$ $1 \text{ ans} = 31536000 \text{ s}$

4-أ- تبيان أن عمر الصخرة t يعطى بالعلاقة التالية:
$$t = \frac{1}{\lambda} \times \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t) \times M(^{238}\text{U})}{m_U(t) \times M(^{206}\text{Pb})} \right)$$

بتطبيق قانون التناقص الاشعاعي: $N(U) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه: $N(U) = (N(U) + N(Pb)) e^{-\lambda t}$

حيث: $N_0 = N(U) + N_d(U) = N(U) + N(Pb)$

$N(U)$: أنوية اليورانيوم المتبقية. $N_d(U) = N(Pb)$: أنوية اليورانيوم المتفككة إلى نوى الرصاص.

بإدخال اللوغاريتم النيبيري وبالتبسيط نجد: $\ln \left(\frac{N(U)}{N(U) + N(Pb)} \right) = -\lambda t$

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

وعليه: $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{N(U) + N(Pb)}{N(U)} \right)$ إذن: $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{N(Pb)}{N(U)} \right) \dots (1)$

ولدينا: $\frac{N}{N_A} = \frac{m}{M}$ وعليه: $N(U) = \frac{m_U(t)}{M(^{238}\text{U})} \cdot N_A \dots (2)$ و $N(Pb) = \frac{m_{Pb}(t)}{M(^{206}\text{Pb})} \cdot N_A \dots (3)$

نعوض (2) و (3) في (1) نجد:

$$t = \frac{1}{\lambda} \times \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t) \times M(^{238}\text{U})}{m_U(t) \times M(^{206}\text{Pb})} \right)$$

ب- معاينة صخرة وجد فيها كتلة $m_{Pb}(t) = 1 \text{ mg}$ من الرصاص وكتلة $m_U(t) = 1 \text{ g}$ من اليورانيوم.

- احسب بالسنوات عمر الصخرة المدروسة: t

ففيزياء تاشتت
BAC 2019

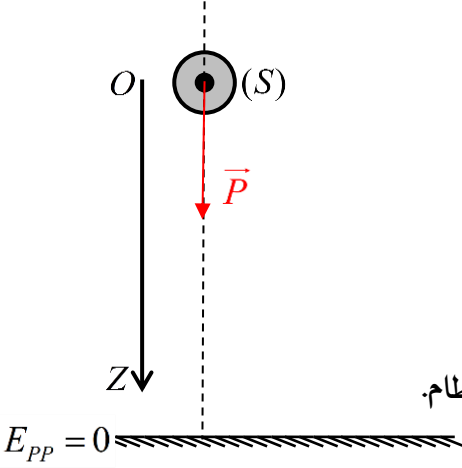
لدينا: $t = \frac{1}{\lambda} \times \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t) \times M(^{238}\text{U})}{m_U(t) \times M(^{206}\text{Pb})} \right)$

ت-ع: $t = \frac{1}{1,5 \times 10^{-10}} \times \ln \left(1 + \frac{1 \times 10^{-3} \times 238}{1 \times 206} \right) = 7,7 \times 10^6 \text{ ans}$

أي: $t = 7,7 \times 10^6 \text{ ans}$

I - 1- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على كرة التنس (S).

أنظر الشكل المقابل.



2- أ- تحديد طبيعة الحركة.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (كرة التنس) في المعلم السطحي

الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد: $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$ ومنه: $\vec{P} = m\vec{a}$

بالإسقاط وفق محور الحركة (oz) نجد: $P = ma$ ومنه: $mg = ma$ إذن: $a = g$ إذن حركة كرة التنس هي حركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

ب- استنتاج المعادلة التفاضلية للحركة.

لدينا مما سبق: $a = g$ ومنه: $\frac{dv}{dt} = g$

ج- كتابة المعادلتين الزنيتين $v(t)$ و $Z(t)$.

لدينا مما سبق: $\frac{dv}{dt} = g$ ، بمكاملة عبارة التسارع بالنسبة للزمن نجد: $v(t) = gt + C$

حيث C ثابت يحدد من الشروط الابتدائية ($t = 0$): $v(0) = 0 = g \times 0 + C$ ومنه: $C = 0$

إذن: $v(t) = gt$

بمكاملة عبارة السرعة بالنسبة للزمن نجد: $z(t) = \frac{1}{2}gt^2 + C'$ ، حيث C' ثابت يحدد من الشروط الابتدائية

إذن: $z(t) = \frac{1}{2}gt^2$ ومنه: $C' = 0$ ($t = 0$): $z(0) = 0 = g \times 0 + C'$

3- أ- ايجاد الزمن الضروري لوصول كرة التنس (S) لسطح الأرض.

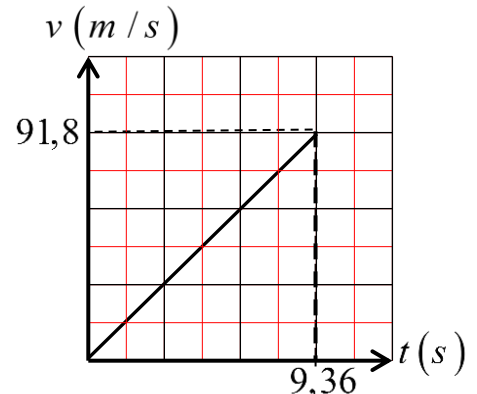
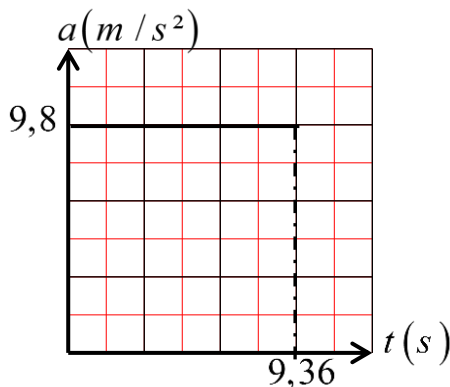
لدينا: $z(t) = \frac{1}{2}gt^2$ ومنه: $h = \frac{1}{2}gt^2$ إذن: $t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 430}{9,8}}$ ومنه: $t = 9,36s$

ب- استنتاج سرعة كرة التنس (S) لحظة ارتطامها بسطح الأرض.

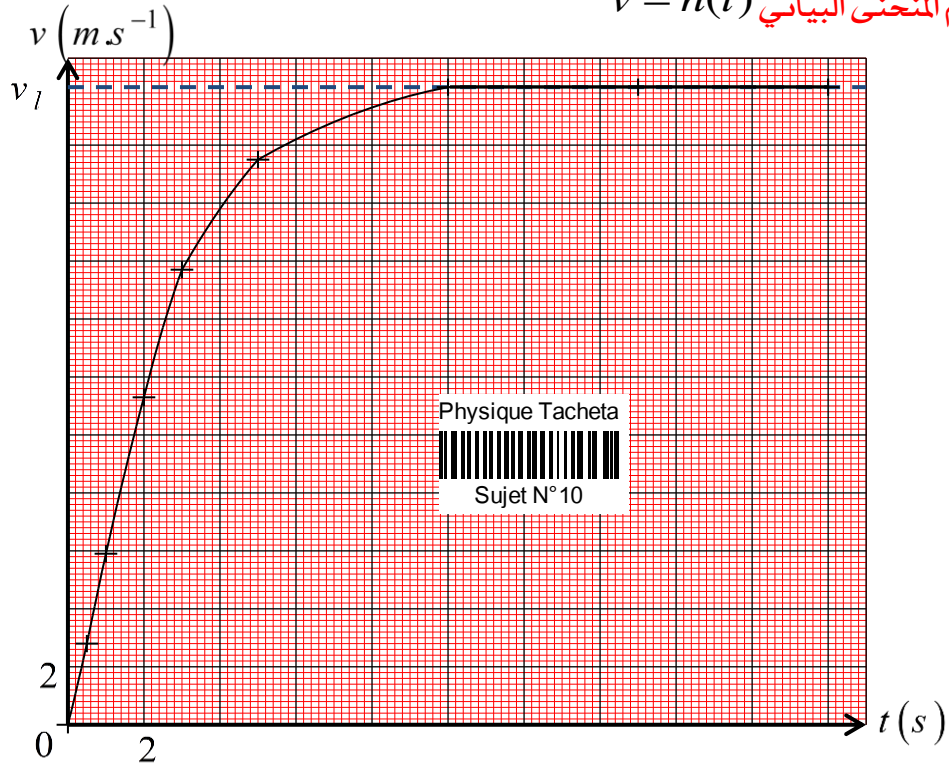
لدينا العلاقة بين السرعة والمسافة المقطوعة: $v^2 - v_0^2 = 2gh$ ولدينا: $v_0 = 0$ ومنه: $v^2 = 2gh$ إذن:

$v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 430}$ ومنه: $v = 91,8m/s$

4- تمثيل كيفي للبيانات $a = f(t)$ و $v = g(t)$.



II - 1- رسم المنحنى البياني $v = h(t)$



2 - اعتمادا على البيان : قيمة السرعة الحدية $v_l = 22 \text{ m.s}^{-1}$.

3 - مقارنة بين قيمة v_l وقيمة السرعة المحسوبة في السؤال I - 2 - ب.

II - سرعة كرة التنس في الجزء I أكبر بأربع مرات من سرعة كرة التنس في الجزء II .
نستنتج نستنتج أن النموذج الثاني أقرب للحقيقة.

4 - أ - حساب قيمة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ ومقارنتها مع قيمة قوة الثقل $\vec{P}$ لكرة التنس (S).

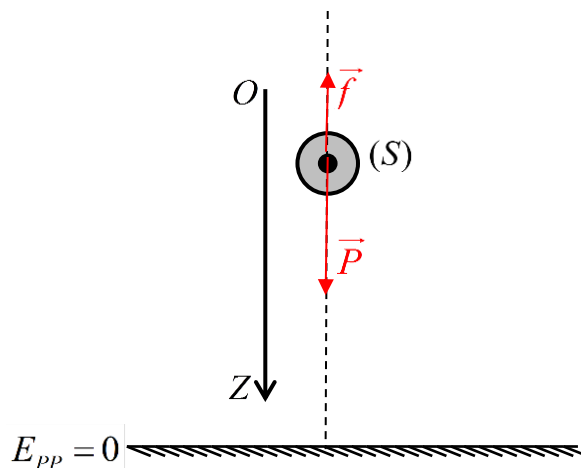
لدينا: $\pi = \rho V_s g$ ومنه: $\pi = 1,3 \times 1600 \times 10^{-6} \times 9,8$ إذن: $\pi = 2 \times 10^{-2} \text{ N}$.

لدينا: $P = mg$ ومنه: $P = 53 \times 10^{-3} \times 9,8$ إذن: $P = 5,20 \times 10^{-1} \text{ N}$.

ومنه قوة الثقل أكبر من دافعة أرخميدس بـ 26 مرة. $\frac{P}{\pi} = \frac{5,20 \times 10^{-1}}{2 \times 10^{-2}} = 26$

استنتاج: دافعة أرخميدس مهملة أمام قوة الثقل.

ب - مثل كيفيا في هذه الحالة القوى الخارجية المؤثرة على كرة التنس (S) أثناء حركتها.



5- اكتب المعادلة التفاضلية لتطور $v(t)$ علما أن عبارة قوة الاحتكاك تكتب بالشكل: $f = kv^2$.

بتطبيق القانون الثاني على الجملة المدروسة (كرية التنس) في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد: $\sum \vec{F} = m\vec{a}$ ومنه: $\vec{P} + \vec{f} = m\vec{a}$ بالاسقاط وفق محور الحركة (oz) نجد: $P - f = ma$ ومنه:

$$mg - kv^2 = m \frac{dv}{dt} \quad \text{ومنه:} \quad \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v^2 = g$$

6- أ- استنتاج عبارة السرعة الحدية v_l .

عند بلوغ النظام الدائم: $v = v_l$ و $\frac{dv}{dt} = 0$ ومنه: $\frac{k}{m}v_l^2 = g$ إذن: $v_l = \sqrt{\frac{mg}{k}}$

ب- تحديد وحدة الثابت k ثم حساب قيمته.

لدينا: $\frac{k}{m}v_l^2 = g$ ومنه: $k = \frac{mg}{v_l^2}$ ومنه: $k = \frac{kg \cdot m \cdot s^{-2}}{m^2 \cdot s^{-2}}$ ومنه: $[k] = \frac{[m][g]}{[v_l^2]}$ ومنه: $[k] = kg \cdot m^{-1}$ وحدة الثابت k هي: $kg \cdot m^{-1}$

حساب قيمته:

$$k = \frac{mg}{v_l^2} = \frac{53 \times 10^{-3} \times 9,8}{22^2} \quad \text{ومنه:} \quad k = 10,73 \times 10^{-2} kg \cdot m^{-1}$$

Physique Tacheta



Sujet N° 10

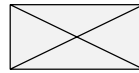
بالتوفيق للجميع-----

أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على
الخاص



رابط الصفحة على الفايس بوك

www.facebook.com/physiquetacheta



Physique Tacheta



Sujet N° 10

ولدعواتكم إخوتنا نحتاج

فيزياء تاشة

٥٨٢ ٢٠١٩

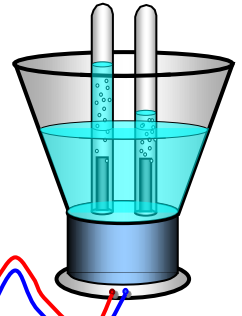
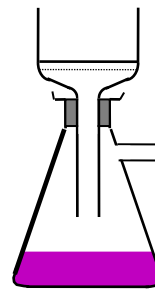
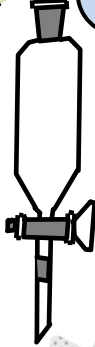
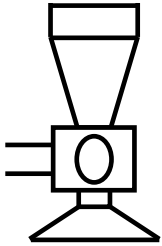
ف

فنج والبكالوريا

٥٨٢ ٢٠١٩

11

5 μ F

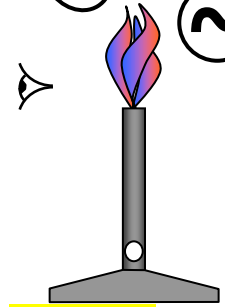
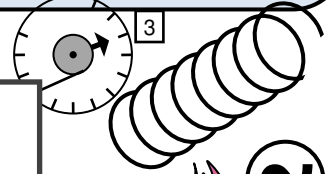
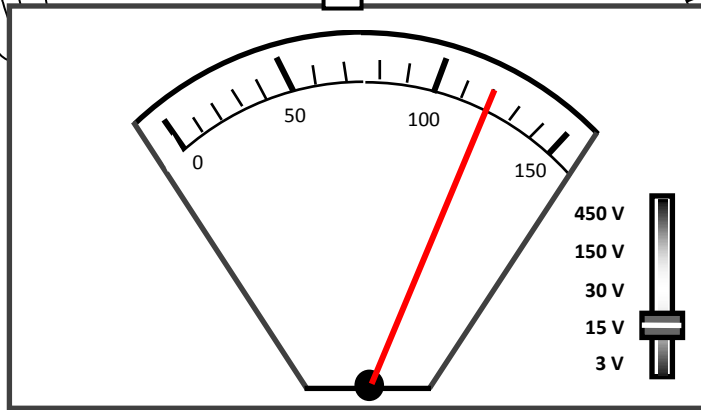
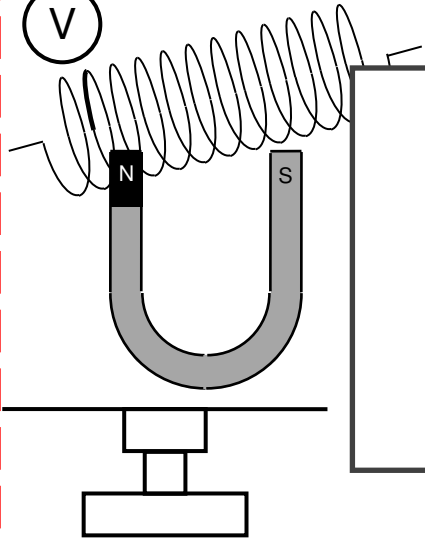


الموضوع الحادي عشر + التصحيح المفصل

V

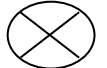
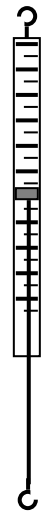
R₁

3



C₂H₅

2



0.5 N

فيزياء تاشة

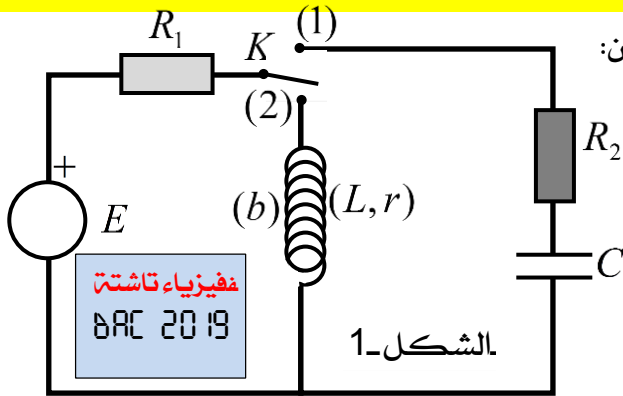


0.5 N

رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

نحو البكالوريا - الموضوع الحادي عشر + التصحيح المفصل

التمرين الأول :

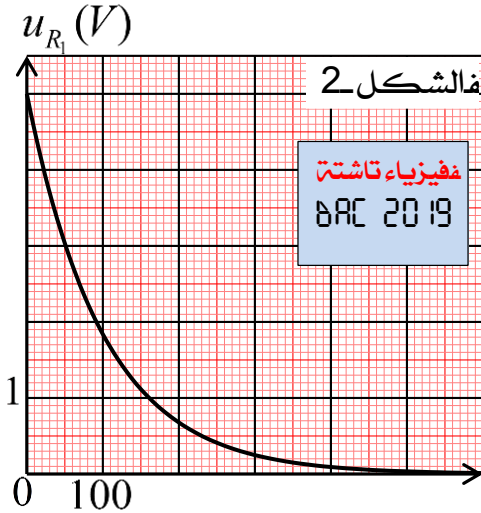


- نحقق الدارة الكهربائية الموضحة في الشكل-1 والمكونة من:
- مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية $E = 12V$.
 - ناقلان أوميان $R_1 = 100\Omega$ و R_2 .
 - مكثفة غير مشحونة سعتها C .
 - وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r .
 - بادلة K وأسلاك توصيل.

I - عند اللحظة $t = 0$ نضع البادلة K في الوضع (1) وبواسطة جهاز راسم اهتزاز تمكنا من متابعة التوتر

الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي R_1 فتحصلنا على البيان $u_{R_1} = f(t)$ المبين في الشكل-2.

1- وضح على الدارة بأسهم جهة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد والمستقبلات الكهربائية وجهة التيار الكهربائي.



2- بين كيفية ربط مدخلي راسم الاهتزاز لمشاهدة البيان $u_{R_1} = f(t)$.

3- أ- بتطبيق قانون جمع التوترات بين أن المعادلة التفاضلية

التي يحققها $u_{R_1}(t)$ بين طرفي R_1 تكتب بالشكل :

$$u_{R_1}(t) + (R_1 + R_2)C \times \frac{du_{R_1}(t)}{dt} = 0$$

ب- حل المعادلة التفاضلية يكتب من الشكل : $u_{R_1}(t) = Ae^{\frac{-t}{B}}$

حيث : A و B ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما بدلالة مميزات الدارة.

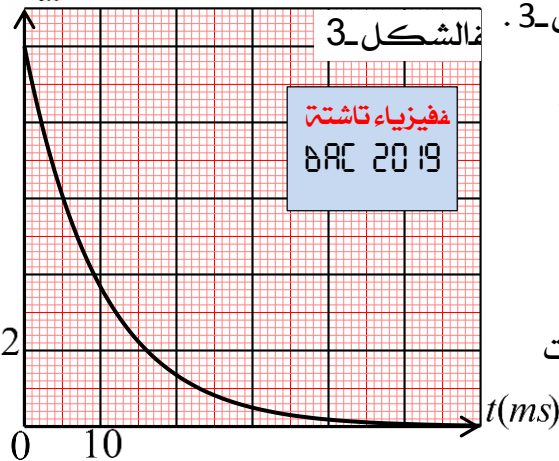
4- اعتمادا على البيان $u_{R_1} = f(t)$ جد قيمة كل من : R_2 وثابت الزمن τ_1 و C .

5- احسب الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة.

II

- في لحظة نعتبرها مبدأ جديد للزمن نؤرجع البادلة K إلى الوضع (2)، وبواسطة برمجية مناسبة

$$\frac{di(t)}{dt} \text{ (A/s)}$$



تمكنا من رسم المنحنى البياني $\frac{di(t)}{dt} = g(t)$ المبين في الشكل-3.

1- أ- اكتب المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة $i(t)$.

ب- يعطى حل المعادلة التفاضلية : $i(t) = \frac{\beta}{\alpha}(1 - e^{-\alpha t})$.

حيث : α و β ثابتين يطلب إيجاد عبارة كل منهما.

2- اعتمادا على البيان $\frac{di(t)}{dt} = g(t)$ جد قيمة كل من : L وثابت

الزمن τ_2 و r .

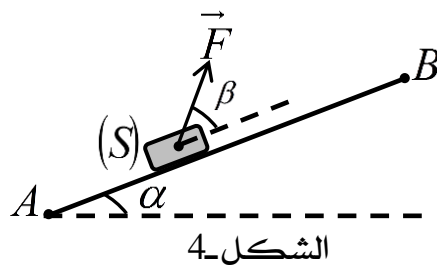
3-أ- احسب الطاقة الأعظمية في الوشيعة $E_{b_{\max}}$.

ب- جد بدلالة ثابت الزمن τ_2 المدة الزمنية t' لتكون الطاقة في الوشيعة هي $E_b(t') = \frac{E_{b_{\max}}}{4}$ ثم استنتج قيمة t' .

III- نربط مع المكثفة السابقة مكثفة أخرى سعتها C' بحيث تكون الطاقة الأعظمية المخزنة في مجموع

المكثفتين تساوي الطاقة الأعظمية في الوشيعة $E_{b_{\max}}$.
بين كيفية ربط المكثفتين مع تحديد قيمة سعة المكثفة C' .

التسمرين الثاني:



الشكل 4- يمثل جسم (S) نعتبره نقطي كتلته m موضوع على مستوي مائل خشن يميل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ، نعتبر قوى الاحتكاك مكافئة لقوة واحدة $\vec{f}$ وشدها ثابتة ومعاكسة لحامل شعاع السرعة $\vec{v}$ للجسم (S) .

- نجر الجسم (S) من السكون انطلاقا من الموضع A حتى الموضع B بقوة $\vec{F}$ يمكن تغيير شدتها، وتصنع مع المستوي المائل زاوية $\beta = 60^\circ$ تبقى ثابتة أثناء الحركة.

- نكرر التجربة بقيم مختلفة لشدة القوة $\vec{F}$ ونحسب في كل تجربة الزمن الضروري لانتقال الجسم (S) من A إلى B والنتائج مدونة في الجدول التالي:

$F(N)$	1,3	1,4	1,6	1,8	1,9	2,0
$t(s)$	2,83	2,00	1,41	1,15	1,07	1,00
$a(m.s^{-2})$						

1- حدد المرجع المناسب الذي تدرس فيه حركة الجسم (S) .

2- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) أثناء حركته.

3-أ- أذكر نص القانون الثاني لنيوتن.

ب- بتطبيق القانون السابق في المرجع الذي اخترته بين أن التسارع a للجسم (S) يعطى بالعلاقة التالية:

$$a = \frac{\cos(\beta)}{m} \times F - \left(\frac{f}{m} + g \sin(\alpha) \right)$$

4- اكمل الجدول، ثم ارسم البيان $a = g(F)$ اعتمادا على سلم رسم مناسب.

5- اعتمادا على البيان $a = g(F)$ جد قيمة كل من m و f .

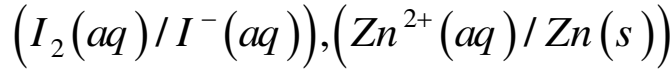
6- احسب سرعة الجسم (S) عند الموضع B في التجربة الأخيرة ($F = 2N$).

7- ماهي أصغر قيمة للقوة $\vec{F}$ التي من أجلها لا يتحرك الجسم (S) ؟

المعطيات: $AB = 2m$ ، $g = 10m.s^{-2}$.

من أجل إجراء المتابعة الزمنية لتحول كيميائي البطيء و التام الحادث بين معدن الزنك $Zn(s)$ و محلول ثنائي $I_2(aq)$ عند درجة حرارة ثابتة $\theta_1 = 25^\circ C$ ، نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل 5، حيث نسكب حجما قدره $V = 250 mL$ من محلول ثنائي اليود تركيزه المولي $C = 2 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$ في العنصر (4) وعند $t = 0$ نضيف قطعة من معدن الزنك النقي كتلته $m = 0,5 g$. المتابعة الزمنية للتحويل الكيميائي الحادث عن طريق قياس الناقلية النوعية مكنتنا من رسم المنحنى البياني $\sigma = f(t)$ المبين في الشكل 6.

1- أكتب معادلة التفاعل المنمذجة للتحويل الكيميائي الحادث، علما أن الشائيتين الداخلتين في التفاعل هما:



2- لماذا يمكن متابعة هذا التحويل الكيميائي عن طريق قياس الناقلية؟ علل سبب تزايدها.

3- تعرف على العناصر المرقمة في الشكل 5.

4- أنشئ جدول تقدم التفاعل، ثم عين المتفاعل المحد وقيمة التقدم الأعظمي X_{max} .

5- بين أن عبارة الناقلية النوعية $\sigma(t)$ للمزيج عند اللحظة t هي: $\sigma(t) = Ax(t)$ حيث A ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة $\lambda(I^-)$ و $\lambda(Zn^{2+})$ و V .

6- بين أنه عند زمن نصف التفاعل $(t_{1/2})$ تكون الناقلية النوعية للمزيج المتفاعل: $\sigma(t_{1/2}) = \frac{\sigma_f}{2}$ حيث σ_f هي

الناقلية النوعية للمزيج في نهاية التفاعل، ثم استنتج قيمة $(t_{1/2})$.

7- أ- بين أن عبارة سرعة التفاعل تكتب من الشكل: $v(t) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma(t)}{dt}$.

ب- أحسب قيمة سرعة التفاعل عند اللحظتين: $t_1 = 0$ و $t_2 = 600 s$.

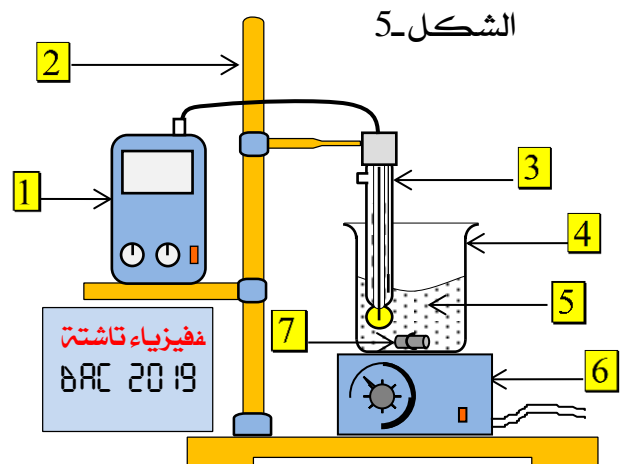
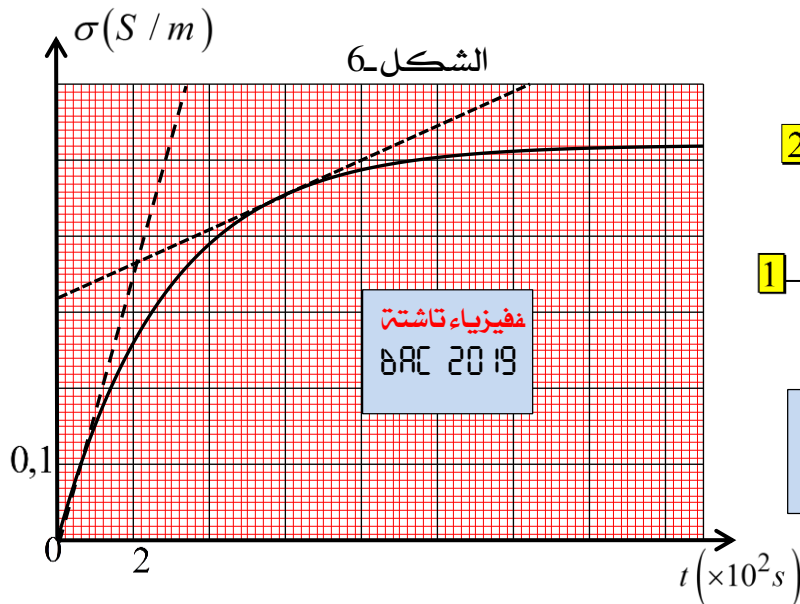
ج- اشرح على المستوى المجهرى سبب تناقص هذه السرعة مع مرور الزمن.

8- نعيد نفس التجربة ولكن عند درجة حرارة θ_2 حيث $\theta_1 > \theta_2$ ، ارسم كيفيا مع بيان الشكل 6 المنحنى

$\sigma = g(t)$ المتحصل عليه في هذه الحالة.

المعطيات: $\lambda(Zn^{2+}) = 10,56 mS.m^2/mol$; $\lambda(I^-) = 7,7 mS.m^2/mol$; $M(Zn) = 65,4 g/mol$

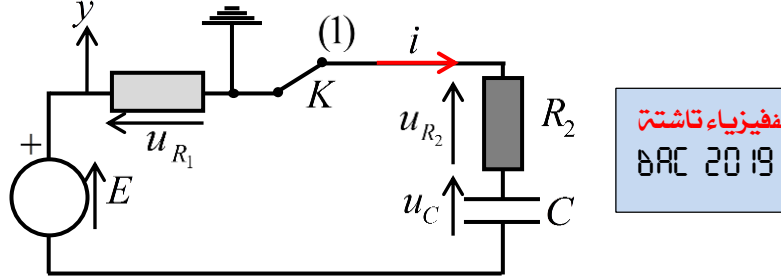
Physique Tacheta
Sujet N°11



I - البادلة K في الوضع (1) شحن المكثفة:

1- تحديد جهة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد والمستقبلات الكهربائية وجهة التيار الكهربائي:

2- تبين كيفية ربط مدخلي راسم الاهتزاز لمشاهدة البيان $u_{R_1} = f(t)$:



نفيزياء تاشة
5AC 20 19

3- بتطبيق قانون جمع التوتورات تبين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها $u_{R_1}(t)$ بين طرفي R_1 تكتب

$$u_{R_1}(t) + (R_1 + R_2)C \times \frac{du_{R_1}(t)}{dt} = 0 \quad \text{بالشكل}$$

لدينا حسب قانون جمع التوتورات الكهربائية: $u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) + u_C(t) = E$

ومنه: $R_1 i(t) + R_2 i(t) + u_C(t) = E$ ومنه: $(R_1 + R_2) i(t) + u_C(t) = E$

$$(R_1 + R_2) \frac{di(t)}{dt} + \frac{du_C(t)}{dt} = 0 \quad \text{باشتقاق العبارة بالنسبة للزمن نجد:}$$

نفيزياء تاشة
5AC 20 19

$$\frac{i(t)}{C} = \frac{du_C(t)}{dt} \Leftrightarrow i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} \quad \text{ونعلم أن:}$$

$$(R_1 + R_2) \frac{di(t)}{dt} + \frac{i(t)}{C} = 0 \quad \text{أي:}$$

$$(R_1 + R_2) \times C \frac{dR_1 i(t)}{dt} + R_1 i(t) = 0 \quad \text{بضرب طرفي المساواة في المقدار } (R_1 \times C) \text{ نجد:}$$

$$u_{R_1}(t) + (R_1 + R_2)C \times \frac{du_{R_1}(t)}{dt} = 0 \quad \text{وعليه:} \quad u_{R_1}(t) = R_1 i(t) \quad \text{حيث:}$$

$$u_{R_1}(t) = Ae^{-\frac{t}{B}} \quad \text{ب- حل المعادلة التفاضلية يكتب من الشكل}$$

$$\frac{du_{R_1}(t)}{dt} = -\frac{A}{B} e^{-\frac{t}{B}}$$

باشتقاق الحل بالنسبة للزمن نجد: بتعويض الحل ومشتقه بالنسبة للزمن في المعادلة التفاضلية نجد:



$$Ae^{\frac{-t}{B}} \left(1 - \frac{(R_1 + R_2)C}{B} \right) = 0 \quad \text{ومنه:} \quad Ae^{\frac{-t}{B}} + (R_1 + R_2)C \times \left(-\frac{A}{B} e^{\frac{-t}{B}} \right) = 0$$

$$B = (R_1 + R_2)C = \tau_1 \quad \text{ومنه:} \quad 1 - \frac{(R_1 + R_2)C}{B} = 0 \quad \text{وعليه:} \quad Ae^{\frac{-t}{B}} \neq 0 \quad \text{حيث:}$$

$$u_{R_1}(t) = Ae^{\frac{-t}{\tau_1}} \quad \text{أي:}$$

$$I_0 = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \quad \text{حيث من قانون جمع التوترات نجد:} \quad u_{R_1}(0) = A = R_1 I_0$$

$$u_{R_1}(t) = R_1 I_0 e^{\frac{-t}{\tau_1}} = R_1 \frac{E}{(R_1 + R_2)} e^{\frac{-t}{\tau_1}} \quad \text{أي:}$$

4- إيجاد قيمة كل من: R_2 وثابت الزمن τ_1 و C بالاعتماد على البيان $u_{R_1} = f(t)$:

$$u_{R_1}(0) = R_1 \frac{E}{(R_1 + R_2)} \quad \text{ومنه:} \quad u_{R_1}(0) = R_1 I_0 \quad \text{لدينا:} \quad R_2 \text{ - قيمة}$$

$$R_2 u_{R_1}(0) = R_1 E - R_1 u_{R_1}(0) \quad \text{ومنه:} \quad u_{R_1}(0) \times (R_1 + R_2) = R_1 E$$

$$R_2 = \frac{R_1 (E - u_{R_1}(0))}{u_{R_1}(0)} \quad \text{أي:} \quad u_{R_1}(0) = 5V \quad \text{من البيان نجد:}$$

فيزياء تاشته
BAC 2019

$$R_2 = \frac{100(12 - 5)}{5} = 140\Omega \quad \text{أي:} \quad R_2 = 140\Omega \quad \text{ت-ع:}$$

$$u_{R_1}(t) = 0,37 u_{R_1}(0) \quad \text{ولما} \quad t = \tau_1 \quad \text{نجد:} \quad u_{R_1}(t) = u_{R_1}(0) e^{\frac{-t}{\tau_1}} \quad \text{لدينا:} \quad \tau_1 \text{ - قيمة ثابت الزمن}$$

$$u_{R_1}(t) = 0,37 \times 5 = 1,85V \quad \text{ت-ع:}$$

$$\tau_1 \text{ يمثل فاصلة الترتيبية } u_{R_1}(t) = 1,85V \text{ وبالإسقاط نجد:} \quad \tau_1 = 100ms$$

$$C = \frac{\tau_1}{(R_1 + R_2)} \quad \text{ومنه:} \quad \tau_1 = (R_1 + R_2)C \quad \text{لدينا:} \quad C \text{ - قيمة سعة المكثفة}$$

$$C = \frac{100 \times 10^{-3}}{(100 + 140)} = 4,2 \times 10^{-4} F \quad \text{أي:} \quad C = 4,2 \times 10^{-4} F \quad \text{ت-ع:}$$

$$E_{C_{\max}} = \frac{1}{2} C (u_{C_{\max}})^2 = \frac{1}{2} C E^2 \quad \text{5- حساب الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة: نعلم أن:}$$

$$E_{C_{\max}} = 3,2 \times 10^{-2} J \quad \text{أي:} \quad E_{C_{\max}} = \frac{4,2 \times 10^{-4} \times 12^2}{2} = 3,2 \times 10^{-2} J \quad \text{ت-ع:}$$



II - البادئة K في الوضع (2) : 1- المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة $i(t)$:

لدينا حسب قانون جمع التوترات الكهربائية : $u_{R_1}(t) + u_b(t) = E$

ومنه : $R_1 i(t) + L \frac{di(t)}{dt} + r i(t) = E$ ومنه : $(R_1 + r) i(t) + L \frac{di(t)}{dt} = E$

بضرب المساواة في $\left(\frac{1}{L}\right)$ نجد : $\frac{di(t)}{dt} + \frac{(R_1 + r)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

ب- إيجاد عبارة كل α و β في حل المعادلة التفاضلية : $i(t) = \frac{\beta}{\alpha} (1 - e^{-\alpha t})$

باشتقاق بالنسبة للزمن نجد : $\frac{di(t)}{dt} = \beta e^{-\alpha t}$

بتعويض الحل ومشتقه في المعادلة التفاضلية نجد : $\beta e^{-\alpha t} + \frac{(R_1 + r)}{L} \times \frac{\beta}{\alpha} (1 - e^{-\alpha t}) = \frac{E}{L}$

ومنه : $\beta e^{-\alpha t} - \frac{(R_1 + r)}{L} \times \frac{\beta}{\alpha} e^{-\alpha t} + \frac{\beta}{\alpha} \times \frac{(R_1 + r)}{L} - \frac{E}{L} = 0$

ومنه : $\beta e^{-\alpha t} \left(1 - \frac{(R_1 + r)}{L\alpha}\right) + \left(\frac{(R_1 + r)}{L} \times \frac{\beta}{\alpha} - \frac{E}{L}\right) = 0$

أي : $\begin{cases} 1 - \frac{(R_1 + r)}{L\alpha} = 0 \dots (1) \\ \frac{(R_1 + r)}{L} \times \frac{\beta}{\alpha} - \frac{E}{L} = 0 \dots (2) \end{cases}$ من العلاقة (1) نجد : $\alpha = \frac{(R_1 + r)}{L} = \frac{1}{\tau_2}$

من العلاقة (2) نجد : $\beta = \frac{\alpha E}{(R_1 + r)}$ أي : $\beta = \frac{E}{L}$

وعليه تصبح عبارة الحل : $i(t) = \frac{E}{(R_1 + r)} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}}\right) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{(R_1 + r)t}{L}}\right)$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

أي عبارة مشتق الحل تكتب بالشكل : $\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{E}{L} e^{-\frac{(R_1 + r)t}{L}}$

2- إيجاد قيمة كل من : L وثابت الزمن τ_2 و r بالاعتماد على البيان : $\frac{di(t)}{dt} = g(t)$

- قيمة L : لدينا : $\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ ولما $t = 0$ نجد : $\left(\frac{di(t)}{dt}\right)_{t=0} = \frac{E}{L}$ ومن البيان نجد :

Physique Tacheta



Sujet N°11

$L = 1,2H$ أي $L = \frac{12}{10} = 1,2\Omega.s$ ت-ع: $L = \frac{E}{10}$ أي $\frac{E}{L} = 10$ ومنه: $\left(\frac{di(t)}{dt}\right)_{t=0} = 10A.s^{-1}$

-قيمة τ_2 : لدينا: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ ولما $t = \tau_2$ نجد: $\left(\frac{di(t)}{dt}\right)_{t=\tau_2} = 0,37 \frac{E}{L}$

ت-ع: $\left(\frac{di(t)}{dt}\right)_{t=\tau_2} = 0,37 \times 10 = 3,7A.s^{-1}$

أي τ_2 هو فاصلة الترتيبية $\left(\frac{di(t)}{dt}\right)_{t=\tau_2} = 3,7A.s^{-1}$ وبالإسقاط نجد: $\tau_2 = 10ms$

-قيمة r : لدينا: $\tau_2 = \frac{L}{(R_1 + r)}$ ومنه: $\tau_2 R_1 + \tau_2 r = L$ أي: $r = \frac{L - \tau_2 R_1}{\tau_2}$

ت-ع: $r = \frac{1,2 - 10 \times 10^{-3} \times 100}{10 \times 10^{-3}} = 20\Omega$ أي: $r = 20\Omega$

فيزياء تاشتر
BAC 2019

3- أ- حساب الطاقة الأعظمية في الوشيعة $E_{b_{max}}$: نعلم أن: $E_b(t) = \frac{1}{2} Li(t)^2$

ومنه: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}}\right)^2$ وعليه لما $t \rightarrow +\infty$ نجد: $E_{b_{max}} = \frac{1}{2} LI_0^2$

ومنه: $E_{b_{max}} = \frac{1}{2} L \left(\frac{E}{R_1 + r}\right)^2$ ت-ع: $E_{b_{max}} = \frac{1,2}{2} \left(\frac{12}{100 + 20}\right)^2 = 6mJ$

ب- إيجاد بدلالة ثابت الزمن τ_2 المدة الزمنية t' لتكون الطاقة في الوشيعة هي $E_b(t') = \frac{E_{b_{max}}}{4}$ ثم استنتاج قيمة t' :

لدينا: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}}\right)^2$ ولما $t = t'$ نجد: $E_b(t') = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t'}{\tau_2}}\right)^2$

فيزياء تاشتر
BAC 2019

ولدينا مما سبق: $E_{b_{max}} = \frac{1}{2} LI_0^2$

وبالتعويض في العلاقة: $E_b(t') = \frac{E_{b_{max}}}{4}$ نجد: $\frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t'}{\tau_2}}\right)^2 = \frac{\frac{1}{2} LI_0^2}{4}$

ومنه: $\left(1 - e^{\frac{-t'}{\tau_2}}\right)^2 = \frac{1}{4}$ ومنه: $\left(1 - e^{\frac{-t'}{\tau_2}}\right) = \frac{1}{2}$ ومنه: $e^{\frac{-t'}{\tau_2}} = 1 - \frac{1}{2}$ ومنه: $e^{\frac{-t'}{\tau_2}} = \frac{1}{2}$

بادخال $\ln$ على الطرفين نجد: $\frac{-t'}{\tau_2} = -\ln(2)$ أي: $t' = \tau_2 \ln(2)$

ت-ع: $t' = 10 \times 10^{-3} \ln(2) = 7 \times 10^{-3} s$ أي: $t' = 7ms$

III - تبين كيفية ربط المكثفتين مع تحديد قيمة سعة المكثفة C' :

- كيفية ربط C و C' :

نرمز للمكثفة المكافئة بـ C_{eq}

لدينا من المعطيات: $E_{C_{eq}}(\max) = E_{b_{\max}}$

ولدينا مما سبق: $E_{b_{\max}} = 6mJ$ و $E_{C_{\max}} = 3,2 \times 10^{-2} J = 32mJ$

أي أن: $E_{b_{\max}} < E_{C_{\max}}$ وعليه: $E_{C_{eq}}(\max) < E_{C_{\max}}$

إذن: $\frac{1}{2} C_{eq} E^2 < \frac{1}{2} C E^2$ ومنه: $C_{eq} < C$ وبالتالي يكون ربط المكثفتين على التسلسل.

أي: $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'} = \frac{C + C'}{C \times C'}$ ومنه: $C_{eq} = \frac{C \times C'}{C + C'}$

- إيجاد سعة المكثفة المكافئة C_{eq} :

لدينا: $E_{C_{eq}}(\max) = E_{b_{\max}}$ ومنه: $\frac{1}{2} C_{eq} E^2 = E_{b_{\max}}$ ومنه: $C_{eq} = \frac{2E_{b_{\max}}}{E^2}$

ت-ع: $C_{eq} = \frac{2 \times 6 \times 10^{-3}}{12^2} = 8,3 \times 10^{-5} F$ أي: $C_{eq} = 8,3 \times 10^{-5} F$

- استنتاج قيمة C' :

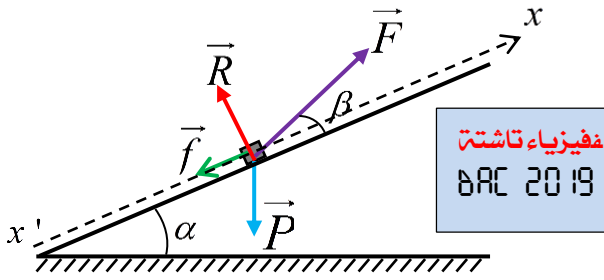
لدينا: $C_{eq} = \frac{C \times C'}{C + C'}$ ومنه: $C \times C' = C_{eq} C + C_{eq} C'$ ومنه: $C \times C' - C_{eq} C' = C_{eq} C$

أي: $C' = \frac{C_{eq} C}{C - C_{eq}}$ ت-ع: $C' = \frac{8,3 \times 10^{-5} \times 4,2 \times 10^{-4}}{(4,2 \times 10^{-4} - 8,3 \times 10^{-5})} = 10^{-4} F$ أي: $C' = 10^{-4} F$

1- المرجع المناسب للدراسة:

هو المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا .

2- تمثيل القوى المؤثرة على الجسم (S) :



3- أ- نص القانون الثاني لنيوتن:

«في معلم عطالي (غاليلي) تكتسب نقطة مادية كتلتها m وخاضعة لمجموعة من القوى $\sum \vec{F}$ تسارعا $\vec{a}$ حيث في كل لحظة $\sum \vec{F} = m \vec{a}$ »

ب- تبيان أن التسارع a للجسم (S) يعطى بالعلاقة: $a = \frac{\cos(\beta)}{m} \cdot F - \left(\frac{f}{m} + g \cdot \sin(\alpha) \right)$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة المدروسة (الجسم (S)) في المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{R} + \vec{F} = m \vec{a} \quad \text{أي:} \quad \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$$

بالاسقاط على محور الحركة $(\vec{x}'\vec{x})$ نجد: $-P_x - f + F_x = m a$

$$\text{ولدينا: } P_x = P \cdot \sin \alpha = m \cdot g \cdot \sin \alpha \quad \text{و} \quad F_x = F \cdot \cos \beta$$

$$\text{ومنه: } F \cdot \cos \beta - m \cdot g \cdot \sin \alpha - f = m a$$

$$\text{وعليه: } a = \frac{\cos(\beta)}{m} \cdot F - \left(\frac{f}{m} + g \cdot \sin(\alpha) \right) \dots (1)$$

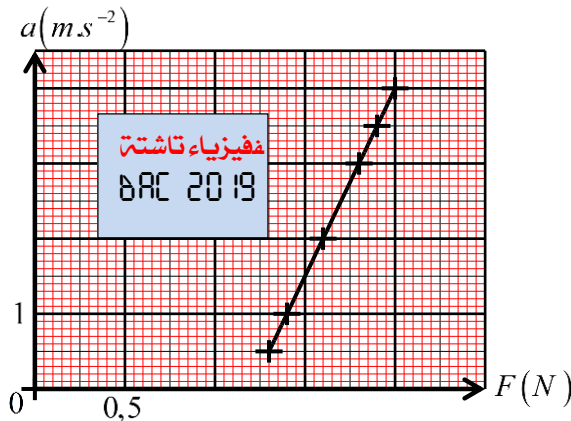
4- إكمال الجدول:

بما أن a ثابت، إذن الحركة متسارعة بانتظام ومنه: $AB = \frac{1}{2} a t^2 + v_A t$ ونعلم أن $v_A = 0$ ومنه: $AB = \frac{1}{2} a t^2$

$$\text{إذن: } a = \frac{2AB}{t^2} = \frac{4}{t^2}$$

$F(N)$	1,3	1,4	1,6	1,8	1,9	2,0
$t(s)$	2,83	2,00	1,41	1,15	1,07	1,00
$a(m/s^2)$	0,5	1,0	2,0	3,0	3,5	4,0

البيان $a = g(F)$:



5- قيمة m و f اعتمادا على البيان $a = g(F)$:

البيان عبارة خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $a = A.F + B \dots (2)$

حيث: A معامل توجيه البيان: $A = \frac{3,5-1}{1,9-1,4}$ ومنه: $A = 5 \text{ m.s}^{-2}.\text{N}^{-1}$

بمطابقة بين العلاقة النظرية (1) والعلاقة البيانية (2) نجد:

$$A = \frac{\cos(\beta)}{m} \text{ و } B = \frac{f}{m} + g \cdot \sin(\alpha)$$

إيجاد قيمة m :

$$A = \frac{\cos(\beta)}{m} \text{ ومنه: } m = \frac{\cos(\beta)}{A} \text{ ت-ع: } m = \frac{\cos(60)}{5} = 0,1 \text{ kg}$$

إيجاد قيمة B : لدينا من العلاقة البيانية $a = 5.F + B$ ومنه: $B = a - 5F$

ففيزياء تاشته
٥٨٢٢ ٢٠١٩

لما $(F = 2\text{N}, a = 4\text{m.s}^{-2})$ نجد: $B = 4 - 5 \times 2 = -6\text{m.s}^{-2}$

إستنتاج قيمة f :

$$B = -\left(\frac{f}{m} + g \cdot \sin(\alpha)\right) \text{ ومنه: } f = -m \cdot (g \cdot \sin(\alpha) + B)$$

$$f = 0,1 \text{ N} \text{ ت-ع: } f = -0,1 \times (10 \times \sin(30) - 6)$$

6- سرعة الجسم (S) عند الموضع B في التجربة الأخيرة $F = 2\text{N}$:

$$v_B^2 - v_A^2 = 2.a.AB \text{ ومنه: } v_B^2 = 2.a.AB + v_A^2$$

ولدينا: $v_A = 0 \text{ m/s}$ (الجسم يجر من السكون)

$$v_B = \sqrt{2.a.AB} \text{ ومنه:}$$

$$v_B = \sqrt{2 \times 4 \times 2} = 4 \text{ m/s} \text{ ت-ع:}$$

7- أصغر قيمة للقوة $\vec{F}$ التي من أجلها لا يتحرك الجسم (S) :

ط 1 (بيانيا): الجسم (S) لا يتحرك يعني ان تسارعه معدوم.

من البيان اصغر قيمة توافق $a = 0 \text{ m/s}^2$ هي: $F = 1,2 \text{ N}$

إذا الجسم (S) لا يتحرك من أجل $F = 1,2 \text{ N}$ ويتحرك من أجل $F > 1,2 \text{ N}$

ط 2 (حسابيا): $0 = 5F - 6 \Rightarrow F = 1,2\text{N}$

Physique Tacheta



Sujet N°11

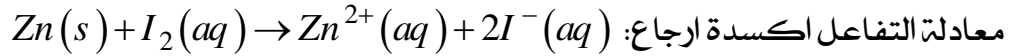
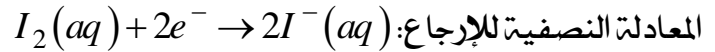
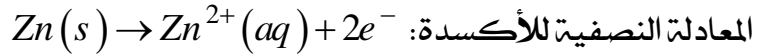
ففيزياء تاشته
٥٨٢٢ ٢٠١٩

Physique Tacheta



Sujet N°11

1- أكتب معادلة التفاعل النمذجة للتحويل الكيميائي الحادث.

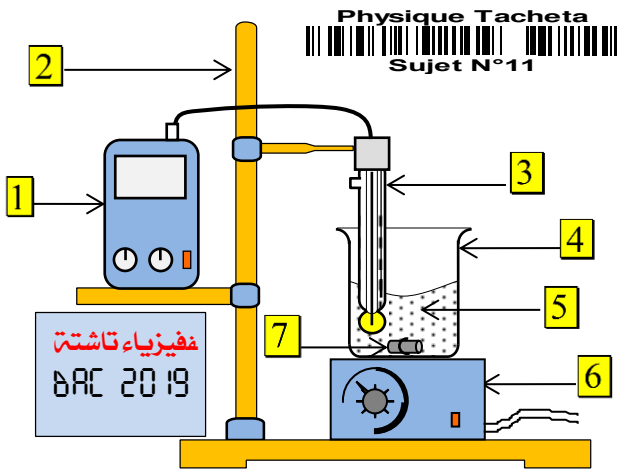


فيزياء تاشته
BAR 2019

2- يمكن متابعة هذا التحويل الكيميائي عن طريق قياس الناقلية: بسبب التشكل التدريجي لشاردتي (Zn^{2+}) و (I^-) .

سبب تزايدها: تزايد تركيز الشوارد (Zn^{2+}) و (I^-) لأن الناقلية النوعية متعلقة بالشوارد فكلما زاد تركيزها في المحلول زادت الناقلية النوعية.

3- تعرف على العناصر المرقمة في الشكل-5.



الرقم	اسم العنصر
1	جهاز قياس الناقلية
2	حامل
3	خلية قياس
4	بيشر
5	الوسط التفاعلي
6	مخلوط مغناطيسي
7	قطعة مغناطيسية

4- جدول تقدم التفاعل، ثم تعين المتفاعل المحد وقيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

	$Zn(s) + I_2(aq) \rightarrow Zn^{2+}(aq) + 2I^-(aq)$			
الحالة الابتدائية	n_{01}	n_{02}	0	0
الحالة الانتقالية	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - x(t)$	$x(t)$	$2x(t)$
الحالة النهائية	$n_{01} - x_{max}$	$n_{02} - x_{max}$	x_{max}	$2x_{max}$

نفرض أن Zn هو المتفاعل المحد: $n_{01} - x_{max} = 0$ ومنه: $\frac{m}{M} = x_{max}$

$$x_{max} = \frac{0,5}{65,4} = 7,64 \times 10^{-3} mol$$

نفرض أن I_2 هو المتفاعل المحد: $n_{02} - x_{max} = 0$ ومنه: $CV = x_{max}$

$$x_{max} = 2 \times 10^{-2} \times 250 \times 10^{-3} = 5 \times 10^{-3} mol$$

وبالتالي المتفاعل المحد هو: محلول ثنائي اليود $I_2(aq)$ ، إذن قيمة التقدم الأعظمي $x_{max} = 5 \times 10^{-3} mol$

5- تبيان أن عبارة الناقلية النوعية $\sigma(t)$ للمزيج عند اللحظة t هي: $\sigma(t) = Ax(t)$ حيث A ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة $\lambda(Zn^{2+})$ و $\lambda(I^-)$ و V .

لدينا عبارة الناقلية النوعية عند اللحظة t : $\sigma(t) = \lambda(Zn^{2+})[Zn^{2+}](t) + \lambda(I^-)[I^-](t)$:
حيث: $\begin{cases} [Zn^{2+}](t) = \frac{x(t)}{V} \\ [I^-](t) = \frac{2x(t)}{V} \end{cases}$ ومنه: $\sigma(t) = Ax(t)$ إذن: $A = \frac{\lambda(Zn^{2+}) + 2\lambda(I^-)}{V}$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

حيث: $A = \frac{\lambda(Zn^{2+}) + 2\lambda(I^-)}{V}$

6- تبيان أنه عند زمن نصف التفاعل $(t_{1/2})$ تكون الناقلية النوعية للمزيج المتفاعل: $\sigma(t_{1/2}) = \frac{\sigma_f}{2}$ حيث σ_f هي الناقلية النوعية للمزيج في نهاية التفاعل ، ثم استنتاج قيمة $(t_{1/2})$.

عند اللحظة $t = t_{1/2}$: $\sigma(t_{1/2}) = Ax(t_{1/2})$ و $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$ ومنه: (1) $\sigma(t_{1/2}) = A \frac{x_{\max}}{2}$
عند نهاية التفاعل: (2) $\sigma_f = Ax_{\max}$

بقسمة العلاقة (1) على (2) طرف لطرف نجد: $\frac{\sigma(t_{1/2})}{\sigma_f} = \frac{A \frac{x_{\max}}{2}}{Ax_{\max}} = \frac{1}{2}$ ومنه: $\sigma(t_{1/2}) = \frac{\sigma_f}{2}$
استنتاج قيمة زمن نصف التفاعل $(t_{1/2})$:

من البيان قيمة زمن نصف التفاعل: $t_{1/2} = 200s$ ، $\sigma(t_{1/2}) = \frac{\sigma_f}{2} = \frac{0,52}{2} = 0,26 S.m^{-1}$

7- أ- تبيان أن عبارة سرعة التفاعل تكتب من الشكل: $v(t) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma(t)}{dt}$.

ولدينا مما سبق $\sigma(t) = Ax(t)$ ومنه: $x(t) = \frac{\sigma(t)}{A}$ وعليه: $v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$

وعليه: $v(t) = \frac{dx(t)}{dt} = \frac{d\left(\frac{\sigma(t)}{A}\right)}{dt}$ إذن: $v(t) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma(t)}{dt}$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

ب- أحسب قيمة سرعة التفاعل عند اللحظتين: $t_1 = 0$ و $t_2 = 600s$ عند اللحظة: $t = 0$:

حيث: $v(0) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma}{dt} \Big|_{t=0}$ $\frac{1}{A} = \frac{V}{\lambda(Zn^{2+}) + 2\lambda(I^-)} = \frac{250 \times 10^{-6}}{25,96 \times 10^{-3}} = 9,63 \times 10^{-3} m.S^{-1}.mol$

Physique Tacheta
Sujet N°11

ومنه: $v(0) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma}{dt} \Big|_{t=0} = 9,63 \times 10^{-3} \times \frac{0,4}{230}$ إذن: $v(0) = 1,67 \times 10^{-5} \text{ mol.s}^{-1}$

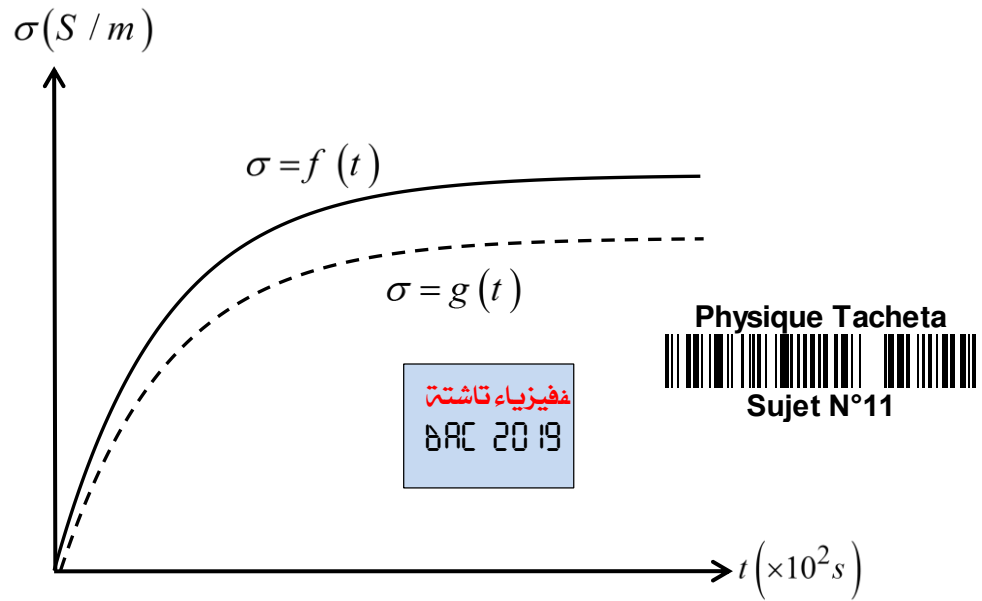
عند اللحظة: $t = 600s$

إذن: $v(600s) = \frac{1}{A} \frac{d\sigma}{dt} \Big|_{t=600s} = 9,63 \times 10^{-3} \times \left(\frac{0,32 - 0,45}{0 - 600} \right)$
 $v(600s) = 2,028 \times 10^{-6} \text{ mol.s}^{-1}$

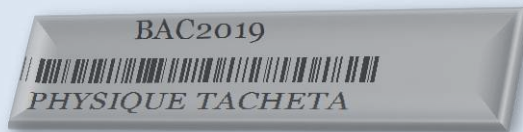
ج- سبب تناقص سرعة التفاعل مع مرور الزمن.

كلما مر الزمن تتناقص كمية مادة المتفاعلين ، وبالتالي تناقص تواتر التصادمات الفعالة بين المتفاعلات وهذا يؤدي إلى تناقص سرعة التفاعل.

8- عند خفض درجة الحرارة أي $\theta_1 > \theta_2$ فإن: $\sigma_{f_1} > \sigma_{f_2}$.



أي ملاحظات افيدونا على الخاص
 رابط الصفحة في الفايس بوك
www.facebook.com/physiquetacheta
 اسم الصفحة : **فيزياء تاشطة**
 بالتوفيق لجميع التلاميذ



فيزياء تاشة

BAC 2019

ف

فنج والبكالوريا

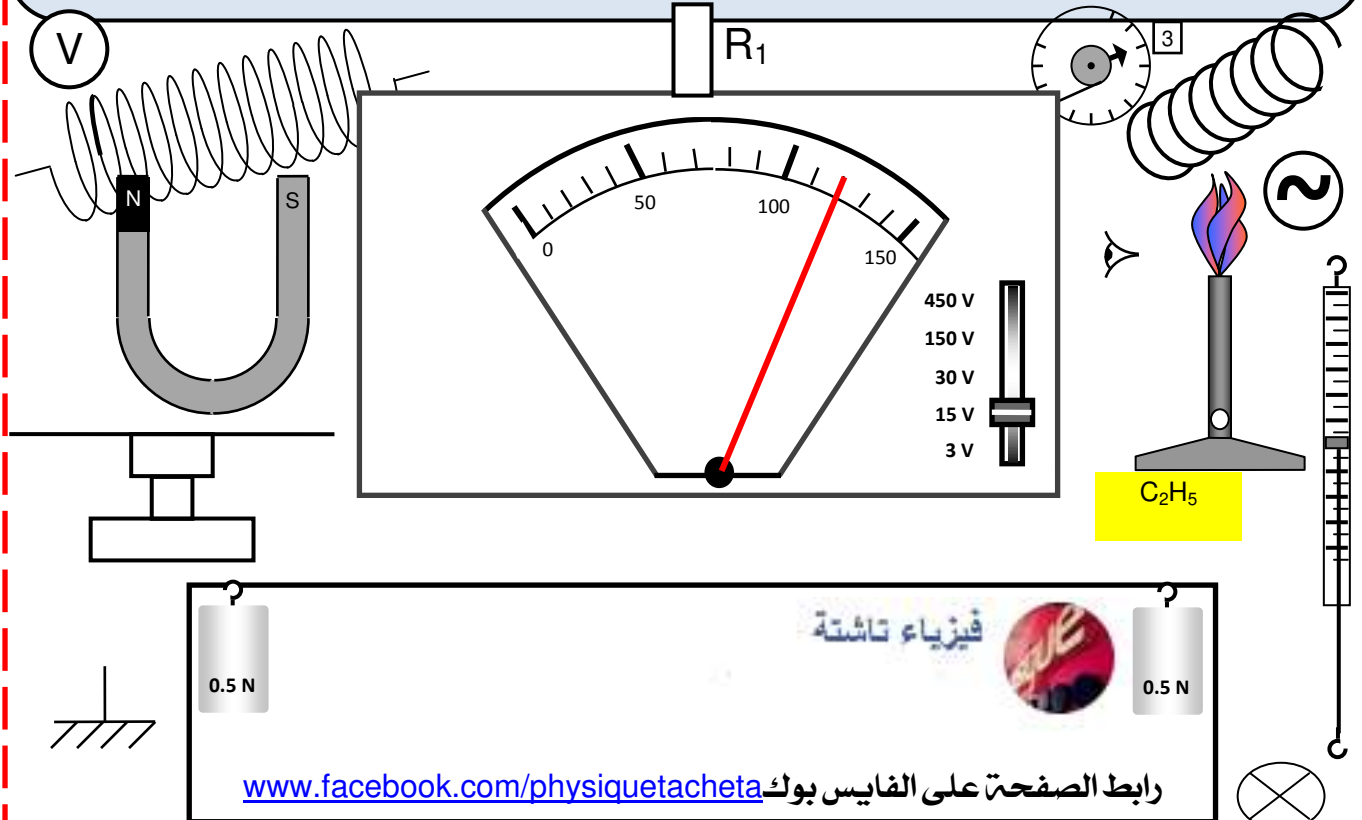
BAC 2019

12

5 μ F

الموضوع الثاني عشر + التصحيح المفصل

ف



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

نحو البكالوريا - الموضوع الثاني عشر

التمرين الأول :

جميع القياسات تمت عند درجة الحرارة $\theta = 25^\circ C$.

I- 01) نحضر محلولاً مائياً (S_1) لحمض الايثانويك CH_3COOH تركيزه المولي $c_1 = 10^{-2} mol.L^{-1}$ ، نقيس قيمة الـ pH فنجد $pH_1 = 3,4$.

1- اكتب معادلة تفاعل حمض الايثانويك مع الماء.

2- نشئ جدولاً لتقدم التفاعل الكيميائي.

3- بين أن CH_3COOH لا يتفاعل كلياً مع الماء.

4- أ- اثبت أن عبارة ثابت التوازن K_1 للتفاعل يعطى بالعلاقة: $K_1 = c_1 \frac{\tau_{1f}^2}{1 - \tau_{1f}}$. حيث: τ_{1f} نسبة التقدم النهائي للتفاعل.

ب- استنتج قيمة K_1 .

02) في تجربة ثانية حضرنا محلولاً مائياً (S_2) لحمض الايثانويك تركيزه المولي $c_2 = 10^{-1} mol.L^{-1}$ قيمة الناقلية النوعية له عند حالة التوازن $\sigma_2 = 5,0 \times 10^{-2} S.m^{-1}$.

1- احسب التراكيز المولية للأنواع الكيميائية الشاردية الموجودة في المحلول (S_2) عند حالة التوازن.

2- احسب قيمة كل من K_2 و τ_{2f} .

3- أ- ما تأثير التراكيز المولية الابتدائية على نسبة التقدم النهائي (τ_f)؟

ب- هل يتعلق ثابت التوازن K بالتراكيز المولية الابتدائية؟

يعطى: $\lambda(CH_3COO^-) = 4,1 mS.m^2.mol^{-1}$ ، $\lambda(H_3O^+) = 35,9 mS.m^2.mol^{-1}$.

II- نحضر محلولاً مائياً (S_3) لحمض الايثانويك تركيزه المولي c_3 ، لتحديد قيمة التركيز المولي c_3 نمدد

المحلول المحلول (S_3) عشر مرات فنحصل على المحلول (S_a) تركيزه المولي c_a .

- نأخذ من المحلول (S_a) حجماً قدره $V_a = 20 cm^3$ ونعايره بواسطة محلول مائي (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم

$(Na^+ + OH^-)(aq)$ تركيزه المولي $c_b = 2 \times 10^{-1} mol.L^{-1}$ ، واعتماداً على جهاز الـ pH متر تحصلنا

على النتائج التالية :

$V_b (mL)$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
pH	2,9	3,9	4,2	4,4	4,6	4,8	5,0	5,2	5,4	5,8	8,8	11,8	12,1	12,3

$V_b (mL)$	14	16	18	19	20
pH	12,4	12,5	12,6	12,7	12,7

1- أ- اذكر البروتوكول التجريبي لتفاعل المعايرة.

ب- ارسم مخطط التجربة لتفاعل المعايرة مع ارفاقه بالبيانات المناسبة.

2- اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث أثناء المعايرة.

فيزياء تاشة 2019

BAR 2019

3- اعتمادا على سلم رسم مناسب، ارسم البيان: $pH = f(V_b)$.

4- اعتمادا على البيان جد:

أ- احداثيتي نقطة التكافؤ E ، ثم استنتج حجم $V_{bE'}$ لنقطة نصف التكافؤ E' .
ب- قيمة pKa ثابت الحموضة للشائية (CH_3COOH/CH_3COO^-) .

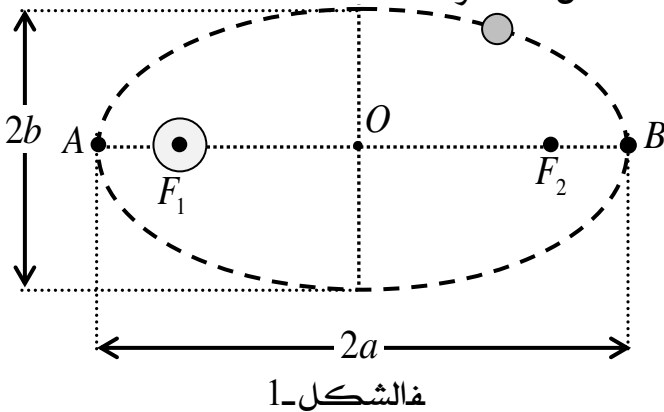
ج- حجم V_b لمحلول هيدروكسيد الصوديوم لما $pH - pKa = 7$ ، ثم استنتج أي من النوعين الكيميائيين CH_3COOH و CH_3COO^- الذي يشكل الصفة الغالبة في المزيج التفاعلي.

5- جد قيمة التركيز المولي c_a للمحلول (S_a) ثم استنتج قيمة c_3 للمحلول (S_3) .

التمرين الثاني:

I - *SpoutniK* أول قمر اصطناعي روسي تم اطلاقه في أكتوبر 1957 بحيث تقدر المسافة بين مركز عطالته ومركز الأرض القيمتين الموافقتين لأدنى مسافة $r_p = 6610km$ وأقصاها $r_A = 7330km$.

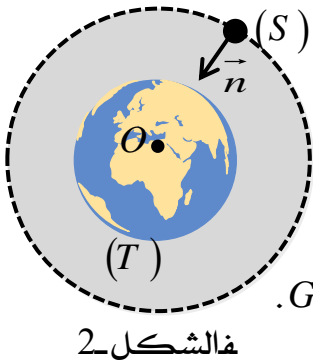
1- أ- ما طبيعة مسار القمر الاصطناعي *SpoutniK* الموضح في الشكل 1؟ عرفه.
ب- على الشكل 1 حدد بدقة:
- موضع كل من: الأرض (T) والقمر الاصطناعي *SpoutniK*
و نقطة الحضيض ونقطة الأوج.
- أدنى مسافة r_p وأقصى مسافة r_A .
ج- اكتب نص القانون الأول لكبلر، وهل هو محقق في هذه الدراسة؟



2- أ- ماذا يمثل البعد $2a$ والبعد $2b$ ؟
ب- ماذا يمثل OA ؟ احسب قيمته.

3- أ- في أي نقطة تكون سرعة القمر الاصطناعي *SpoutniK* أعظمية وفي أي نقطة تكون أصغرية؟ علل.
ب- مثلهما كيفيا في الشكل 1.

II - نعتبر قمرا اصطناعيا (S) كتلته m_s نقطة مادية ويدور حول الأرض (T) بسرعة منتظمة وفق مسار دائري مركزه O ونصف قطره $r = h + R_T$. حيث: R_T نصف قطر الأرض و h ارتفاع القمر الاصطناعي عن سطح الأرض أنظر الشكل 2.



1- حدد المعلم العطالي المناسب لدراسة حركة القمر الاصطناعي (S) ثم عرفه.
2- أ- مثل شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$ التي تؤثر بها الأرض (T) على القمر الاصطناعي (S) .
ب- اكتب عبارتها الشعاعية.
3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة المدروسة في المعلم العطالي الذي اخترته جد:
أ- عبارة a تسارع القمر الاصطناعي بدلالة كتلة الأرض M_T و h و R_T وثابت الجذب العام G .
ب- عبارة v سرعة القمر الاصطناعي (S) .

4- أ- بين عبارة الدور T للقمر الاصطناعي (S) تكتب بالشكل: $T = 2\pi \sqrt{\frac{(h + R_T)^3}{GM_T}}$.

القمر الاصطناعي	<i>Alsats1</i>	<i>Astra</i>
$T (\times 10^3 s)$	5,964	86,160
$h (\times 10^6 m)$	0,70	35,65

ب- استنتج القانون الثالث لكبلر.

5- الجدول التالي يعطي بعض خصائص حركة قمرين اصطناعيين حول الأرض.



أ- أحد القمرين جيو مستقر عينه .

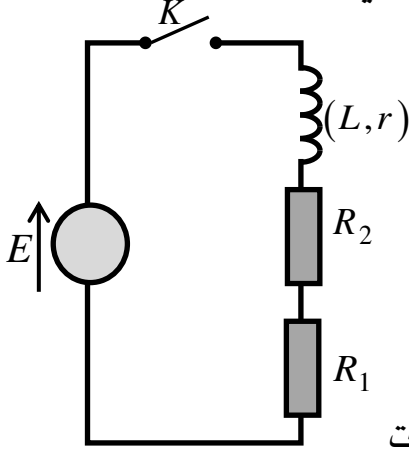
ب- اعتمادا على الجدول بين أن القانون الثالث لكبلر محقق .

ج- جد قيمة تقريبية لكتلة الأرض M_T .

المعطيات: $1j = 23h56 \text{ min}$; $R_T = 6380 \text{ km}$; $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$

التمرين الثالث:

نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل-3 و المكون من العناصر الكهربائية التالية:



الشكل-3

فيزياء تاشتة
BAC 2019

- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية E .

- وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r .

- ناقلان أوميان مقاومتهما R_1 و R_2 .

- قاطعة كهربائية K وأسلاك التوصيل .

عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة الكهربائية K ، وبالاعتماد على نتائج

الدراسة التجريبية وبرمجية إعلام ألي تمكنا من رسم المنحنيات البيانية

$u_{R_2} = h(t)$, $u_{R_1} = g(t)$, $u_b = f(t)$ كما هو مبين في الشكل-4.

1- وضح على الدارة الكهربائية بأسمهم جهة التوتر الكهربائي بين طرفي المستقبلات الكهربائية وجهة التيار الكهربائي المار في الدارة .

2- أ- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$.

ب- استنتج عبارة شدة التيار الكهربائي I_0 في النظام الدائم بدلالة E, r, R_2, R_1 .

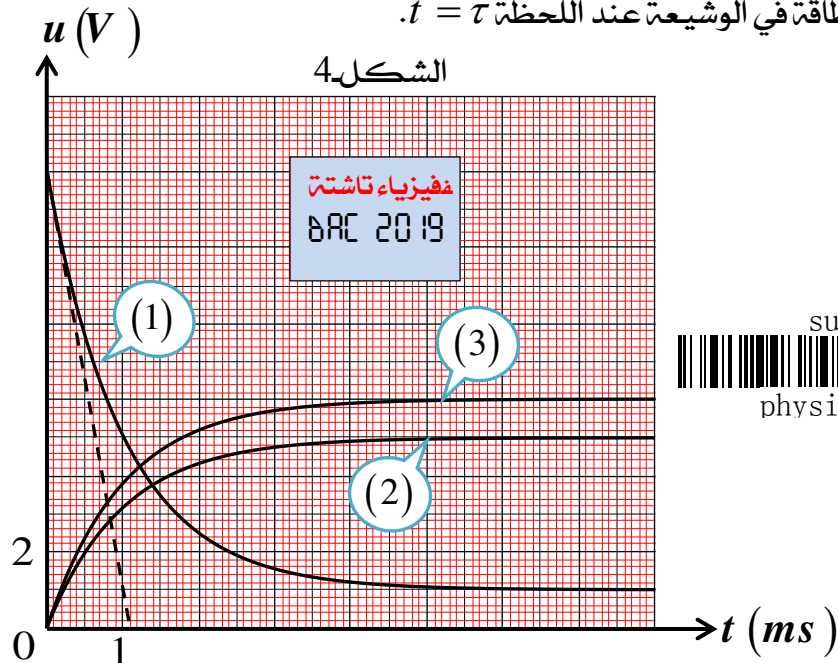
ج- العبارة $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ حل للمعادلة التفاضلية السابقة . حيث: τ ثابت الزمن يطلب تعيين عبارته .

3- أكتب العبارات الزمنية للتوترات $u_{R_1}(t)$, $u_{R_2}(t)$, $u_b(t)$.

4- أنسب كل منحنى بياني $(1), (2), (3)$ بالتوتر الموافق له علما أن $R_1 < R_2$ مع التعليل .

5- بالاعتماد على المنحنيات الثلاثة جد قيمة كل من: L, E, r, R_1, R_2 ، علما أن شدة التيار الكهربائي المار في الدارة في النظام الدائم $I_0 = 0,05 \text{ A}$.

6- أحسب قيمة الطاقة في الوشيعة عند اللحظة $t = \tau$.

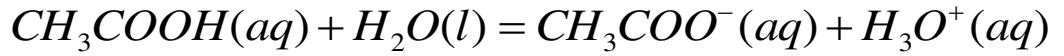


الشكل-4

فيزياء تاشتة
BAC 2019



I - 01) اكتب معادلة تفاعل حمض الايثانويك مع الماء :



2 - نشئ جدولا لتقدم التفاعل الكيميائي:

الحالة	تقدم التفاعل بـ mol	$CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
الابتدائية	$x = 0$	n_1	بالزيادة	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n_1 - x(t)$	بالزيادة	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$n_1 - x_f$	بالزيادة	x_f	x_f

3 - تبيان أن CH_3COOH لا يتفاعل كلياً مع الماء:

ط1) لدينا: $[H_3O^+]_{eq} = 10^{-pH_1}$ ت-ع: $[H_3O^+]_l = 10^{-3,4} = 3,98 \times 10^{-4} mol/L$

ومنه: $[H_3O^+]_l < c_1$ إذن: حمض الايثانويك حمض ضعيف أي لا يتفاعل كلياً مع الماء.

ط2) لدينا: $\tau_{1f} = \frac{x_f}{x_{max}}$ ومنه: $\tau_{1f} = \frac{[H_3O^+]_l}{c_1}$ أي: $\tau_{1f} = \frac{10^{-pH_1}}{c_1}$ ت-ع: $\tau_{1f} = \frac{10^{-3,4}}{10^{-2}} = 3,98 \times 10^{-2}$

أي: $\tau_{1f} < 1$ وعليه: حمض الايثانويك حمض ضعيف أي لا يتفاعل كلياً مع الماء.

4 - ا- اثبات أن عبارة ثابت التوازن K_1 للتفاعل يعطى بالعلاقة: $K_1 = c_1 \frac{\tau_{1f}^2}{1 - \tau_{1f}}$:

نعلم أن: $K_1 = \frac{[CH_3COO^-]_f [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$

ومن جدول تقدم التفاعل نجد: $[CH_3COOH]_f = c_1 - [H_3O^+]_f$ و $[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f$

ومنه: $K_1 = \frac{[H_3O^+]_f^2}{c_1 - [H_3O^+]_f}$

ونعلم أن: $\tau_{1f} = \frac{[H_3O^+]_f}{c_1}$ أي: $[H_3O^+]_f = c_1 \tau_{1f}$

ومنه: $K_1 = \frac{(c_1 \tau_{1f})^2}{c_1 - c_1 \tau_{1f}}$ أي: $K_1 = c_1 \frac{\tau_{1f}^2}{1 - \tau_{1f}}$

ب - استنتاج قيمة K_1 : $K_1 = 10^{-2} \frac{(3,98 \times 10^{-2})^2}{1 - 3,98 \times 10^{-2}} = 1,6 \times 10^{-5}$



(02) 1- حساب التراكيز المولية للأنواع الكيميائية الشاردية الموجودة في المحلول (S_2) عند حالة التوازن:

$$\sigma_2 = [CH_3COO^-]_f \lambda(CH_3COO^-) + [H_3O^+]_f \lambda(H_3O^+)$$

$$[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f$$

$$\sigma_2 = [H_3O^+]_f (\lambda(CH_3COO^-) + \lambda(H_3O^+))$$

فيزياء تاشته
8AC 20 19

$$[H_3O^+]_f = \frac{\sigma_2}{\lambda(CH_3COO^-) + \lambda(H_3O^+)}$$

$$[H_3O^+]_f = \frac{5 \times 10^{-2}}{35,9 \times 10^{-3} + 4,1 \times 10^{-3}} = 1,25 \text{ mol} / m^3 = 1,25 \times 10^{-3} \text{ mol} / L$$

$$[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f = 1,25 \times 10^{-3} \text{ mol} / L$$

2- حساب قيمة كل من K_2 و τ_{2f} :

$$\tau_{2f} = \frac{[H_3O^+]_f}{c_2} \quad \text{لدينا:} \quad \tau_{2f} = \frac{1,25 \times 10^{-3}}{10^{-1}} = 1,25 \times 10^{-2} \quad \text{ت-ع:} \quad \tau_{2f} = 1,25 \times 10^{-2} \quad \text{أي:}$$

$$K_2 = c_2 \frac{\tau_{2f}^2}{1 - \tau_{2f}} \quad \text{لدينا:} \quad K_2 = 10^{-1} \frac{(1,25 \times 10^{-2})^2}{1 - 1,25 \times 10^{-2}} = 1,6 \times 10^{-5} \quad \text{ت-ع:} \quad K_2 = 1,6 \times 10^{-5} \quad \text{أي:}$$

3- نتائج:

المحلول	قيمة التركيز المولي الابتدائي (mol / L)	قيمة النسبة النهائية للتفاعل (τ_f)	قيمة ثابت التوازن (K)
المحلول (S_1)	10^{-2}	$3,98 \times 10^{-2}$	$1,6 \times 10^{-5}$
المحلول (S_2)	10^{-1}	$1,25 \times 10^{-2}$	$1,6 \times 10^{-5}$

أ- تأثير التراكيز المولية الابتدائية على نسبة التقدم النهائي (τ_f):

من خلال النتائج المدونة في الجدول نجد أن نسبة التقدم النهائي (τ_f) للتفاعل تنقص بنقصان التراكيز المولية الابتدائية للمتفاعلات.

أي: نسبة التقدم النهائي (τ_f) للتفاعل تتعلق بالحالة الابتدائية للجملة الكيميائية.

ب- هل يتعلق ثابت التوازن K بالتراكيز المولية الابتدائية؟:

من خلال النتائج المدونة في الجدول نجد أن ثابت التوازن لا يتعلق بالتراكيز المولية الابتدائية للمتفاعلات. أي: ثابت التوازن لا يتعلق بالحالة الابتدائية للجملة الكيميائية (يتعلق فقط بدرجة حرارة الوسط التفاعلي).

II 1- أ- البروتوكول التجريبي لتفاعل المعايرة:

- نملأ السحاحة حتى التدريجة "صفر" بمحلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه المولي $c_b = 2 \times 10^{-1} \text{ mol} \cdot L^{-1}$

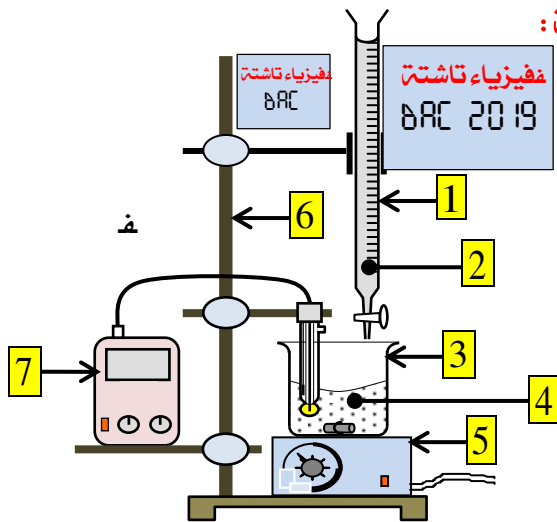
- بواسطة ماصة مدرجة مزودة بإجاصة مص نأخذ $V_a = 20 \text{ cm}^3 = 20 \text{ mL}$ حتما قدره من المحلول (S_a).

- نسكب محتوى الماصة في كأس بيشر سعته 50 mL فيه قطعة مغناطيسية وموضوع على مغناطيسي

- بعد معايرة مسبار جهاز الـ pH متر بمحلولين موقيين مناسبين نغمره شاقوليا في محتوى البيشر دون ملامسة القطعة المغناطيسية.

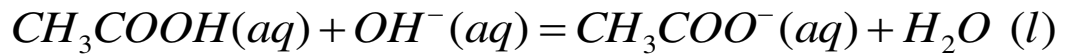
- نشغل كل من الخلاط المغناطيسي وجهاز الـ pH متر ونبدأ المعايرة قطرة قطرة ونسجل قيم الـ pH للمزيج التفاعلي الموافقة لكل حجم V_b مسكوب من السحاحة.

ب- رسم مخطط التجربة لتفاعل المعايرة مع إرفاقه بالبيانات المناسبة :

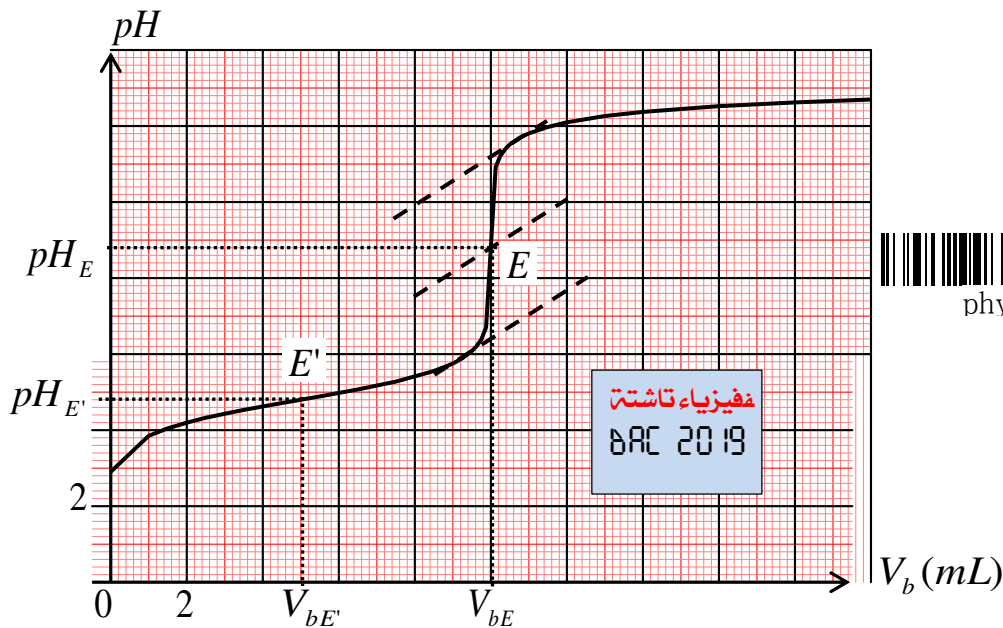


رقم العنصر	الاسم
1	سحاحة مدرجة
2	محلول هيدروكسيد الصوديوم
3	كأس بيشر
4	محلول حمض الايثانويك
5	مخلوط مغناطيسي
6	حامل
7	جهاز الـ pH متر

2- معادلة التفاعل المنذج للتحويل الكيميائي الحادث أثناء المعايرة :



3- رسم البيان $pH = f(V_b)$:



4- إيجاد اعتمادا على البيان مايلي:

أ- احداثيتي نقطة التكافؤ E : باستعمال طريقة المماسين المتوازيين نجد: $E(V_{bE} = 10mL; pH_E = 8,8)$

استنتاج حجم $V_{bE'}$ لنقطة نصف التكافؤ E' : $V_{bE'} = \frac{V_{bE}}{2} = 5mL$ ومنه: $pH_{E'} = 4,8$

ب- قيمة pKa ثابت الحموضة للشثائية (CH_3COOH/CH_3COO^-) :

تتميز نقطة نصف التكافؤ E' بـ: $[CH_3COOH]_{E'} = [CH_3COO^-]_{E'}$ وعليه: $pKa = pH_{E'}$ أي: $pKa = 4,8$

ج- حجم V_b لمحلول هيدروكسيد الصوديوم لما $pH - pKa = 7$ لدينا: $pH - pKa = 7$ ومنه: $pH = pKa + 7$ ت- ع: $pH = 4,8 + 7 = 11,8$ بالاسقاط بيانيا نجد: $V_b = 11mL$.

- استنتاج أي من النوعين الكيميائيين CH_3COOH و CH_3COO^- الذي يشكل الصفة الغالبة في المزيج التفاعلي:

لما $V_b = 11mL$ نجد: $pH = 11,8$

ومنه: $pH > pKa$ وعليه الصفة الأساسية (CH_3COO^-) هي الغالبة .

5- إيجاد قيمة التركيز المولي c_a للمحلول (S_a):

في تفاعل المعايرة وعند التكافؤ يتحقق مزيج ستكيومتري أي: $n_a = n_b$ ومنه: $c_a V_a = c_b V_{bE}$

أي: $c_a = \frac{c_b V_{bE}}{V_a}$ ت- ع: $c_a = \frac{2 \times 10^{-1} \times 10}{20} = 10^{-1} mol / L$ أي: $c_a = 10^{-1} mol / L$

استنتاج قيمة c_3 للمحلول (S_3):

تمديد المحلول (S_3) 10 مرات معناه للحصول على المحلول (S_a) معامل التمديد $F = 10$.

نعلم أن: $F = \frac{c_3}{c_a}$ ومنه: $c_3 = F c_a$ ت- ع: $c_3 = 10 \times 10^{-1} = 1 mol / L$ أي: $c_3 = 1 mol / L$

التسمرين الثاني:

I - $SpoutniK$ أول قمر اصطناعي روسي تم اطلاقه في أكتوبر 1957 بحيث تقدر المسافة بين مركز عطالته ومركز الأرض القيمتين الموافقتين لأدنى مسافة $r_p = 6610km$ وأقصاها $r_A = 7330km$.

1- أ- طبيعة مسار القمر الاصطناعي $SpoutniK$ الموضح في الشكل-1:

مسار إهليلجي: هو مدار بيضوي متناظر يحتوي احد محرقيه الكوكب المركزي (الأرض).

ب- تحدد بدقة على الشكل-1:

- موضع كل من:

- الأرض (T) موضعها عند المحرق F_1 .

- القمر الاصطناعي $SpoutniK$ أنظر الشكل.

- نقطة الحضيض هي النقطة A

ونقطة الأوج هي النقطة B .

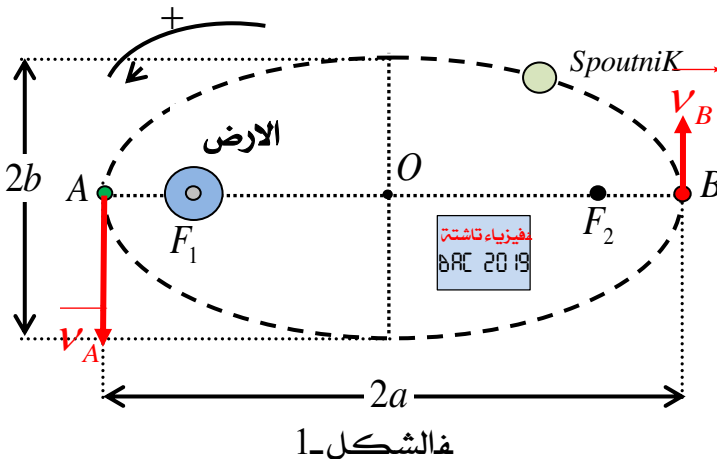
- أدنى مسافة $r_p = AF_1$:

وأقصى مسافة $r_A = F_1B$:

ج- نص القانون الأول لكبلر:

في المرجع الهيليو مركزي، مسار مركز عطالة الكوكب عبارة عن مدار إهليلجي (قطع ناقص) بحيث تقع الشمس في أحد محرقيه (بؤرة).

- نعم محقق لأن الأرض تقع في المحرق F_1 والقمر الاصطناعي $SpoutniK$ يدور حولها وفق مسار إهليلجي.



فيزياء تاشته
8AR 20 19

فيزياء تاشته
8AR 20 19

2- أ.:

$2a$: يمثل طول المحور الكبير.

$2b$: يمثل طول المحور الصغير .

ب- يمثل OA : البعد المتوسط.

حساب قيمته: لدينا: $OA = \frac{2a}{2} = a$

حساب a :

لدينا: $2a = r_A + r_p \Rightarrow a = \frac{r_A + r_p}{2}$

ت- ع: $a = \frac{7330 + 6610}{2} = 6970 \text{ km}$

اذن: $OA = a = 6970 \text{ km}$



ففيزياء تاشطة
BARC 2019

3- أ.

- تكون سرعة القمر الاصطناعي SpoutniK اعظمية في نقطة الحضيض ، لأن نقطة الحضيض هي أقرب نقطة للقمر الاصطناعي بالنسبة للأرض.

- تكون سرعة القمر الاصطناعي SpoutniK اصغرية في نقطة الاوج.

ب- تمثيلها كيفيا في الشكل 1.

أنظر الشكل 1- .

II - نعتبر قمرا اصطناعيا (S) كتلته m_s نقطة مادية ويدور حول الأرض (T) بسرعة منتظمة وفق مسار دائري مركزه O ونصف قطره $r = h + R_T$.حيث: R_T نصف قطر الأرض و h ارتفاع القمر الاصطناعي عن سطح الأرض
أنظر الشكل 2.

1- المعلم العطالي المناسب لدراسة حركة القمر الاصطناعي (S):

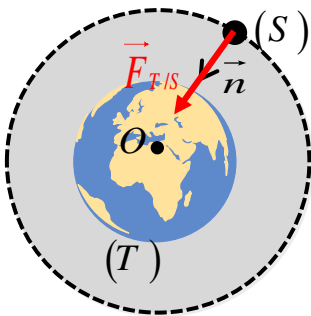
المعلم الجيو مركزي (المركزي الأرضي) : هو معلم مبدؤه مركز الأرض ومحاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاث نجوم ثابتة في الفضاء، يستعمل لدراسة حركة القمر والأقمار الاصطناعية .

2- أ- تمثيل شعاع القوة $\vec{F}_{T/S}$ التي تؤثر بها الأرض (T) على القمر الاصطناعي (S):

أنظر الشكل 2- .

ب- العبارة الشعاعية:

$$\vec{F}_{T/S} = G \cdot \frac{M_T \cdot m_s}{(R_T + h)^2} \vec{n}$$



ففيزياء تاشطة
BARC 2019

فالشكل 2

3- أ- عبارة a تسارع القمر الاصطناعي بدلالة كتلة الأرض M_T و h و R_T وثابت الجذب العام G :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة المدروسة في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:

نجد: $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}$ ومنه: $\vec{F}_{T/S} = m_s \vec{a}$

بالإسقاط على المحور $\vec{n}$ نجد: $F_{T/S} = m_s a$ ومنه: $G \frac{M_T m_s}{(R_T + h)^2} = m_s a$

ومنه: $a = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2} = G \frac{M_T}{r^2}$ حيث: $r = R_T + h$

ب- عبارة v سرعة القمر الاصطناعي (S):

لدينا: $a = \frac{v^2}{r} = G \frac{M_T}{r^2}$ حيث: $r = R_T + h$

ومنه: $v^2 = G \frac{M_T}{r}$ ومنه: $v = \sqrt{G \frac{M_T}{r}} = \sqrt{G \frac{M_T}{R_T + h}}$

4- أ- تبيان ان عبارة الدور T للقمر الاصطناعي (S) تكتب بالشكل: $T = 2\pi \sqrt{\frac{(h + R_T)^3}{GM_T}}$

الدور T للقمر الاصطناعي (S): الدور هو المدة الزمنية اللازمة لإنجاز دورة كاملة ونرمز له بالرمز (T) . من أجل $t = T$: يقطع مركز عطالة المتحرك G مسافة قدرها محيط الدائرة أي: $x = 2\pi R$

ولدينا: $x = v \cdot T$ ومنه: $x = 2\pi r = v T$ ومنه: $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi \cdot r}{\sqrt{G \frac{M_T}{r}}} = 2\pi r \cdot \sqrt{\frac{r}{G \cdot M_T}}$

حيث: $r = R_T + h$

$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot M_T}} = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \cdot M_T}}$

ب- استنتج القانون الثالث لكبلر:

من علاقة الدور: $T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot M_T}}$ ومنه: $T^2 = 4\pi^2 \frac{r^3}{G \cdot M_T}$

إذا: $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_T} = K$ أي: $T^2 = K \cdot r^3$ حيث: $K = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_T}$ و $a = r = R_T + h$

5- الجدول التالي يعطي بعض خصائص حركة قمرين اصطناعيين حول الأرض.

أ- تعيين القمر الجيو مستقر:

جيو مستقر: هو خاصية جسم يدور حول الأرض في مستوي خط الاستواء في نفس جهة دورانها وله نفس دور الأرض حول نفسها.

نقول عن قمر اصطناعي أنه جيو مستقر إذا بقي ساكنا بالنسبة لمعلم سطحي أرضي.

في المعلم المركزي الأرضي الدور المداري للقمر الاصطناعي الجيو مستقر يكون مساويا لدور الأرض حول نفسها $T \approx 1j \approx 24h$

$T (Alsat 1) = 5,964 \times 10^3 s = 1,65 h$

التحويل: $1 s \longrightarrow \frac{1}{3600} h$

$T (Astra) = 86,160 \times 10^3 s = 23,93 h = 23h, 56 \text{ min} = 1j$

أذن $Astra$ هو القمر الجيو مستقر.



فيزياء تاشطة
58C 20 19

ب- التحقق من القانون الثالث لكبلر:

$$\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = K \text{ لدينا}$$

$$\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = \frac{(5964)^2}{[(6380 + 700) \times 10^3]^3} = 10^{-13} : A l s a t 1 \text{ بالنسبة}$$

$$\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = \frac{(86160)^2}{[(6380 + 35650) \times 10^3]^3} = 10^{-13} : A s t r a \text{ بالنسبة}$$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

ومنه قانون الثالث كبلر محقق.

ج- كتلة الأرض M_T :

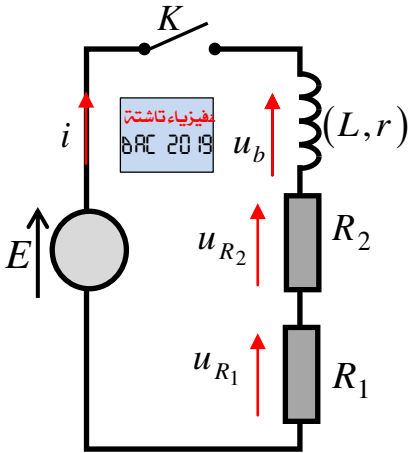
$$\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = K = 10^{-13} \dots (2) \quad \text{و} \quad \frac{T^2}{(R_T + h)^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_T} \dots (1) \text{ لدينا}$$

$$\frac{4\pi^2}{G \cdot M_T} = 10^{-13} \text{ نجد: (2) و (1) بالمطابقة بين}$$

$$M_T = \frac{4 \times \pi^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 10^{-13}} = 5,9 \times 10^{24} \text{ kg} \text{ ت-ع:} \quad \text{اذن: } M_T = \frac{4\pi^2}{G \times 10^{-13}}$$

التمرين الثالث:

1- توضيح على الدارة الكهربائية بأسهم جهة التوتر الكهربائي بين طرفي المستقبلات الكهربائية وجهة التيار الكهربائي المار في الدارة.



الشكل-3

2- أ. المعادلة التفاضلية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$.

$$E = u_b(t) + u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t)$$

$$L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) + R_1 i(t) + R_2 i(t) = E \text{ بتطبيق ق. ج. ت:}$$

$$\frac{di(t)}{dt} + \left(\frac{R_1 + R_2 + r}{L} \right) i(t) = \frac{E}{L} \text{ بقسمة طرفي المساواة على } L \text{ نجد:}$$

ب- استنتج عبارة شدة التيار الكهربائي I_0 في النظام الدائم بدلالة E, r, R_2, R_1 .

$$\left(\frac{R_1 + R_2 + r}{L} \right) I_0 = \frac{E}{L} \text{ ومنه: } \frac{di}{dt} = 0 \text{ عند بلوغ النظام الدائم}$$

$$I_0 = \left(\frac{E}{R_1 + R_2 + r} \right) \text{ ومنه:}$$



فيزياء تاشتة
BAC 2019

ج- عبارة الثابت τ :

باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$ ، بتعويض عبارة الحل والمشتقة في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$\frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \left(\frac{R_1 + R_2 + r}{L} \right) I_0 - \left(\frac{R_1 + R_2 + r}{L} \right) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} - \frac{E}{L} = 0$$

$$\left\{ \frac{1}{\tau} - \frac{R_1 + R_2 + r}{L} \right\} = 0$$

ومنه: $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2 + r}$

3- أكتب العبارات الزمنية للتوترات $u_{R_1}(t), u_{R_2}(t), u_b(t)$.

عبارة $u_b(t)$:

$$u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) = L \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + rI_0 - rI_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$u_b(t) = \left(\frac{L}{\tau} - r \right) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + rI_0$$

حيث: $\frac{L}{\tau} = R_1 + R_2 + r$ ومنه: $u_b(t) = (R_1 + R_2) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + rI_0$

عبارة $u_{R_1}(t)$:

$$u_{R_1}(t) = R_1 i(t) = R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

عبارة $u_{R_2}(t)$:

$$u_{R_2}(t) = R_2 i(t) = R_2 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

4- أنسب كل منحنى بياني $((1), (2), (3))$ بالتوتر الموافق له علما أن $R_1 < R_2$ مع التعليل.

المنحنى (1) يوافق التوتر u_b التعليل: عند اللحظة $t = 0$: $u_b(0) = (R_1 + R_2 + r) I_0 \neq 0$

المنحنى (2) يوافق التوتر u_{R_1} والمنحنى (3) يوافق التوتر u_{R_2} لأن: $R_1 < R_2$ ومنه: $u_{R_1}(\max) < u_{R_2}(\max)$.

5- ايجاد قيمة كل من: R_1, R_2, r, E, L .

قيمة R_1 : $R_1 = \frac{u_{R_1}(\infty)}{I_0} = \frac{5}{0,05} = 100 \Omega$

ففيزياء تاشته
BAR 20 19

$$R_2 = \frac{u_{R_2}(\infty)}{I_0} = \frac{6}{0,05} = 120\Omega : \text{قيمة } R_2$$

$$r = \frac{u_b(\infty)}{I_0} = \frac{1}{0,05} = 20\Omega : \text{قيمة } r \text{ ومنه } u_b(\infty) = rI_0$$

قيمة E : عند اللحظة $t = 0$: حيث $E = u_b(0) + u_{R_1}(0) + u_{R_2}(0)$ و $u_{R_2}(0) = 0$ و $u_{R_1}(0) = 0$ ومنه:

$$E = u_b(0) = 12V$$

قيمة L : لدينا مما سبق: $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2 + r}$ ومنه: $L = \tau(R_1 + R_2 + r)$ من المنحنى (1): $\tau = 1ms$

$$L = 10^{-3}(120 + 100 + 20) = 0,24H$$

6. حساب $E_b(\tau)$.

$$E_b(\tau) = \frac{1}{2}Li(\tau)^2$$

$$t = \tau \Rightarrow u_{R_1}(\tau) = 3,2V$$

$$i(\tau) = 0,032A$$

$$E_b(\tau) = \frac{1}{2} \times 0,24 \times (0,032)^2$$

$$E_b(\tau) = 1,23 \times 10^{-4} J$$



08C 20 19

ف

فتح والبكالوريا

ARC 2019

13

$$\underline{\underline{\quad\quad}} \quad 5 \mu F$$

الموضوع الثالث عشر

ف

 R_1

V

 C_2H_5

0.5 N

0.5 N

فيزياء تاشة

رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

نحو البكالوريا - الموضوع الثالث عشر

التمرين الأول :

01) مركب عضوي E صيغته: $CH_3 - COO - C_2H_5$ يمكن اصطناعه من تفاعل نوعيين كيميائيين A و B

وفق معادلة التفاعل التالية: $A + B = CH_3COOC_2H_5 + H_2O$

حيث A : حمض كربوكسيلي.

أكمل الجدول التالي :

المركب الكيميائي	E	A	B
صيغة المركب	$CH_3COOC_2H_5$		
المجموعة الوظيفية المميزة			
الاسم النظامي			
العائلة الكيميائية		الأحماض الكربوكسيلية	

لتحضير المركب العضوي E السابق حضرنا مزيجا متساوي المولات من الحمض الكربوكسيلي A والنوع الكيميائي B ثم قسمناه على 10 أنابيب اختبار متماثلة، تحتوي كل منها $0,1mol$ من الحمض الكربوكسيلي A و $0,1mol$ من النوع الكيميائي B ، وتم سدها بإحكام ثم وضعت في حمام مائي درجة حرارته $\theta = 100^\circ C$ وذلك عند لحظة نعتبرها ابتدائية $t = 0$.

1 - أعد كتابة معادلة التفاعل للتحويل الكيميائي الحاد ثم سمى التحويل الحادث.

2 - استنتج كمية المادة لكل متفاعل في المزيج الابتدائي ثم أنشئ جدول تقدم التفاعل.

3 - استنتج قيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

02) عند لحظة t نخرج أنبوبة اختبار ونضعها مباشرة في الماء المثلج ثم نعاير الحمض المتبقي للحمض

الكربوكسيلي A بمحلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ بوجود كاشف فينول فتاليين ثم نعيد نفس العملية مع الأنابيب المتبقية، بعدها قمنا باستنتاج قيمة كمية المادة المتبقية n للحمض الكربوكسيلي A في كل لحظة زمنية t في المزيج الكلي كما هو موضح في الجدول التالي:

$t(h)$	0	4	10	20	40	100	150	200	250	300
$n(mmol)$	1000	750	640	520	440	360	350	340	330	330
$x(mmol)$										

1 - لماذا نضع كل أنبوبة اختبار في الماء المثلج قبل كل معايرة؟

2 - اعتمادا على جدول تقدم التفاعل احسب قيمة تقدم التفاعل x في كل لحظة زمنية ثم املأ الجدول أعلاه.

3 - اعتمادا على سلم رسم مناسب، اسم منحنى تغيرات تقدم التفاعل x بدلالة الزمن t : $x = f(t)$.

4 - استخلص من شكل المنحنى $x = f(t)$ خاصيتين لتفاعل تشكل المركب العضوي E .

5 - احسب سرعة تشكل المركب العضوي E عند اللحظة $t = 275h$.

6 - احسب مردود التفاعل r عند حالة التوازن.

7 - في نفس المعلم السابق ارسم المنحنى البياني $x = g(t)$ حيث درجة حرارة الوسط التفاعلي هي

$\theta' = 110^\circ C$.

Physique Sujet



Tacheta N°13

التمرين الثاني:

البوتونيوم ($^{238}_{94}\text{Pu}$) هو معدن ثقيل جدا وذو كثافة عالية، اكتشف في الولايات المتحدة الأمريكية لأول مرة في يوم 14 ديسمبر 1940، فهو قابل للإنشطار النووي ويستخدم كوقود لتشغيل بعض المفاعلات والغواصات النووية.

I- البوتونيوم 238 نظير مشع يتميز بثابت النشاط الإشعاعي λ ، يتفكك تلقائيا مصدرا جسيما α .

1- اكتب معادلة التحول النووي لتفكك نواة البوتونيوم 238 للحصول على نواة اليورانيوم ($^{238}_{92}\text{U}$).

2- أ- اكتب قانون التناقص الإشعاعي $N(t)$.

ب- بين أن المعادلة التفاضلية التي تخضع لها عدد الأنوية المتفككة $N_d(t)$ للبوتونيوم 238 هي من الشكل :

$$\frac{dN_d(t)}{dt} + \lambda N_d(t) = \lambda N_0$$

حيث N_0 عدد الأنوية الابتدائية

للبوتونيوم 238 في العينة المشعة.

ج- حل المعادلة التفاضلية هو من الشكل : $N_d(t) = Ae^{-\lambda t} + C$.

- جد عبارة كل من B و C و A ، بالمدلول الفيزيائي لكل من B و C ؟

3- الشكل 1 يمثل البيان $\frac{dN_d}{dt} = f(N_d)$:

أ- جد قيمة كل من الثابتين λ و N_0 .

ب- جد قيمة كل من النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 والكتلة

الابتدائية m_0 للعينة المشعة.

ج- استنتج قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للبوتونيوم 238.

II- من نظائر البوتونيوم النظير ($^{239}_{94}\text{Pu}$) القابل للإنشطار النووي، يستعمل كوقود لمفاعل نووي ذو استطاعة

كهربائية $P = 30 \text{ MW}$ وبمردود طاقي يقدر بـ $r = 30\%$.

يمثل الشكل 2 مخطط الحويلة الكتلية لتفاعل انشطار البوتونيوم ($^{239}_{94}\text{Pu}$).

1- أ- جد قيمة كل من x و y و Z ، ثم اكتب المعادلة المنمذجة لتفاعل الانشطار النووي الحادث.

ب- تفاعل انشطار البوتونيوم 239 هو تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا، فسر ذلك؟

2- أ- ماذا تمثل كل من: Δm_1 و Δm_2 و Δm_3 ؟

ب- جد قيمة طاقة الربط E_l لنواة البوتونيوم $^{239}_{94}\text{Pu}$.

ج- احسب قيمة الطاقة E_{lib} المحررة من انشطار نواة

بوتونيوم 239 بوحدة MeV .

3- إذا علمت أن النقص الكتلي لنواة النيوبيوم $^{102}_{41}\text{Nb}$

هو $\Delta m = 0,93119 \text{ u}$.

أ- احسب طاقة الربط E_l لكل من نواة النيوبيوم 102

ونواة اليود 135.

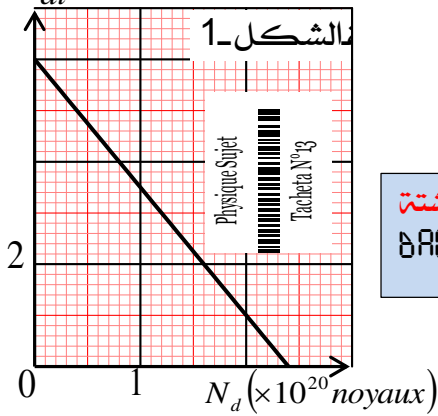
ب- قارن بين استقرار النواتين النيوبيوم 102 و اليود 135.

4- احسب المدة الزمنية Δt اللازمة لاستهلاك المفاعل النووي كتلة قدرها $m = 1 \text{ kg}$ من البوتونيوم 239.

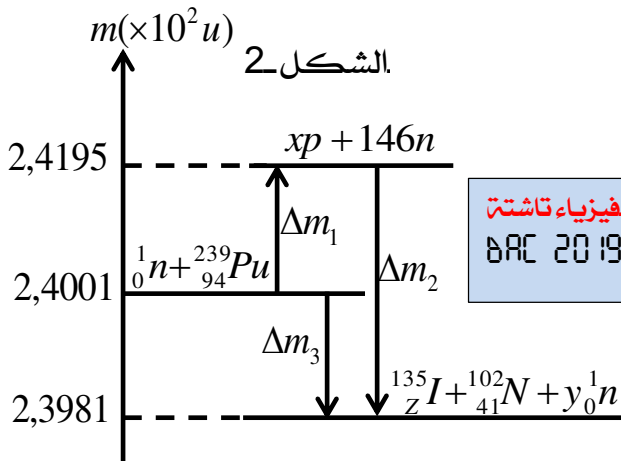
المعطيات: $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV} / c^2$ ، $M(^{238}_{94}\text{Pu}) = 238 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ، $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$.

حيث $r = \frac{E_e}{E}$ ، المردود الطاقي: $1 \text{ MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$ ، الطاقة الكهربائية، و E الطاقة المحررة.

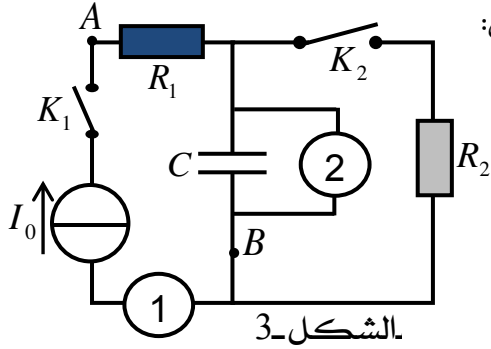
$$\frac{dN_d}{dt} (\times 10^{10} \text{ noyaux} \cdot \text{s}^{-1})$$



فيزياء تاشته
8AR 20 19



فيزياء تاشته
8AR 20 19

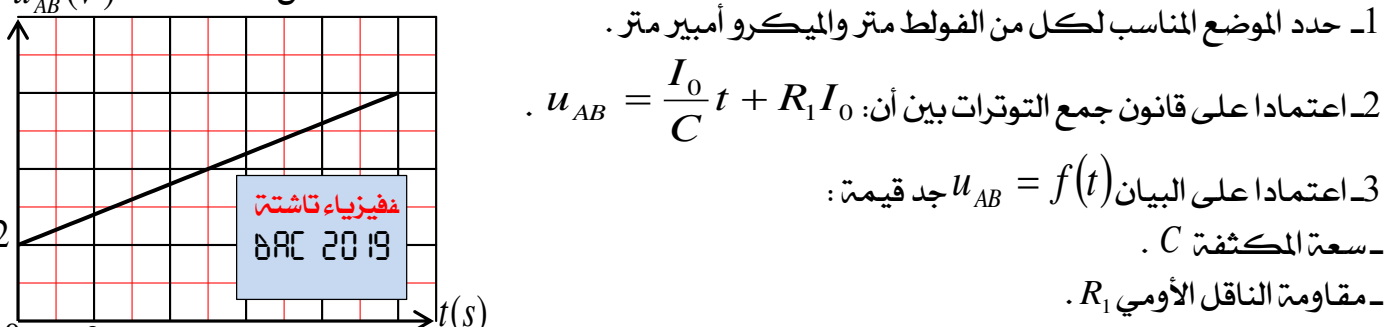


- نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل - 3 والذي يتكون من:
- مولد تيار شدته ثابتة $I_0 = 4 \mu A$.
 - مكثفة غير مشحونة سعتها C .
 - ناقلان أميان R_1 و R_2 .
 - ميكرو أمبير متر (μA) وفولط متر (V) .
 - أسلاك توصيل وقاطعتان K_1 و K_2 .

فيزياء تاشته
BAC 2019

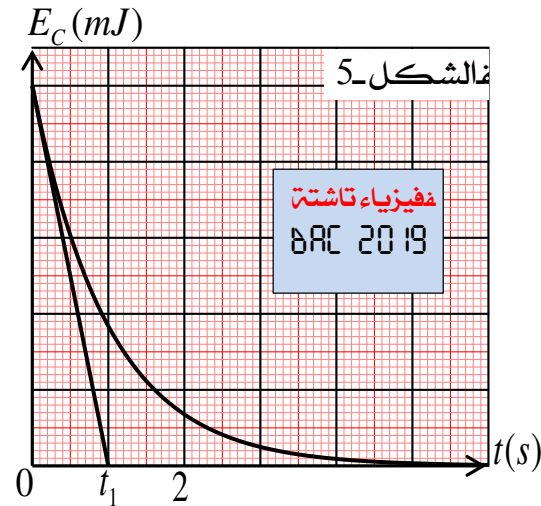
I - نترك القاطعة K_2 وعند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K_1 وبواسطة راسم اهتزاز ذي ذاكرة نشاهد البيان لتغيرات

التوتر الكهربائي u_{AB} بدلالة الزمن t : $u_{AB} = f(t)$ الموضح في الشكل - 4.



II - عندما يشير الفولط المتر للقيمة $u_0 = 10V$ نفتح القاطعة K_1 ثم نغلق القاطعة K_2 في لحظة نعتبرها مبدأ جديد للأزمنة ($t = 0$).

- أ - اكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي $u_{R_2}(t)$ بين طرفي الناقل الأومي R_2 .
- ب - حل المعادلة التفاضلية يكتب بالشكل: $u_{R_2}(t) = -u_0 e^{-Bt}$ حيث: B ثابت يطلب تعيين عبارتيه بدلالة R_2 و C .



ج - استنتج العبارة الزمنية للتوتر الكهربائي $u_C(t)$ بين طرفي المكثفة C .

2 - البيان الموضح في الشكل - 5 يمثل تغيرات الطاقة المخزنة في المكثفة بدلالة الزمن $E_C = g(t)$:

- أ - اكتب العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$.
- ب - بين أن المماس عند اللحظة $t = 0$ للمنحنى $E_C = g(t)$ يقطع محور الأزمنة عند $t_1 = \frac{\tau}{2}$.
- حيث: τ ثابت الزمن يطلب إيجاد قيمته.
- ج - استنتج قيمة الناقل الأومي R_2 .
- د - البيان ينقصه سلم لمحور الترتيب، عينه مع التعليل.
- هـ - احسب الطاقة المستهلكة بفعل جول عند الناقل الأومي R_2 عند اللحظة $t_2 = \tau$.

Physique Sujet

Tacheta N°13

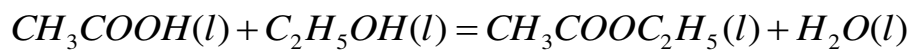
بالتوفيق للجميع...

التمرين الأول :

01 اكمال الجدول التالي:

المركب الكيميائي	E	A	B
صيغة المركب	$CH_3 - COO - C_2H_5$	$CH_3 - COOH$	$C_2H_5 - OH$
المجموعة الوظيفية المميزة	$- COO -$ (وظيفة كيميائية أسترية)	$- COOH$ (وظيفة كيميائية كربوكسيلية)	$- OH$ (وظيفة كيميائية كحولية)
الاسم النظامي	إيثانوات الإيثيل	حمض الإيثانويك	إيثانول
العائلة الكيميائية	عائلة الأسترات	الأحماض الكربوكسيلية	عائلة الكحولات

1 - معادلة التفاعل للتحويل الكيميائي الحادث:



اسم التحويل الكيميائي هو تحويل الأسترة.

2 - استنتاج كمية المادة لكل متفاعل في المزيج الابتدائي :

- بالنسبة لحمض الإيثانويك CH_3COOH : $n_0(A) = 10 \times 0,1 = 1 \text{ mol}$

- بالنسبة للإيثانول C_2H_5OH : $n_0(B) = 10 \times 0,1 = 1 \text{ mol}$

جدول تقدم التفاعل:

معادلة التفاعل		$CH_3COOH(l) + C_2H_5OH(l) = CH_3COOC_2H_5(l) + H_2O(l)$			
الحالة	التقدم $x \text{ (mol)}$	كمية المادة بـ $n \text{ (mol)}$			
الابتدائية	0	$n_0(A)$	$n_0(B)$	0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n_0(A) - x(t)$	$n_0(B) - x(t)$	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$n_0(A) - x_f$	$n_0(B) - x_f$	x_f	x_f

3 - استنتاج قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

بما أن المزيج الابتدائي متساوي المولات فإن: $n_0(A) = n_0(B) = x_{\max}$ إذن: $x_{\max} = 1 \text{ mol}$

02 1 - توضع كل أنبوبة اختبار في الماء المثلج قبل كل معايرة :

- لإيقاف التفاعل الكيميائي .

- منع حدوث التفاعل البطيء بين الأستر ومحلول الصود .

2 - قيمة تقدم التفاعل x في كل لحظة زمنية:

من جدول تقدم التفاعل نجد: $n_A(t) = n_0(A) - x(t)$ ومنه: $x(t) = n_0(A) - n_A(t)$

ملأ الجدول :

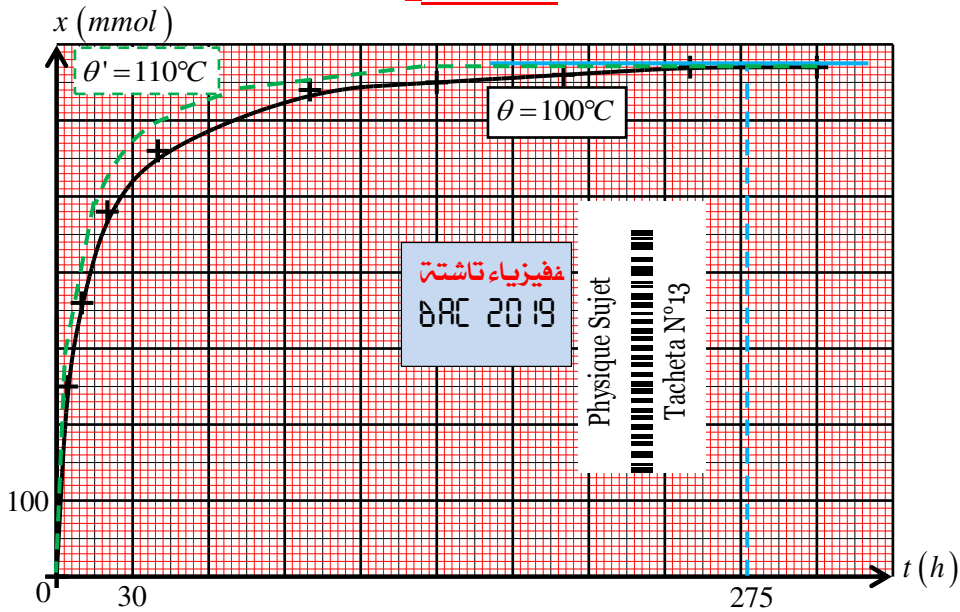
$t(h)$	0	4	10	20	40	100	150	200	250	300
$n(\text{mmol})$	1000	750	640	520	440	360	350	340	330	330
$x(\text{mmol})$	0	250	360	480	560	640	650	660	670	670

Physique Sujet



Tacheta N°13

3- منحنى تغيرات تقدم التفاعل x بدلالة الزمن t : $x = f(t)$:



4- خاصيتين لتفاعل الأستر:

- محدود (غير تام).
- بطيء.

5- سرعة تشكل الأستر عند اللحظة $t = 275h$:

$$v(t) = \frac{dn(t)}{dt}$$

ومنه:

ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n(t) = x(t)$

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$$

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt} \Big|_{t=275h} = \frac{\Delta x(t)}{\Delta t} \Big|_{t=275h} = \frac{(670 - 670) \times 10^{-3}}{300 - 200} = 0$$

$$v(275h) = 0$$

6- مردود التفاعل r عند حالة التوازن:

$$r = 67\%$$

$$r = \frac{670 \times 10^{-3}}{1} \times 100 = 67\%$$

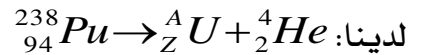
$$r = \frac{x_f}{x_{\max}} \times 100$$

7- المنحنى البياني $x = g(t)$ حيث درجة حرارة الوسط التفاعلي هي $\theta' = 110^\circ C$:

انظر الشكل أعلاه.

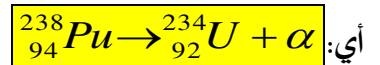
التمرين الثاني:

1- معادلة التحول النووي لتفكك نواة البلوتونيوم $^{238}_{94}Pu$ للحصول على نواة اليورانيوم $^{234}_{92}U$:



$$\begin{cases} A = 234 \\ Z = 92 \end{cases} \text{ ومنه: } \begin{cases} A = 238 - 4 \\ Z = 94 - 2 \end{cases}$$

فيزياء تاشتر
BAC 2019



2- أ- قانون التناقص الإشعاعي $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$:

ب- تبيان أن المعادلة التفاضلية التي تخضع لها عدد الأنوية المتفككة $N_d(t)$ للبلوتونيوم 238 هي من الشكل:

حيث: N_0 عدد الأنوية الابتدائية للبلوتونيوم 238 في العينة المشعة: $\frac{dN_d(t)}{dt} + \lambda N_d(t) = \lambda N_0$

$$\begin{cases} A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} \\ N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \end{cases} \text{ ونعلم أن: } \text{ومنه: } A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = \lambda N_0 e^{-\lambda t} \text{ أي: } (1) -\frac{dN(t)}{dt} = \lambda N(t)$$

ونعلم أن: $N(t) = N_0 - N_d(t)$

وبالتعويض في (1) نجد: $-\frac{d(N_0 - N_d(t))}{dt} = \lambda(N_0 - N_d(t))$ ومنه:

$$\frac{dN_d(t)}{dt} + \lambda N_d(t) = \lambda N_0 \text{ إذن: } \frac{dN_d(t)}{dt} = \lambda N_0 - \lambda N_d(t)$$

جـ- حل المعادلة التفاضلية هو من الشكل: $N_d(t) = Ae^{-Bt} + C$ - إيجاد عبارة كل من B و C و A :

$$\frac{dN_d(t)}{dt} = -BAe^{-Bt} \text{ باشتقاق الحل بالنسبة للزمن نجد:}$$

وبتعويض الحل ومشتقه بالنسبة للزمن في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$-BAe^{-Bt} + \lambda(Ae^{-Bt} + C) = \lambda N_0 \text{ ومنه: } -BAe^{-Bt} + \lambda Ae^{-Bt} + \lambda C - \lambda N_0 = 0$$

$$Ae^{-Bt}(\lambda - B) + \lambda(C - N_0) = 0 \text{ ومنه:}$$

$$\begin{cases} B = \lambda \\ C = N_0 \end{cases} \text{ وعليه: } \begin{cases} \lambda - B = 0 \\ C - N_0 = 0 \end{cases} \text{ أي:}$$

$$\text{ولما } t = 0 \text{ نجد: } A = -N_0 \iff A + N_0 = 0$$

$$N_d(t) = Ae^{-\lambda t} + N_0 \text{ وبالتعويض في عبارة الحل نجد:}$$

$$N_d(t) = -N_0 e^{-\lambda t} + N_0 = N_0(1 - e^{-\lambda t})$$

- المدلول الفيزيائي لكل من B و C :

$$C = N_0 \text{ : عدد الأنوية المشعة الابتدائية , } B = \lambda \text{ : ثابت النشاط الإشعاعي .}$$

3- أ- إيجاد قيمة كل من الثابتين λ و N_0 :

$$\frac{dN_d}{dt} = aN_d + b \text{ البيان خط مستقيم مائل لا يشمل المبدأ معادلته:}$$

$$a = \frac{\Delta\left(\frac{dN_d}{dt}\right)}{\Delta N_d} = \frac{(6-0) \times 10^{10}}{(0-2,4) \times 10^{20}} = -2,5 \times 10^{-10} s^{-1} \text{ حيث: } a \text{ معامل توجيه البيان:}$$

$$b = 6 \times 10^{10} \text{ noyaux.s}^{-1} \text{ و نقطة تقاطع البيان مع محور الترتيب:}$$

$$\frac{dN_d}{dt} = -2,5 \times 10^{-10} N_d + 6 \times 10^{10} \text{(I) أي:}$$

$$\frac{dN_d(t)}{dt} = -\lambda N_d(t) + \lambda N_0 \text{(II) نجد:}$$

$$\lambda = 2,5 \times 10^{-10} s^{-1} \text{ بالمطابقة بين العلاقتين البيانية (I) والنظرية (II) طرف لطرف نجد:}$$

فيزياء تاشته
BAC 2019

Physique Sujet

Tacheta N°13

فيزياء تاشته
BAC 2019

$$N_0 = \frac{6 \times 10^{10}}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,4 \times 10^{20} \text{ noyaux} \quad \text{ت-ع: } N_0 = \frac{6 \times 10^{10}}{\lambda} \quad \text{ومنه: } \lambda N_0 = 6 \times 10^{10}$$

$$N_0 = 2,4 \times 10^{20} \text{ noyaux} \quad \text{إذن:}$$

ملاحظة: هناك طريقة ثانية لإيجاد قيمة N_0 : لدينا: $N_d(t) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$ ولما $t \rightarrow +\infty$ نجد:

$$N_d(\infty) = N_0 \quad \text{ومن البيان نجد: } N_d(\infty) = N_0 = 2,4 \times 10^{20} \text{ noyaux}$$

ب- قيمة النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 :

$$A_0 = \lambda N_0 \quad \text{ت-ع: } A_0 = 2,5 \times 10^{-10} \times 2,4 \times 10^{20} = 6 \times 10^{10} \text{ Bq} \quad \text{إذن: } A_0 = 6 \times 10^{10} \text{ Bq}$$

- قيمة الكتلة الابتدائية m_0 للعينة المشعة:

$$N_0 = \frac{m_0}{M} N_A \quad \text{ومنه: } N_0 = \frac{m_0}{M} N_A \quad \text{أي: } m_0 = \frac{N_0 M}{N_A} \quad \text{نعلم أن: } \begin{cases} N_0 = n_0 N_A \\ n_0 = \frac{m_0}{M} \end{cases}$$

$$m_0 = 0,095 \text{ g} \quad \text{ت-ع: } m_0 = \frac{2,4 \times 10^{20} \times 238}{6,02 \times 10^{23}} = 0,095 \text{ g} \quad \text{إذن:}$$

ج- استنتاج قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للبلوتونيوم 238:

$$t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} \quad \text{ت-ع: } t_{1/2} = \frac{0,693}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,8 \times 10^9 \text{ s} \quad \text{إذن: } t_{1/2} = 2,8 \times 10^9 \text{ s}$$

II- من نظائر البلوتونيوم النظير (^{239}Pu) القابل للإنشطار النووي، يستعمل كوقود لمفاعل نووي ذو استطاعة كهربائية $P = 30 \text{ MW}$ وبمردود طاقي يقدر بـ $r = 30\%$.

1- أ- إيجاد قيمة كل من x و y و Z :

$$x = 240 - 146 = 94 \quad \text{ومنه: } 1 + 239 = x + 146 \quad \text{لدينا: } x = 94n \quad \text{إذن:}$$

$$^1_0n + ^{239}_{94}\text{Pu} \rightarrow ^{135}_{Z}\text{I} + ^{102}_{41}\text{N} + y^1_0n \quad \text{لدينا: } Z \text{ و } y \text{ و } x$$

$$\begin{cases} y = 240 - 237 = 3 \\ Z = 94 - 41 = 53 \end{cases} \quad \text{ومنه: } \begin{cases} 239 + 1 = 135 + 102 + y \\ 94 = Z + 41 \end{cases} \quad \text{وحسب قانوني الانحفاظ لصودي نجد:}$$

$$^1_0n + ^{239}_{94}\text{Pu} \rightarrow ^{135}_{53}\text{I} + ^{102}_{41}\text{N} + 3^1_0n \quad \text{وعليه معادلة تفاعل الانشطار النووي:} \quad \begin{cases} y = 3 \\ Z = 53 \end{cases} \quad \text{إذن:}$$

ب- تفاعل انشطار البلوتونيوم 239 هو تفاعل تسلسلي مغذى ذاتيا، فسر ذلك؟

مغذى ذاتيا لأن النيوترونات الثلاثة الناتجة عن الانشطار النووي الأول لنواة واحدة $^{239}_{94}\text{Pu}$ تحدث ثلاثة انشطارات نووية أخرى لثلاثة أنوية أخرى لـ $^{239}_{94}\text{Pu}$ في مرحلة ثانية وتنتج عنها 9 نيوترونات وبذلك تستمر الآلية الانشطارية وعليه نقول أن تفاعل الانشطار النووي تسلسلي.

2- أ- ماذا تمثل كل من: Δm_1 و Δm_2 و Δm_3 :

$$\Delta m_1: \text{نقص الكتلة لنواة البلوتونيوم } ^{239}_{94}\text{Pu}$$

$$\Delta m_2: \text{مجموع نقص الكتلة لنواتي } ^{135}_{53}\text{I} \text{ و } ^{102}_{41}\text{Nb} \text{ بإشارة سالبة.}$$

$$\Delta m_3: \text{نقص الكتلة لتفاعل الانشطار النووي.}$$

ب- إيجاد قيمة طاقة الربط E_l لنواة البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$:

لدينا: $E_l(^{239}_{94}Pu) = \Delta m_1 \times 931,5$

ت-ع: $E_l(^{239}_{94}Pu) = (2,4195 - 2,4001) \times 10^2 \times 931,5 = 1807,1 MeV$

إذن: $E_l(^{239}_{94}Pu) = 1807,1 MeV$

ج- حساب قيمة الطاقة E_{lib} المحررة من انشطار نواة بلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$ بوحدة MeV :

لدينا: $E_{lib} = |\Delta m_3| \times 931,5$ ت-ع: $E_{lib} = |2,3981 - 2,4001| \times 10^2 \times 931,5 = 186,3 MeV$

إذن: $E_{lib} = 186,3 MeV$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

3- النقص الكتلي لنواة النيوبيوم $^{102}_{41}Nb$ هو $\Delta m = 0,93119u$

أ- حساب طاقة الربط E_l لكل من نواة النيوبيوم $^{102}_{41}Nb$ ونواة اليود $^{135}_{53}I$:

- بالنسبة لـ $E_l(^{102}_{41}Nb)$:

لدينا: $E_l(^{102}_{41}Nb) = \Delta m(^{102}_{41}Nb) \times 931,5$

ت-ع: $E_l(^{102}_{41}Nb) = 0,93119 \times 931,5 = 867,4 MeV$ إذن: $E_l(^{102}_{41}Nb) = 867,4 MeV$

- بالنسبة لـ $E_l(^{135}_{53}I)$:

لدينا: $E_l(^{135}_{53}I) = \Delta m(^{135}_{53}I) \times 931,5 \dots (1)$

نعلم أن: $\Delta m_2 = -(\Delta m(^{135}_{53}I) + \Delta m(^{102}_{41}Nb))$ ومنه: $\Delta m(^{135}_{53}I) = -\Delta m_2 - \Delta m(^{102}_{41}Nb)$

حيث: $\Delta m_2 = (2,3981 - 2,4195) \times 10^2 = -2,14u$

ت-ع: $\Delta m(^{135}_{53}I) = -(-2,14) - 0,93119 = 1,20881u$ أي: $\Delta m(^{135}_{53}I) = 1,20881u$

بالتعويض في (1) نجد: $E_l(^{135}_{53}I) = 1,20881 \times 931,5 = 1126,01 MeV$

إذن: $E_l(^{135}_{53}I) = 1126,01 MeV$

ب- المقارنة بين استقرار النواتين النيوبيوم $^{102}_{41}Nb$ واليود $^{135}_{53}I$:

لدينا: $E_A(^{102}_{41}Nb) = \frac{E_l(^{102}_{41}Nb)}{A} = \frac{867,4}{102} = 8,50 MeV / nucléon$ ت-ع: $E_A(^{102}_{41}Nb) = \frac{867,4}{102}$

إذن: $E_A(^{102}_{41}Nb) = 8,50 MeV / nucléon$

ولدينا: $E_A(^{135}_{53}I) = \frac{E_l(^{135}_{53}I)}{A} = \frac{1126,01}{135} = 8,34 MeV / nucléon$ ت-ع: $E_A(^{135}_{53}I) = \frac{1126,01}{135}$

إذن: $E_A(^{135}_{53}I) = 8,34 MeV / nucléon$

نلاحظ أن: $E_A(^{102}_{41}Nb) > E_A(^{135}_{53}I)$

وعليه: النواة $^{102}_{41}Nb$ أكثر استقراراً من النواة $^{135}_{53}I$

4- احسب المدة الزمنية Δt اللازمة لاستهلاك المفاعل النووي كتلة قدرها $m = 1kg$ من البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$:

نعلم أن: $E = NE_{lib}$ ومنه: $E = \frac{mN_A E_{lib}}{M}$

ولدينا: $r = \frac{E_e}{E}$ ومنه: $E = \frac{E_e}{r}$ ولدينا: $E_e = P \times \Delta t$ أي: $E = \frac{P \times \Delta t}{r}$

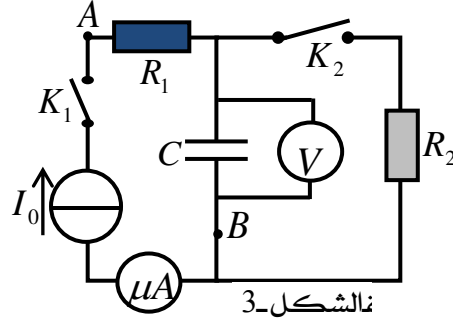
$$\Delta t = \frac{r \times m \times N_A \times E_{lib}}{P \times M(^{239}\text{Pu})} \text{ أي: } \frac{P \times \Delta t}{r} = \frac{m N_A E_{lib}}{M} \text{ وعليه:}$$

$$\Delta t = \frac{0,3 \times 1000 \times 6,02 \times 10^{23} \times 186,3 \times 1,6 \times 10^{-13}}{30 \times 10^6 \times 239} = 7,5 \times 10^5 \text{ s} \text{ ت-ع:}$$

$$\Delta t = 7,5 \times 10^5 \text{ s} = 208,3 \text{ h} = 8,7 \text{ j} \text{ إذن:}$$

التمرين الثالث:

1- تحديد الموضع المناسب لكل من الفولط متر والميكرو أمبير متر.



نالشكل-3

- الموضع (1) يوافق ميكرو أمبير متر.

- الموضع (2) يوافق الفولط متر

$$2- \text{تبيان أن: } u_{AB} = \frac{I_0}{C} t + R_1 I_0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} I_0 = \frac{q}{t} = \frac{C u_C}{t} \Rightarrow u_C = \frac{I_0}{C} t \\ u_{R_1} = R_1 I_0 \end{array} \right. \text{ بتطبيق قانون جمع التوترات: } u_{AB} = u_C + u_{R_1} \text{ ولدينا:}$$

$$\text{ومنه: } u_{AB} = \frac{I_0}{C} t + R_1 I_0$$

Physique Sujet



Tacheta N°13

3- اعتمادا على البيان $u_{AB} = f(t)$ ايجاد قيمة:

- سعة المكثفة C ومقاومة الناقل الأومي R_1 .

البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته: $u_{AB} = at + b$

$$u_{AB} = 0,4t + 2 \dots (1) \text{ ومنه: } b = 2V \text{ و } a = \frac{6-2}{10} = 0,4V.s^{-1}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{I_0}{C} = 0,4 \\ R_1 I_0 = 2 \end{array} \right. \text{ ولدينا مما سبق: } u_{AB} = \frac{I_0}{C} t + R_1 I_0 \dots (2) \text{ من العلاقة (1) و (2) نجد:}$$

$$\begin{array}{l} C = 10 \mu F \\ R_1 = 50 K \Omega \end{array}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} C = \frac{I_0}{0,4} = \frac{4 \times 10^{-6}}{0,4} = 10^{-5} F \\ R_1 = \frac{2}{I_0} = \frac{2}{4 \times 10^{-6}} = 5 \times 10^4 \Omega \end{array} \right. \text{ ومنه:}$$

فيزياء تاشته
٥٨٤ ٢٠١٩

1- أ- كتابة المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي $u_{R_2}(t)$ بين طرفي الناقل الأومي R_2 .

بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_C + u_{R_2} = 0$ بالاشتقاق بالنسبة للزمن نجد: $\frac{du_C}{dt} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$

ففيزياء تاشتة
BAC 2019

$$\frac{du_{R_2}}{dt} + \frac{1}{R_2 C} u_{R_2} = 0 \quad \text{إذن:} \quad \frac{R_2 i}{R_2 C} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0 \quad \text{ومنه:}$$

ب- عبارة الثابت B بدلالة R_2 و C .

بالاشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{du_{R_2}}{dt} = u_0 B e^{-Bt}$ بتعويض عبارة الحل والمشتقة في المعادلة

$$\left(B - \frac{1}{R_2 C} \right) u_0 e^{-Bt} = 0 \quad \text{ومنه:} \quad u_0 B e^{-Bt} - \frac{1}{R_2 C} u_0 e^{-Bt} = 0$$

Physique Sujet



Tacheta N°13

$$\cdot \quad B = \frac{1}{R_2 C} \quad \text{إذن:} \quad \begin{cases} u_0 e^{-Bt} \neq 0 \\ B - \frac{1}{R_2 C} = 0 \end{cases} \quad \text{ومنه:}$$

ج- العبارة الزمنية للتوتر الكهربائي $u_C(t)$ بين طرفي المكثفة C .

من قانون جمع التوترات: $u_C + u_{R_2} = 0$ ومنه: $u_C = -u_{R_2}$

$$u_C(t) = u_0 e^{-\frac{1}{R_2 C} t}$$

ففيزياء تاشتة
BAC 2019

2- أ- كتابة العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$.

$$E_C(t) = \frac{1}{2} C u_C(t)^2$$

$$E_C(t) = \frac{1}{2} C \left(u_0 e^{-\frac{1}{R_2 C} t} \right)^2$$

$$\cdot \quad \tau = R_2 C \quad \text{حيث:} \quad E_C(t) = \frac{1}{2} C u_0^2 e^{-\frac{2}{\tau} t}$$

Physique Sujet



Tacheta N°13

ب- تبين أن المماس عند اللحظة $t = 0$ للمنحنى $E_C = g(t)$ يقطع محور الأزمنة عند $t_{1/2} = \frac{\tau}{2}$.

البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته: $E_C(t) = at + b$ حيث: a معامل توجيه المماس عند اللحظة $t = 0$

$$\text{ومنه: (1) } a = \left. \frac{dE_C}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{Cu_0^2}{\tau} \dots\dots\dots$$

$$\text{ومن البيان: (2) } a = \frac{E_C(0) - 0}{0 - t_1} = -\frac{Cu_0^2}{2t_1} \dots\dots\dots$$

ففيزياء تاشته
5AC 20 19

$$\text{بالمطابقة بين (1) و (2) نجد: } -\frac{Cu_0^2}{\tau} = -\frac{Cu_0^2}{2t_1} \text{ ومنه: } \frac{1}{\tau} = \frac{1}{2t_1} \text{ إذن: } t_1 = \frac{\tau}{2}$$

ج- استنتاج قيمة الناقل الأومي R_2 .

$$\text{لدينا: } \tau = R_2 C \text{ ومنه: } R_2 = \frac{\tau}{C} \text{ من البيان: } \tau = 2s \text{ ومنه: } R_2 = \frac{2}{10^{-5}} = 2 \times 10^5 \Omega$$

$$R_2 = 2 \times 10^5 \Omega$$

د- تعيين سلم لمحور الترتيب.

$$E_C(0) = \frac{1}{2} Cu_0^2$$

$$E_C(0) = \frac{1}{2} \times 10^{-5} \times 10^2$$

$$E_C(0) = 0,5 \times 10^{-3} J$$

ففيزياء تاشته
5AC 20 19

$$E_C(0) = 0,5mJ$$

$$\text{لدينا: } 5cm \rightarrow 0,5mJ \text{ ومنه: } 1cm \rightarrow 0,1mJ$$

هـ- حساب الطاقة المستهلكة بفعل جول عند الناقل الأومي R_2 عند اللحظة $t = \tau$.

$$\text{عند اللحظة } t = \tau : E_C(\tau) = 0,065mJ \text{ و } E_C(0) = 0,5mJ$$

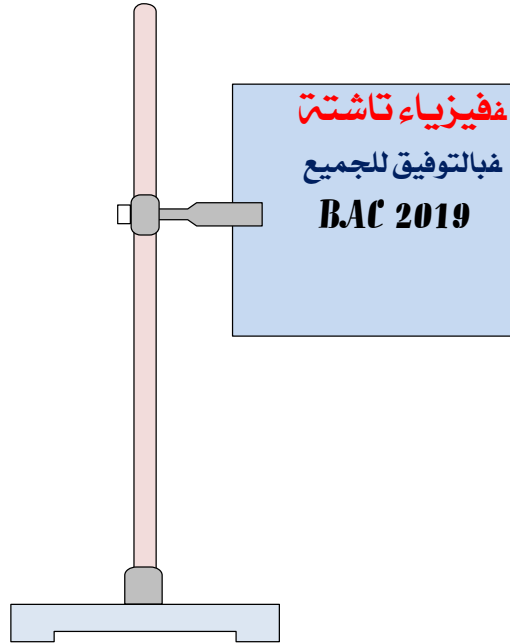
$$\text{ومنه: } E'(\tau) = E_C(0) - E_C(\tau) \text{ (الطاقة المستهلكة بفعل جول)}$$

$$E'(\tau) = 0,5 - 0,065 \text{ ومنه: } E'(\tau) = 0,435mJ$$

Physique Sujet



Tacheta N°13



فيزياء تاشة

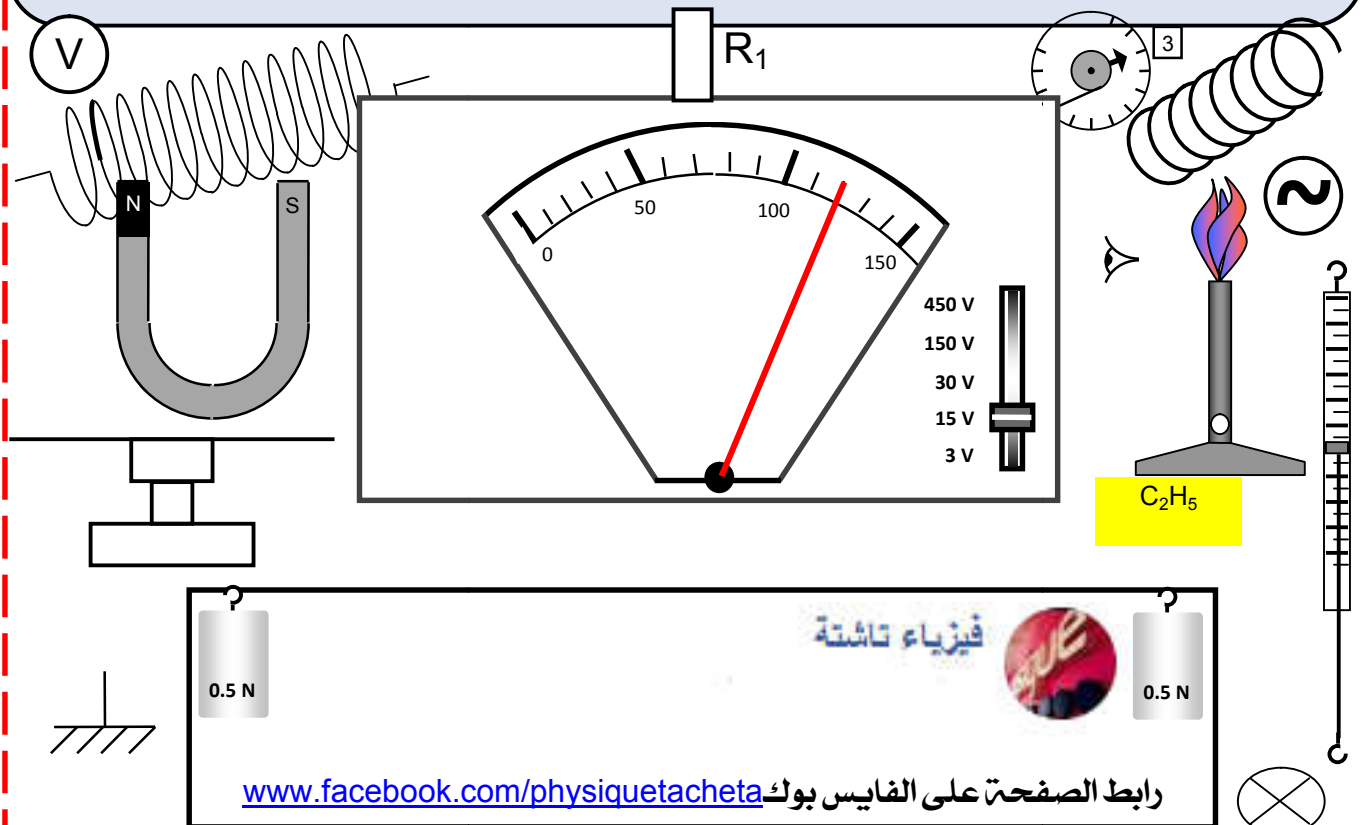
BAE 2019

نحو البكالوريا

BAE 2019

14

الموضوع الرابع عشر + التصحيح المفصل



التمرين الأول :

أرسلت عينة كتلتها m_0 ، من اليود المشع $^{131}_{53}I$ نشاطها الإشعاعي الابتدائي $A_0 = 3,2 \cdot 10^9 Bq$ و لم تصل إلى المستشفى إلا بعد 64 يوم، وذلك لمعالجة سرطان الغدة الدرقية لأحد المرضى والذي يتطلب جرعة (عينة) نشاطها الإشعاعي $A = 1,0 \cdot 10^8 Bq$.

(01) - الشكل - 1 يمثل مخطط $(Z - N)$ لتفكك النواة اليود $^{131}_{53}I$ المشعة لتعطي نواة بنت $^A_Z X$ أكثر استقرار

فيزياء تاشة
BAC 2019

مع انبعاث الجسيمة $^{A'}_Z Y$.

1- عرف ماييلي: النشاط الإشعاعي التلقائي، النواة المشعة.

2- حدد نمط تفكك النواة $^{131}_{53}I$ ؟ برر إجابتك.

3- اكتب معادلة التفكك وتعرف على النواة البنت من بين الأنوية التالية: $^{52}_{54}Te$ ، $^{54}_{57}Xe$ ، $^{57}_{57}Ba$.

(02) - يمثل المنحنى البياني المبين في الشكل - 2 تغيرات عدد الأنوية المشعة المتبقية بدلالة الزمن $N = f(t)$.

1- أ- اكتب قانون التناقص الإشعاعي.

ب- عرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ، ثم عين قيمته بيانيا مع الشرح.

ج- جد العلاقة بين ثابت التفكك λ و $t_{1/2}$ ، ثم احسب قيمته.

د- احسب عدد الأنوية المشعة الابتدائية N_0 ثم استنتج سلم مناسب لمحور الترتيب للمنحنى $N = f(t)$.

2- أ- بين أنه يمكن كتابة قانون التناقص الإشعاعي على الشكل: $m(t) = m_0 e^{-\lambda \cdot t}$.

ب- احسب الكتلة m_0 لحظة إرسال العينة.

ج- بين أنه في اللحظة $t = nt_{1/2}$ ، يمكن كتابة عبارة الكتلة المتبقية لـ $^{131}_{53}I$ بالشكل: $m(t) = \frac{m_0}{2^n}$.

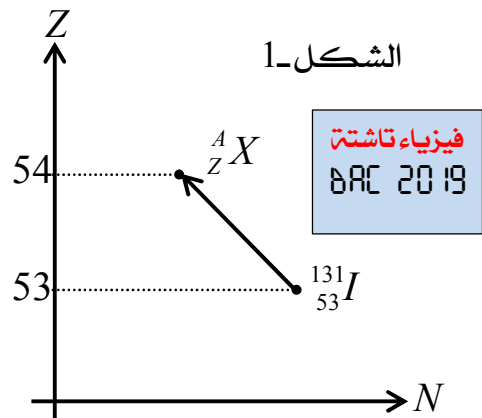
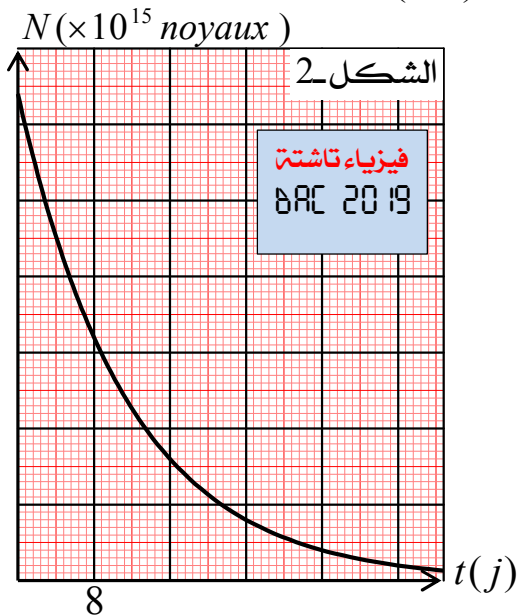
د- جد قيمة الكتلة المتبقية عند اللحظة $t = 24 \text{ jours}$ ، وهل العينة صالحة للعلاج عند وصولها للمستشفى؟.

3- أ- بين أن عبارة عدد الأنوية المتفككة تكتب من الشكل: $N_d(t) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$.

ب- مثل على الشكل - 2 المنحنى البياني $N_d = g(t)$.

ج- ماذا تمثل فاصلة وترتيبة نقطة تقاطع المنحنيين؟ برر إجابتك.

المعطيات: $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ، $M(^{131}I) = 131 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$.



I - تفاعل حمض الايثانويك مع الماء :

محلول مائي (S_A) لحمض الايثانويك CH_3COOH تركيزه المولي c_A ، قيمة الـ pH لهذا المحلول عند $\theta = 25^\circ C$ هي $pH = 3,4$.

فيزياء تاشتة
BAC 2019

- 1- اكتب معادلة انحلال حمض الايثانويك في الماء .
- 2- اعط عبارة ثابت الحموضة K_A للشثائية (CH_3COOH / CH_3COO^-) .
- 3- انشئ جدولا لتقدم هذا التفاعل .

4- أ- بين أن نسبة التقدم النهائي τ_f للتفاعل تكتب من الشكل : $\tau_f = \frac{K_A}{K_A + 10^{-pH}}$.

ب- احسب قيمة τ_f . ماذا تستنتج ؟

ج- جد قيمة التركيز المولي c_A للمحلول (S_A) .

II - تحديد التركيز المولي c_A للمحلول (S_A) عن طريق المعايرة :

نأخذ حجما $V_A = 10mL$ من المحلول (S_A) ونضيف له قطرات من كاشف ملون مناسب ثم نعايره بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)(aq)$ تركيزه المولي $c_b = 10^{-2} mol.L^{-1}$.
ف نحصل على التكافؤ حمض - أساس عند إضافة حجم $V_{bE} = 10mL$ من المحلول $(Na^+ + OH^-)(aq)$.

فيزياء تاشتة
BAC 2019

- 1- أ- ارسم التركيب التجريبي لعملية المعايرة مرفقا بالبيانات المناسبة .
- ب- اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث في المعايرة .
- 2- استنتج التركيز المولي c_A وهل يتوافق مع النتيجة السابقة .
- 3- احسب ثابت التوازن K لتفاعل المعايرة . ماذا تستنتج ؟

III - تفاعل الحمض مع كحول :

نفاعل $12g$ من حمض الإيثانويك CH_3COOH مع $17,6g$ من المركب (A) (3- مثيل بوتان 1-ول) لمدة ساعة مع التسخين المرتد وإضافة قطرات من حمض الكبريت المركز .

1- اكتب الصيغة النصف المفصلة للمركب (A) والمركب العضوي (B) الناتج مع تحديد اسمه .

2- أ- سم التحويل الكيميائي الحادث مع ذكر خصائصه .

ب- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث مستخدما الصيغ نصف المفصلة .

3- ما الغرض من التسخين المرتد المزيج وإضافة حمض الكبريت ؟ هل يؤثر ذلك على مردود التفاعل .

4- جد التركيب المولي للمزيج عند بلوغ حالة التوازن .

5- احسب قيمة ثابت التوازن K لهذا التفاعل .

6- نمزج الآن $0,2mol$ من المركب (A) مع $0,5mol$ من حمض الايثانويك و $1mol$ من المركب (B) و $1mol$ من الماء .

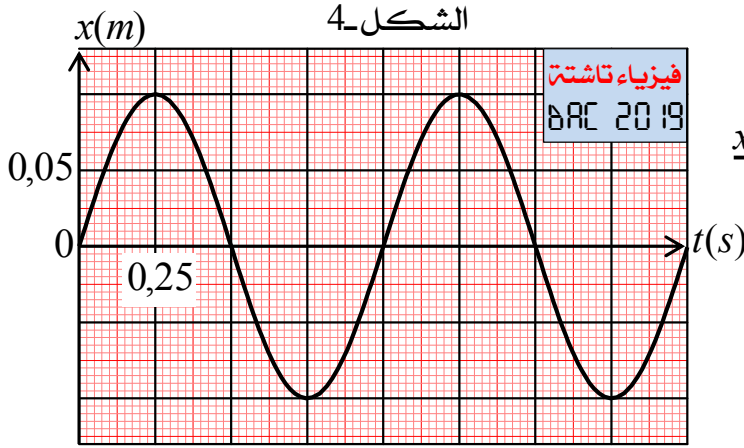
- حدد جهة تطور الجملة الكيميائية مع التعليل .

المعطيات : $pKa(CH_3COOH / CH_3COO^-) = 4,8$ ، $Ke = 10^{-14}$ ، $M(B) = 88g / mol$ ،

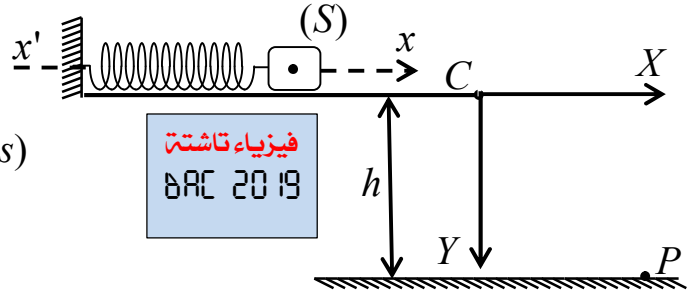
$M(CH_3COOH) = 60g / mol$ ،

الشكل-3 يوضح جسماً صلباً (S) نعتبره نقطياً، كتلته m يمكنه الحركة على مستوى أفقي لطاولة موصول بالطرف الأول لنابض غير متلاصقة، كتلته مهملة وثابت مرونته $K = 4,0 N/m$ والطرف الآخر للنابض مثبت إلى الجدار.

نزيح الجسم (S) بمسافة X_m إيجاباً عن وضع توازنه ونتركه بدون سرعة ابتدائية، نقوم بتسجيل تطور مطال $x(t)$ حركة الجسم الصلب (S) بدلالة الزمن فنحصل على المنحنى البياني $x = f(t)$ المبين في الشكل-4.



الشكل-3



1- أ- ما نمط الاهتزاز الذي يبرزه الشكل-4 ؟

ب- هل يمكن اعتبار قوة الاحتكاك مهملة على المستوى الأفقي ؟ علل.

ج- أعد رسم الجزء الأفقي للشكل-3 ومثل القوى المطبقة على الجسم الصلب (S) عند المطال الأعظمي X_m .

2- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد المعادلة التفاضلية لتطور المطال $x(t)$ للجسم الصلب (S).

ب- بين أن $x(t) = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ هو حل للمعادلة التفاضلية السابقة.

ج- جد عبارة الدور الذاتي للحركة T_0 ، وبالتحليل البعدي بين أنه متجانس مع الزمن.

د- اعتماداً على المنحنى البياني جد قيمة كل من T_0 و X_m و φ .

هـ- استنتج قيمة الكتلة m للجسم الصلب (S).

و- جد قيمة سرعة الجسم الصلب (S) عند اللحظة $t = 1s$.

3- تصور أن الجملة (نابض + جسم) موضوعة على سطح القمر وعليه قيمة الدور الذاتي للحركة T_0 :

أ- تزداد ب- تتناقص ج- لا تتغير

اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل.

4- عند اللحظة $t = 1s$ ينفصل الجسم الصلب (S) عن النابض ويواصل حركته على المستوى الأفقي ليصل

فيزياء تاشته
8AR 20 19

للموضع C من حافة الطاولة التي ترتفع عن سطح الأرض بالارتفاع $h = 1m$.
(نهمل تأثير كل من قوة الاحتكاك ودافعة أرخميدس).

أ- بين أن سرعة الجسم الصلب (S) لحظة بلوغه الموضع C تساوي $v_C = 0,628 m/s$.

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن استخرج المعادلتين الزمنية $X(t)$ ، $Y(t)$ لحركة الجسم الصلب (S) في المعلم

$(\overrightarrow{CX}, \overrightarrow{CY})$ ، باعتبار لحظة مغادرة الجسم (S) المستوي الأفقي عند الموضع C كمبدأ جديد لقياس الأزمنة والمسافة.

ج- بين أن معادلة مسار الجسم الصلب (S) في المعلم $(\overrightarrow{CX}, \overrightarrow{CY})$ تعطى بالعلاقة : $Y(X) = \frac{g}{2.v_C^2} X^2$.

د- احسب لحظة وصول الجسم الصلب (S) إلى الموضع P.

هـ- باستعمال مبدأ انحفاظ الطاقة للجسم (S) احسب قيمة سرعة الجسم v_p لحظة وصوله إلى الموضع P.

فيزياء تاشته

8AC 20 19

يعطى: $g = 10 \text{ m/s}^2$ ، $\pi^2 = 10$

التمرين الرابع: خاص بشعبي رياضيات وتقني رياضي

الشكل- 5 يمثل عمودا بنصفي عمود:

- النصف الأول: صفيحة من الزنك $Zn(s)$ كتلتها $m = 2 \text{ g}$ حيث نغمر جزءا منها في محلول كبريتات الزنك

$(Zn^{2+} + SO_4^{2-})(aq)$ تركيزه المولي بشوارد الزنك $[Zn^{2+}] = 0,2 \text{ mol/L}$ وحجمه $V_1 = 100 \text{ mL}$.

- النصف الأول: سلك من الفضة $Ag(s)$ حيث نغمر جزءا منه في محلول نترات الفضة $(Ag^+ + NO_3^-)(aq)$

تركيزه المولي بشوارد الفضة $[Ag^+] = 0,2 \text{ mol/L}$ وحجمه $V_2 = 100 \text{ mL}$.

عند غلق القاطعة نلاحظ توازن الفضة على سلك الفضة ونقصان في الجزء المغمور لصفحة الزنك.

1- أ- اكمل الفراغات في الشكل- 5 مع تحديد الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي I وقطبي العمود.

ب- اكتب المعادلتين النصفيتين عند المصعد والمهبط، ثم استنتج معادلة التفاعل الحادث أثناء اشتغال العمود.

2- علما أن ثابت التوازن لهذا التفاعل $K = 10^{52}$ ، بين جهة التطور التلقائي لهذا التفاعل.

3- كيف نضمن التعادل الكهربائي في كل محلول؟

4- انشئ جدول تقدم التفاعل، ثم احسب قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ باعتبار كتلة الزنك موجودة بالزيادة.

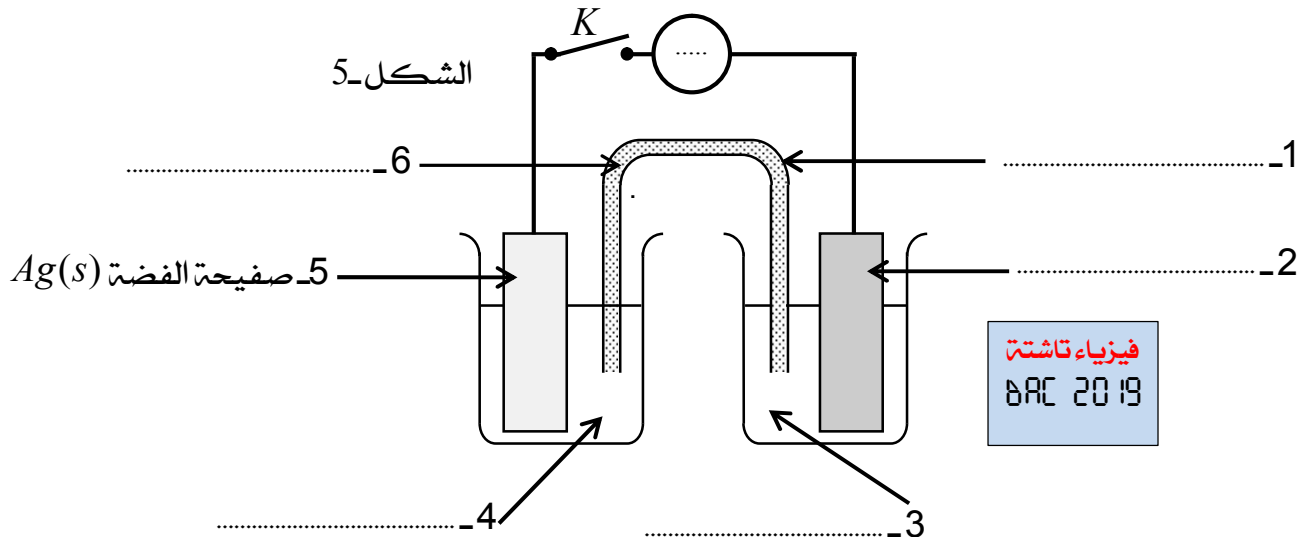
5- يعطي العمود أثناء اشتغاله تيارا كهربائيا شدته ثابتة $I = 0,15 \text{ A}$ خلال مدة زمنية Δt .

أ- عبر عن Δt بدلالة $x_{\max}$ و F و I .

ب- احسب قيمة Δt ثم استنتج كمية الكهرباء المنتجة من العمود.

6- احسب كتلة الجزء المغمور من صفيحة الزنك والتركيز المولي لشوارد الفضة في نهاية التفاعل.

يعطى: $1F = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$ ، $M(Ag) = 108 \text{ g.mol}^{-1}$ ، $M(Zn) = 65,4 \text{ g.mol}^{-1}$



بالتوفيق للجميع ...

تصحيح - نحو البكالوريا - الم - موضوع الرابع عشر

التمرين الأول :

(01) - 1- النشاط الإشعاعي التلقائي: هو تحول نووي تلقائي يتم فيه تفكك نواة أم مشعة غير مستقرة إلى نواة

بنت أكثر استقرارا مع انبعاث جسيمات α ، β^- ، β^+ ويرافقها أحيانا الاصدار γ .
النواة المشعة: هي نواة مشعة غير مستقرة تتفكك تلقائيا إلى نواة بنت أكثر استقرارا مع انبعاث جسيمات α ، β^- ، β^+ ويرافقها أحيانا الاصدار γ .

2- نمط تفكك النواة $^{131}_{53}I$: β^- لأنه من مخطط الشكل- 1 نجد تحول نيوترون 1_0n إلى بروتون 1_1P وفق المعادلة
 $^1_0n \rightarrow ^1_1P + ^0_{-1}e$

3- معادلة التفكك وتعرف على النواة البنت من بين الأنوية التالية: $^{52}_{54}Te$ ، $^{54}_{57}Ba$ ، $^{131}_{53}Xe$

لدينا: $^{131}_{53}I \rightarrow ^A_ZX + ^0_{-1}e$ وحسب قانوني صودي للانحفاظ نجد: $A = 131$ و $Z = 53 + 1 = 54$ ومنه النواة

فيزياء تاشة
BAC 2019

البنت هي: $^{131}_{54}Xe$ إذن: $^{131}_{53}I \rightarrow ^{131}_{54}Xe + \beta^-$

(02) - 1- أ- قانون التناقص الإشعاعي: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$

ب- تعريف زمن نصف العمر $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية ونكتب:

$$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

- قيمة $t_{1/2}$ بيانيا: يمثل فاصلة الترتيب وبالاسقاط بيانيا نجد: $t_{1/2} = 8j$

ج- إيجاد العلاقة بين ثابت التفكك λ و $t_{1/2}$ مع حساب قيمته:

$$N(t_{1/2}) = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}} = \frac{N_0}{2} \quad \text{ولما } t = t_{1/2} \text{ نجد: } N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$N(t_{1/2}) = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}} = \frac{N_0}{2}$$

$$\ln e^{-\lambda t_{1/2}} = \ln \frac{1}{2}$$

$$-\lambda t_{1/2} = -\ln 2$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{0,693}{8 \times 24 \times 3600} = 1.10^{-6} (s^{-1})$$

فيزياء تاشة
BAC 2019

د- حساب عدد الأنوية المشعة الابتدائية N_0 :

$$N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = \frac{3,2 \times 10^9}{10^{-6}} = 3,2 \times 10^{15} \text{ noyau}$$

استنتاج سلم مناسب لمحور الترتيب للمنحنى $N = f(t)$:

$$x = \frac{3,2 \times 10^{15} \times 1}{6,4} = 0,5 \times 10^{15} \text{ noyau} \quad \text{ومنه: } \begin{cases} 6,4 \text{ cm} \rightarrow N_0 \\ 1 \text{ cm} \rightarrow x \end{cases}$$

$$\text{أي: } 1 \text{ cm} \rightarrow 0,5 \times 10^{15} \text{ noyau}$$

2- أ- تبيان أنه يمكن كتابة قانون التناقص الإشعاعي على الشكل: $m(t) = m_0 e^{-\lambda \cdot t}$

لدينا: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه: $\frac{m(t) \cdot N_A}{M} = \frac{m_0 \cdot N_A}{M} e^{-\lambda t}$ أي: $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$.

ب- حساب الكتلة m_0 لحظة إرسال العينة:

فيزياء تاشته
BAC 2019

$$m_0 = \frac{M \times N_0}{N_A} = \frac{131 \times 3,2 \times 10^{15}}{6,02 \times 10^{23}} = 6,963 \cdot 10^{-7} (g)$$

نعلم أن:

ج- تبين أنه في اللحظة $t = nt_{1/2}$ ، يمكن كتابة عبارة الكتلة المتبقية لـ $^{131}_{53}I$ بالشكل: $m(t) = \frac{m_0}{2^n}$.

لدينا: $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$

في اللحظة $t = nt_{1/2}$ لدينا: $m(nt_{1/2}) = m_0 e^{-\lambda nt_{1/2}}$

ولدينا: $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$ ومنه: $m(nt_{1/2}) = m_0 e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} nt_{1/2}}$

$$m(nt_{1/2}) = m_0 e^{-n \cdot \ln 2}$$

$$m(nt_{1/2}) = m_0 e^{\ln(\frac{1}{2})^n}$$

$$m(nt_{1/2}) = m_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$m(nt_{1/2}) = \frac{m_0}{2^n}$$

فيزياء تاشته
BAC 2019

د- قيمة الكتلة المتبقية عند اللحظة $t = 24 \text{ jours}$:

$$m(24j) = \frac{m_0}{2} = \frac{6,963 \times 10^{-7}}{2} = 3,4815 \times 10^{-7} g$$

لدينا: $t = 24 \text{ jours} = 3 \times 8 = 3t_{1/2}$ ومنه:

- هل العينة صالحة للعلاج عند وصولها للمستشفى؟

لدينا: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ وبعد مرور 64 يوم نجد:

$$A(64 \text{ jours}) = 3,2 \times 10^9 \times e^{-10^{-6} \times 64 \times 24 \times 3600} = 1,269 \cdot 10^7 (Bq)$$

إذا العينة غير صالحة لأن نشاط العينة أقل من نشاط العينة المطلوبة.

3- أ- تبين أن عبارة عدد الأنوية المتفككة تكتب من الشكل: $N_d(t) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$:

لدينا: $N_0 = N(t) + N_d(t)$ ومنه: $N_d(t) = N_0 - N(t)$ ومنه: $N_d(t) = N_0 - N_0 e^{-\lambda t}$

وعليه: $N_d(t) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$

ب- تمثيل على الشكل- 2 المنحنى البياني $N_d = g(t)$.

ج- ماذا تمثل فاصلة وترتيبية نقطة تقاطع المنحنيين:

لدينا عند نقطة التقاطع: $N_d(t) = N(t)$ $\Leftrightarrow N_0(1 - e^{-\lambda t}) = N_0 e^{-\lambda t}$ ومنه: $1 - e^{-\lambda t} = e^{-\lambda t}$

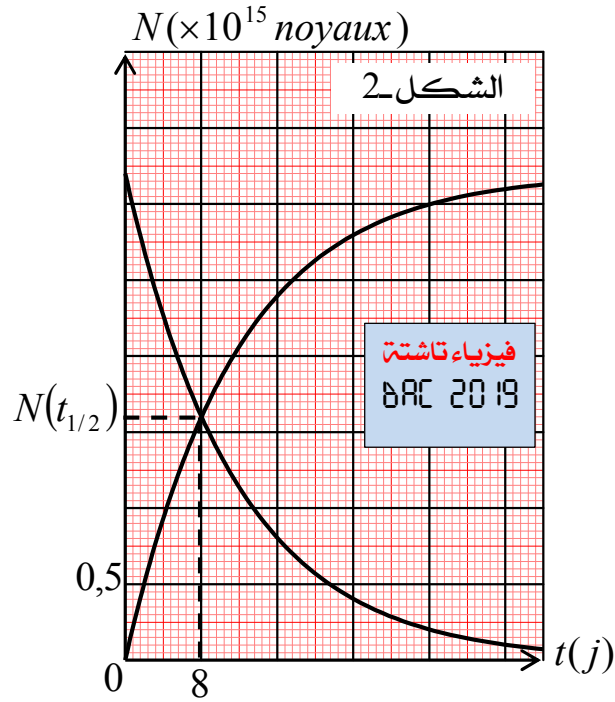
$$1 = 2e^{-\lambda t} \quad \text{ومنه:} \quad e^{-\lambda t} = \frac{1}{2} \quad \text{ومنه:} \quad -\lambda t = -\ln(2) \quad \text{أي:} \quad t = \frac{\ln(2)}{\lambda} = t_{1/2}$$

$$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

ونعلم أن:

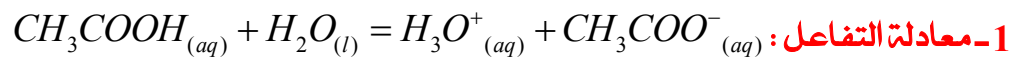
فيزياء تاشته
BAC 2019

أي: احداثتي نقطة تقاطع المنحنيين هي: $(t_{1/2} = 8j, N(t_{1/2}) = 1,6 \times 10^{15} \text{ noyaux})$.



التمرين الثاني:

I - تفاعل حمض الايثانويك مع الماء:



فيزياء تاشته
٨٨٢ ٢٠١٩

2- عبارة K_A : $K_A = Q_{rf} = \frac{[H_3O^+]_f [CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f}$

3- جدول تقدم التفاعل:

الحالات	التقدم	$CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = H_3O^+_{(aq)} + CH_3COO^-_{(aq)}$				فيزياء تاشته ٨٨٢ ٢٠١٩
$t = 0s$	0	$C_A V_A$	:	0	0	
T	x	$C_A V_A - x$		x	x	
t_f	x_f	$C_A V_A - x_f$		x_f	x_f	

4- إثبات العبارة: $\tau_f = \frac{K_A}{K_A + 10^{-PH}}$ لدينا من جدول التقدم: $[H_3O^+]_f = [CH_3COO^-]_f = \frac{x_f}{V}$

$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[H_3O^+]_f \cdot V}{C_A \cdot V} = \frac{[H_3O^+]_f}{C_A}$ ولدينا $[CH_3COOH]_f = \frac{C_A V_A - x_f}{V} = C_A - \frac{x_f}{V} = C_A - [H_3O^+]_f$

$$K_A = \frac{[H_3O^+]_f^2}{C_A - [H_3O^+]_f} = \frac{[H_3O^+]_f}{\frac{C_A}{[H_3O^+]_f} - 1} = \frac{10^{-PH}}{\frac{1}{\tau_f} - 1} \Rightarrow K_A \cdot \left(\frac{1}{\tau_f} - 1\right) = 10^{-PH} \Rightarrow K_A \cdot \frac{1}{\tau_f} = 10^{-PH} + K_A \Rightarrow \tau_f = \frac{K_A}{K_A + 10^{-PH}}$$

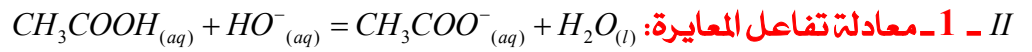
فيزياء تاشته
٨٨٢ ٢٠١٩

5- حساب τ_f و C_A : $\tau_f = \frac{10^{-PK_A}}{10^{-PK_A} + 10^{-PH}} = \frac{10^{-4,8}}{10^{-4,8} + 10^{-3,4}} \Rightarrow \tau_f = 0,038$

5- حساب τ_f و C_A :

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_A} \Rightarrow C_A = \frac{[H_3O^+]_f}{\tau_f} = \frac{10^{-3,4}}{0,038} \Rightarrow \boxed{C_A = 0,01 \text{ mol/l}}$$

فيزياء تاشتة
BAC 2019



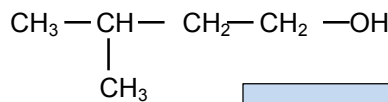
2 - استنتاج التركيز C_A :

عند التكافؤ: $C_A V_A = C_B V_{BE} \Rightarrow C_A = \frac{C_B V_{BE}}{V_A} = \frac{0,01 \cdot 10}{10} = 0,01 \text{ mol/l}$ نعم تتوافق النتيجة

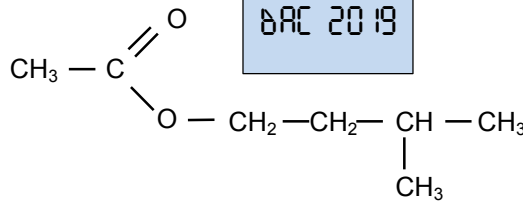
3 - حساب ثابت التوازن للمعايرة:

$$K = \frac{[CH_3COO^-]_f}{[CH_3COOH]_f \cdot [HO^-]_f} \Rightarrow K = \frac{[CH_3COO^-]_f \cdot [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f \cdot [HO^-]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{K_A}{K_e} \Rightarrow K = \frac{10^{-4,8}}{10^{-14}} = 1,58 \cdot 10^9$$

نلاحظ أن: $K > 10^4$ ومنه فإن تفاعل المعايرة تام.



III - 1 - كتابة الصيغة نصف مفصلة للمركب A:



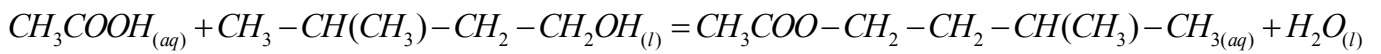
فيزياء تاشتة
BAC 2019

المركب B الناتج:

الاسم النظامي: إيثانوات 3-ميثيل بوتيل

2 - أ - يسمى بتحول الأسترة وخصائصه: لا حراري، بطيء، محدود (غير تام)

ب - معادلة التفاعل لتحول الأسترة الحادث:



3 - الغرض من التسخين وإضافة حمض الكبريت: تسريع التفاعل دون التأثير على مردود التفاعل.

4 - التركيب المولي للمزيج عند بلوغ حالة التوازن:

- جدول تقدم التفاعل:

فيزياء تاشتة
BAC 2019

الحالات	التقدم	$Acide_{(aq)} + Alcool_{(l)} = Ester_{(aq)} + Eau_{(l)}$			
$t = 0s$	0	0,2mol	0,2mol	0	0
t_f	x_f	$0,2 - x_f$	$0,2 - x_f$	x_f	x_f

فيزياء تاشتة
BAC 2019

$$n_0(acide) = \frac{m}{M} = \frac{12}{60} = 0,2 \text{ mol}$$

لدينا:

$$n_0(alcool) = \frac{m}{M} = \frac{17,6}{88} = 0,2 \text{ mol}$$

إيجاد x_f : بما أن المزيج الابتدائي متساوي المولات والكحول أولي فإن:

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = 0,67 \Rightarrow x_f = \tau_f \cdot x_{\max} = 0,67 \cdot 0,2 = 0,134 \text{ mol}$$

$$n_f(acide) = 0,2 - x_f = 0,2 - 0,134 = 0,066 \text{ mol}$$

$$n_f(alcool) = 0,066 \text{ mol}$$

$$n_f(ester) = n_f(eau) = x_f = 0,134 \text{ mol}$$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

5- حساب ثابت التوازن K:

$$K = \frac{n_f(ester).n_f(eau)}{n_f(acide).n_f(alcool)} = \frac{x_f^2}{(0,2 - x_f)^2} \Rightarrow K = \frac{(0,134)^2}{(0,2 - 0,134)^2} = 4,12$$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

6- جهة تطور التفاعل :

$$Q_{ri} = \frac{n_0(ester).n_0(eau)}{n_0(acide).n_0(alcool)} = \frac{1 \times 1}{0,2 \times 0,5} = 10$$

نلاحظ أن: $Q_{ri} > K$ ومنه فإن التفاعل يتطور في الاتجاه غير المباشر أي في اتجاه الإماهة.

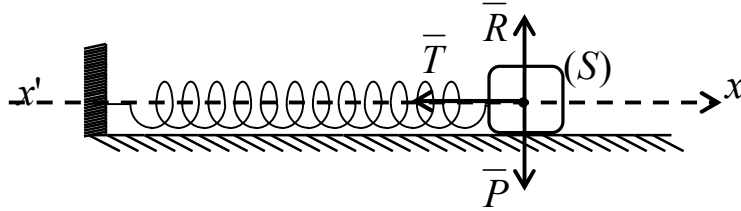
التمرين الثالث:

1- أ- نمط الاهتزاز: دوري

ب- نعم يمكن اعتبار قوة الاحتكاك مهملة لأن الحركة غير متخامدة (السعة ثابتة)

ج- تمثيل القوى المؤثرة على الكرية عند الفاصلة x_m

فيزياء تاشتة
BAC 2019



2- أ- المعادلة التفاضلية للحركة:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم في معلم الدراسة: $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m\vec{a}_G$

$$-T = ma \Rightarrow -kx = m \frac{d^2x}{dt^2} \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$$

فيزياء تاشتة
BAC 2019

ب- التأكد من الحل:

ج- إيجاد قيمة كل من X_{max} و T_0 و φ :

$$0 = x_m \cos(\omega_0 \cdot 0 + \varphi) \Rightarrow \cos(\varphi) = 0 \text{ ومنه فإن } t=0 \Rightarrow x=0 \text{ و } T_0 = 1s \text{ و } X_{max} = 0,1m$$

$$V_0 > 0 \Rightarrow \varphi = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\omega_0^2 = \frac{K}{m} \Rightarrow m = \frac{K}{\omega_0^2} = \frac{4}{(2\pi)^2} \Rightarrow m = 0,1Kg$$

هـ- قيمة السرعة لما $t=1s$:

فيزياء تاشتة
BAC 2019

$$v(t) = -\frac{2\pi}{T_0} X_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t - \frac{\pi}{2}\right) \Rightarrow v(1s) = 0,628 m/s$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{m/k}$$

3- قيمة الدور لا تتغير لأن عبارتها لا تتعلق بالارتفاع حيث:

$$\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$$

4- أ- استنتاج v_c : الاحتكاك غير موجود على المستوى الأفقي إذن:

$$v_c = 0,628 m/s$$

ب- استخراج المعادلتين الزمنية للحركة $x(t)$ و $y(t)$:

الجملة (جسم S)، نختار المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا، القوى الخارجية المطبقة: $\vec{P}$

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m \vec{a}$

- بإسقاط على المحور $(\overline{CX})$ نجد: $ma_X = 0 \Rightarrow a_X = 0$ فالحركة منتظمة وبالمكاملة واستعمال الشروط

الابتدائية نجد: $X(t) = v_C t \dots (1)$

- بإسقاط على المحور $(\overline{CY})$ نجد: $ma_Y = P \Rightarrow a_Y = g$ فالحركة متغيرة بانتظام بالمكاملة واستعمال

الشروط الابتدائية: $Y(t) = \frac{1}{2} g t^2 \dots (2)$

ج- استنتاج معادلة المسار:

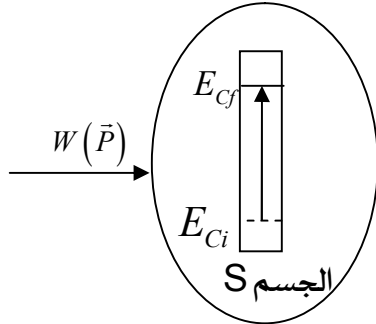
من العلاقة (1): $t = \frac{X(t)}{v_C}$ نعوض في العلاقة (2): $Y(X) = \frac{1}{2} g \left(\frac{X}{v_C} \right)^2 = \frac{g X^2}{2 v_C^2}$

د- حساب لحظة سقوط الكرية على سطح الأرض: $h = \frac{1}{2} g t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1}{10}} \Rightarrow t = 0,45s$

هـ- حساب السرعة عند P:

الحصيلة الطاقوية:

معادلة انحفاظ الطاقة:



$$E_{Ci} + W_P = E_{Cf} \Rightarrow E_{Ci} + W_P = E_{Cf}$$

ومنه:

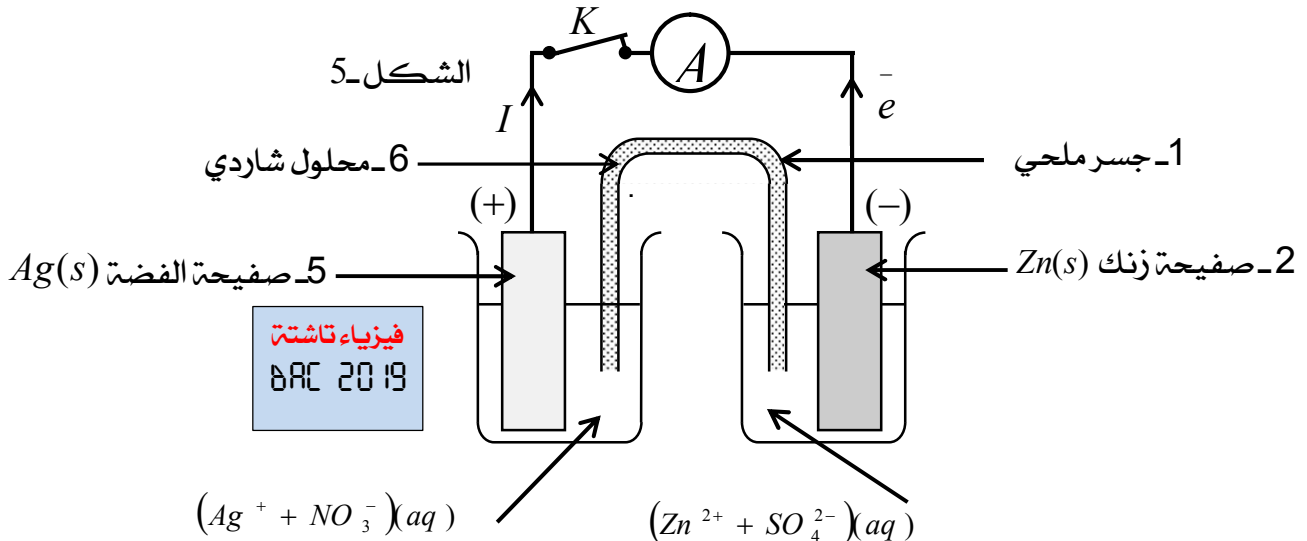
$$\frac{1}{2} m v_c^2 + m g h = \frac{1}{2} m v_p^2 \Rightarrow v_p = \sqrt{2 g h + v_c^2}$$

$$v_p = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 1 + (0,628)^2} \Rightarrow v_p = 4,5 m/s$$

التمرين الرابع: خاص بشعبي رياضيات وتقني رياضي

1- أ- اكمل الفراغات في الشكل-5 مع تحديد الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي I وقطبي العمود:

بما أن شوارد الفضة $(Ag^+)(aq)$ تتوضع على صفيحة الفضة $(Ag)(s)$ فإن القطب الموجب هو صفيحة الفضة $(Ag)(s)$.
وعليه: القطب السالب هو صفيحة الزنك $(Zn)(s)$.



ب- كتابة المعادلتين النصفيتين عند المصعد والمهبط، ثم استنتج معادلة التفاعل الحادث أثناء اشتغال العمود:

عند المهبط (القطب السالب) تحدث عملية أكسدة: $Zn(s) \rightarrow Zn^{2+}(aq) + 2e^-$.

عند المصعد (القطب الموجب) تحدث عملية ارجاع $\times 2$: $Ag^+(aq) + 1e^- \rightarrow Ag(s)$

فيزياء تاشته
BAC 2019

معادلة التفاعل أكسدة ارجاع: $Zn(s) + 2Ag^+(aq) \rightarrow Zn^{2+}(aq) + 2Ag(s)$.

2- علما أن ثابت التوازن لهذا التفاعل $K = 10^{52}$ ، بين جهة التطور التلقائي لهذا التفاعل :

نعلم أن: $Q_{ri} = \frac{[Cu^{2+}]}{[Ag^+]^2}$ ت-ع: $Q_{ri} = \frac{0,2}{(0,2)^2} = 5$ ، نلاحظ أن: $Q_{ri} < K$ أي الجملة تتطور في

الجهة المباشرة أي جهة تشكل شوارد الزنك $Zn^{2+}(aq)$ ومعدن الفضة $Ag(s)$.

3- كيف نضمن التبادل الكهربائي في كل محلول؟ بوجود جسر ملحي فيه محلول شاردي مثلا $(K^+ + NO_3^-)(aq)$ ،

بحيث لما نغلق القاطعة تنتقل شوارد $(K^+)(aq)$ للبيشر الذي تتناقص في شوارد الفضة $Ag^+(aq)$ و تنتقل شوارد $(NO_3^-)(aq)$ للبيشر الذي تزداد فيه شوارد الزنك $Zn^{2+}(aq)$.

4- جدول تقدم التفاعل :

	$Zn(s) + 2Ag^+(aq) \rightarrow Zn^{2+}(aq) + 2Ag(s)$			
الحالة الابتدائية	n_{01}	n_{02}	n_{03}	n_{04}
الحالة الانتقالية	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$n_{03} + x(t)$	$n_{04} + 2x(t)$
الحالة النهائية	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - 2x_{\max}$	$n_{03} + x_{\max}$	$n_{04} + 2x_{\max}$

حساب قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$ باعتبار كتلة الزنك بالزيادة:

يعني أن شوارد الفضة $Ag^+(aq)$ هي المتفاعل المحد: $n_{02} - 2x_{\max} = 0$ ومنه: $x_{\max} = \frac{n_{02}}{2} = \frac{[Ag^+]}{2} V_1$

فيزياء تاشته
BAC 2019

ت-ع: $x_{\max} = \frac{0,2 \times 100 \times 10^{-3}}{2} = 10^{-2} \text{ mol}$

5- أ- عبر عن Δt بدلالة $x_{\max}$ و F و I :

لدينا: $Q_m = Z \cdot x_{\max} \cdot F$ ولدينا: $Q_m = I \Delta t$ ومنه: $I \Delta t = Z \cdot x_{\max} \cdot F$ أي: $\Delta t = \frac{Z \cdot x_{\max} \cdot F}{I}$

ب- احسب قيمة Δt :

لدينا: $\Delta t = \frac{2 \times 10^{-2} \cdot 96500}{0,15} \approx 12867 \text{ s} = 3,6 \text{ h}$ حيث: $I = 0,15 \text{ A}$ و $Z = 2$.

استنتاج كمية الكهرباء المنتجة من العمود:

فيزياء تاشته
BAC 2019

نعلم أن: $Q_m = I \Delta t$ ت-ع: $Q_m = 0,15 \times 12867 = 1930 \text{ C}$

6- حساب كتلة الجزء المغمور من صفيحة الزنك:

كمية مادة الزنك المتفاعلة (المتناقص) هي: $n(Zn) = x_{\max}$

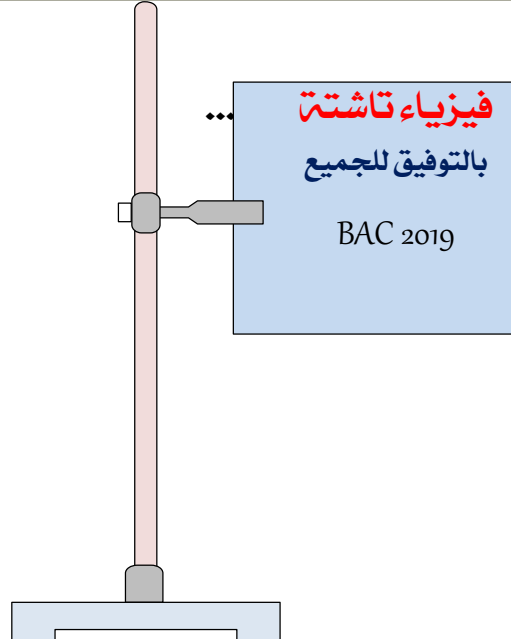
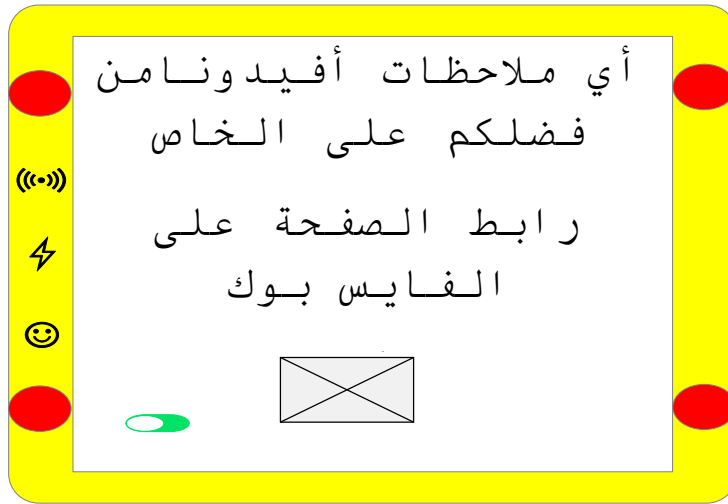
ومنه كتلة الزنك المتفاعلة: $m(Zn) = Mx_{\max} = 65,4 \times 10^{-2} = 0,654g$

كتلة الجزء المغمور المحلول هي: $m'(Zn) = m_0(Zn) - m(Zn) = 2 - 0,654 = 1,34g$

حساب التركيز المولي لشوارد الفضة في نهاية التفاعل :

لدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_f(Ag^+) = n_{02} - 2x_{\max}$ ومنه: $\frac{[Ag^+]_f}{V} = [Ag^+]_0 - 2x_{\max}$

$$[Ag^+]_f = \frac{[Ag^+]_0 V - 2x_{\max}}{V} = \frac{0,2 \times 0,1 - 2 \times 0,01}{V} = 0 \text{ أي:}$$



فيزياء تاشة

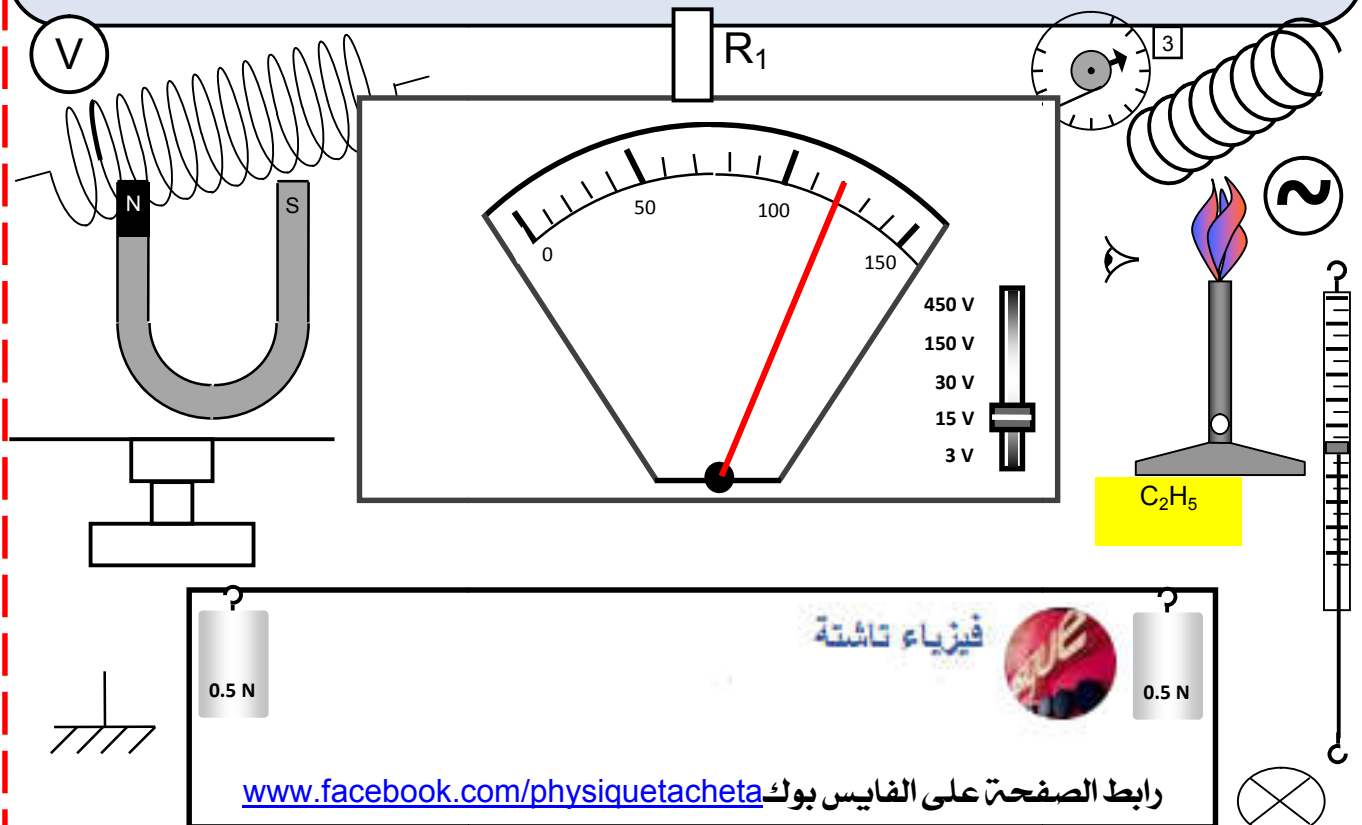
BAC 2019

نحو البكالوريا

BAC 2019

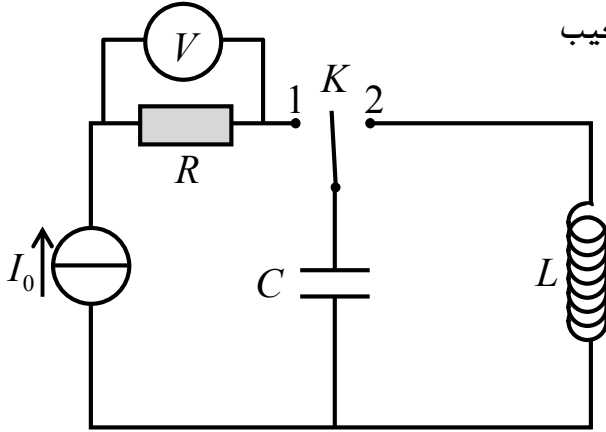
15

الموضوع الخامس عشر + الحل المفصل



رابط الصفحة على الفيس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

التمرين الأول :



الشكل-1

لتحديد السعة C لمكثفة والذاتية L لوشية مثالية نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل-1 والذي يتكون من:

- مولد تيار مثالي يعطي تيارا كهربائيا ثابتا I_0 .

- مكثفة فارغة سعتها C .

- ناقل أومي مقاومته $R = 500 \Omega$.

- وشية صرفة ذاتيتها L .

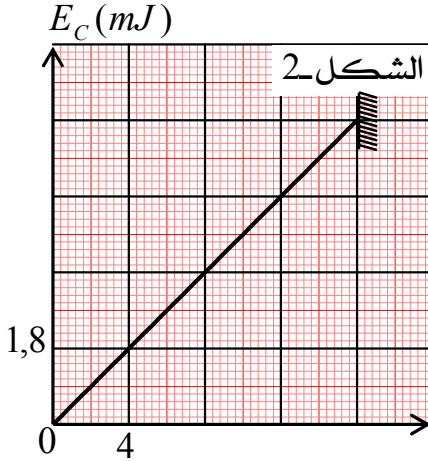
- بادلة K وأسلاك توصيل.

- جهاز فولط - متر رقمي.

I- عند اللحظة $t = 0$ نضع البادلة K في الوضع (1)، المتابعة الزمنية لتطور التوتر الكهربائي بين طرفي

المكثفة مكنتنا من رسم البيان $E_C = f(t^2)$ لتغيرات الطاقة المخزنة في المكثفة بدلالة مربع الزمن الموضح في

الشكل-2، وعلى جهاز الفولط - متر الرقمي سجلنا القيمة الثابتة $150 mV$.



الشكل-2

1- جد قيمة التيار الكهربائي I_0 الذي يعطيه المولد.

2- جد عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$ بدلالة I_0 و C و t .

3- اعتمادا على البيان $E_C = f(t^2)$:

أ- جد قيمة السعة C للمكثفة.

ب- حدد الزمن النهائي t_f لشحن المكثفة والطاقة العظمى E_{C_0} المخزنة فيها.

ج- احسب التوتر الكهربائي U_{C_0} بين طرفي المكثفة عند نهاية الشحن.

II- عند شحن المكثفة كليا نؤرجح البادلة K إلى الوضع (2) في لحظة نعتبرها $t = 0$.

1- اعتمادا على قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية لتطور الشحنة الكهربائية $q(t)$ بين طرفي المكثفة.

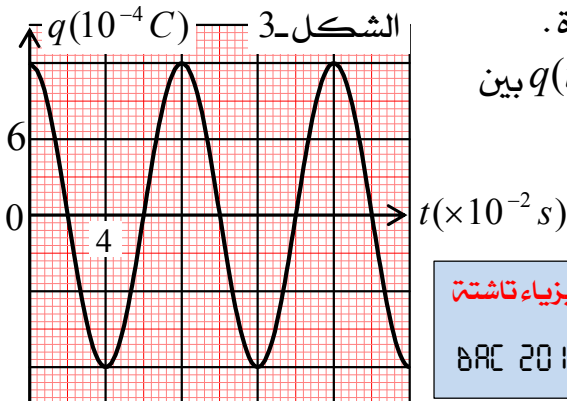
2- حل المعادلة التفاضلية يكتب بالشكل: $q(t) = Q_m \cos(w_0 t)$ حيث w_0 النبض الذاتي للاهتزازة.

أ- جد عبارة النبض w_0 الذاتي للاهتزازة.

ب- استنتج عبارة الدور الذاتي T_0 ثم بالتحليل البعدي بين أنه متجانس مع الزمن.

ج- استنتج العبارة الزمنية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة.

3- البيان الموضح في الشكل-3 يمثل تغيرات الشحنة الكهربائية $q(t)$ بين



الشكل-3

طرفي المكثفة بدلالة الزمن:

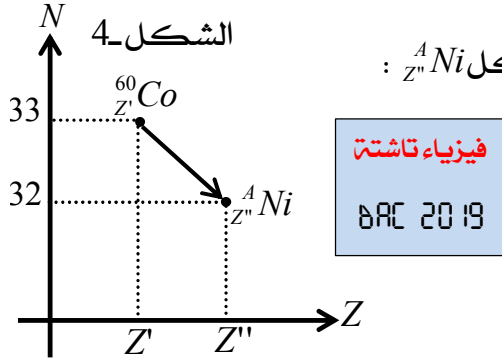
أ- حدد نمط الاهتزاز مع التعليل.

ب- جد قيمة كل من T_0 و Q_m .

د- استنتج قيمة الذاتية L للوشية.

يعطى: $\pi^2 = 10$.

الكوبالت Co عنصر كيميائي له عدة نظائر من بينها الكوبالت 60 المشع الذي يستعمل اشعاعاته في تعقيم المواد الغذائية والأدوات الطبية وتنشيط البذور ومعالجة المياه ...



I- الشكل-4 يمثل المخطط $(N-Z)$ لفكك الكوبالت 60 إلى النيكل ${}^A_{Z''}Ni$:

1- ما المقصود بـ : النظائر - الكوبالت 60 المشع .

2- اعتمادا على المخطط :

أ- استنتج نمط التفكك للنواة الكوبالت 60 المشعة مع التعليل .

ب- استنتج قيمة Z' و Z'' والعدد الكتلي A .

ج- أكمل معادلة التفكك التالية: ${}^{60}_{Z'}Co \rightarrow {}^A_{Z''}Ni + \dots$

3- أ- عرف طاقة الربط النووي E_l ، ثم احسب قيمة كل من $E_l({}^{60}_{Z'}Co)$ و $E_l({}^A_{Z''}Ni)$ بوحدة MeV .

ب- جد قيمة كل من $\frac{E_l({}^A_{Z''}Ni)}{A}$ و $\frac{E_l({}^{60}_{Z'}Co)}{A}$ ، ماذا تستنتج ؟

II- تستعمل الاشعاعات الصادرة من تفكك الكوبالت 60 المشع في معالجة الأورام السرطانية ، حيث عند

اللحظة $t = 0$ نضع عينة من الكوبالت 60 كتلتها m_0 في جهاز المعالجة الاشعاعية لغرض المعالجة ، البيان

الموضح في الشكل-5 يمثل تغيرات النشاط الاشعاعي بدلالة الزمن $A = f(t)$ لعينة مماثلة للعينة السابقة .

1- ما هي خصائص النشاط الاشعاعي ؟

2- أ- اكتب قانون التناقص الاشعاعي .

ب- بين أن قانون النشاط الاشعاعي يكتب بالشكل $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$.

حيث : A_0 النشاط الاشعاعي الابتدائي و λ ثابت النشاط الاشعاعي .

3- اعتمادا على البيان $A = f(t)$:

أ- جد قيمة A_0 وقيمة ثابت الزمن τ .

ب- جد قيمة ثابت النشاط الاشعاعي λ .

ج- احسب قيمة الكتلة m_0 .

د- بين أن عبارة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ تكتب بالشكل $t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$ ، ثم استنتج قيمته .

4- يستعمل المنبع المشع السابق لمدة خمس سنوات :

أ- جد قيمة النشاط الاشعاعي $A(t)$ لما $t = 5 \text{ ans}$.

ب- أقصى قيمة للنشاط الاشعاعي الذي يسمح أن يتعرض له عمال مخابر الفيزياء النووية هو 100 kBq .

- احسب المدة الزمنية التي يصبح بعدها المنبع المشع غير مضر من اللحظة $t = 5 \text{ ans}$.

يعطى:

$$N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$1 \text{ an} = 365 \text{ j} , 1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV} / c^2 , m_n = 1,00866 \text{ u} , m_p = 1,00728 \text{ u}$$

$$m({}^A_{Z''}Ni) = 59,9308 \text{ u} , m({}^{60}_{Z'}Co) = 59,9338 \text{ u}$$

التمرين الثالث:

في حصة الأعمال المخبرية ، قسم الأستاذ التلاميذ إلى مجموعتين ، حيث كلف كل مجموعة بعمل محدد.
المجموعة الأولى:

قامت هذه المجموعة بتحضير المحلول (S_0) لحمض كلور الماء ($H_3O^+ + Cl^-$) تركيزه المولي C_0 وحجمه $V = 50mL$ وذلك بإذابة حجما قدره $224mL$ من غاز كلور الهيدروجين في الماء المقطر في شرطي التجربة ، بعد ذلك تم قياس pH المحلول (S_0) فكانت القيمة $pH = 0,70$.

فيزياء تاشته

8AFC 20 19

1- بماذا تتعلق قيمة pH المحلول المائي.

2- احسب التركيز المولي للمحلول الناتج.

3- انشئ جدول تقدم التفاعل ، ثم اثبت صحة العلاقة : $\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_0}$ ، ثم احسب نسبة التقدم النهائي لهذا التفاعل.

ماذا تستنتج؟

4- أرادت هذه المجموعة تحضير محلول (S_1) لحمض كلور الهيدروجين حجمه $V = 100mL$ و تركيزه المولي $C_1 = 0,1mol / L$ وذلك انطلاقا من المحلول (S_0).

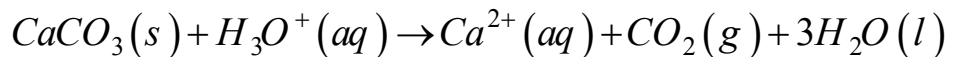
- ما هو حجم المحلول (S_0) الواجب أخذه ؟ أعط البروتوكول التجريبي لهذه العملية.

المجموعة الثانية:

قامت هذه المجموعة بالمتابعة الزمنية للتحويل الحادث بين محلول كلور الماء (S_1) وكربونات الكالسيوم الصلبة $CaCO_3(s)$ ، ينمذج هذا التفاعل بالمعادلة التالية:

فيزياء تاشته

8AFC 20 19



لدراسة حركية هذا التفاعل التام في درجة حرارة ثابتة $\theta = 25^\circ C$ ، أقترح أحد التلاميذ المتابعة الزمنية عن طريق قياس الناقلية النوعية حيث وضع كتلة قدرها $m = 5g$ من كربونات الكالسيوم في حوجلة وأضاف إليها في اللحظة $t = 0$ محلول حمض كلور الماء (S_1) المحضر من طرف المجموعة الأولى ، النتائج المتحصل عليها مدونة في الجدول الآتي:

$t(s)$	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	∞
$\sigma(mS)$	4,26	3,96	3,72	3,50	3,33	3,16	2,98	2,87	2,75	2,64	1,36
$x(mmole)$											

1- اذكر البروتوكول التجريبي لهذه المتابعة الزمنية.

2- انشئ جدول تقدم التفاعل ، ثم حدد المتفاعل المحد وقيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

3- أ- بين أن تقدم التفاعل يعطى بالعلاقة التالية : $x(t) = \frac{\sigma(t) - \sigma_0}{\sigma_f - \sigma_0} x_{max}$ حيث : $\sigma(t)$ الناقلية النوعية عند

فيزياء تاشته

8AFC 20 19

اللحظة t و σ_f : الناقلية النوعية النهائية و σ_0 : الناقلية النوعية عند اللحظة $t = 0$.

ب- اكمل الجدول ، وأرسم المنحنى البياني $x = f(t)$ في المجال الزمني $0 \leq t \leq 90s$.

4- عرف زمن نصف التفاعل و عين قيمته ، ثم عين التركيب المولي للمزيج عند هذا الزمن.

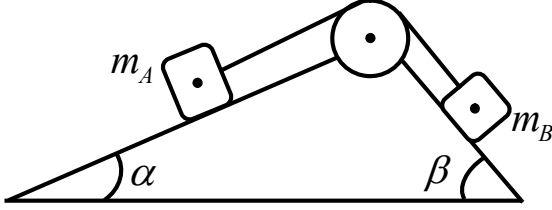
5- أثبت أن تركيز شوارد الهيدرونيوم H_3O^+ عند اللحظة $t_{1/2}$ يعطى بالعلاقة $[H_3O^+](t_{1/2}) = C_1 - 10x_{max}$ ، ثم احسب قيمته.

يعطى: $M(O) = 16g/mol$, $M(C) = 12g/mol$, $M(Ca) = 40g/mol$

التمرين الرابع: خاص بشعبي رياضيات وتقني رياضي

تتكون الجملة الميكانيكية المبينة في الشكل 6 من عربتين، العربة (A) كتلتها $m_A = 0,5kg$ والعربة (B) كتلتها m_B موضوعتين على سكتين مائلتين عن الأفق بزاويتين $\alpha = 30^\circ$ و $\beta = 45^\circ$ وموصلتين بخيط عديم الامتطاط مهمل الكتلة الذي يمر على محز لبكرة مهملة الكتلة، نهمل قوة الاحتكاك على السكتين.

1- نترك الجملة لحالها فتبقى متوازنة :



الشكل 6

أ- مثل القوى المؤثرة على كل عربة ثم عبر عن m_B بدلالة

m_A و α و β .

ب- استنتج قيمة الكتلة m_B للعربة (B).

2- نضع فوق العربة (B) كتلة إضافية بحيث تصبح $m_B = 2m_A$ ثم نترك الجملة لوحدها دون سرعة ابتدائية :

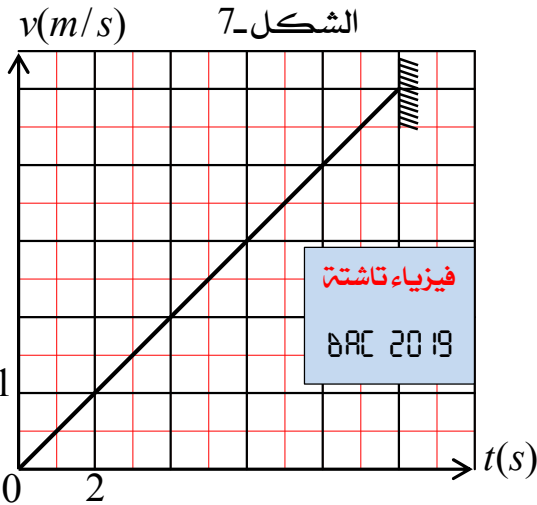
فيزياء تاشته

BAC 2019

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة الحركة .

ب- بين أن تسارع الحركة $a = 3m/s^2$.

3- في الحقيقة يوجد على كل مستوى قوة احتكاك $\vec{f}$ شدته ثابتة، فبواسطة برنامج معلوماتي تمكنا من تمثيل سرعة العريبتين بدلالة الزمن $v = f(t)$ لما $m_B = 2m_A$ (الشكل 7).



أ- جد قيمة التسارع a' ثم قارنها مع القيمة a المحسوبة سابقا .

ب- علل سبب هذا الاختلاف .

ج- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة التسارع a'

تعطى بالعلاقة التالية: $a' = \frac{g}{3} (2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)) - \frac{2f}{3m_A}$

د- جد شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$.

يعطى: $g = 10m/s^2$.

بالتوفيق للجميع ...

تصحيح نحو البكالوريا - الم - موضوع الخامس عشر

التمرين الأول :

I - 1. قيمة التيار الكهربائي I_0 الذي يعطيه المولد :

من قانون أوم نجد: $u_R = RI_0$ ومنه: $I_0 = \frac{u_R}{R} = \frac{150 \times 10^{-3}}{500} = 3 \times 10^{-4} A$

2 - إيجاد عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$ بدلالة I_0 و C و t :

نعلم أن: $\begin{cases} E_C(t) = \frac{1}{2} \times \frac{q^2}{C} \\ q = I_0 t \end{cases}$ ومنه: $E_C(t) = \frac{1}{2} \times \frac{(I_0 t)^2}{C}$ أي: $E_C(t) = \frac{I_0^2}{2C} t^2 \dots (1)$

فيزياء تاشة

BAC 2019

3 - بالاعتماد على البيان $E_C = f(t^2)$ أ - إيجاد قيمة السعة C للمكثفة :البيان خط مستقيم مائل يشمل المبدأ معادلته الرياضية: $E_C = at^2$ حيث a معامل توجيه البيان.

أي: $a = \frac{\Delta E_C}{\Delta t^2} = \frac{(7,2 - 0) \times 10^{-3}}{16 - 0} = 4,5 \times 10^{-4} J.s^{-2}$ ونكتب: $E_C = 4,5 \times 10^{-4} t^2 \dots (2)$

وبالمطابقة بين العلاقتين النظرية (1) والبيانية (2) طرفا لطرف نجد: $\frac{I_0^2}{2C} = 4,5 \times 10^{-4}$

ومنه: $C = \frac{I_0^2}{2 \times 4,5 \times 10^{-4}} = \frac{(3 \times 10^{-4})^2}{2 \times 4,5 \times 10^{-4}} = 10^{-4} F$ أي: $C = 10^{-4} F = 100 \mu F$

ب - تحديد الزمن النهائي t_f لشحن المكثفة: من البيان نجد: $t_f^2 = 16 s^2$ ومنه نجد: $t_f = \sqrt{16} = 4 s$

فيزياء تاشة

BAC 2019

- قيمة E_{C_0} : $E_{C_0} = 4 \times 1,8 \times 10^{-3} = 7,2 mJ$

ج - حساب قيمة التوتر الكهربائي u_{C_0} بين طرفي المكثفة عند نهاية الشحن :

نعلم أن: $E_{C_0} = \frac{1}{2} C u_{C_0}^2$ ومنه: $u_{C_0}^2 = \frac{2E_{C_0}}{C}$ أي: $u_{C_0} = \sqrt{\frac{2E_{C_0}}{C}} = \sqrt{\frac{2 \times 7,2 \times 10^{-3}}{10^{-4}}} = 12 V$

II - 1 - إيجاد المعادلة التفاضلية لتطور الشحنة الكهربائية $q(t)$ بين طرفي المكثفة: من قانون جمع التوترات

الكهربائية نجد: $u_C(t) + u_b(t) = 0$ ومنه: $\frac{q(t)}{C} + L \frac{di(t)}{dt} = 0$ ونعلم أن: $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$

ومنه نجد: $\frac{q(t)}{C} + L \frac{d^2 q(t)}{dt^2} = 0$ وبالضرب في $\left(\frac{1}{L}\right)$ نجد: $\frac{d^2 q(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} q(t) = 0$

2 - أ - إيجاد عبارة النبض w_0 الذاتي للاهتزازة: باشتقاق عبارة الحل مرتين بالنسبة للزمن نجد:

فيزياء تاشة

BAC 2019

ومنه: $\frac{d^2 q(t)}{dt^2} + w_0^2 q(t) = 0$ ومنه: $\frac{d^2 q(t)}{dt^2} = -w_0^2 Q_m \cos(w_0 t) = -w_0^2 q(t)$

بمطابقة العلاقة الأخيرة مع علاقة المعادلة التفاضلية نجد:

$$w_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}} \text{ أي: } w_0^2 = \frac{1}{LC}$$

ب- استنتاج عبارة الدور الذاتي T_0 : نعلم أن: $T_0 = \frac{2\pi}{w_0}$ ومنه نجد: $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$

- تبين أن T_0 متجانس مع الزمن بالتحليل البعدي:

$$[T_0]^2 = [L][C] \dots (I) \text{ وعليه: } T_0^2 = 4\pi^2 LC \text{ ومنه: } T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

$$[L] = \frac{[U][T]}{[I]} \text{ أي: } L = \frac{u_b \times dt}{di(t)} \text{ ومنه: } u_b = L \frac{di(t)}{dt}$$

$$[C] = \frac{[I][T]}{[U]} \text{ أي: } C = \frac{I \times t}{u_c} \text{ ومنه: } u_c = \frac{q}{C} = \frac{I \times t}{C} \text{ و}$$

$$[T_0] = [T]: \text{ إذن: } [T_0]^2 = \frac{[U][T]}{[I]} \times \frac{[I][T]}{[U]} = [T]^2 \text{ وبالتعويض في (I) نجد:}$$

ج- استنتاج العبارة الزمنية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة:

$$i(t) = -w_0 Q_m \sin(w_0 t) \text{ أي: } i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{d(Q_m \cos(w_0 t))}{dt}$$

3- تحديد نمط الاهتزاز مع التعليل: اهتزازات كهربائية حرة غير متخامدة بنظام دوري لأن: سعة الاهتزاز ثابتة خلال الزمن.

ب- إيجاد قيمة كل من Q_m و T_0 : من البيان نجد: $Q_m = 2 \times 6 \times 10^{-4} = 12 \times 10^{-4} C$ ونجد أيضا: $T_0 = 2 \times 4 \times 10^{-2} = 8 \times 10^{-2} s$

د- استنتاج قيمة الذاتية L للوشية: نعلم أن: $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$ ومنه: $T_0^2 = 4\pi^2 LC$

$$L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = \frac{(8 \times 10^{-2})^2}{4 \times 10 \times 10^{-4}} = 1,6 H \text{ أي:}$$

التمرين الثاني:

1- النظائر: هي نوى لنفس العنصر الكيميائي لها نفس الرقم الذري (Z) وتختلف في العدد الكتلي (A) أي تختلف في عدد النيوترونات (N).

- الكوبالت 60 المشع: نقصد به أن نواته مشعة غير مستقرة وستفكك تلقائيا لنواة أكثر استقرارا مع انبعاث اشعاعات.

2- اعتمادا على المخطط: أ- نمط التفكك للنواة الكوبالت 60 المشعة هو: β^-

التعليل: لتحول نيوترون إلى بروتون داخل النواة حسب المعادلة: ${}_0^1n \rightarrow {}_1^1P + {}_{-1}^0e$

ب- استنتاج قيمة Z' و Z'' والعدد الكتلي A :

$$\text{لدينا: } Z' + 33 = 60 \text{ ومنه: } Z' = 27 \text{ وعليه: } Z'' = Z' + 1 = 28$$

$$\text{إذن: } A = Z'' + 32 = 28 + 32 = 60$$

ج- اكمال معادلة التفكك: ${}_{27}^{60}Co \rightarrow {}_{28}^{60}Ni + {}_{-1}^0e$

3- أ- تعريف طاقة الربط النووي E_l : هي الطاقة الضرورية لتقديمها من الوسط الخارجي للنواة وهي ساكنة لتفكيكها لنوياتها الحرة الساكنة.

- حساب قيمة كل من $E_l(^{60}_{27}Co)$ و $E_l(^{60}_{28}Ni)$:

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

نعلم أن: $E_l(^A_ZX) = (Zm_p + (A - Z)m_n - m(^A_ZX)) \times c^2$
ومنه: $E_l(^A_ZX) = (Zm_p + (A - Z)m_n - m(^A_ZX)) \times 931,5$
إذن:

$$E_l(^{60}_{27}Co) = (27 \times 1,00728 + 33 \times 1,00866 - 59,9338) \times 931,5 = 510,965 \text{ MeV}$$

$$E_l(^{60}_{28}Ni) = (28 \times 1,00728 + 32 \times 1,00866 - 59,9308) \times 931,5 = 512,474 \text{ MeV}$$

ب- إيجاد قيمة كل من $\frac{E_l(^{60}_{27}Co)}{A}$ و $\frac{E_l(^{60}_{28}Ni)}{A}$:

$$\frac{E_l(^{60}_{27}Co)}{A} = \frac{510,965}{60} = 8,52 \frac{\text{MeV}}{\text{nucleon}}$$

$$\frac{E_l(^{60}_{28}Ni)}{A} = \frac{512,474}{60} = 8,54 \frac{\text{MeV}}{\text{nucleon}}$$

نلاحظ أن: $\frac{E_l(^{60}_{27}Co)}{A} < \frac{E_l(^{60}_{28}Ni)}{A}$ ، وعليه نستنتج أن: $^{60}_{28}Ni$ أكثر استقراراً من $^{60}_{27}Co$.

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

II- 1- خصائص النشاط الإشعاعي: تلقائي وعشوائي وحتمي.

2- أ- قانون التناقص الإشعاعي: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$.

ب- تبيان أن قانون النشاط الإشعاعي يكتب بالشكل $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ حيث: A_0 النشاط الإشعاعي الابتدائي

و λ ثابت النشاط الإشعاعي: نعلم أن: $A(t) = -\frac{dN(t)}{dt}$ ومنه نجد: $A(t) = -\frac{d(N_0 e^{-\lambda t})}{dt}$

أي: $A(t) = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$ ، حيث: $A_0 = \lambda N_0$ وعليه: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$.

3- بالاعتماد على البيان $A = f(t)$: أ- إيجاد قيمة A_0 وقيمة ثابت الزمن τ : نعلم أن: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$

$$\lambda = \frac{1}{\tau} \text{ وعليه: } A(t) = A_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ ولما } t = \tau \text{ نجد: } A(\tau) = A_0 e^{-1} = 0,37 A_0$$

حيث من البيان نجد: $A_0 = 4,87 \times 10^{10} \times 6 = 29,22 \times 10^{10} \text{ Bq}$.

$$\text{ت-ع: } A(\tau) = 0,37 \times 29,22 \times 10^{10} = 10,81 \times 10^{10} \text{ Bq}$$

إذن: τ يمثل فاصلة الترتيبية $A(\tau) = 10,81 \times 10^{10} \text{ Bq}$ وبالإسقاط نجد:

$$\tau = 7,6 \text{ ans} = 7,6 \times 365 \times 24 \times 3600 \text{ s} = 239673600 \text{ s}$$

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

ب- إيجاد قيمة ثابت النشاط الإشعاعي λ :

$$\lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{7,6} = 0,132 \text{ ans}^{-1} \text{ أي: } \lambda = 4,2 \times 10^{-9} \text{ s}^{-1}$$

ج- حساب قيمة الكتلة m_0 : نعلم أن: $N_0 = \frac{A_0}{\lambda}$ و $N_0 = \frac{m_0}{M} N_A$ ومنه نجد:

$$m_0 = \frac{29,22 \times 10^{10} \times 60}{4,2 \times 10^{-9} \times 6,02 \times 10^{23}} = 6,9 \times 10^{-3} \text{ g} \quad \text{ت-ع: } m_0 = \frac{A_0 M}{\lambda N_A} \quad \text{أي: } \frac{m_0}{M} N_A = \frac{A_0}{\lambda}$$

فيزياء تاشنت

٥٨٨٢ ٢٠١٩

د- تبيان أن عبارة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ تكتب بالشكل: $t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$

لدينا: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ ولما $t = t_{1/2}$ نجد: $A(t_{1/2}) = A_0 e^{-\lambda t_{1/2}}$ ومنه: $\frac{A_0}{2} = A_0 e^{-\lambda t_{1/2}}$

ومنه: $\frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$ بادخال $\ln()$ على الطرفين نجد: $-\ln(2) = -\lambda t_{1/2}$ إذن: $t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$

$$t_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} = \frac{0,69}{0,132} = 5,23 \text{ ans} \quad \text{استنتاج قيمة } t_{1/2}$$

4- أ- إيجاد قيمة النشاط الإشعاعي $A(t)$ لما $t = 5 \text{ ans}$:

نعلم أن: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ ت-ع: $A(5 \text{ ans}) = 29,22 \times 10^{10} e^{-0,132 \times 5} = 15,1 \times 10^{10} \text{ Bq}$

ب- حساب المدة الزمنية التي يصبح بعدها المنبع المشع غير مضر من اللحظة $t = 5 \text{ ans}$:

أولا نبحث عن قيمة المدة t' الموافقة للنشاط الإشعاعي 100 kBq :

لدينا: $A(t') = A_0 e^{-\lambda t'}$ ومنه: $\frac{A_0}{A(t')} = e^{\lambda t'}$ بادخال $\ln()$ على الطرفين نجد: $\lambda t' = \ln\left(\frac{A_0}{A(t')}\right)$

فيزياء تاشنت

٥٨٨٢ ٢٠١٩

$$t' = \frac{1}{\lambda} \ln\left(\frac{A_0}{A(t')}\right) = \frac{1}{0,132} \ln\left(\frac{29,22 \times 10^{10}}{100 \times 10^3}\right) = 112,79 \text{ ans} \quad \text{ت-ع: } t' = \frac{1}{\lambda} \ln\left(\frac{A_0}{A(t')}\right) \quad \text{أي:}$$

$$t = t' - 5 = 112,79 - 5 = 107,79 \text{ ans} \quad \text{ثانيا نبحث عن قيمة المدة } t$$

التمرين الثالث:

المجموعة الأولى:

1- تتعلق قيمة pH المحلول المائي بتركيز شوارد الهيدرونيوم (H_3O^+) المتواجدة فيه.

2- حساب التركيز المولي للمحلول الناتج.

$$C_0 = 10^{-0,7} = 0,2 \text{ mol / L}$$

$$pH = -\log[H_3O^+] \Rightarrow C_0 = [H_3O^+] = 10^{-pH} \quad \text{أي:}$$

3- جدول تقدم التفاعل

معادلة التفاعل		$HCl(g) + H_2O(l) = H_3O^+(aq) + Cl^-(aq)$			
فيزياء تاشنت ٥٨٨٢ ٢٠١٩	ح. ابتدائية	n_0	بالزيادة	0	0
	ح. الانتقالية	$n_0 - x$	بالزيادة	x	x
	ح. النهائية	$n_0 - x_f$	بالزيادة	x_f	x_f

$$\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_0} \text{ : اثبات صحة العلاقة}$$

$$\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_0} = \frac{0,2}{0,2} = 1 \text{ : نستنتج أن التفاعل تام.} \quad \tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[H_3O^+]}{[HCl]_0} \frac{V_T}{V_T} = \frac{10^{-pH}}{C_0}$$

$$4. \text{ حجم المحلول } (S_0) \text{ الواجب أخذه: } C_0 V_0 = C_1 V_1 \Rightarrow V_0 = \frac{C_1 V_1}{C_0} = \frac{0,1 \times 100}{0,2} = 50 \text{ mL}$$

البروتوكول التجريبي لهذه العملية.

نأخذ حوالة عيارية سعتها (100 mL) نضع فيها كمية قليلة من الماء المقطر ثم نأخذ كمية (50 mL) من المحلول (S₀) ونسكبها في حوالة ثم نخلط جيدا وبعدها نكمل بالماء المقطر حتى خط العيار.

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

المجموعة الثانية :

1- البروتوكول التجريبي لهذه المتابعة الزمنية.

$$\left\{ \begin{array}{l} n_0(CaCO_3) = \frac{m}{M} = \frac{5}{100} = 0,05 \text{ mol} ; n_1(H_3O^+) = C_1 V = 0,1 \times 0,1 = 0,01 \text{ mol} \end{array} \right.$$

2- جدول تقدم التفاعل

معادلة التفاعل	$CaCO_3 (g) + 2 H_3O^+(aq) = Ca^{2+}(aq) + CO_2(g) + 3H_2O(l)$			
ح. ابتدائية	$n_0 = 0,05$	$n_1 = 0,01$	0	0
ح. الانتقالية	$0,05 - x$	$0,01 - 2x$	x	x
ح. النهائية	$0,05 - x_{\max}$	$0,01 - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	$x_{\max}$

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

$$0,05 - x_{\max 1} = 0 \Rightarrow x_{\max 1} = 0,05 \text{ mol}$$

$$0,01 - 2x_{\max 2} = 0 \Rightarrow x_{\max 2} = 0,005 \text{ mol}$$

المتفاعل المحد:

ومنه المتفاعل المحد هو: H_3O^+ وقيمة التقدم الأعظمي: $x_{\max} = 0,005 \text{ mol}$

$$3. \text{ أبرهان العلاقة: } x(t) = \frac{\sigma(t) - \sigma_0}{\sigma_f - \sigma_0} x_{\max}$$

$$\sigma(t) = \lambda(H_3O^+)[H_3O^+] + \lambda(Ca^{2+})[Ca^{2+}] + \lambda(Cl^-)[Cl^-] \text{ لدينا:}$$

ومن جدول التقدم نجد:

$$\sigma(t) = \frac{1}{V_T} n_1 (\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-)) + \frac{1}{V_T} (\lambda(Ca^{2+}) + 2\lambda(H_3O^+)) x(t)$$

$$\sigma_0 = \frac{1}{V_T} n_1 (\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-))$$

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

$$\sigma_f = \frac{1}{V_T} n_1 (\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-)) + \frac{1}{V_T} (\lambda(Ca^{2+}) + 2\lambda(H_3O^+)) x_{\max}$$

$$\sigma(t) = \sigma_0 + \frac{1}{V_T} (\lambda(Ca^{2+}) + 2\lambda(H_3O^+)) x(t) \dots (1) \text{ ومنه:}$$

$$\sigma_f = \sigma_0 + \frac{1}{V_T} \left(\lambda(Ca^{2+}) + 2\lambda(H_3O^+) \right) x_{\max} \dots (2)$$

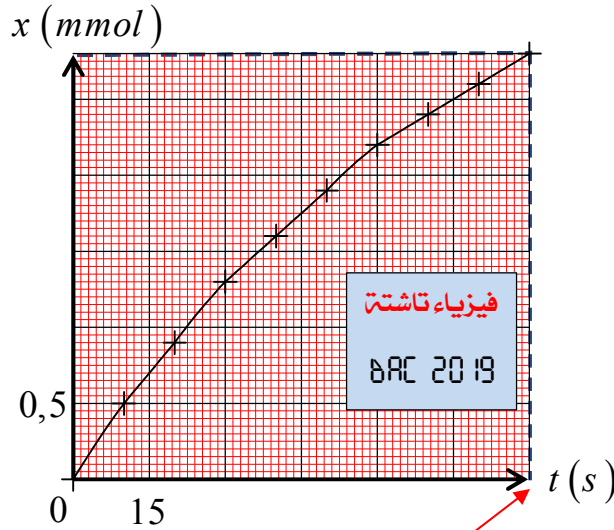
فيزياء تاشتة

٥٨٢٢ ٢٠١٩

$$x(t) = \frac{\sigma(t) - \sigma_0}{\sigma_f - \sigma_0} x_{\max} \text{ من العلاقة (1) و (2) نجد:}$$

ب- اكمال الجدول ورسم المنحنى البياني $x = f(t)$ في المجال الزمني $0 \leq t \leq 90s$

$t(s)$	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	∞
$x(mmol)$	0	0,5	0,9	1,3	1,6	1,9	2,2	2,4	2,6	2,8	5,0



4- تعريف زمن نصف التفاعل: هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف تقدمه الأعظمي $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$

قيمته: $t_{1/2} = 75s$ $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} = \frac{0,005}{2} = 0,0025mol = 2,5m \text{ mol}$ هذه القيمة توافق:

التركيب المولي للمزيج عند اللحظة $t_{1/2}$:

$$n_{H_3O^+}(t_{1/2}) = 0,01 - 2x(t_{1/2}) = 0,01 - 2 \times 2,5 \times 10^{-3} = 0,005mol$$

$$n_{CaCO_3}(t_{1/2}) = 0,05 - 2,5 \times 10^{-3} = 0,047mol$$

$$n_{Ca^{2+}}(t_{1/2}) = 2,5 \times 10^{-3}mol$$

5- اثبات أن تركيز شوارد الهيدرونيوم عند اللحظة $t_{1/2}$ يعطى بالعلاقة $[H_3O^+](t_{1/2}) = C_1 - 10x_{\max}$

لدينا من جدول التقدم عند اللحظة t : $n_{H_3O^+}(t) = n_1 - 2x(t)$

ولما $t = t_{1/2}$: $n_{H_3O^+}(t_{1/2}) = n_1 - 2x(t_{1/2}) = n_1 - 2 \frac{x_{\max}}{2} = n_1 - x_{\max}$

فيزياء تاشتة

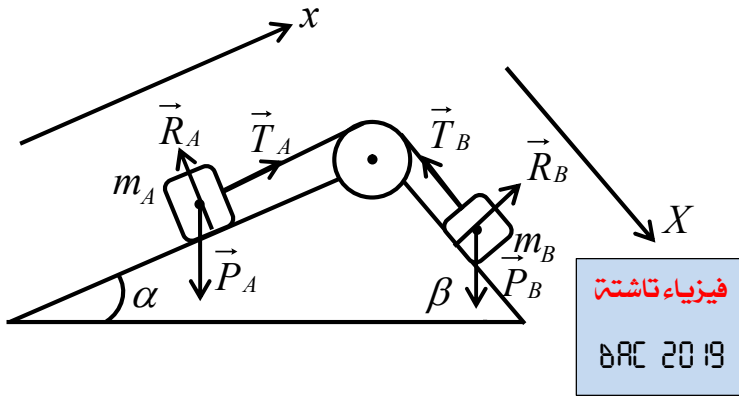
٥٨٢٢ ٢٠١٩

ومنه: $[H_3O^+]_{t_{1/2}} = C_1 - 10x_{\max}$

حساب قيمته: $[H_3O^+]_{t_{1/2}} = 0,1 - 10 \times 5 \times 10^{-3}$ ومنه: $[H_3O^+]_{t_{1/2}} = 0,05molL$

1- نترك الجملة لحالها فتبقى متوازنة :

أ- تمثيل القوى المؤثرة على كل عربة :



ايجاد عبارة الكتلة m_B للعربة (B) :

بتطبيق القانون الثاني في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا على مركز عطالة كل عربة ، علما أن الجملة في حالة توازن نجد :

فيزياء تاشتة

BAC 2019

$$\vec{T}_A + \vec{P}_A + \vec{R}_A = m_A \vec{a} = \vec{0}$$

$$\vec{T}_B + \vec{P}_B + \vec{R}_B = m_B \vec{a} = \vec{0}$$

بالاسقاط وفق كل محور موجه نجد :

$$T_A - P_A(x) = 0$$

$$P_B(x) - T_B = 0$$

$$P_A(x) = P_A \sin(\alpha) = m_A g \sin(\alpha) \text{ لدينا :}$$

$$P_B(x) = P_B \sin(\beta) = m_B g \sin(\beta) \text{ ولدينا :}$$

ولدينا أيضا $T_A = T_B = T$ لأن البكرة مهمة الكتلة والخيط عديم الامتطاط .
ومنه :

$$T - m_A g \sin(\alpha) = 0 \dots (1)$$

$$m_B g \sin(\beta) - T = 0 \dots (2)$$

بجمع العلاقتين (1) و (2) طرف لطرف نجد : $m_B g \sin(\beta) - m_A g \sin(\alpha) = 0$ ومنه : $m_B \sin(\beta) = m_A \sin(\alpha)$

$$\text{وعليه : } m_B = \frac{m_A \sin(\alpha)}{\sin(\beta)}$$

فيزياء تاشتة

BAC 2019

$$\text{ب- قيمة } m_B : m_B = \frac{m_A \sin(\alpha)}{\sin(\beta)} = \frac{0,5 \sin(30)}{\sin(45)} = 0,357 \text{ kg}$$

2- أ- طبيعة الحركة لما $m_B = 2m_A$:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة كل عربة في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد :

$$\vec{T}_A + \vec{P}_A + \vec{R}_A = m_A \vec{a}$$

$$\vec{T}_B + \vec{P}_B + \vec{R}_B = m_B \vec{a}$$

بالإسقاط وفق كل محور موجه حسب الشكل أعلاه نجد :

$$T_A - P_A(x) = m_A a$$

$$P_B(x) - T_B = m_B a$$

فيزياء تاشتة

BAC 2019

$$P_A(x) = P_A \sin(\alpha) = m_A g \sin(\alpha) \text{ لدينا :}$$

$$P_B(x) = P_B \sin(\beta) = m_B g \sin(\beta) \text{ ولدينا :}$$

ولدينا أيضا $T_A = T_B = T$ لأن البكرة مهمة الكتلة والخيط عديم الامتطاط.

ومنه :

فيزياء تاشتة

BARC 2019

$$T - m_A g \sin(\alpha) = m_A a \dots (3)$$

$$m_B g \sin(\beta) - T = m_B a \dots (4)$$

بجمع العلاقتين (3) و (4) طرف لطرف نجد : $m_B g \sin(\beta) - m_A g \sin(\alpha) = (m_A + m_B) a$

$$a = \frac{m_B \sin(\beta) - m_A \sin(\alpha)}{(m_A + m_B)} g = \frac{2m_A \sin(\beta) - m_A \sin(\alpha)}{3m_A} g$$

$$a = \frac{2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)}{3} g$$

ولدينا $m_B = 2m_A$ وعليه : $a > 0$ وثابت وعليه فالحركة لمركز عطالة كل عربة مستقيمة متسارعة بانتظام .

فيزياء تاشتة

BARC 2019

$$a = \frac{2 \sin(45) - \sin(30)}{3} 10 = 3 \text{ m/s}^2 : a = 3 \text{ m/s}^2$$

ب- تبيان أن قيمة التسارع a' :

3- أ- قيمة التسارع a' :

البيان عبارة عن خط مستقيم يشمل المبدأ معادلته من الشكل : $v = \lambda t$ حيث λ معامل توجيه البيان المستقيم $\lambda = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{1-0}{2-0} = 0,5 \text{ m/s}^2$ ونكتب : $v = 0,5t \dots (I)$

وبما أن الحركة متسارعة بانتظام فإن : $a' = \frac{dv}{dt} = Cste$ بالمكاملة بالنسبة للزمن وأخذ الشروط الابتدائية

$$v(t) = a' t \dots (II)$$

بالمطابقة بين العلاقتين البيانية (I) والنظرية (II) طرفا لطرف نجد : $a' = 0,5 \text{ m/s}^2$

ب- نلاحظ أن $a' < a$ وهذا دليل على وجود قوة الاحتكاك $\vec{f}$ أي : السطح خشن.

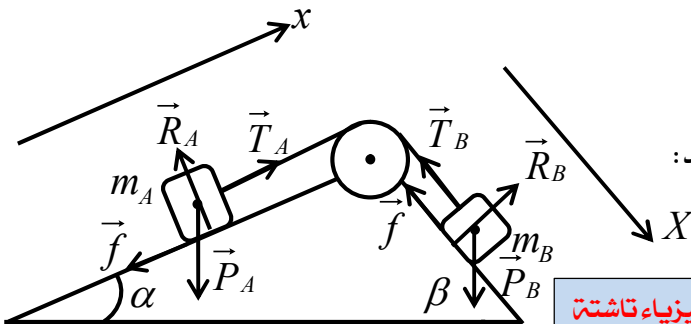
ج- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة التسارع a' تعطى من الشكل :

فيزياء تاشتة

BARC 2019

$$a' = \frac{g}{3} (2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)) - \frac{2f}{3m_A}$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة كل عربة في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد :



$$\vec{T}_A + \vec{P}_A + \vec{R}_A + \vec{f} = m_A \vec{a}'$$

$$\vec{T}_B + \vec{P}_B + \vec{R}_B + \vec{f} = m_B \vec{a}'$$

بالإسقاط وفق كل محور موجه حسب الشكل المقابل نجد :

$$T_A - P_A(x) - f = m_A a'$$

$$P_B(X) - T_B - f = m_B a'$$

ومنه :

$$T - m_A g \sin(\alpha) - f = m_A a' \dots (5)$$

$$2m_A g \sin(\beta) - T - f = 2m_A a' \dots (6)$$

بجمع العلاقتين (5) و (6) طرف لطرف نجد : $2m_A g \sin(\beta) - m_A g \sin(\alpha) - 2f = (m_A + 2m_A) a'$

$$a' = \frac{g}{3} (2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)) - \frac{2f}{3m_A} : a' = \frac{2m_A \sin(\beta) - m_A \sin(\alpha)}{3m_A} - \frac{2f}{3m_A}$$

د- شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$:

لدينا : $a' = \frac{g}{3}(2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)) - \frac{2f}{3m_A}$ ومنه : $2m_A g \sin(\beta) - m_A g \sin(\alpha) - 2f = 3m_A a'$

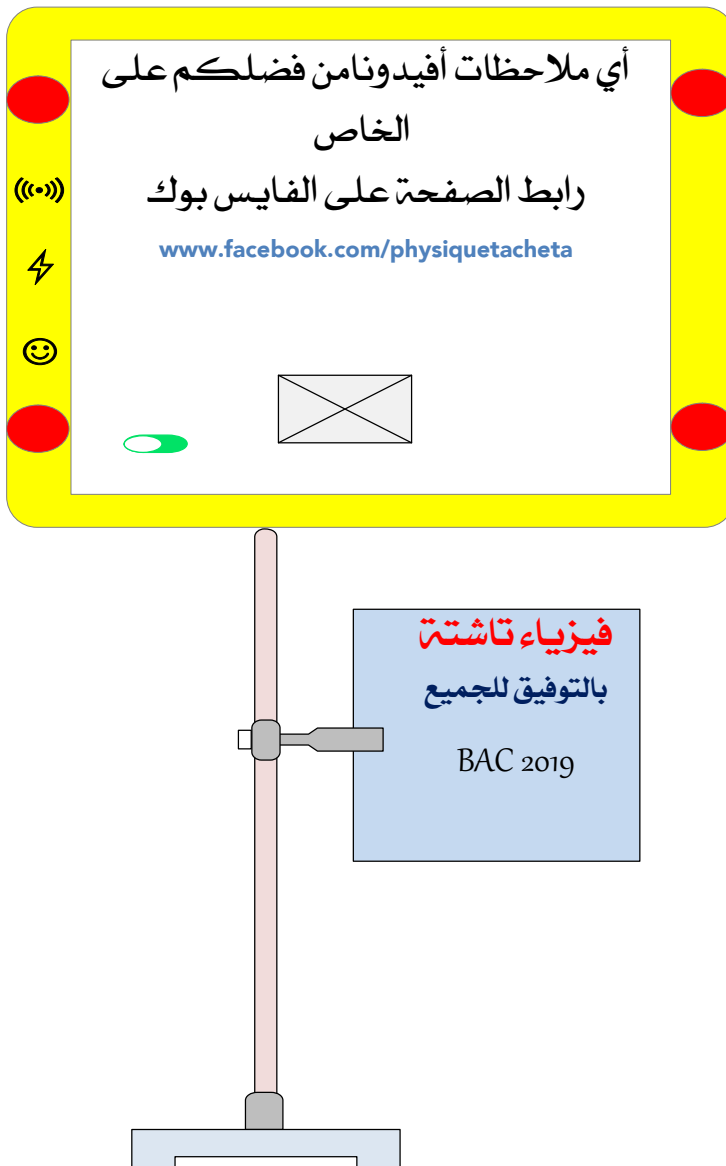
$$f = m_A \left(\frac{2 \sin(\beta) - \sin(\alpha)}{2} g - \frac{3a'}{2} \right) = 0,5 \left(\frac{2 \sin(45) - \sin(30)}{2} \times 10 - \frac{3 \times 0,5}{2} \right)$$

ومنه :

$$f = 1,9 N$$

فيزياء تاشتة

BAC 2019



فيزياء تاشة

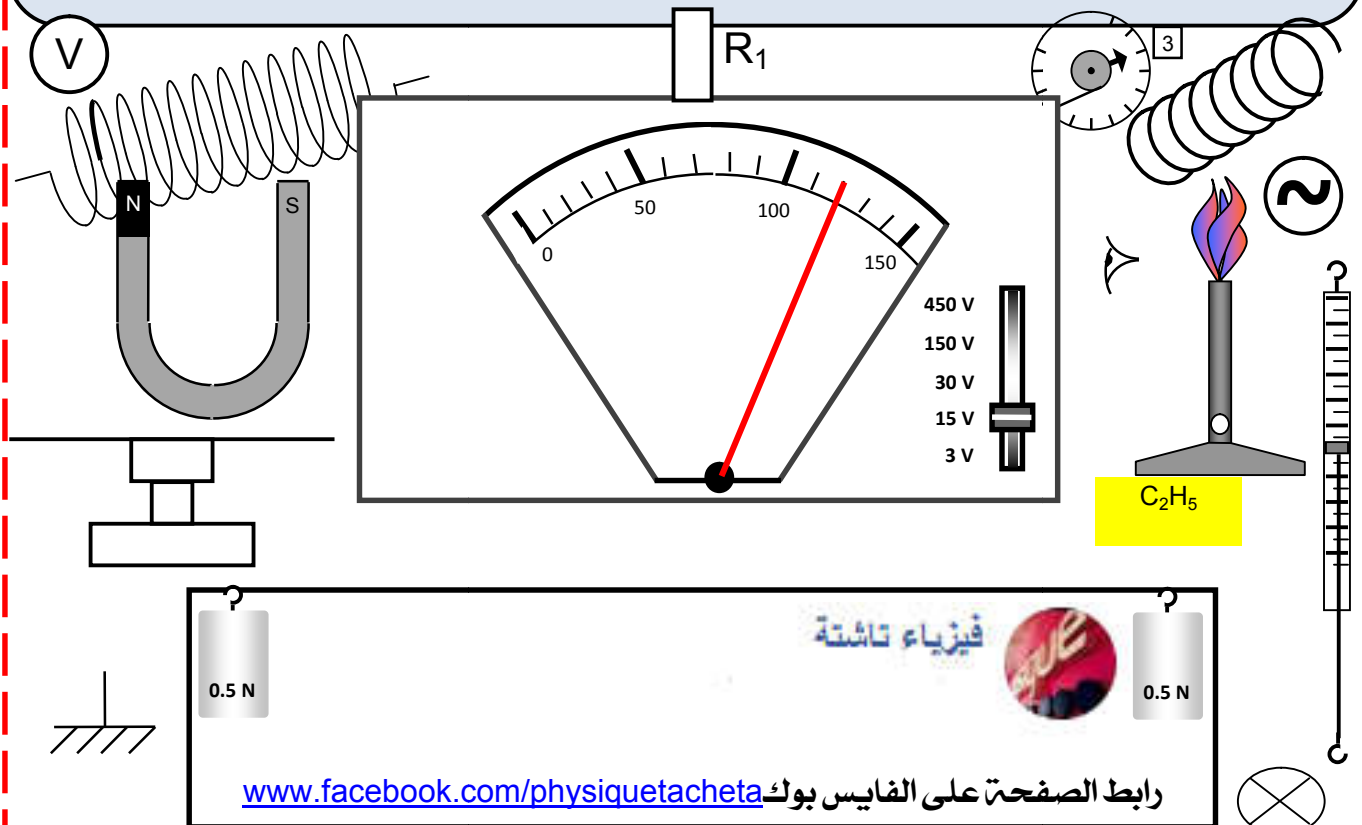
BAC 2019

نحو البكالوريا

BAC 2019

16

الموضوع السادس عشر + الحل المفصل



رابط الصفحة على الفايس بوك www.facebook.com/physiquetacheta

التمرين الأول :

I- يعتبر غاز ثنائي الكلور $Cl_2(g)$ من الغازات الأساسية التي تدخل في صناعة مركبات كيميائية مختلفة من بينها ماء جافيل الذي يتميز بالشارة الهيبوكلوريت $ClO^-(aq)$ الفعالة .

01- نحضر بحذر محلولاً (S_0) ماء جافيل تركيزه المولي c_0 بشوارد الهيبوكلوريت $ClO^-(aq)$ من تفاعل غاز ثنائي الكلور ومحلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-(aq))$ وفق تحول كيميائي تام ينمذج بمعادلة التفاعل التالية : (1) $Cl_2(g) + 2OH^-(aq) = ClO^-(aq) + Cl^-(aq) + H_2O(l)$.

يعرف ماء جافيل بالدرجة الكلورومتريّة $(^\circ Chl)$ والتي يعبر عنها بالعلاقة $(^\circ Chl) = [ClO^-]_0 \cdot V_m$ حيث $[ClO^-]_0 = c_0$ التركيز المولي لشوارد الهيبوكلوريت $ClO^-(aq)$ في ماء جافيل .

1- وردت الجملة: "نحضر بحذر محلولاً (S_0) ... من تفاعل غاز ثنائي الكلور ومحلول هيدروكسيد الصوديوم" . اعط مبررًا للحذر عند عملية التحضير .

فيزياء تاشة

BAC 2019

2- عرف الدرجة الكلورومتريّة $(^\circ Chl)$.

02- نضيف للمحلول (S_0) حجما من الماء المقطر فتحصل على محلول مائي (S_1) تركيزه المولي $c_1 = \frac{c_0}{10}$.

نأخذ حجما قدره $V_1 = 10mL$ من المحلول (S_1) ونضيف إليه كمية كافية من محلول يود البوتاسيوم

$(K^+ + I^-(aq))$ الحمض، فيحدث تحول كيميائي تام بين شوارد $ClO^-(aq)$ وشوارد اليود $I^-(aq)$ وفق

معادلة التفاعل: (2) $ClO^-(aq) + 2I^-(aq) + 2H^+(aq) = Cl^-(aq) + I_2(aq) + H_2O(l)$.

نعاير ثنائي اليود $I_2(aq)$ المتشكل في التحول الكيميائي (2) بعد إضافة له قطرات من صمغ النشاء بواسطة

محلول ثيوكبريتات الصوديوم $(2Na^+ + S_2O_3^{2-}(aq))$ ذي التركيز المولي $c_2 = 0,1mol.L^{-1}$ ، فيكون

الحجم المضاف عند التكافؤ $V_E = 10,8mL$.

1 - اكتب معادلة أكسدة ارجاع المنمذج لتحول المعايرة بناء على المعادلتين النصفيتين للأكسدة والارجاع علما

أن الشائتين (Ox / Red) الداخلتين في تفاعل المعايرة هما: (I_2 / I^-) ، $(S_4O_6^{2-} / S_2O_3^{2-})$.

2 - ارسم التركيب التجريبي لتفاعل المعايرة مع ارفاقه بالبيانات المناسبة .

3- أ- انشئ جدول تقدم تفاعل المعايرة .

ب- جد قيمة $n(I_2)$ كمية المادة لثنائي اليود $I_2(aq)$ في المزيج .

ج- استنتج قيمة $n(ClO^-)$ كمية المادة لشوارد $ClO^-(aq)$ الموجودة في الحجم V_1 علما أنه تحقق مزيجا

ستكيومتريا في التفاعل الكيميائي (2) .

د- احسب قيمة c_1 ثم استنتج قيمة c_0 التركيز المولي للمحلول (S_0) .

هـ- استنتج قيمة $(^\circ Chl)$ الدرجة الكلورومتريّة للمحلول (S_0) .

يعطى: الحجم المولي للغازات في الشرطين النظاميين $V_m = 22,4L.mol^{-1}$.

فيزياء تاشة

BAC 2019

- II- في درجة حرارة مرتفعة يحدث التفكك التام لشاردة الهيبوكلوريت $ClO^- (aq)$.
 لدينا عند اللحظة $t = 0$ محلول مائي (S) حجمه $V = 500 mL$ من شوارد الهيبوكلوريت $ClO^- (aq)$ تركيزه المولي الابتدائي $[ClO^-]_0 = c$ ، نتابع تفكك شاردة $ClO^- (aq)$ في درجة حرارة ثابتة $(\theta = 60^\circ C)$ وبطريقة ملائمة تمكنا من تحديد التركيز المولي لشوارد $ClO^- (aq)$ ، وبواسطة برمجية مناسبة على جهاز الإعلام الآلي رسمنا المنحنى البياني $[ClO^-] = f(t)$ الموضح في الشكل - 1 .
 1- اكتب معادلة التفاعل علما أن الشائيتين (Ox / Red) الداخلتين في التفاعل هما :
 (ClO_3^- / ClO^-) ، (ClO^- / Cl^-) .

فيزياء تاشطة

BAR 2019

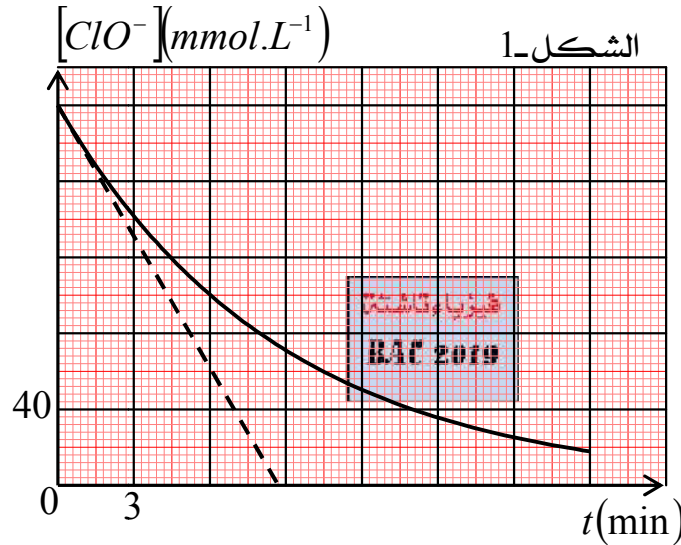
2- اعتمادا على البيان وجدول تقدم التفاعل جد قيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

3- أ- حدد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

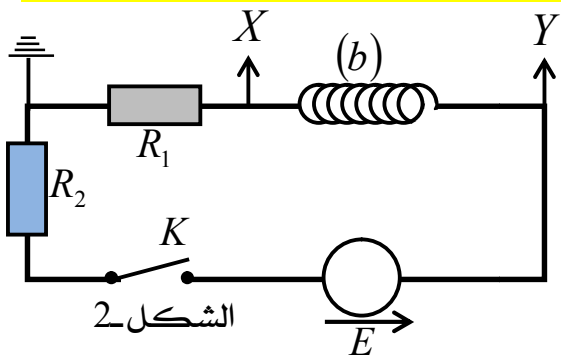
ب- جد التركيب المولي للمزيج عند اللحظة $t = t_{1/2}$.

4- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب بالشكل : $v_{vol}(t) = -\frac{1}{3} \times \frac{d[ClO^-](t)}{dt}$ ، ثم احسب قيمتها الأعظمية .

4- مثل كيفيا مع المنحنى البياني السابق المنحنى البياني $[ClO^-] = g(t)$ لو أجرينا التفاعل في درجة الحرارة $\theta' > \theta$.



Sujet N°16
 Physique tacheta



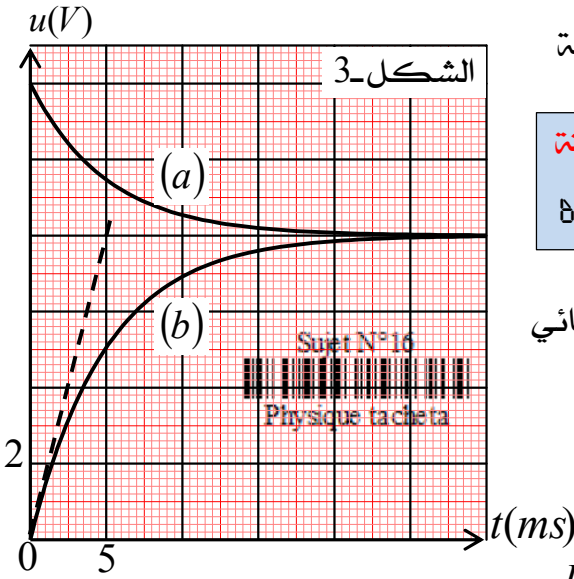
فيزياء تاشطة

BAR 2019

التمرين الثاني:

- نحقق الدارة الكهربائية الموضحة في الشكل - 2 والتي تتكون من :
 - مولد توتر كهربائي قوته المحركة الكهربائية E .
 - وشيعة (b) ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية مهملة .
 - ناقلان أوميان $R_1 = 40 \Omega$ و R_2 .
 - راسم اهتزاز ذو مدخلين X و Y .
 - قاطعة كهربائية K .

I - 01- عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K فنشاهد على شاشة راسم الاهتزاز البيانيين (a) و (b) الممثلين في الشكل - 3 .



1- اعتمادا على قانون جمع التوترات الكهربائية، جد المعادلة التفاضلية التي يحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$ في الدارة .

2- إن حل المعادلة التفاضلية السابقة يكتب بالشكل :

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

أ- جد عبارة كل من : ثابت الزمن τ المميز للدارة و شدة التيار الكهربائي الأعظمي I_0 .

ب- اكتب العبارة الزمنية لكل من التوترين $u_X(t)$ و $u_Y(t)$ المشاهدين على الشاشة، ثم استنتج عبارتهما في النظام الدائم .

ج- ارفق كل بيان بالمدخل الموافق له مع التعليل .

3- اعتمادا على البيانيين (a) و (b) جد قيمة كل من : E و I_0 و R_2 و L .

(02) - الشكل-4 يوضح بيان تغيرات الطاقة في الوشاعة بدلالة الزمن $E_b = f(t)$.

1- أ- اكتب العبارة الزمنية للطاقة في الوشاعة $E_b(t)$.

ب- استنتج عبارة الطاقة الأعظمية E_{b0} في الوشاعة في النظام الدائم .

ج- ضع سلما لمحور الترتيب للشكل-4.

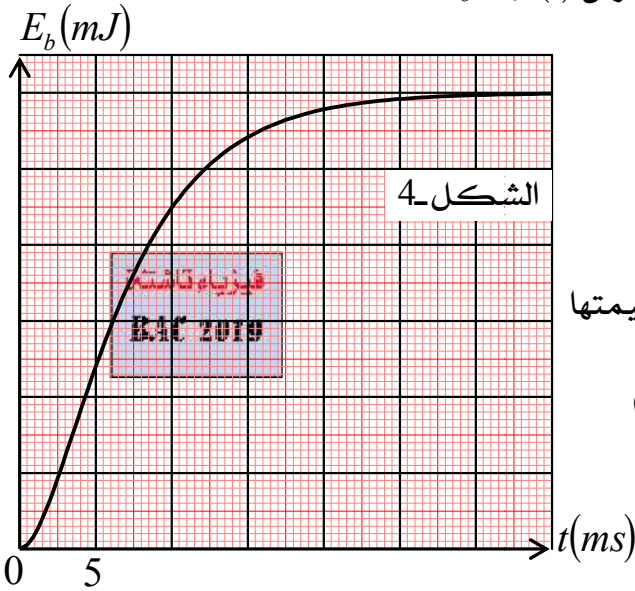
2- أ- تحقق من قيمة ثابت الزمن τ بيانيا.

ب- بين أن عبارة الزمن $t_{1/2}$ لبلوغ الطاقة في الوشاعة إلى نصف قيمتها

الأعظمية تكتب بالشكل : $t_{1/2} = \tau \times \ln \left(\frac{2}{2 - \sqrt{2}} \right)$ ، ثم

استنتج قيمة $t_{1/2}$ حسابيا وبيانيا.

ج- جد قيمة الطاقة في الوشاعة عند اللحظة $t = 0,01s$.



II - نعيد نفس التجربة السابقة لكن نستبدل الوشاعة (b) بوشاعة (b') ذاتيتها $L' = L$ ومقاومتها الداخلية r'

، فنشاهد على شاشة راسم الاهتزاز البيانيين (c) و (d) الممثلين في الشكل-5.

1 - انسب كل بيان بالمدخل المناسب .

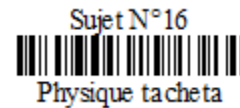
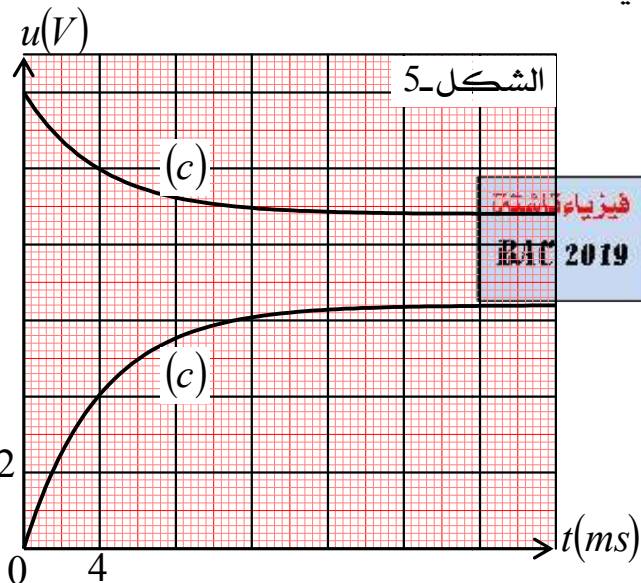
2- اعتمادا على البيانيين (c) و (d) جد :

- شدة التيار الكهربائي الأعظمي I'_0 .

- قيمة المقاومة الداخلية r' للوشاعة (b').

3- جد قيمة ثابت الزمن τ' ، ثم قارنها مع قيمة τ .

ماذا تستنتج ؟



I - نابض مرن حلقاته غير متلاصقة ، ثابت مرونته K ، وكتلته مهملة ، مثبت من إحدى نهايتيه في نقطة ثابتة M ، و يحمل في النهاية الأخرى جسما (S) كتلته $m = 1kg$ ، الذي تعتبره نقطة مادية ، يمكنه الحركة دون احتكاك على مستو أفقي لطاولة وفق المحور $x'x$ كما هو موضح في الشكل-6.

نسحب الجسم (S) أفقيا عن وضع توازنه (O) المختار كمبدأ للفواصل إلى الفاصلة $X = +20cm$ ، ثم نتركه حرا بدون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$ ، فيقوم بحركة اهتزازية أفقية .

مثلنا في الشكل-7 سرعة المتحرك بدلالة الزمن .

فيزياء تاشتة

5AC 20 19

- 1- اعتمادا على مبدأ انحفاظ الطاقة ، جد المعادلة التفاضلية لفاصلة المتحرك $x(t)$.
- 2- علما أن حل المعادلة التفاضلية من الشكل : $x(t) = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$ ، أسمع كل من : X, ω_0, φ ، ثم حدد قيمة φ .

بدعبر عن ω_0 بدلالة k, m .

ج- احسب قيمة ω_0 ، ثم استنتج قيمة k .

د- احسب قيمة الدور الذاتي T_0 ثم ضع سلما مناسباً لمحور الزمن في الشكل-2.

3- عبر عن الطاقة الكلية E للجسم بدلالة X و k .

4- جد قيمة الطاقة الحركية للجسم عند اللحظة $t = 0,4s$.

5- ما هي لحظة أول مرور للجسم بالفاصلة $x = +10cm$ ؟

$v (cm.s^{-1})$

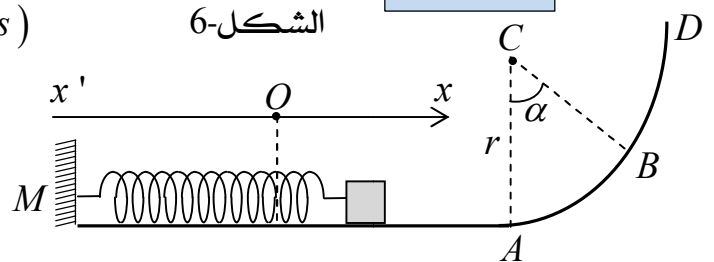
الشكل-7



فيزياء تاشتة

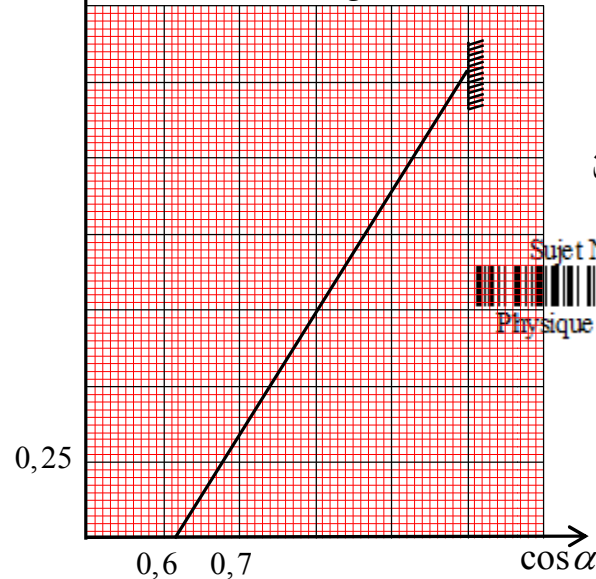
5AC 20 19

الشكل-6



$v^2 (m^2.s^{-2})$

الشكل-8



II- لما يمر الجسم (S) بوضع التوازن في الاتجاه الموجب ينفلت عن النابض فيصل إلى النقطة A ليشعر في الصعود على مسار ربع دائري ABD

مركزه (C) ونصف قطره $r = 20cm$.

نهمل الاحتكاكات على المستوي الدائري .

1- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة ، عبر عن سرعة الجسم (S) في النقطة

B بدلالة : α, v_A, r, g .

2- مثلنا بيانيا مربع سرعة الجسم (S) على المسار الدائري

$v^2 = f(\cos \alpha)$ كما هو مبين في الشكل-8.

أبين أنه يمكن إهمال الاحتكاك بين O و A .

بد احسب التسارع الأرضي g في مكان إجراء التجربة .

نهمل تأثير الهواء في كل التمرين ، ويعطى: $\pi^2 = 10$.

يتألف نواس بسيط من خيط مهمل الكتلة عديم الامتطاط طوله $l = 100\text{cm}$ ، مثبت في الأعلى ونهايته الأخرى الحرة تحمل كرة كتلتها $m = 100\text{g}$ وقطرها مهمل أمام طول الخيط أنظر الشكل-9.

نقوم بإزاحة الخيط عن وضع توازنه بالزاوية θ_m ، وعند اللحظة $t = 0$ نتركه بدون سرعة ابتدائية .

1- أ- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة ، بين أن المعادلة التفاضلية للمطال الزاوي تكتب بالشكل:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g}{l} \sin(\theta) = 0 \quad \text{حيث } g: \text{التسارع الأرضي.}$$

ب- كيف يصبح شكل المعادلة التفاضلية حالة الاهتزازات صغيرة السعة ؟

2- حل المعادلة التفاضلية يكتب بالشكل: $\theta(t) = \theta_m \cos(\omega_0 t + \varphi)$ بالشكل:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \quad \text{بين أن الدور الذاتي يعطى بالعلاقة:}$$

3- بواسطة برمجية مناسبة على جهاز الإعلام الآلي تمكنا من تمثيل:

- في الشكل-10 منحنى تغيرات السرعة الزاوية بدلالة الزمن $\frac{d\theta}{dt} = f(t)$ ،

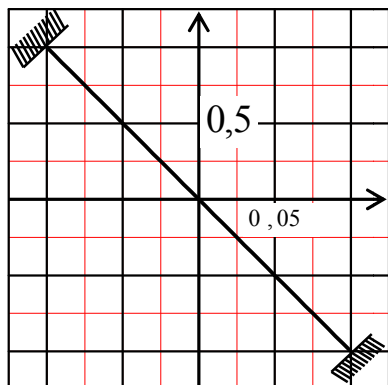
- في الشكل-11 منحنى تغيرات التسارع الزاوي بدلالة المطال الزاوي $\frac{d^2\theta}{dt^2} = h(\theta)$.

أ- استنتج الدور الذاتي للاهتزازات T_0 وتواتر الاهتزاز f ، وكم تكون قيمة الدور إذا كانت سعة الاهتزاز $\theta_m = 20^\circ$ ؟

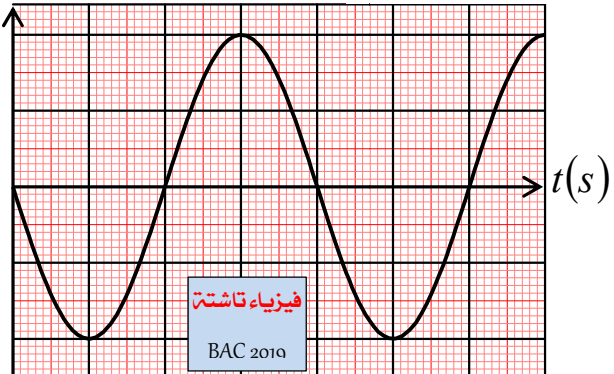
ب- اكتب العبارة اللحظية لـ $\theta(t)$.

ج- جد سلم رسم للشكل-10 ، ثم احسب قيمة التسارع الأرضي g في مكان التجربة .

الشكل-11 $\frac{d^2\theta}{dt^2} (\text{rad.s}^{-2})$



الشكل-10 $\frac{d\theta}{dt} (\text{rad.s}^{-1})$



بالتوفيق للجميع...

التمرين الأول :

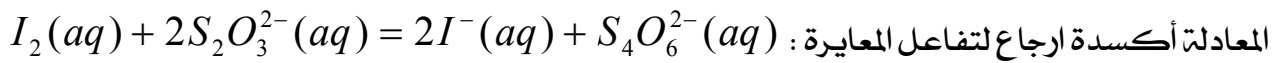
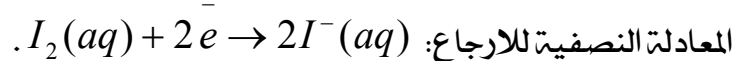
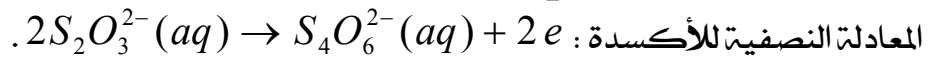
I-01-1. تعريف الدرجة الكلورومتريّة ($^{\circ}Chl$): توافق حجم غاز ثنائي الكلور $Cl_2(g)$ المقاس في الشرطين النظاميين من ضغط $P = 1atm$ ودرجة الحرارة $\theta = 0^{\circ}C$ بوحدة اللتر اللازم انحلاله في محلول هيدروكسيد الصوديوم للحصول على حجم واحد لتر (1L) من ماء جافيل .

2. نحضر المحلول بحذر لأن غاز ثنائي الكلور المستعمل سام عند استنشاقه ، وعليه الاحتياطات الأمنية مطلوبة .

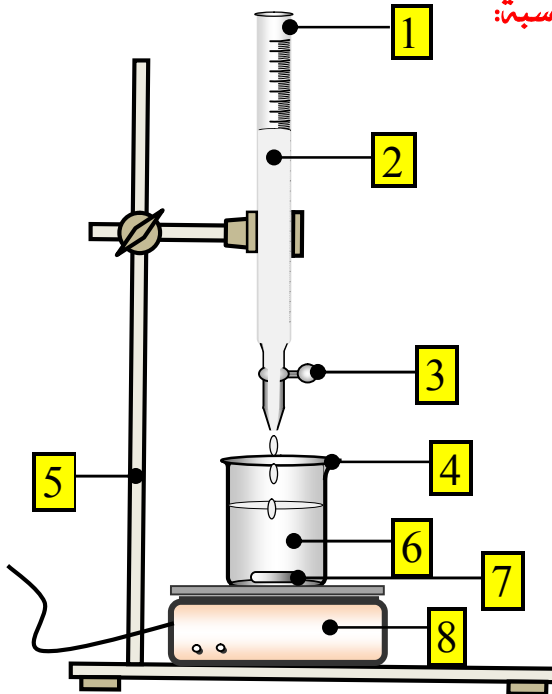
1.02- معادلة أكسدة ارجاع النمذج لتحول المعاييرة بناء على المعادلتين النصفيتين للأكسدة والارجاع :

فيزياء تاشتة

8AC 20 19



2- رسم التركيب التجريبي لتفاعل المعاييرة مع ارفاقه بالبيانات المناسبة:



رقم البيان	الاسم الموافق للعنصر
1	سحاحة مدرجة .
2	محلول ثيوكبريتات الصوديوم .
3	صنبور .
4	بيشر .
5	الحامل .
6	المحلول المعايير .
7	قطعة ممغنطيسية .
8	مخلوط ممغنطيسي .

3- أ- جدول تقدم تفاعل المعاييرة:

المعادلة	$I_2(aq) + 2S_2O_3^{2-}(aq) = 2I^-(aq) + S_4O_6^{2-}(aq)$			
حالة ابتدائية $x = 0$	$n(I_2)$	n_2	0	0
حالة انتقالية $x(t)$	$n(I_2) - x(t)$	$n_2 - 2x(t)$	$2x(t)$	$x(t)$
حالة التكافؤ x_E	$n(I_2) - x_E$	$n_2 - 2x_E$	$2x_E$	x_E

ب- إيجاد قيمة $n(I_2)$ كمية المادة لثنائي اليود $I_2(aq)$ في المزيج :

فيزياء تاشتة

8AC 20 19

عند التكافؤ يتحقق مزيج ستكيومتري : $\begin{cases} n(I_2) - x_E = 0 \\ n_2 - 2x_E = 0 \end{cases}$ ومنه : $\begin{cases} x_E = n(I_2) \\ x_E = \frac{n_2}{2} \end{cases}$

أي: $n(I_2) = \frac{n_2}{2} = \frac{c_2 V_E}{2}$ ت-ع: $n(I_2) = \frac{0,1 \times 10,8 \times 10^{-3}}{2} = 5,4 \times 10^{-4} \text{ mol}$

ج- استنتاج قيمة $n(ClO^-)$ كمية المادة لشوارد $ClO^- (aq)$ الموجودة في الحجم V_1 :

بما أن الميزج ستيكوميتر في التفاعل الكيميائي (2) فإن: $n(ClO^-) = n(I_2) = 5,4 \times 10^{-4} \text{ mol}$

د- حساب قيمة c_1 :

نعلم أن: $n(ClO^-) = c_1 V_1$ ومنه: $c_1 = \frac{n(ClO^-)}{V_1}$ ت-ع: $c_1 = \frac{5,4 \times 10^{-4}}{10 \times 10^{-3}} = 5,4 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

فيزياء تاشتت

BAR 20 19

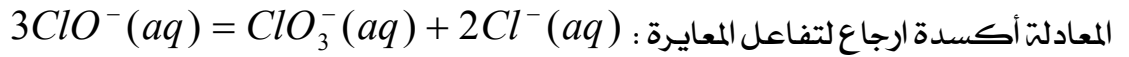
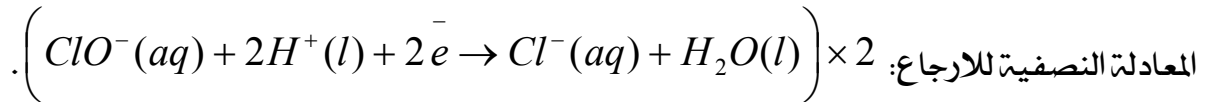
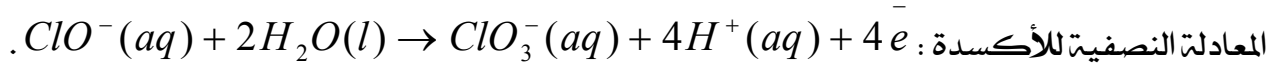
استنتاج قيمة c_0 التركيز المولي للمحلول (S_0) : نعلم أن: $c_1 = \frac{c_0}{10}$

ومنه: $c_0 = 5,4 \times 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$ أي: $c_0 = 10 \times c_1 = 10 \times 5,4 \times 10^{-2} = 5,4 \times 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$

ه- استنتاج قيمة $(^{\circ}Chl)$ الدرجة الكلورومترية للمحلول (S_0) :

نعلم أن: $(^{\circ}Chl) = [ClO^-]_0 \cdot V_m = c_0 \cdot V_m$ ت-ع: $(^{\circ}Chl) = 5,4 \times 10^{-1} \times 22,4 = 12,1$

II- 1- معادلة التفاعل:



2- جدول تقدم التفاعل:

	$3ClO^- (aq) = ClO_3^- (aq) + 2Cl^- (aq)$		
حالة ابتدائية $x = 0$	$n(ClO^-) = cV$	0	0
حالة انتقالية $x(t)$	$n(ClO^-) - 3x(t)$	$x(t)$	$2x(t)$
حالة نهائية $x_{\max}$	$n(ClO^-) - 3x_{\max}$	$x_{\max}$	$2x_{\max}$

- قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

نعلم أن: $n(ClO^-) = cV$ ومن البيان نجد: $[ClO^-]_0 = c = 40 \times 10^{-3} \times 5 = 0,2 \text{ mol/L}$

إذن: $n(ClO^-) = 0,2 \times 500 \times 10^{-3} = 0,1 \text{ mol}$

- ولدينا من جدول تقدم التفاعل: $n(ClO^-) - 3x_{\max} = 0$ ومنه: $x_{\max} = \frac{n(ClO^-)}{3} = \frac{0,1}{3} = 3,3 \times 10^{-2} \text{ mol}$

3- أ- تحديد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$:

لدينا من جدول تقدم التفاعل: $n_{ClO^-}(t) = n(ClO^-) - 3x(t)$

لما $t = t_{1/2}$ نجد: $n_{ClO^-}(t_{1/2}) = n(ClO^-) - 3x(t_{1/2})$ ومنه: $[ClO^-]_{1/2} V = [ClO^-]_0 V - 3 \frac{x_{\max}}{2}$

ونعلم أن: $x_{\max} = \frac{n(ClO^-)}{3} = \frac{[ClO^-]_0 V}{3}$ ومنه نجد: $[ClO^-]_{1/2} V = [ClO^-]_0 V - \frac{[ClO^-]_0 V}{2}$

وعليه نجد: $[ClO^-]_{1/2} = \frac{[ClO^-]_0}{2}$ ت-ع: $[ClO^-]_{1/2} = \frac{200 \times 10^{-3}}{2} = 100 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$ أي: $[ClO^-]_{1/2} = 100 \text{ mmol.L}^{-1}$

$t_{1/2}$ هو فاصلة الترتيب $[ClO^-]_{1/2} = 100 \text{ mmol.L}^{-1}$ وبالإسقاط نجد: $t_{1/2} = 6 \text{ min}$

فيزياء تاشتت

8AFC 20 19

ب- إيجاد التركيب المولي للمزيج عند اللحظة $t = t_{1/2}$:

بالنسبة لـ ClO^- :

لدينا: $n_{ClO^-}(t_{1/2}) = n(ClO^-) - 3x(t_{1/2})$

ومنه نجد: $n_{ClO^-}(t_{1/2}) = n(ClO^-) - 3 \frac{x_{\max}}{2} = 0,1 - 3 \times \frac{3,3 \times 10^{-2}}{2} = 0,05 \text{ mol}$ ت-ع:

بالنسبة لـ ClO_3^- :

لدينا: $n_{ClO_3^-}(t_{1/2}) = x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} = \frac{3,3 \times 10^{-2}}{2} = 1,6 \times 10^{-2} \text{ mol}$ ت-ع:

بالنسبة لـ Cl^- :

لدينا: $n_{Cl^-}(t_{1/2}) = 2x(t_{1/2}) = x_{\max} = 3,3 \times 10^{-2} \text{ mol}$ أي:

4- تبيان أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب بالشكل: $v_{\text{vol}}(t) = -\frac{1}{3} \times \frac{d[ClO^-](t)}{dt}$:

فيزياء تاشتت

8AFC 20 19

نعلم أن: $v_{\text{vol}}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{dx(t)}{dt} \dots (1)$

ولدينا: $n_{ClO^-}(t) = n(ClO^-) - 3x(t)$ ومنه: $x(t) = \frac{n(ClO^-) - n_{ClO^-}(t)}{3}$

ومنه: $x(t) = \frac{0,1 - [ClO^-](t)V}{3}$ وبالتعويض في (1) نجد: $v_{\text{vol}}(t) = \frac{1}{V} \times \frac{d\left(\frac{0,1 - [ClO^-](t)V}{3}\right)}{dt}$

ومنه: $v_{\text{vol}}(t) = -\frac{1}{3V} \times \frac{d([ClO^-](t)V)}{dt}$ أي: $v_{\text{vol}}(t) = -\frac{1}{3} \times \frac{d[ClO^-](t)}{dt}$

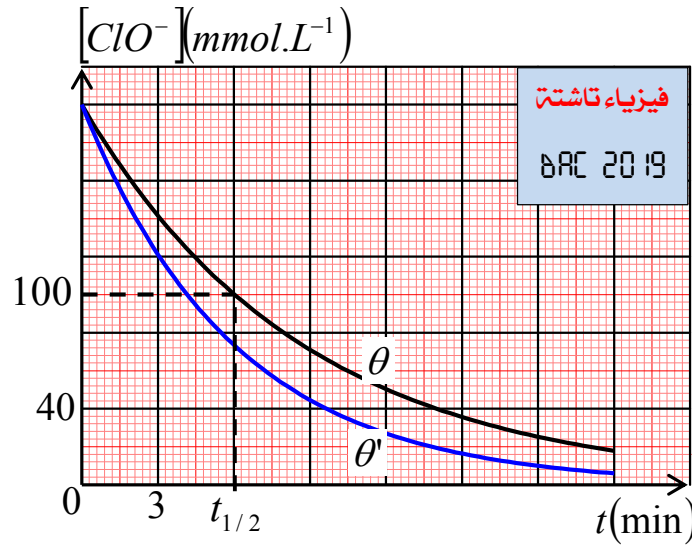
حساب قيمتها الأعظمية أي لما $t = 0$:

لدينا: $v_{\text{vol}}(0) = -\frac{1}{3} \times \frac{d[ClO^-](t)}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{1}{3} \times \frac{\Delta[ClO^-](t)}{\Delta t} \Big|_{t=0}$

ت-ع: $v_{\text{vol}}(0) = -\frac{1}{3} \times \frac{(200 - 0) \times 10^{-3}}{(0 - 8,7)} = 7,7 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$

4- تمثيل كئفيا مع المنحنى البياني السابق المنحنى البياني $[ClO^-] = g(t)$ لو أجرينا التفاعل في درجة الحرارة $\theta' > \theta$:

درجة الحرارة عامل حركي وبما أن $\theta' > \theta$ فإن مدة التفاعل من أجل θ' تكون أقصر من مدة التفاعل من أجل θ .



التمرين الثاني:

I- (01) - 1- المعادلة التفاضلية التي يحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$ في الدارة :

حسب قانون جمع التوترات الكهربائية نجد: $u_b(t) + u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) = E$

ومنه: $L \frac{di(t)}{dt} + R_1 i(t) + R_2 i(t) = E$ بالتبسيط نجد: $\frac{di(t)}{dt} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} i(t) = \frac{E}{L} \dots (1)$

2- أ- إيجاد عبارة كل من: ثابت الزمن τ المميز للدارة و شدة التيار الكهربائي الأعظمي I_0 :

لدينا عبارة الحل: $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ ، باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

بتعويض وعبارة الحل مشتقه بالنسبة للزمن في المعادلة (1) نجد: $\frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \frac{E}{L}$

ومنه: $\frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} I_0 - \frac{(R_1 + R_2)}{L} I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} - \frac{E}{L} = 0$

ومنه: $I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \left(\frac{1}{\tau} - \frac{(R_1 + R_2)}{L} \right) + \left(\frac{(R_1 + R_2)}{L} I_0 - \frac{E}{L} \right) = 0$

$$\begin{cases} \tau = \frac{L}{(R_1 + R_2)} \\ I_0 = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \end{cases} \quad \text{حيث: } I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \neq 0, \text{ وبالتبسيط نجد:} \quad \begin{cases} \frac{1}{\tau} - \frac{(R_1 + R_2)}{L} = 0 \\ \frac{(R_1 + R_2)}{L} I_0 - \frac{E}{L} = 0 \end{cases} \quad \text{وعليه:}$$

ب- كتابة العبارة الزمنية لكل من التوترين $u_X(t)$ و $u_Y(t)$:

لدينا: $u_X(t) = u_{R_1}(t) = R_1 i(t)$ ولدينا: $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$ ومنه: $u_X(t) = u_{R_1}(t) = R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ لدينا } u_Y(t) = u_{R_1}(t) + u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + R_1 i(t)$$

$$\text{ومنه: } u_Y(t) = L \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ وبالتبسيط نجد: } u_Y(t) = u_{R_1}(t) + u_b(t) = L \frac{di(t)}{dt} + R_1 i(t)$$

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

$$\text{أي: } u_Y(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} + R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ حيث: } \frac{I_0}{\tau} = \frac{E / (R_1 + R_2)}{L / (R_1 + R_2)} = \frac{E}{L}$$

استنتاج عبارتيهما في النظام الدائم:

$$\text{لدينا: } u_X(t) = u_{R_1}(t) = R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ ولما } t \rightarrow \infty \text{ نجد: } u_X(\infty) = u_{R_1}(\infty) = R_1 I_0$$

$$\text{لدينا: } u_Y(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} + R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ ولما } t \rightarrow \infty \text{ نجد: } u_Y(\infty) = R_1 I_0$$

إذن في النظام الدائم نجد: $u_X(\infty) = u_{R_1}(\infty) = u_Y(\infty) = R_1 I_0$ كما هو مبين في الشكل-3.

ج- ارفاق كل بيان بالمدخل الموافق له مع التعليل:

$$\text{لدينا: } u_X(t) = u_{R_1}(t) = R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ ولما } t = 0 \text{ نجد: } u_X(0) = u_{R_1}(0) = 0$$

إذن: البيان (b) خاص بالمدخل X ، وعليه البيان (a) خاص بالمدخل Y .

3- إيجاد قيمة كل من: E و I₀ و R₂ و L: باعتمادا على البيانيين (a) و (b):

$$\text{- قيمة E: لدينا: } u_Y(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} + R_1 I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ ولما } t = 0 \text{ نجد: } u_Y(0) = E$$

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

$$\text{ومن البيان (b) نجد: } u_Y(0) = 12V \text{ إذن: } E = 12V$$

$$\text{- قيمة I}_0 \text{: لدينا: } u_X(\infty) = R_1 I_0 \text{ ومنه: } I_0 = \frac{u_X(\infty)}{R_1}$$

$$\text{ومن البيان (b) في النظام الدائم نجد: } u_X(\infty) = 8V \text{ وعليه: } I_0 = \frac{8}{40} = 0,2 A$$

$$\text{- قيمة R}_2 \text{: لدينا: } I_0 = \frac{E}{(R_1 + R_2)} \text{ ومنه: } (R_1 + R_2) = \frac{E}{I_0} \text{ ومنه نجد: } R_2 = \frac{E}{I_0} - R_1$$

فيزياء تاشتة

BAR 20 19

$$\text{ت-ع: } R_2 = \frac{12}{0,2} - 40 = 20\Omega$$

$$\text{- قيمة L: لدينا: } \tau = \frac{L}{(R_1 + R_2)} \text{ ومنه: } L = \tau(R_1 + R_2)$$

حيث: τ هو فاصلة نقطة تقاطع المماس عند اللحظة $t = 0$ للمنحنى (a) مع المستقيم المقارب $u_X = 8V$ وبالإسقاط نجد: $\tau = 5ms$

$$\text{ت-ع: } L = 5 \times 10^{-3} \times (40 + 20) = 0,3H$$

(02)- 1- أ- اكتب العبارة الزمنية للطاقة في الوشيعية $E_b(t)$:

نعلم أن: $E_b(t) = \frac{1}{2} Li(t)^2$ ولدينا: $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ ومنه نجد: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$.

ب- استنتاج عبارة الطاقة الأعظمية E_{b0} في الوشيعية في النظام الدائم:

لدينا: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$ ولما $t \rightarrow \infty$ نجد: $E_b(\infty) = \frac{1}{2} LI_0^2$ أي: $E_{b0} = \frac{1}{2} LI_0^2$.

ج- إيجاد سلما لمحور الترتيب للشكل-4:

فيزياء تاشته

٥٨٢ ٢٠١٩

لدينا: $E_{b0} = \frac{1}{2} LI_0^2$ ت-ع: $E_{b0} = \frac{0,3 \times (0,2)^2}{2} = 0,006J = 6mJ$.

ومن الشكل-4 نجد: $6cm \rightarrow 6mJ$ وعليه: $1cm \rightarrow 1mJ$.

2- أ- التحقق من قيمة ثابت الزمن τ : لدينا: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$ ومنه: $E_b(t) = E_{b0} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$.

ولما $t = \tau$ نجد: $E_b(t) = E_{b0} (1 - e^{-1})^2$ ومنه: $E_b(t) = 0,4E_{b0} = 2,4mJ$.

وعليه: τ يمثل فاصلة الترتيبية وبالإسقاط نجد: $\tau = 5ms$.

ب- تبيان أن عبارة الزمن $t_{1/2}$ لبلوغ الطاقة في الوشيعية للنصف بالشكل $t_{1/2} = \tau \times \ln\left(\frac{2}{2-\sqrt{2}}\right)$:

فيزياء تاشته

٥٨٢ ٢٠١٩

لدينا: $E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$ ومنه: $E_b(t) = E_{b0} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$.

لما $t = t_{1/2}$ نجد: $E_b(t_{1/2}) = E_{b0} \left(1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}}\right)^2$ ونعلم أن: $E_b(t_{1/2}) = \frac{E_{b0}}{2}$.

أي: $\frac{E_{b0}}{2} = E_{b0} \left(1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}}\right)^2$ ومنه: $\frac{1}{2} = \left(1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}}\right)^2$ ومنه: $1 - e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$.

ومنه: $e^{-\frac{t_{1/2}}{\tau}} = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$ ومنه: $e^{\frac{t_{1/2}}{\tau}} = \frac{2-\sqrt{2}}{2}$ بادخال $\ln(\dots)$ على الطرفين نجد: $\frac{t_{1/2}}{\tau} = \ln\left(\frac{2-\sqrt{2}}{2}\right)$.

فيزياء تاشته

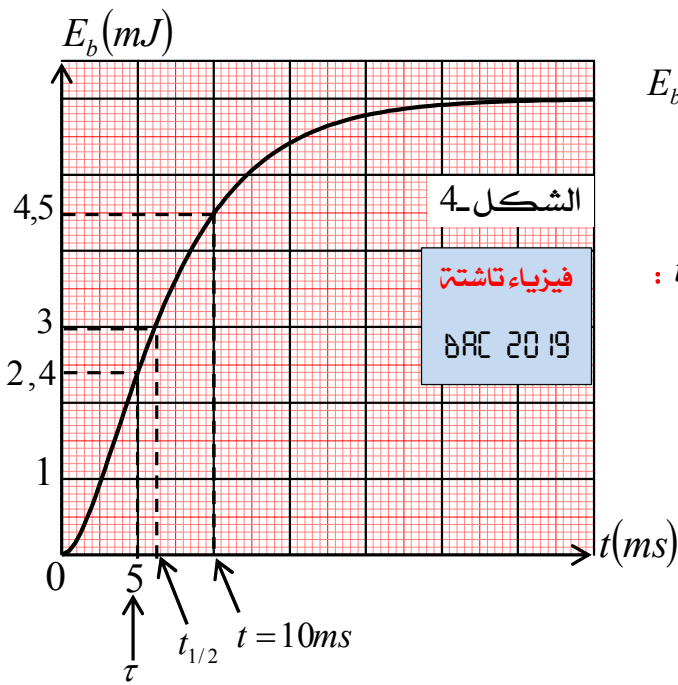
٥٨٢ ٢٠١٩

وبالتبسيط نجد: $t_{1/2} = \tau \times \ln\left(\frac{2}{2-\sqrt{2}}\right)$.

استنتاج قيمة $t_{1/2}$ حسابيا وبيانيا:

- حسابيا: نعلم أن: $t_{1/2} = \tau \times \ln\left(\frac{2}{2-\sqrt{2}}\right)$ ولدينا: $\tau = 5ms$.

ت-ع: $t_{1/2} = 0,005 \times \ln\left(\frac{2}{2-\sqrt{2}}\right) = 0,0061s \approx 6ms$.



- بيانيا: نعلم أن: $E_b(t_{1/2}) = \frac{E_{b_0}}{2} = \frac{0,006}{2} = 0,003J = 3mJ$

$t_{1/2}$ يمثل فاصلة الترتيبة $E_b(t_{1/2}) = 3mJ$ وبالسقاط نجد: $t_{1/2} = 1,22 \times 0,005 = 0,0061 \approx 6mJ$

ج- إيجاد قيمة الطاقة في الوشيعة عند اللحظة $t = 0,01s$:

لدينا: $t = 0,01s$ ومنه: $t = 10ms$

وبالسقاط نجد: $E_b(10ms) = 4,5mJ$

فيزياء تاشنت

BAC 2019

II- 1 ارفاق كل بيان بالمدخل المناسب:

لدينا مما سبق: $u_X(0) = u_{R_1}(0) = 0$ ومنه: البيان (d) خاص بالمدخل X.

إذن: البيان (c) خاص بالمدخل Y.

2- إيجاد قيمة I'_0 و r' : بالاعتماد على البيانين (c) و (d):

- قيمة شدة التيار الكهربائي الأعظمي I'_0 :

لدينا مما سبق: $u_X(\infty) = R_1 I'_0$ ومنه: $I'_0 = \frac{u_X(\infty)}{R_1}$

ومن البيان (d) وفي النظام الدائم نجد: $u_X(\infty) = 6,4V$ ت-ع: $I'_0 = \frac{6,4}{40} = 0,16A$

- قيمة المقاومة الداخلية r' للوشيعة (b'):

- استنتاج عبارة شدة التيار الأعظمي I'_0 بدلالة ثوابت الدارة:

حسب قانون جمع التوترات الكهربائية نجد: $u_b(t) + u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) = E$

ومنه: $L \frac{di(t)}{dt} + ri(t) + R_1 i(t) + R_2 i(t) = E$ وفي النظام الدائم نجد: $0 + rI'_0 + R_1 I'_0 + R_2 I'_0 = E$

وبالتبسيط نجد: $I'_0 = \frac{E}{(r + R_1 + R_2)}$ ومنه: $(r + R_1 + R_2) = \frac{E}{I'_0}$ ومنه: $r = \frac{E}{I'_0} - (R_1 + R_2)$

ت-ع: $r = \frac{12}{0,16} - (40 + 20) = 15\Omega$

3- إيجاد قيمة ثابت الزمن τ' :

نعلم أن: $\tau' = \frac{L}{(r + R_1 + R_2)}$ ت-ع: $\tau' = \frac{0,3}{(15 + 40 + 20)} = 0,004s = 4ms$

ط 2: يمكن استخدام البيان (d) ونجد: $\tau' = 4ms$

- المقارنة بين قمتي τ' و τ : $\tau' < \tau$

نستنتج أن قيمة ثابت الزمن يتناسب عكسا مع قيمة المقاومة المكافئة للدارة.

فيزياء تاشنت

BAC 2019

I - 1. المعادلة التفاضلية لفاصلة المتحرك باعتماد على مبدأ انحفاظ الطاقة:

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2 = Cte \text{ أي: } E_C + E_{Pe} = Cte \text{ وبالتالي:}$$

$$\frac{dx}{dt} = v \text{ حيث: } \frac{1}{2}m \left(2v \times \frac{dv}{dt} \right) + \frac{1}{2}k \left(2x \times \frac{dx}{dt} \right) = 0$$

فيزياء تاشتة

8ARC 20 19

$$\text{ومنه: (1) } \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$$

2. أ: X, ω_0, φ ، ثم حدد قيمة φ .

X : سعة الحركة (المطال الأعظمي).

ω_0 : النبض الذاتي.

φ : الصفحة الابتدائية.

قيمة φ : عند اللحظة $t = 0$ لدينا: $x(0) = X$ وبالتالي: $X = X \cos \varphi$ ومنه: $\cos \varphi = 1$ ، إذن: $\varphi = 0$.
بد التعبير عن ω_0 بدلالة k, m .

$$\text{نشتق عبارة الحل بالنسبة للزمن مرتين فنجد: } \frac{d^2x}{dt^2} = -\omega_0^2 X \cos(\omega_0 t) = -\omega_0^2 x$$

$$\text{وبالتالي: (2) } \frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0 \dots \text{ وبالمطابقة بين العلاقة (1) و(2) نجد: } \omega_0^2 = \frac{k}{m} \text{ أي: } \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

جـ. حساب قيمة ω_0 ثم استنتاج قيمة k .

$$\text{من البيان لدينا: } X \omega_0 = 125 \text{ cm/s} = 1,25 \text{ m/s} \text{ وبالتالي: } \omega_0 = \frac{1,25}{0,2} = 6,25 \text{ rad/s} \approx 2\pi \text{ rad/s}$$

$$\text{قيمة } k: \text{ لدينا } \omega_0^2 = \frac{k}{m} \text{ ومنه: } k = m\omega_0^2 = 1 \times (2\pi)^2 = 40 \text{ N/m}$$

د. حساب قيمة الدور الذاتي T_0 :

$$\text{لدينا: } \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \text{ ومنه: } T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{2\pi} = 1 \text{ s}$$

من البيان الدور T_0 ممثل بـ 5 تدريجات وعليه فإن

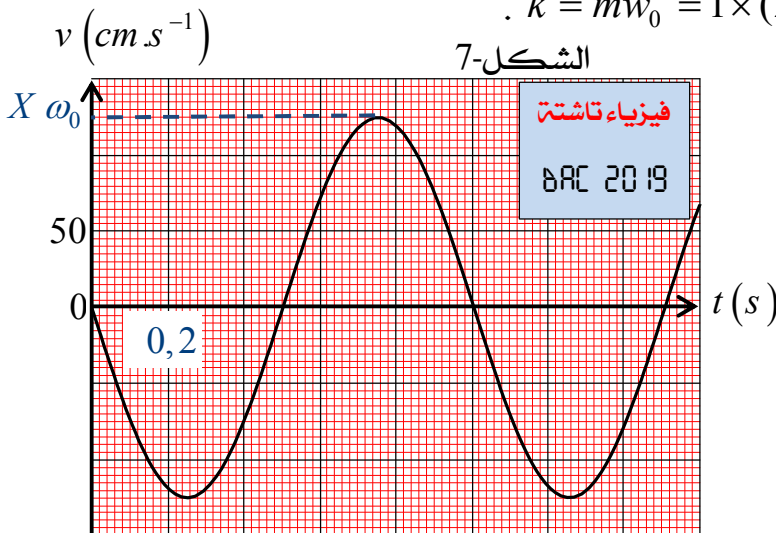
$$\text{التدريجة الواحدة ممثلة بـ: } \frac{T_0}{5} = 0,2 \text{ s}$$

3. عبارة الطاقة الكلية E للجملة بدلالة X و k .
الطاقة الحركية للجسم:

$$E_C = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m(-X\omega_0 \sin \omega_0 t)^2$$

$$E_C = \frac{1}{2}mX^2\omega_0^2 \sin^2 \omega_0 t$$

$$E_C = \frac{1}{2}mX^2 \frac{k}{m} \sin^2 \omega_0 t = \frac{1}{2}kX^2 \sin^2 \omega_0 t$$



الطاقة الكامنة المرنة في النابض:

$$E_{Pe} = \frac{1}{2} kx^2$$

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

$$E_{Pe} = \frac{1}{2} k (X \cos \omega_0 t)^2$$

$$E_{Pe} = \frac{1}{2} kX^2 \cos^2 \omega_0 t$$

الطاقة الكلية:

$$E = E_C + E_{Pe}$$

$$E = \frac{1}{2} kX^2 \sin^2 \omega_0 t + \frac{1}{2} kX^2 \cos^2 \omega_0 t$$

$$E = \frac{1}{2} kX^2 (\sin^2 \omega_0 t + \cos^2 \omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} kX^2$$

4. قيمة الطاقة الحركية للجسم عند اللحظة $t = 0,4s$.

من البيان: عند اللحظة $t = 0,4s$ توافق: $v = -0,75m/s$ وبالتالي: $E_C = \frac{1}{2} \times 1 \times (-0,75)^2 = 0,281J$.

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

5. لحظة أول مرور للجسم بالفاصلة $x = +10cm$.

$$10 = 20 \cos(2\pi t) \quad \text{ومنه:} \quad 2\pi t = \frac{5\pi}{3} \quad \text{أو} \quad 2\pi t = \frac{\pi}{3}$$

لحظة أول مرور للجسم بالفاصلة $x = +10cm$ كانت سرعته سالبة لأنه كان متجها عكس المحور (Ox)
العبارة الزمنية للسرعة هي: $v(t) = -X \omega_0 \cos(2\pi t)$

من أجل: $2\pi t = \frac{\pi}{3}$ تكون $v < 0$ أما من أجل: $2\pi t = \frac{5\pi}{3}$ تكون $v > 0$ ، إذن نحسب الزمن من العبارة

$$2\pi t = \frac{\pi}{3} \quad \text{ومنه:} \quad t = \frac{1}{6} = 0,17s$$

II-1. تعبير عن سرعة الجسم (S) في النقطة B بدلالة: α, v_A, r, g .

$$\text{مبدأ انحفاظ الطاقة: } E_{CA} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{CB} \quad \text{ومنه:} \quad \frac{1}{2} m v_A^2 - mgh + 0 = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$\text{وبالتالي: } v_B^2 = 2gr \cos \alpha + v_A^2 - 2gr(1 - \cos \alpha) \quad \text{إذن:} \quad v_B^2 = v_A^2 - 2gr(1 - \cos \alpha)$$

فيزياء تاشته

٥٨٤ ٢٠١٩

2. أ. تبيان أنه يمكن إهمال الاحتكاك بين O و A .

نقارن بين v_0 و v_A (السرعة عند المرور بوضع التوازن لحظة انفلات الجسم)

$$\text{حساب } v_A: \text{ عند النقطة } A \text{ تكون } \alpha = 0 \text{ أي: } \cos \alpha = 1 \quad \text{وبالتالي من البيان:} \quad v_A^2 = 1,55m^2.s^{-2}$$

ومنه: $v_A = 1,24m.s^{-1}$ ولدينا: $v_0 = 1,25m.s^{-1}$ أي $v_0 = v_A$ وبالتالي حركة مستقيمة منتظمة (الاحتكاك مهم).

ب- التسارع الأرضي g في مكان إجراء التجربة.

البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل: $v^2 = a \cos \alpha + b$ حيث a معامل توجيه البيان

فيزياء تاشتة

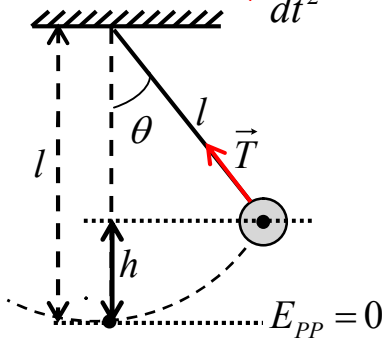
BAE 2019

ولدينا مما سبق: $v^2 = 2gr \cos \alpha + v_A^2 - 2gr$ ومنه: $a = 2gr = \frac{6,2 \times 0,25}{3,9 \times 0,1} = 3,97$

ومنه: $g = \frac{3,97}{2r} = 9,9 \text{ m/s}^2$

التمرين الرابع: خاص بشعبي رياضيات وتقني رياضي

1- أ- تبيان أن المعادلة التفاضلية للمطال الزاوي تكتب بالشكل: $\frac{d^2 \theta}{dt^2} + \frac{g}{l} \sin(\theta) = 0$



فيزياء تاشتة

BAE 2019

حيث g : التسارع الأرضي.

عند اللحظة t نجد: $E_C + E_{PP} + W(\vec{T}) = Cste$

حيث: $W(\vec{T}) = 0$ (حامل عمودي على المماس للمسار في كل لحظة t)

ومنه: $E_C + E_{PP} = Cste$ أي: $\frac{1}{2}mv^2 + mgh = Cste$

نعلم أن: $v = l \times \frac{d\theta}{dt}$ (السرعة الخطية v تساوي نصف القطر l ضرب السرعة الزاوية $\frac{d\theta}{dt}$).

ولدينا من الشكل أعلاه: $h = l - l \cos(\theta)$

ومنه نجد: $\frac{1}{2}ml^2 \left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 + mgl - mgl \cos(\theta) = Cste$ ، باشتقاق طرفي العبارة بالنسبة للزمن نجد:

نجد: $ml^2 \frac{d\theta}{dt} \frac{d^2 \theta}{dt^2} + 0 + mgl \frac{d\theta}{dt} \sin(\theta) = Cste$ ، وبضرب طرفي المساواة في $\left(\frac{1}{ml^2} \frac{d\theta}{dt} \right)$ نجد:

فيزياء تاشتة

BAE 2019

$\frac{d^2 \theta}{dt^2} + \frac{g}{l} \sin(\theta) = 0$ وهو المطلوب.

ب- كيف يصبح شكل المعادلة التفاضلية حالة الاهتزازات صغيرة السعة ؟

إذا كانت الاهتزازات صغيرة السعة يصبح $\sin(\theta) \approx \theta$ إذن: $\frac{d^2 \theta}{dt^2} + \frac{g}{l} \theta = 0 \dots (I)$

2- تبيان أن الدور الذاتي يعطى بالعلاقة: $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{g}{l}}$

لدينا: $\theta(t) = \theta_m \cos(\omega_0 t + \varphi)$

باشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{d\theta}{dt} = -w_0 \theta_m \sin(w_0 t + \varphi)$.

وباشتقاق عبارة السرعة الزاوية نجد: $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -w_0^2 \theta_m \cos(w_0 t + \varphi)$ ومنه: $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -w_0^2 \theta(t)$.

أي: $\frac{d^2\theta}{dt^2} + w_0^2 \theta = 0 \dots (II)$ ، وبمطابقة العبارتين (I) و (II) طرفا لطرف نجد: $w_0^2 = \frac{g}{l}$ أي: $w_0 = \sqrt{\frac{g}{l}}$.

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

نعلم أن: $T_0 = \frac{2\pi}{w_0}$ وبالتعويض نجد: $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{g}{l}}$.

3- استنتاج الدور الذاتي للاهتزازات T_0 :

المعادلة الرياضية للبيان $\frac{d^2\theta}{dt^2} = h(\theta)$ المبين في الشكل-3 هي: $\frac{d^2\theta}{dt^2} = a\theta$ حيث a معامل توجيه البيان.

أي: $a = \frac{1}{-0,1} = -10 \text{ rad}^2 \cdot \text{s}^{-2}$ ونكتب: $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -10\theta \dots (1)$

ولدينا مما سبق العلاقة النظرية: $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -w_0^2 \theta \dots (2)$

بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) نجد: $w_0^2 = 10$ إذن: $w_0 = \pi = 3,14 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

وعليه: $T_0 = \frac{2\pi}{w_0} = \frac{2\pi}{\pi} = 2 \text{ s}$.

-تواتر الاهتزاز f : لدينا: $f = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2} = 0,5 \text{ Hz}$.

-قيمة الدور إذا كانت سعة الاهتزاز $\theta_m = 20^\circ$:

نعلم أن عبارة الدور T حالة الاهتزازات الكبيرة تكتب بالشكل: $T = T_0 \left(1 + \frac{\theta_m^2}{16} \right)$

حيث: $\theta_m = 20^\circ = 0,348 \text{ rad}$ ت-ع: $T = 2 \times \left(1 + \frac{(0,348)^2}{16} \right) = 2,015 \text{ s}$.

فيزياء تاشته

٥٨٢٢ ٢٠١٩

ب- العبارة اللحظية $\theta(t)$:

نعلم أن: $\theta(t) = \theta_m \cos(w_0 t + \varphi)$ ولما $t = 0$ نجد: $\theta(0) = \theta_m \cos(\varphi)$

من المعطيات وعند $t = 0$ نجد: $\theta(0) = \theta_m$

ومنه: $\theta_m = \theta_m \cos(\varphi)$ ومنه: $\cos(\varphi) = 1$ وعليه: $\varphi = 0$.

ولدينا من الشكل-3: $\theta_m = 0,05 \times 2 = 0,1 \text{ rad}$ ، ولدينا أيضا: $w_0 = \pi = 3,14 \text{ rad.s}^{-1}$

فيزياء تاشتة

BAC 2019

إذن: $\theta(t) = 0,1 \cos(\pi.t)$

جـ- سلم رسم للشكل-2:

- سلم لمحور الفواصل: لدينا: $4 \text{ cm} \rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$ ومنه نجد: $1 \text{ cm} \rightarrow 0,5 \text{ s}$.

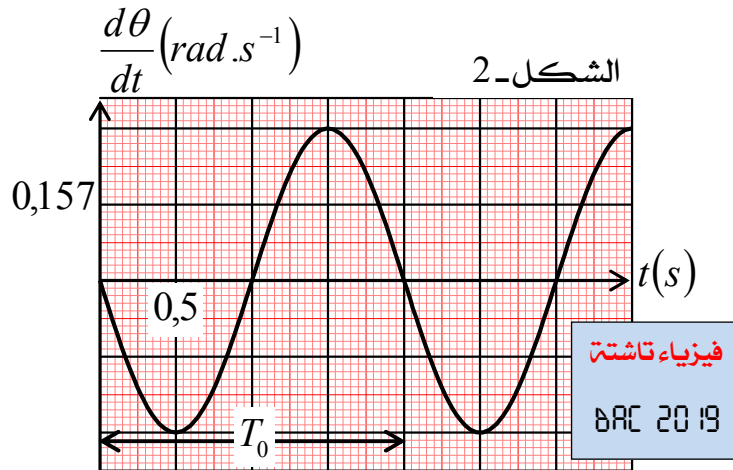
- سلم لمحور الترتيب: لدينا: $\frac{d\theta}{dt} = -w_0 \theta_m \sin(w_0 t + \varphi)$

ومنه أكبر سرعة زاوية هي: $|\theta_m w_0| = 0,1 \times \pi = 0,314 \text{ rad.s}^{-1}$

ومن البيان نجد: $2 \text{ cm} \rightarrow 0,314 \text{ rad.s}^{-1}$ ومنه: $1 \text{ cm} \rightarrow 0,157 \text{ rad.s}^{-1}$

حساب قيمة التسارع الأرضي g في مكان التجربة:

نعلم أن: $w_0^2 = \frac{g}{l}$ ومنه: $g = l \times w_0^2 = 100 \times 10^{-2} \times 10 = 10 \text{ m.s}^{-2}$



أي ملاحظات أفيدونا من فضلكم على الخاص

رابط الصفحة على الفايس بوك

www.facebook.com/physiquetacheta

✉

📧

فيزياء تاشتة

بالتوفيق للجميع

BAC 2019

بالتوفيق للجميع ...

فيزياء تاشطة

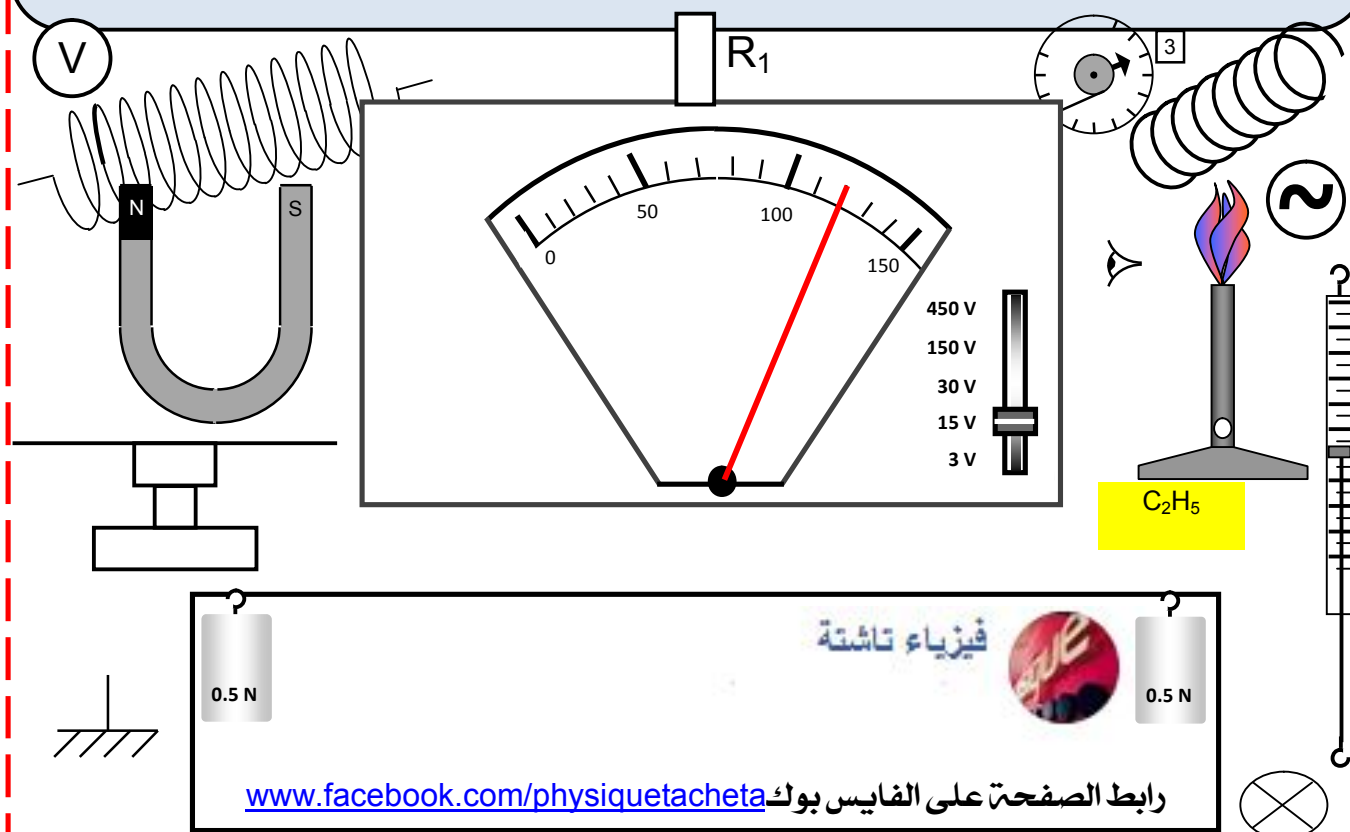
8AC 20 19

نحو البكالوريا

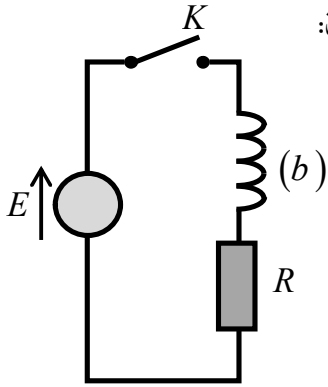
8AC 20 19

17

الموضوع السابع عشر



التمرين الأول :



الشكل-1

نحقق التركيب التجريبي الموضح في الشكل-1 والمكون من العناصر الكهربائية التالية:

- مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية E .

- وشيعة (b) ذاتيتها L ومقاومتها مهملة.

- ناقل أومي مقاومته $R = 60\Omega$.

- قاطعة K ، أسلاك التوصيل.

I - عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K وباعتماد على نتائج الدراسة التجريبية

وبرنامج اعلام آلي مناسب تمكنا من رسم المنحنين البيانيين $\frac{u_R}{u_b} = f(t)$ و $u_R = g(t)$

موضحين في الشكلين 2 و 3 على الترتيب.

1- بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي $u_b(t)$ بين طرفي الوشيعة.

2- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة العبارة $u_b(t) = Ae^{-Bt}$ حلالها، حيث A و B ثابتين يطلب تعيين عبارتهما بدلالة مميزات الدارة الكهربائية.

3- أجد العبارة اللحظية للتوتر الكهربائي $u_R(t)$ بين طرفي الناقل الأومي.

ب- أكتب عبارة النسبة $\frac{u_R(t)}{u_b(t)}$ بدلالة t و τ .

4- باعتماد على المنحنين البيانيين $\frac{u_R}{u_b} = f(t)$ و $u_R = g(t)$ ، جد قيمة كل من:

أ- ثابت الزمن τ ثم استنتج قيمة ذاتية الوشيعة L .

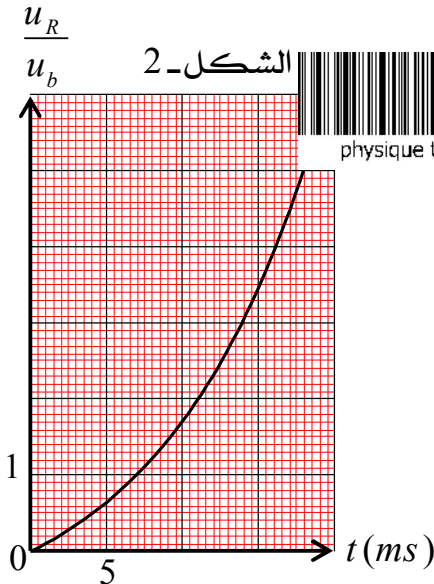
ب- القوة المحركة الكهربائية E .

ج- التوتر الكهربائي u_b بين طرفي الوشيعة عند اللحظة $t = 10ms$.

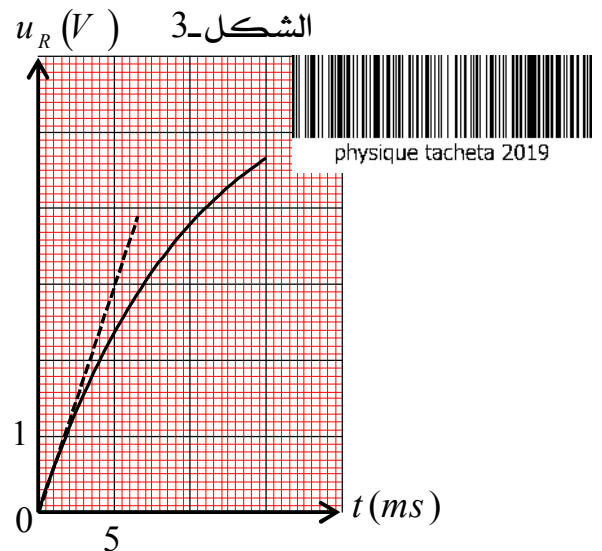
6- بين أن العبارة اللحظية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$ تكتب من الشكل: $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ ، حيث I_0

شدة التيار الأعظمي المارة في الدارة يطلب تعيين عبارته، ثم أحسب قيمته.

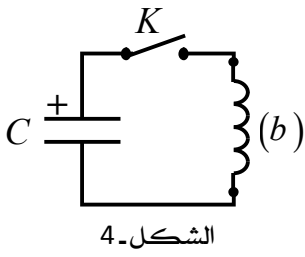
7- أحسب قيمة الطاقة الأعظمية في الوشيعة.



الشكل-2



الشكل-3



II- نشحن مكثفة سعتها C تماما بنفس مولد التوتر الكهربائي السابق E ، ثم نربطها

على التسلسل مع الوشيعية (b) السابقة كما هو موضح في الشكل-4.

1- بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية بدلالة شحنة المكثفة $q(t)$.

2- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل $q(t) = Q_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$

حيث Q_0 هي شحنة المكثفة عند اللحظة $t = 0$.

أ- حدد قيمة الصفحة الابتدائية φ .

ب- جد عبارة النبض الذاتي ω_0 بدلالة ذاتية الوشيعية L وسعة المكثفة C .

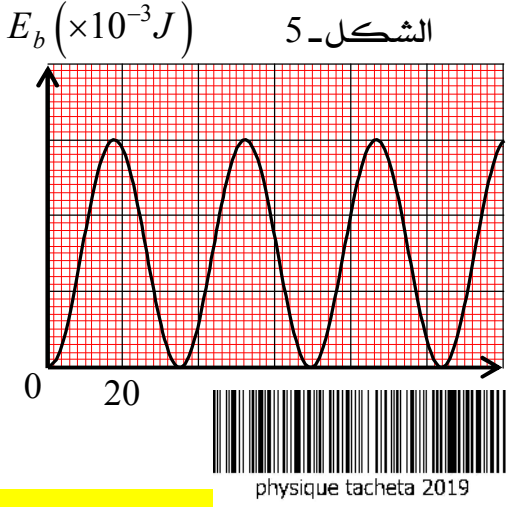
3- يمثل منحنى الشكل-5 تطور طاقة الوشيعية بدلالة الزمن.

أ- ضع سلما لمحور الترتيب الشكل-5.

ب- جد قيمة سعة المكثفة C .

ج- بين أن طاقة الدارة تبقى ثابتة مهما كان الزمن.

د- أحسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = 80ms$.



physique tacheta 2019

التمرين الثاني:

لدينا قارورة بها محلول (S_0) للماء الأكسجيني (H_2O_2) مكتوب عليها $(110V)$ ، وهذا يعني أن التفكك التام لـ $1L$ من الماء الأكسجيني يعطي $110L$ من غاز ثنائي الأكسجين مقاسا في الشرطين النظامين لدرجة الحرارة والضغط.

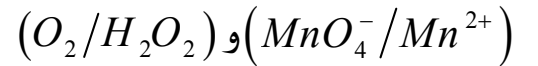
I- نمدد محتوى القارورة 10 مرات لنحصل على محلول (S) . نأخذ من المحلول الناتج حجما قدره $10mL$ ونعايره

بواسطة محلول برمنغنات البوتاسيوم $(K^+ + MnO_4^-)$ تركيزه المولي $C = 0,5 mol.L^{-1}$. نحصل على

التكافؤ بعد إضافة حجم قدره $V_E = 7,9mL$ من محلول برمنغنات البوتاسيوم.

1- ما المقصود بالتكافؤ؟

2- أكتب معادلة تفاعل المعايرة، علما أن الثنائيتين الداخلتين في هذا التفاعل هما:



3- أحسب التركيز المولي للمحلول (S) ، ثم استنتج تركيز المحلول (S_0) .

4- أكتب معادلة تفكك الماء الأكسجيني، ثم أنشئ جدول تقدم هذا التفاعل.

تعطى: (O_2/H_2O_2) و (H_2O_2/H_2O) .

ب- هل الكتابة $(110V)$ المسجلة على القارورة دقيقة؟ علل.

II- نتابع التفكك الذاتي لـ $20mL$ من الماء الأكسجيني من المحلول (S) ، وذلك بقياس ضغط غاز الأكسجين

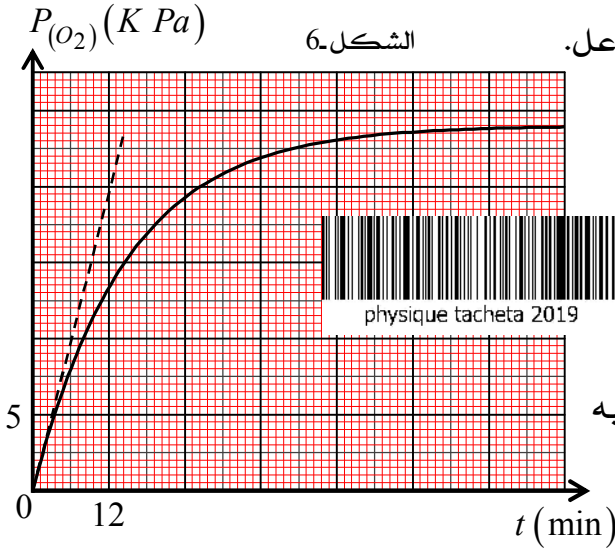
الناتج في لحظات مختلفة داخل قارورة حجمها $V = 1L$ ودرجة الحرارة بداخلها $\theta = 20^\circ C$. النتائج التجريبية

مكنت من رسم المنحنى $P_{O_2} = f(t)$ المبين في الشكل-6.

1- جد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$.

2- اعتمادا على جدول تقدم التفاعل، أحسب حجم غاز الأكسجين في نهاية التفاعل، هل تتوافق هذه النتيجة مع ما كتب على القارورة؟

3- بين أنه عند اللحظة $t_{1/2}$ نكتب: $P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{P_f(O_2)}{2}$ ، حيث $P_f(O_2)$ هو ضغط غاز



ثنائي الأكسجين في نهاية التفاعل، ثم استنتج زمن نصف التفاعل.

4- بين أن السرعة الحجمية للتفاعل تكتب على الشكل

$$v_{vol}(t) = 2 \times 10^{-5} \frac{dP_{O_2}}{dt}$$

التالي: ثم أحسب قيمتها

5- نعيد إجراء نفس التفاعل السابق ولكن عند درجة حرارة $\theta' > \theta$.

- أرسم كيفيا مع البيان السابق البيان $P_{O_2} = g(t)$ المتحصل عليه في هذه التجربة.

المعطيات: $R = 8,31 SI$ و $V_M = 22,4 L.mol^{-1}$.

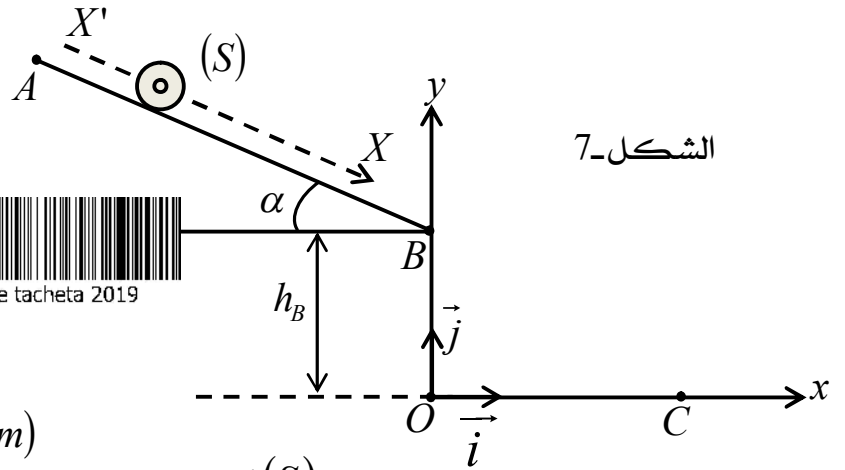
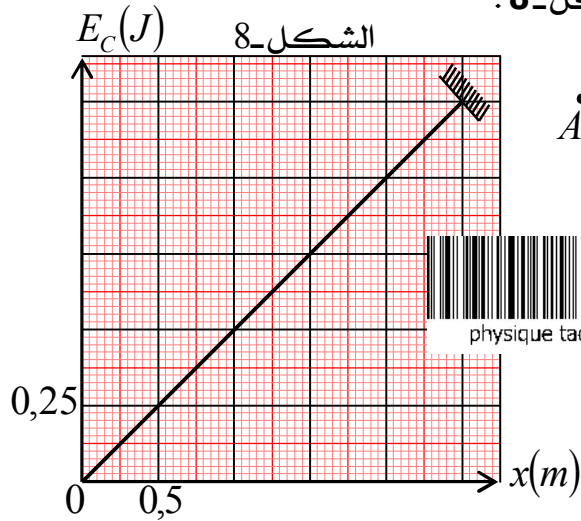
التمرين الثالث:

يعطى تسارع الجاذبية الأرضية $g = 10 m.s^{-2}$.

I- نترك جسما نقطيا (S) كتلته $m = 100g$ بدون سرعة ابتدائية من الموضع A على مستوي مائل AB

أملس يميل عن الأفق بالزاوية α فيصل للموضع B بسرعة v_B . انظر الشكل 7.

واعتمادا على النتائج التجريبية تمكنا من رسم المنحنى البياني $E_C = f(x)$ لتغيرات الطاقة الحركية للجسم (S) على المسار (AB) بدلالة المسافة المقطوعة، الموضح في الشكل 8.



1- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) أثناء حركته.

2- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد عبارة تسارع الحركة a على المستوي (AB).

ب- ما طبيعة طبيعة الحركة على المسار (AB)؟

3- بين أن عبارة الطاقة الحركية E_C للجسم (S) عند موضع فاصلته x تكتب بالشكل: $E_C = ma.x$.

4- بالاعتماد على البيان $E_C = f(x)$ جد قيمة كل من:

أ- المسافة AB.

ب- سرعة الجسم عند (S) الموضع B.



ج- قيمة التسارع a ، ثم استنتج قيمة الزاوية α .

II - عند وصول الجسم (S) للموضع B الذي يرتفع بـ $h_B = 1,8m$ عن سطح الأرض يواصل حركته في المستوي $(O, \vec{i}, \vec{j})$ فيسقط عند الموضع C بسرعة قدرها v_C عند اللحظة t_C ، يهمل تأثير الهواء في هذا الجزء .

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، حدد طبيعة حركة الجسم (S) في المعلم $(\vec{Ox}, \vec{Oy})$.

2- اكتب المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $y(t)$.

3- استنتج معادلة المسار $y = g(x)$.

4- أ- جد قيمة المسافة الأفقية OC .

ب- جد قيمة t_C .

ج- احسب قيمة v_C .

III - هذا الجزء خاص فقط بشعبي الرياضيات والتقني رياضي....

يعطى تسارع الجاذبية الأرضية $g = 10 m.s^{-2}$ و $\pi^2 = 10$ ، يهمل تأثير الهواء .

الشكل-9 يوضح نواس مرن شاقولي يتكون من نابض مرن (R) حلقاته غير متصلة ، كتلته مهملة ، وثابت مرونته K ، مثبت في الأعلى ويحمل في نهايته الحرة الجسم (S) السابق الذي نعتبره نقطيا .

1- أ- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) عند حالة التوازن .

ب- اكتب عبارة الاستطالة Δl للنابض (R) عند حالة التوازن بدلالة: m و K و g .

2- نسحب الجسم (S) شاقوليا نحو الأسفل عن وضع توازنه الذي نعتبره مبدأ لمحور الفواصل بمقدار $X_0 +$ ، ويترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$.

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد المعادلة التفاضلية لتطور الفاصلة $x(t)$ للجسم (S) .

ب- إن العبارة $x(t) = X_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right)$ حل للمعادلة التفاضلية السابقة .

حيث T_0 الدور الذاتي للحركة يطلب إيجاد عبارته .

3- الدراسة التجريبية للحركة الاهتزازية سمحت برسم البيان $E_{Pe} = h(t)$

لتغيرات الطاقة الكامنة المرونية بدلالة الزمن الموضح في الشكل-10 .

أ- اكتب العبارة الزمنية للطاقة الكامنة المرونية $E_{Pe}(t)$.

ب- اعتمادا على البيان جد قيمة كل من :

- T_0 الدور الذاتي للحركة .

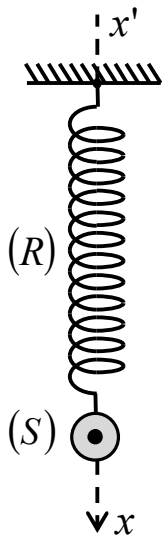
- W_0 نبض الحركة .

- K ثابت مرونة النابض (R) .

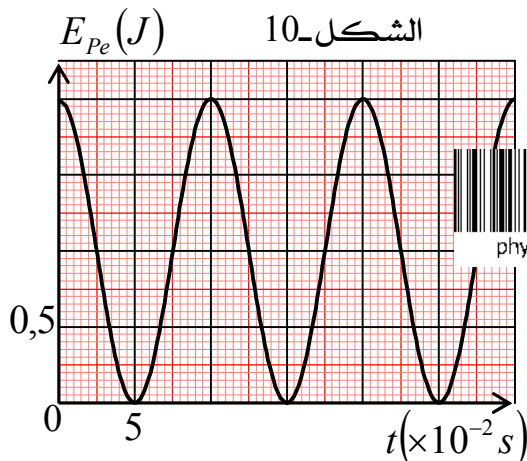
- X_0 سعة الحركة .

ج- أكتب المعادلة الزمنية للحركة $x(t)$.

بالتوفيق للجميع ...



الشكل-9



الشكل-10

physique tacheta 2019

1- المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي $u_b(t)$.

بتطبيق قانون جمع التوترات $E = u_b(t) + u_R(t)$ ومنه $E = u_b(t) + u_R(t) + Ri(t)$ باشتقاق طرفي

$$L \frac{du_b(t)}{dt} + RL \frac{di(t)}{dt} = 0 \text{ نجد: } L \text{ وبالضرب في } \frac{du_b(t)}{dt} + R \frac{di(t)}{dt} = 0$$

$$\frac{du_b(t)}{dt} + \frac{R}{L} u_b(t) = 0 \text{ وبالتالي:}$$



physique tacheta 2019

2- عبارة A و B :

بالاشتقاق عبارة الحل بالنسبة للزمن نجد: $\frac{du_b(t)}{dt} = -ABe^{-Bt}$ وبتعويض الحل وعبارة المشتقة في المعادلة

$$\begin{cases} Ae^{-Bt} \neq 0 \\ -B + \frac{R}{L} = 0 \end{cases} \text{ وعليه: } \left(-B + \frac{R}{L}\right) Ae^{-Bt} = 0 \text{ ومنه: } -ABe^{-Bt} + \frac{R}{L} Ae^{-Bt} = 0$$

$$\text{ومنه: } B = \frac{R}{L} = \frac{1}{\tau}$$

ومن الشروط الابتدائية $(t=0)$: $E = u_b(0) + u_R(0)$ حيث: $u_R(0) = 0$ ومنه: $E = u_b(0)$

ولدينا: $u_b(0) = Ae^0 = E$ ومنه: $A = E$.

3- العبارة اللحظية للتوتر الكهربائي $u_R(t)$ بين طرفي الناقل الأومي.

لدينا: $E = u_b(t) + u_R(t)$ ومنه: $u_R(t) = E - u_b(t)$ وعليه: $u_R(t) = E - Ee^{-\frac{t}{\tau}}$ إذن:

$$u_R(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

$$\frac{u_R(t)}{u_b(t)} = \frac{E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)}{Ee^{-\frac{t}{\tau}}} = \frac{1 - e^{-\frac{t}{\tau}}}{e^{-\frac{t}{\tau}}} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1 \text{ بدلالة } \tau \text{ و } t:$$

4- قيمة ثابت الزمن τ

من المنحنى البياني $\frac{u_R}{u_b} = f(t)$: لما $t = \tau$: $\frac{u_R}{u_b} = e^1 - 1 = 2,71 - 1 = 1,71$ هذه القيمة توافق: $\tau = 10ms$.

قيمة ذاتية الوشيعة L :

$$\text{لدينا: } \tau = \frac{L}{R} \text{ ومنه: } L = \tau \times R \text{ وعليه: } L = 10 \times 10^{-3} \times 60 = 0,6H$$

ب- قيمة E :

من المنحنى البياني $g(t) = u_R(t)$ المماس عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل: $u_R(t) = at$ حيث a

$$a = \left. \frac{du_R}{dt} \right|_{t=0} = \frac{E}{\tau} e^0 = \frac{E}{\tau} \dots (1) \text{ ومنه: } t = 0 \text{ اللحظة عند البيان}$$



physique tacheta 2019

ومن البيان: (2)..... $a = \frac{3-0}{(5-0) \times 10^{-3}} = 0,6 \times 10^3 V \cdot s^{-1}$ وبالمطابقة بين العلاقة (1) و(2) نجد:

$$E = \tau \times 0,6 \times 10^3 = 10 \times 10^{-3} \times 0,6 \times 10^3 = 6V \text{ ومنه: } \frac{E}{\tau} = 0,6 \times 10^3 V \cdot s^{-1}$$

جـ- التوتر الكهربائي u_b بين طرفي الوشيعية عند اللحظة $t = 10ms$.

$$E = u_b(\tau) + u_R(\tau) \text{ ومنه: } u_b(\tau) = E - u_R(\tau) \text{ وعليه: } u_b(\tau) = 6 - 3,8 = 2,2V$$

6- تبيان أن العبارة اللحظية لشدة التيار الكهربائي $i(t)$ تكتب من الشكل:

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ لدينا: } u_R(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = Ri(t) \text{ ومنه: } i(t) = \frac{E}{R} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ حيث: } I_0 = \frac{E}{R}$$

$$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{6}{60} = 0,1A \text{ حساب قيمة } I_0$$

7- حساب قيمة الطاقة الأعظمية في الوشيعية.

$$E_{b \max} = \frac{1}{2} LI_0^2 = \frac{1}{2} \times 0,6 \times (0,1)^2 = 3 \times 10^{-3} J$$

II- 1- المعادلة التفاضلية بدلالة شحنة المكثفة $q(t)$.

$$L \frac{di(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = 0 \text{ ومنه: } u_b(t) + u_C(t) = 0 \text{ بتطبيق قانون جمع التوترات}$$

$$L \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{C} = 0 \text{ ومنه: } L \frac{d}{dt} \left(\frac{dq(t)}{dt} \right) + \frac{q(t)}{C} = 0 \text{ وعليه: } L \frac{d^2q(t)}{dt^2} + \frac{q(t)}{C} = 0 \text{ إذن: (1) } \frac{d^2q(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} q(t) = 0$$

2- أ- قيمة الصفحة الابتدائية φ .

من الشروط الابتدائية عند اللحظة $t = 0$ تكون المكثفة مشحونة تماما أي: $q(0) = Q_0$ ومنه: $Q_0 = Q_0 \cos \varphi$ ومنه: $\cos \varphi = 1$ إذن: $\varphi = 0$.

ب- عبارة النبض الذاتي ω_0 بدلالة ذاتية الوشيعية L وسعة المكثفة C .

$$q(t) = Q_0 \cos \omega_0 t \text{ ومنه: } \frac{dq(t)}{dt} = -Q_0 \omega_0 \sin \omega_0 t \text{ ومنه: } \frac{d^2q(t)}{dt^2} = -Q_0 \omega_0^2 \cos \omega_0 t$$

$$\frac{d^2q(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} q(t) = 0 \text{ إذن: (2) } \frac{d^2q(t)}{dt^2} + \omega_0^2 q(t) = 0 \text{ بالمطابقة بين (1) و(2) نجد: } \omega_0^2 = \frac{1}{LC} \text{ ومنه: } \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

3- أ- ضع سلما لمحور الترتيب الشكل-5.

تم الشحن المكثفة بنفس التوتر السابق E واستعملنا نفس الوشيعية السابقة ومنه قيمة الطاقة الأعظمية في

$$E_{b \max} = 3 \times 10^{-3} J \text{ وهي ممثلة بـ } 3cm \text{ ومنه: } 1cm \rightarrow 1 \times 10^{-3} J$$

ب- قيمة سعة المكثفة C .

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = 92,4 rad / s \text{ ومنه: } T_0 = 68ms \text{ من البيان: } \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0}$$

$$C = \frac{1}{L \omega_0^2} = \frac{1}{0,6 \times 8537,76} = 195,2 \mu F \text{ ولدينا: } \omega_0^2 = \frac{1}{LC}$$



physique tacheta 2019

جـ- تبيان أن طاقة الدارة تبقى ثابتة مهما كان الزمن.

$$E = E_C + E_b = \frac{1}{2} C u_C^2 + \frac{1}{2} L i^2$$

$$E = \frac{1}{2} C \frac{Q_0^2}{C^2} \cos^2 \omega_0 t + \frac{1}{2} L Q_0^2 \omega_0^2 \sin^2 \omega_0 t$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \text{ حيث:}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{Q_0^2}{C} (\cos^2 \omega_0 t + \sin^2 \omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{Q_0^2}{C} = \frac{1}{2} \frac{C^2 E^2}{C} = \frac{1}{2} C E^2$$

ومنه الطاقة تبقى ثابتة مهما كان الزمن.

د- الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t = 80ms$.

عند اللحظة $t = 80ms$ تكون: $E_b(80ms) = 2 \times 10^{-3} J$ ومنه: $E_C(80ms) = E - E_b(80ms) = 10^{-3} J$.

التمرين الثاني:

1- المقصود بالتكافؤ: هي الحالة التي يتحقق لنا عندها مزيج ستوكيومتري، أي الاختفاء التام للمتفاعلين.

2- معادلة تفاعل المعايرة:

- المعادلة النصفية للأكسدة: $5 \times (H_2O_2 = O_2 + 2H^+ + 2e^-)$

- المعادلة النصفية للإرجاع: $2 \times (MnO_4^- + 8H^+ + 5e^- = Mn^{2+} + 4H_2O)$

- معادلة تفاعل المعايرة هي: $2MnO_4^- + 5H_2O_2 + 6H^+ = 2Mn^{2+} + 5O_2 + 8H_2O$

3- حساب التركيز المولي للمحلول (S)، ثم استنتاج تركيز المحلول (S_0):

عند التكافؤ يتحقق لنا مزيج ستوكيومتري أي: $\frac{n(MnO_4^-)}{2} = \frac{n(H_2O_2)}{5}$

وعليه: $n(H_2O_2) = 2,5n(MnO_4^-)$ ومنه: $[H_2O_2] = C_1 = 2,5 \frac{CV_E}{V} = 2,5 \times \frac{0,5 \times 7,9}{10}$

إذن: $[H_2O_2] = C_1 = 0,9875 mol.L^{-1}$

- استنتاج التركيز C_0 للمحلول (S_0):

لدينا معامل التمديد: $F = 10$ وبالتالي: $C_0 = [H_2O_2]_0 = 10 \times C_1 = 10 \times 0,9875 mol.L^{-1}$

إذن: $C_0 = [H_2O_2]_0 = 9,875 mol.L^{-1}$

4- أ- معادلة تفكك الماء الأكسجيني:

- المعادلة النصفية للأكسدة: $H_2O_2 = O_2 + 2H^+ + 2e^-$

- المعادلة النصفية للإرجاع: $H_2O_2 + 2H^+ + 2e^- = 2H_2O$

- معادلة تفاعل المعايرة هي: $2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$

جدول تقدم هذا التفاعل:

حالة الجملة	$2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$		
الإبتدائية	n_0	0	بوفرة
الانتقالية	$n_0 - 2x$	x	بوفرة
النهائية	$n_0 - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	بوفرة

بد التأكد من الكتابة (110V) المسجلة على القارورة:

عند تفكك الماء الأكسجيني كلياً نكتب: $n_0 - 2x_{\max} = 0$ ومنه: $n_0 = 2x_{\max}$



$$n_f(O_2) = x_{\max} = \frac{V_f(O_2)}{V_M} = \frac{110}{22,4} = 4,91 \text{ mol}$$

$$\text{ومن: } n_0 = 2 \times 4,91 = 9,82 \text{ mol} \text{ وبالتالي: } C_0 = \frac{n_0(H_2O_2)}{V} = \frac{9,82}{1} = 9,82 \text{ mol.L}^{-1}$$

بالمقارنة: $C_0 = 9,82 \text{ mol.L}^{-1} \approx 9,87 \text{ mol.L}^{-1}$ نستنتج أن القيمة المسجلة على القارورة دقيقة.

II-1. إيجاد قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max}$:

من جدول التقدم $n_f(O_2) = x_{\max}$ ومن قانون الغازات المثالية: $P_f V = n_f(O_2) R T$

$$\text{وعليه: } x_{\max} = n_f(O_2) = \frac{P_f V}{R T}$$



$$x_{\max} = n_f(O_2) = \frac{4,8 \times 5 \times 10^3 \times 1 \times 10^{-3}}{8,31 \times 293} = 9,86 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

2. حساب $V_f(O_2)$ حجم غاز الأكسجين في نهاية التفاعل:

$$\text{لدينا: } n_f(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{V_M} \text{ ومنه: } V_f(O_2) = n_f(O_2) \times V_M = 9,86 \times 10^{-3} \times 22,4 = 0,22 \text{ L}$$

$$\text{إذن: } V_f(O_2) = 0,22 \text{ L}$$

- هل تتوافق هذه النتيجة مع ما كتب على القارورة؟:

للتأكد مما كتب على القارورة، يجب علينا حساب حجم غاز ثنائي الأكسجين الناتج عن تفكك 1L من الماء الأكسجيني.

لدينا مما سبق، عند تفكك 20 mL من المحلول الممدد (S) نتج عنه $V_f(O_2) = 0,22 \text{ L}$.

$$\text{وعليه نكتب: } \begin{cases} 20 \text{ mL} \rightarrow 0,22 \text{ L} \\ 1000 \text{ mL} \rightarrow V_f(O_2) \end{cases} \text{ وبالتالي: } V_f(O_2) = 11 \text{ L}$$

- إذن تفكك 1L من محلول (S) المركزيطي حجماً قدره: $V_f(O_2) = 10 \times 11 = 110 \text{ L}$

وبالتالي نستنتج أن النتيجة ($V_f(O_2) = 0,22 \text{ L}$) المتحصل عليها تتوافق مع ما كتب على القارورة.

$$\text{3. تبين أن } P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{P_f(O_2)}{2}$$

من قانون الغازات المثالية عند لحظة t نكتب: $P_{O_2}(t) V = n_{O_2}(t) R T$ ومنه: $P_{O_2}(t) = \frac{x R T}{V}$

$$\text{وعند نهاية التفاعل: } P_f(O_2) = \frac{x_{\max} R T}{V}$$

$$\text{أما عند اللحظة } t = t_{1/2} \text{ نكتب: } P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{x(t_{1/2}) R T}{V} \text{ ومنه: } P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{x_{\max} R T}{2V}$$



$$\text{وبالتالي نجد: } P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{P_f(O_2)}{2}$$

- استنتاج زمن نصف التفاعل:

$$t_{1/2} = 10,2 \text{ min} \text{ وبالإسقاط نجد: } P_{O_2}(t_{1/2}) = \frac{P_f(O_2)}{2} = \frac{4,8 \times 5 \times 10^3}{2} = 12 \times 10^3 \text{ Pa}$$



physique tacheta 2019

$$4. \text{ تبيان أن } v_{vol}(t) = 2 \times 10^{-5} \frac{dP_{O_2}}{dt}$$

عبارة السرعة الحجمية هي: $v_{vol}(t) = \frac{1}{V_T} \frac{dx}{dt}$ ولدينا: $P_{O_2}(t)V_{O_2} = xRT$ ومنه: $x = \frac{P_{O_2}V_{O_2}}{RT}$

$$\text{ومنه: } v_{vol}(t) = \frac{1}{20 \times 10^{-3}} \times \frac{10^{-3}}{8,31 \times 293} \times \frac{dP_{O_2}}{dt} \text{ وعليه: } v_{vol}(t) = \frac{1}{V_T} \times \frac{V_{O_2}}{RT} \times \frac{dP_{O_2}}{dt}$$

وبالتالي نجد: $v_{vol}(t) = 2 \times 10^{-5} \frac{dP_{O_2}}{dt}$ وهو المطلوب.

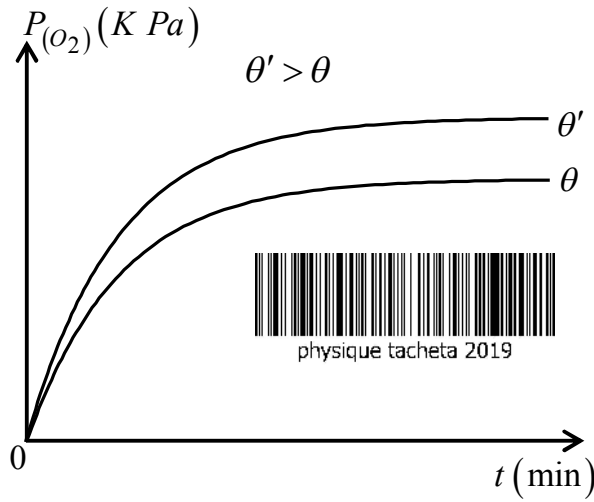
- حساب قيمة السرعة الحجمية عند اللحظة $t = 0$:

$$v_{vol}(0) = 3,3 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1} \text{ وبالتالي: } v_{vol}(0) = 2 \times 10^{-5} \left. \frac{dP_{O_2}}{dt} \right|_{t=0} = 2 \times 10^{-5} \times \frac{20 \times 10^3 - 0}{12 - 0}$$

5- نعيد إجراء نفس التفاعل السابق ولكن عند درجة حرارة $\theta' > \theta$.

- رسم المنحنى $P_{O_2} = g(t)$ المتحصل عليه في هذه التجربة.

- عند رفع درجة الحرارة، تزداد قيمة الضغط عند نهاية التفاعل.

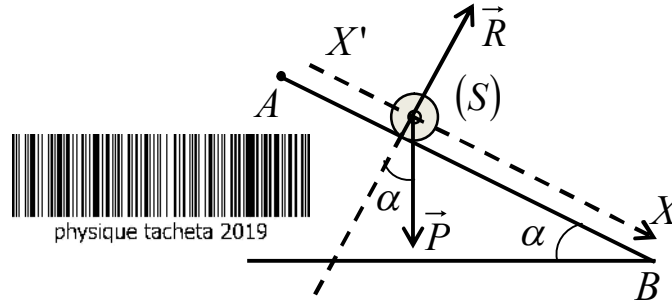


physique tacheta 2019



physique tacheta 2019

I- 1. تمثيل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) أثناء حركته على المستوى المائل :



2- أ- إيجاد عبارة التسارع a للجسم (S) :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \quad \text{ومنه: } \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a} \quad \text{بالاسقاط وفق المحور } \vec{X}'\vec{X} \text{ نجد: } P_X = ma$$

ومنه: $ma = P \sin(\alpha) = mg \sin(\alpha)$ أي: $a = g \sin(\alpha)$.

ب- طبيعة حركة الجسم (S) على المسار (AB) :

لدينا: $a = g \sin(\alpha)$ أي: $a = Cste$ والمسار مستقيم وعليه فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

3- تبيان أن عبارة الطاقة الحركية E_C للجسم (S) عند موضع فاصلته x تكتب بالشكل: $E_C = ma \cdot x$:

نعلم أنه في كل لحظة t: $E_C = \frac{1}{2}mv^2$ ونعلم أيضا أن: $v^2 - v_A^2 = 2a \cdot x$ ومنه $v^2 = 2a \cdot x$

ومنه نجد: $E_C = \frac{1}{2}m(2a \cdot x)$ أي: $E_C = ma \cdot x$(1)



4- بالاعتماد على البيان $E_C = f(x)$ جد قيمة كل من:

أ- المسافة AB : $AB = x_m = 0,5 \times 5 = 2,5m$

ب- v_B سرعة الجسم عند (S) الموضع B : نعلم أن: $E_{C_B} = \frac{1}{2}mv_B^2$ ومنه نجد: $v_B = \sqrt{\frac{2E_{C_B}}{m}}$

حيث E_{C_B} هي ترتيبية الفاصلة $x_m = 2,5m$ ومن البيان نجد أن: $E_{C_B} = 0,25 \times 5 = 1,25J$

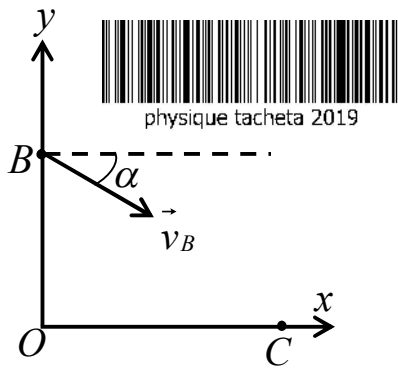
أي: $v_B = \sqrt{\frac{2 \times 1,25}{0,1}} = 5m.s^{-1}$

ج- قيمة التسارع a : البيان خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $E_C = \lambda \cdot x$(2)

حيث λ معامل توجيه البيان: $\lambda = \frac{\Delta E_C}{\Delta x} = \frac{1,25}{2,5} = 0,5J.m^{-1}$

بمطابقة العلاقة (1) و (2) طرفا لطرف نجد: $ma = \lambda$ ومنه: $a = \frac{\lambda}{m} = \frac{0,5}{0,1} = 5m.s^{-1}$

استنتاج قيمة الزاوية α : لدينا مما سبق: $a = g \sin(\alpha)$



ومنه: $\sin(\alpha) = \frac{a}{g} = \frac{5}{10} = 0,5$ أي: $\alpha = 30^\circ$.

II - 1- تحديد طبيعة حركة الجسم (S) في المعلم $(O, \vec{Ox}, \vec{Oy})$:

لدينا الشروط الابتدائية (لما $t = 0$):

$$\vec{v}_B \begin{cases} v_{Bx} = v_B \cos(\alpha) \\ v_{By} = -v_B \sin(\alpha) \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} x(0) = x_B = 0 \\ y(0) = y_B = 1,8m \end{cases}$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S) في المعلم السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا نجد:

$$\begin{cases} ma_x = 0 \\ ma_y = -P = -mg \end{cases} \quad \text{ومنه: } \sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \quad \text{وبالاسقاط وفق المحورين } (\vec{Ox}) \text{ و } (\vec{Oy}) \text{ نجد:}$$

$$\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \quad \text{ومنه:} \quad \text{وبالتالي فالحركة منتظمة وفق المحور } (\vec{Ox}) \text{ ومتغيرة بانتظام وفق المحور } (\vec{Oy}).$$

2- كتابة المعادلتين الزميتين $x(t)$ و $y(t)$: نعلم أن:

$$\begin{cases} a_x = \frac{dv_x(t)}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y(t)}{dt} = -g \end{cases}$$

وبالمكاملة بالنسبة للزمن واستغلال الشروط الابتدائية نجد:

$$\begin{cases} v_x(t) = v_B \cos(\alpha) \\ v_y(t) = -gt - v_B \sin(\alpha) \end{cases}$$

وبالمكاملة بالنسبة للزمن واستغلال الشروط الابتدائية نجد:

$$\begin{cases} \frac{dx(t)}{dt} = v_B \cos(\alpha) \\ \frac{dy(t)}{dt} = -gt - v_B \sin(\alpha) \end{cases} \quad \text{ومنه:}$$



$$\begin{cases} x(t) = v_B \cos(\alpha)t \dots (1) \\ y(t) = -\frac{g}{2}t^2 - v_B \sin(\alpha)t + y_B \dots (2) \end{cases}$$

3- استنتاج معادلة المسار $y = f(x)$: من (1) نجد:

$$t = \frac{x(t)}{v_B \cos(\alpha)}$$

وبالتعويض في (2) نجد:

$$y(x) = -\frac{g}{2} \left(\frac{x(t)}{v_B \cos(\alpha)} \right)^2 - v_B \sin(\alpha) \frac{x(t)}{v_B \cos(\alpha)} + y_B$$

ومنه:

$$y(x) = -\frac{g}{2v_B^2 \cos^2(\alpha)} x(t)^2 - \tan(\alpha)x(t) + y_B$$

ت-ع: $y(x) = -\frac{10}{2 \times 5^2 \cos^2(30)} x(t)^2 - \tan(30)x(t) + 1,8$

أي: $y(x) = -0,22 x(t)^2 - 0,58 x(t) + 1,8$

4- أ- إيجاد قيمة المسافة الأفقية OC :

عند الموضع C يكون $y_C = 0$ أي: $-0,22 x(t)^2 - 0,58 x(t) + 1,8 = 0$

قيمة المميز Δ : $\Delta = (-0,58)^2 - 4 \times (-0,22) \times 1,8 = 1,92$ أي: $\sqrt{\Delta} = 1,38$

ومنه: $x_1 = \frac{0,58 + 1,38}{2 \times (-0,22)} = -4,45 m$ مرفوض لأن: $x_1 \leq 0$

و $x_2 = \frac{0,58 - 1,38}{2 \times (-0,22)} = 1,82 m$ مقبول أي: $OC = 1,82 m$

ب- إيجاد قيمة t_C :

نعلم أن: $x(t) = v_B \cos(\alpha)t$ ولما $t = t_C$ نجد: $x(t_C) = OC = v_B \cos(\alpha)t_C$

ومنه نجد: $t_C = \frac{OC}{v_B \cos(\alpha)} = \frac{1,82}{5 \cos(30)} = 0,42 s$

ج- حساب قيمة v_C : نعلم أن: $v_C = \sqrt{v_{C_x}^2 + v_{C_y}^2}$ ولدينا مما سبق: $\begin{cases} v_x(t) = v_B \cos(\alpha) \\ v_y(t) = -gt - v_B \sin(\alpha) \end{cases}$

ولما $t = t_C$ نجد: $\begin{cases} v_{C_x} = 5 \cos(30) = 4,33 m.s^{-1} \\ v_{C_y} = -10 \times 0,42 - 5 \sin(30) = 6,7 m.s^{-1} \end{cases}$

أي: $v_C = \sqrt{(4,33)^2 + (6,7)^2} = 8 m.s^{-1}$

II- خاص بشعبتي الرياضيات والتقني رياضي:

1- أ- تمثيل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) عند حالة التوازن:

أنظر الشكل المقابل .

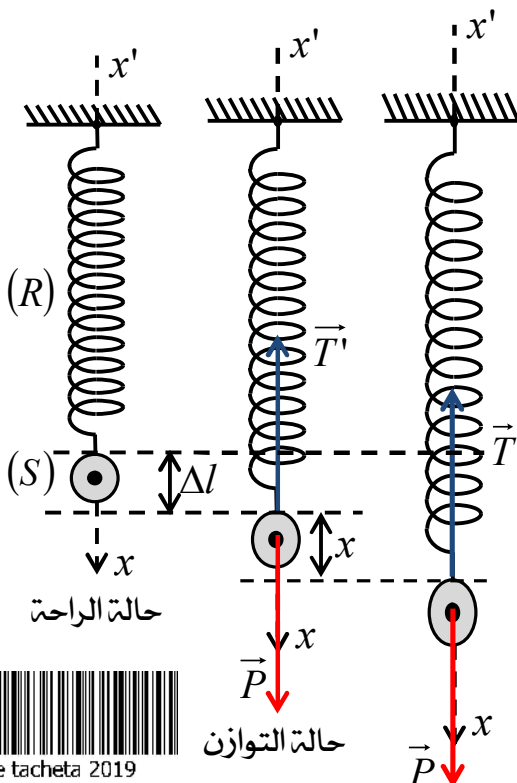
ب- كتابة عبارة الاستطالة Δl للنابض (R) عند حالة التوازن بدلالة: m و K و g :

عند حالة التوازن نجد: $\vec{P} = -\vec{T}'$ ومنه: $P = T'$

ومنه: $\Delta l = \frac{mg}{K}$ أي: $mg = K \Delta l$

2- أ- إيجاد المعادلة التفاضلية لتطور الفاصلة $x(t)$ للجسم (S) :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في المعلم المعطى على الجسم (S) نجد:





physique tacheta 2019

$$\vec{P} + \vec{T} = m\vec{a} \quad \text{ومنه:} \quad \sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

$$P - T = ma \quad \text{نجد:} \quad \left(\vec{x}' \cdot \vec{x} \right)$$

$$mg - K\Delta l - Kx = m \frac{d^2 x}{dt^2} \quad \text{ومنه:} \quad mg - K(\Delta l + x) = m \frac{d^2 x}{dt^2}$$

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{K}{m} x = 0 \dots (II) \quad \text{وعليه:} \quad -kx = m \frac{d^2 x}{dt^2} \quad \text{أي:} \quad mg - K\Delta l = 0$$

ب- إيجاد عبارة الدور الذاتي T_0 : باشتقاق عبارة الحل مرتين بالنسبة للزمن نجد:

$$\frac{d^2 x(t)}{dt^2} + \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 x(t) = 0 \quad \text{ومنه:} \quad \frac{d^2 x(t)}{dt^2} = - \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 X_0 \cos \left(\frac{2\pi}{T_0} t \right) = - \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 x(t)$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \quad \text{أي:} \quad \left(\frac{2\pi}{T_0} \right)^2 = \frac{K}{m} \quad \text{بمطابقة المساواة الأخيرة مع العبارة (II) طرفا لطرف نجد:}$$

$$E_{Pe}(t) = \frac{1}{2} Kx(t)^2 \quad \text{نعلم أن:} \quad E_{Pe}(t) \quad \text{كتابة العبارة الزمنية للطاقة الكامنة المرونية}$$

$$E_{Pe}(t) = \frac{1}{2} KX_0^2 \cos^2 \left(\frac{2\pi}{T_0} t \right) \quad \text{ومنه:} \quad x(t) = X_0 \cos \left(\frac{2\pi}{T_0} t \right)$$

ب- اعتمادا على البيان إيجاد:

$$T_0 = 5 \times 10^{-2} \times 4 = 0,2s \quad \text{من البيان نجد:} \quad T_0 \quad \text{قيمة الدور الذاتي للحركة}$$



physique tacheta 2019

$$w_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2 \times 3,14}{0,2} = 31,4 \text{ rad.s}^{-1} \quad \text{قيمة نبض الحركة}$$

قيمة K ثابت مرونة النابض (R) :

$$K = \frac{4\pi^2 m}{T_0^2} = \frac{4 \times 10 \times 0,1}{(0,2)^2} = 100 \text{ N.m}^{-1} \quad \text{أي:} \quad \frac{4\pi^2}{T_0^2} = \frac{K}{m} \quad \text{ومنه:} \quad T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$$

سعة الحركة (المطال الأعظمي) X_0 :

$$E_{Pe}(0) = E_{Pe}(\max) = \frac{1}{2} KX_0^2 \quad \text{ولما} \quad t = 0 \quad \text{نجد:} \quad E_{Pe}(t) = \frac{1}{2} KX_0^2 \cos^2 \left(\frac{2\pi}{T_0} t \right)$$

$$X_0 = \sqrt{\frac{2E_{Pe}(\max)}{K}} = \sqrt{\frac{2 \times 2}{100}} = 0,2 \text{ m} = 20 \text{ cm} \quad \text{أي:} \quad X_0^2 = \frac{2E_{Pe}(\max)}{K}$$

$$E_{Pe}(\max) = 0,5 \times 4 = 2 \text{ J} \quad \text{حيث من البيان:}$$

ج- كتابة المعادلة الزمنية للحركة $x = h(t)$: $x(t) = 0,2 \cos(31,4t)$ حيث الفاصلة مقدرة بالمتر.

وأقول ما قاله الشاعر:

إن وجدت عيبا فسد الخل فجل من لا عيب فيه وعلا



physique tacheta 2019

أي ملاحظات أفيدونا على الخاص و شكرا لكم بالتوفيق لكم في امتحان بكالوريا 2019



physique tacheta 2019

وقفة تأمل ... نحو إنطلاقة مثالية

لُغَةُ التَّسْوِيفِ المُرَافِقَةُ لِلطُّمُوحِ فِي بَابِ الْعِلْمِ



التسويق خدعة النفس العاجزة و الهمة القاعدة
ف من عجز عن امتلاك يومه فهو على امتلاك غده أعجز



صناعة النهج الذهبي للنجاح في البكالوريا 2020

عقبة بين نافع

<https://www.facebook.com/okba.bac.2010>