

## اختبار 04 للفصل الثاني

## التمرين الأول (05 نقاط):

$$f(x) = \frac{x+2}{x+1}$$

1. عين  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  ثم احسب صور الأعداد  $1$ ،  $2$  و  $x+1$ .
2. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$  فإن  $f(x) = 1 + \frac{1}{x+1}$ .
3. ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $]-1; +\infty[$  ثم استنتج مقارنة بين العددين  $f(0)$  و  $f(1)$ .
4.  $x$  عدد حقيقي حيث  $2 \leq x \leq 3$  أعط حصر لـ  $f(x)$ .

## التمرين الثاني: (05 نقاط)

في المستوي المنسوب إلى معلم  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  نعتبر النقط  $A$ ،  $B$ ،  $C$  و  $D$  حيث  $\vec{OA} \begin{pmatrix} -4 \\ 1 \end{pmatrix}$ ،  $\vec{DA} \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix}$  و  $B(-3, 2)$  و  $C(2m; m+1)$

1. عين إحداثيات النقطة  $A$  ثم استنتج إحداثيي النقطة  $D$ .
2. عين  $m$  حتى تكون النقط  $A$ ،  $B$ ،  $C$  على استقامة واحدة.
3. عين إحداثيي النقطة  $M$  بحيث:  $\vec{AM} = 2\vec{AB} - 3\vec{DB}$ .
4. اكتب معادلة للمستقيم  $(AC)$ ، ثم عين  $m$  بحيث تكون  $D$  نقطة من  $(AC)$ .
5. عين  $m$  بحيث يكون معامل توجيه  $(AC)$  هو  $\frac{3}{4}$ .

## التمرين الثالث: (05 نقاط)

$(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[-3; 3]$  كما في الشكل المقابل:

بقراءة بيانية:

1. عين صور كل من الأعداد  $-3$ ،  $1$  و  $2$  ثم عين السوابق الممكنة الأعداد:  $0$  و  $-1$ .
2. حل في المجال  $[-3; 3]$  المعادلة:  $f(x) = 0$ .
3. حل في المجال  $[-3; 3]$  المتراجحة:  $f(x) \leq 0$ .
4. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  ثم شكل جدول الإشارة على المجال  $[-3; 3]$ .
5. قارن بين  $f(-1)$  و  $f(-2)$  ثم بين  $f(1)$  و  $f(2)$ .
6. هل الدالة زوجية؟ مع التعليل.

## التمرين الرابع: (05 نقاط)

1. عين القيمة الحدية الضغرى للدالة  $f$  على المجال  $[-3; 3]$ .

2. عين القيمة المضبوطة لـ:  $\sin\left(\frac{2017\pi}{4}\right)$ ،  $\cos\left(\frac{2017\pi}{4}\right)$ ،  $\sin\left(-\frac{1989\pi}{4}\right)$ ،  $\cos\left(-\frac{1989\pi}{4}\right)$ .

3. حل في المجال  $[-\pi; \pi]$  المعادلة التالية:  $4 \sin x + \sqrt{8} = 0$  ..... (1)

4. مثل صور حلول المعادلة (1) على الدائرة المثلثية، ثم استنتج حلول المتراجحة  $4 \sin x + \sqrt{8} \geq 0$ .

5. ليكن  $x \in \left[\pi; \frac{3\pi}{2}\right]$  جد قيمة  $\cos x$  ثم قيمة  $\sin x$  علما أن  $\tan x = \sqrt{2}$ .

6. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $4x^2 - 8x + 3 = 0$  ثم استنتج في  $[-\pi; \pi]$  حلول المعادلة:  $4 \cos^2 x - 8 \cos x + 3 = 0$ .