



### التمرين الأول:

برر صحة أو خطأ ما يلي:

1.  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = -3x + 1$  و  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  ب:  $g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$

$$D_{g \circ f} = \mathbb{R} - \{1\}$$

2. لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $[2; +\infty[$  ب:  $f(x) = 1 + \sqrt{x+2}$   $(C_f)$  منحنى الدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  هو صورة منحنى الدالة "الجذر التربيعي" بالإنسحاب الذي شعاعه  $(-2\vec{i} + \vec{j})$

3.  $u$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $u(x) = x^2 - 1$  ،  $v$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  ب:  $v(x) = \frac{1}{x}$

$$(u \circ v)(x) = \frac{1}{x^2 - 1} \text{ ب: } \mathbb{R}^*$$

### التمرين الثاني:

ليكن  $p$  كثير حدود حيث:  $p(x) = x^3 - 2x^2 + mx + 2$

1. أوجد قيمة العدد الحقيقي  $m$  بحيث يكون العدد 1 جذر لدالة كثير حدود  $p$ .

• نضع:  $m = -1$  أي:  $p(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$

2. احسب  $p(1)$  ، ماذا تستنتج؟

3. عين الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث يكون من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $p(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$

• نضع  $a = 1; b = -1; c = -2$

4. أ) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(x) = 0$

ب) استنتج حلول المعادلة  $p(x^2) = 0$

5. أ) أدرس إشارة  $p(x)$  حسب قيم العدد الحقيقي  $x$ .

ب) استنتج حلول المتراجحة  $p(x) \geq 0$  في  $\mathbb{R}$ .

### التمرين الثالث:

1. لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-1\}$  ب:  $f(x) = \frac{x^2+3}{x+1}$

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. عين الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث:

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1} \text{ من أجل كل } x \text{ من } \mathbb{R} - \{-1\}$$

2. بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1\}$ :  $f'(x) = \frac{(x+3)(x-1)}{(x+1)^2}$

3. استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4. بين أن النقطة  $A(-1; -2)$  هي مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$

5. أوجد نقاط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الترتيب.

6.

- عين دون حساب  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)-f(0)}{h}$  ثم فسر النتيجة هندسيا.
- أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = 0$
- استنتج قيمة تقريبية للعدد  $f(0.999)$
- لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$  ب:  $g(x) = f(|x|)$  و  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق.
- بين أن الدالة  $g$  دالة زوجية.
- اشرح كيفية إنشاء المنحنى  $(C_g)$  انطلاقا من المنحنى  $(C_f)$  .

بالتوفيق