

متوسطة : عكاشة محمد – عين مليلة -	سلمت يوم الثلاثاء: 2016-10-11
الوظيفة المنزلية (01) للثلاثي الأول	تعداد يوم الأحد: 2016-10-16
مادة: الرياضيات	القسم : 4 متوسط

الجزء الأول (9ن):

التمرين الأول (2ن) :

أكتب العدد: $A = \frac{3600 \times 10^4}{12 \times 10^5}$ على شكل عدد طبيعي.

التمرين الثاني (4ن) :

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488.

(2) اجعل الكسر $\frac{9488}{20755}$ غير قابل للاختزال.

(3) بين أن E عدداً طبيعياً حيث: $E = \frac{8}{5} + \frac{9488}{20755} \times \frac{7}{8}$

التمرين الثالث (3ن) :

متوسطة تحتوي على 320 تلميذا (ذكور) و 480 تلميذة (إناث).
 ✓ نريد استعمال كل التلاميذ في تكوين أفواج مختلطة ومتشابهة تماماً في التركيبية.
 (أ) ما هو أكبر عدد ممكن تكوينه من الأفواج ؟
 (ب) ما هو عدد الذكور وما هو عدد الإناث في كل فوج ؟

الجزء الثاني (10ن)

التمرين الأول (4ن) :

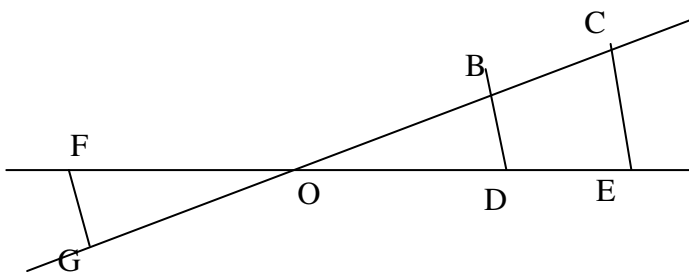
وحدة الطول هي السنتيمتر. نعلم أن المستقيمين : (BD) و (CE) متوازيان بحيث:

$$OB = 7,2 ; OC = 10,8 ; OD = 6 ; CE = 5,1$$

(1) أحسب الطولين : OE و BD .

(2) وليكن : $OG = 2,4 ; OF = 2$.

بين أن : (GF) و (BD) متوازيان .



التمرين الثاني (6ن) :

$ABCD$ متوازي أضلاع حيث : $AD = 6cm ; CD = 4cm ; AC = 9cm$ ، J نقطة من $[AB]$

حيث : $AJ = 1cm$.

المستقيم المار من J والموازي للمستقيم (AD) يقطع كل من المستقيمين (AC) و (CD) في النقطتين I و K على الترتيب.

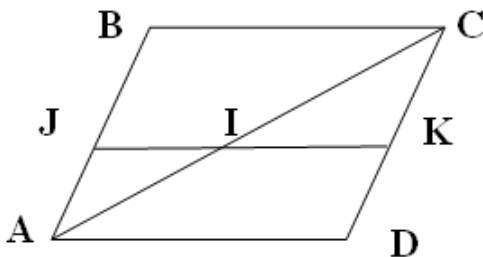
(1) احسب AI

(2) احسب IK و KC

(3) لتكن النقطة M من $[IK]$ حيث: $IM = 3cm$ و N نقطة من $[AC]$

حيث : $AN = \frac{3}{4} AC$. أنشئ النقطتين M و N

✓ هل $(MN) \parallel (DC)$ ؟ برر جوابك.



تنبيه : - اقرأ السؤال 3 مرات على الأقل - لا تنسى فهم السؤال نصف الجواب - لا تترك سؤالا دون جواب.
تقديم الورقة: - اكتب بخط مقروء - تجنب التشطيب - الأشكال الهندسية دقيقة ونظيفة
 (1+ منهجية التحرير+نظافة الورقة)

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط:

أعطيت يوم الثلاثاء 2016-10-11، أستمتمت يوم 2016-10-16 صحت يوم الأربعاء 2016-10-19

العلامة	م.ز.ة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
		<u>الجزء الأول</u>	
2	2	<u>كتابة العدد A على شكل عدد طبيعي :</u> $A = \frac{3600 \times 10^4}{12 \times 10^5} = \frac{36 \times 10^2 \times 10^4}{12 \times 10^5} = \frac{36 \times 10^{2+4} \times 10^{-5}}{12} = \frac{36}{12} \times 10^{6-5} = 3 \times 10 = 30$	التمرين الأول
4	0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5	(1) <u>حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488</u> (نستعمل خوارزمية إقليدس) لدينا : $20755 = 9488 \times 2 + 1779$ $9488 = 1779 \times 5 + 593$ $1779 = 593 \times 3 + 0$ إذن : القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488 هو 593. أي $PGCD(20755; 9488) = 593$ (2) <u>جعل الكسر $\frac{9488}{20755}$ غير قابل للاختزال</u> (بالقسمة على القاسم المشترك الأكبر) لدينا : $9488 = 593 \times 16$ و $20755 = 593 \times 35$ إذن : $\frac{9488}{20755} = \frac{16}{35}$ و بالتالي : $\frac{35}{16}$ هو الكسر غير قابل للاختزال (3) <u>تبيان أن E عدداً طبيعياً :</u> $E = \frac{8}{5} + \frac{9488}{20755} \times \frac{7}{8}$ لدينا $\frac{9488}{20755}$ يساوي : $\frac{35}{16}$ أي $\frac{9488}{20755} = \frac{35}{16}$ بالتعويض نجد : $E = \frac{8}{5} + \frac{35}{16} \times \frac{7}{8} = \frac{8}{5} + \frac{35 \times 7}{16 \times 8} = \frac{8}{5} + \frac{245}{128} = \frac{1024}{640} + \frac{1225}{640} = \frac{1024 + 1225}{640}$ $E = \frac{2249 : 640}{640 : 640} = \frac{4}{1} = 4$	التمرين الثاني
3	0.5 0.5 0.5 0.5 0.5	(1) <u>إيجاد أكبر عدد ممكن تكوينه من الأفواج</u> (يعني حساب $PGCD$ للعددين a و b نستعمل خوارزمية إقليدس) لدينا : $a = 480 ; b = 320$ $480 = 320 \times 1 + 160$ $320 = 160 \times 2 + 0$ ينتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 480 و 320 هو 160 إذن $PGCD(480; 320) = 160$ (2) <u>عدد الذكور و الإناث في كل فوج :</u> ☐ عدد الذكور هو : 3 ذكور في كل فوج $a = 480 \div 160 = 3$ ☐ عدد الإناث هو : 2 إناث في كل فوج $b = 320 \div 160 = 2$	التمرين الثالث

المجموع	الدرجة	الجزء الثاني	التمرين الأول
		معطيات: لدينا المستقيمان (BD) و (CE) متوازيان و . $OF = 2$; $OG = 2,4$ $OB = 7,2$; $OC = 10,8$; $OD = 6$; $CE = 5,1$ (1) <u>أحسب الطولين</u> : BD و OE لدينا : في المثلث OEC $\left\{ \begin{array}{l} (BD) \parallel (EC) \\ B \in (OC) \\ D \in (OE) \end{array} \right.$ بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{OB}{OC} = \frac{OD}{OE} = \frac{BD}{CE}$ بالتعويض نجد : $\frac{7,2}{10,8} = \frac{6}{OE} = \frac{BD}{5,1}$ ✓ <u>حساب</u> BD : $\frac{7,2}{10,8} = \frac{BD}{5,1}$ ومنه : $BD = \frac{7,2 \times 5,1}{10,8}$ إذن : $BD = 3,4 \text{ cm}$ ✓ <u>حساب</u> OE : $\frac{7,2}{10,8} = \frac{6}{OE}$ ومنه : $OE = \frac{10,8 \times 6}{7,2}$ إذن : $OE = 9 \text{ cm}$ (2) <u>تبيان أن</u> (GF) و (BD) <u>متوازيان</u> : لدينا المثلثين OBD و OFG في قطعة طالس نحسب أولاً : (1) $\frac{OB}{OG} = \frac{7,2}{2,4} = 3$(1) (2) $\frac{OD}{OF} = \frac{6}{2} = 3$(2) من (1) و (2) نجد أن : $\frac{OB}{OG} = \frac{OD}{OF}$ ولدينا النقط $B; O; G$ و $D; O; F$ إستقامية وبنفس الترتيب مع النقط $D; O; F$ ومنه حسب الخاصية العكسية لنظرية طالس، نستنتج أن المستقيمين (GF) و (BD) متوازيين.	

معطيات: لدينا $ABCD$ متوازي أضلاع حيث

$$AC = 9cm ; CD = 4cm ; AD = 6cm$$

(1) **حساب** AI :

$$AI = AC - IC \text{ نحسب أولاً الطول } CI$$

لدينا المستقيم (JK) يوازي للمستقيم (AD) معناه $AJKD$ متوازي أضلاع ومنه $JK = AD = 6cm$
 $AJ = KD = 1cm$

ولدينا في المثلث CAD : $(IK) \parallel (AD)$ بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{CI}{CA} = \frac{CK}{CD} = \frac{IK}{AD}$

$$\text{بالتعويض نجد: } \frac{CI}{9} = \frac{CD - KD}{4} = \frac{IK}{6} \text{ معناه : } \frac{CI}{9} = \frac{4 - 1}{4} = \frac{IK}{6}$$

$$\frac{CI}{9} = \frac{3}{4} = \frac{IK}{6} \dots\dots\dots(1) \text{ ومنه :}$$

$$\text{إذن : } \frac{CI}{9} = \frac{3}{4} \text{ أي : } CI = \frac{9 \times 3}{4} = \frac{27}{4} \text{ ومنه : } CI = 6,75cm$$

$$AI = 9 - 6,75 \text{ أي أن } AI = 2,25 \text{ وهو المطلوب}$$

(2) **حساب** IK و KC

✓ **حساب** IK :

$$\text{من (1) نجد : } \frac{3}{4} = \frac{IK}{6} \text{ ومنه : } IK = \frac{3 \times 6}{4} = \frac{18}{4} \text{ إذن : } IK = 4,5cm$$

✓ **حساب** KC :

$$CK = CD - KD \text{ بالتعويض : } CK = 4 - 1 = 3 \text{ إذن : } CK = 3cm$$

(أو بتطبيق نظرية طالس)

(3) انشاء النقطتين M و N

$$\text{لدينا : } M \in [IK] : IM = 3cm$$

$$\text{و } N \in [AC] : AN = \frac{3}{4} AC$$

$$\text{ومنه : } AN = \frac{3}{4} \times 9 = 6,75cm$$

✓ **إثبات أن** $(MN) \parallel (DC)$:

لدينا المثلثين AIJ و IMN في وضعية طالس، إذن نحسب النسبتين $\frac{IJ}{IM}$ و $\frac{IA}{IN}$

$$\text{لدينا : } \begin{cases} \frac{IA}{IN} = \frac{2,25}{4,5} = \frac{1}{2} \\ \frac{IJ}{IM} = \frac{1,5}{3} = \frac{1}{2} \end{cases} \text{ ومنه : } \frac{IA}{IN} = \frac{IJ}{IM}$$

وبما أن النقط M, I, J إستقامة على الترتيب وبنفس الترتيب مع النقط N, I, A

وحسب الخاصية العكسية لطالس فإن : $(MN) \parallel (AJ)$

وبما أن $J \in [AB]$ فإن : $(MN) \parallel (AB) \dots\dots\dots(1)$

و بما أن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع فإن : $(AB) \parallel (DC) \dots\dots\dots(2)$

من (1) و (2) نستنتج أن : $(MN) \parallel (DC)$

ملاحظة : يمكن الإثبات أيضا اعتمادا على المثلث ICK و ذلك بتطبيق نظرية طالس العكسية