

**التمرين الاول: (5, 07 نقاط)**

**المعطيات:**

| الجسيم أو النواة | $^{235}_{92}U$ | $^{94}_{38}Sr$ | $^{140}_{54}Xe$ | $^1_0n$ |
|------------------|----------------|----------------|-----------------|---------|
| الكتلة (u)       | 234,9934       | 93,8945        | 139,892         | 1,00866 |

$$1MW = 10^6W \quad , \quad 1MeV = 1,6 \cdot 10^{-13}J \quad , \quad N_A = 6,023 \cdot 10^{23}mol^{-1} \quad , \quad 1u = 931,5MeV/c^2$$



**I.** اكتشف البولونيوم من طرف ماري وبيري كوري، سمي بالبولونيوم نسبة إلى موطنها الأصلي بولندا. يعتبر البولونيوم  $^{210}_{84}Po$  سُمً السياسيين إذ استخدم في تسميم بعض الوفيات البارزة، وتكمن خطورته في الاشعاعات  $\alpha$  الصادرة عن تفككه حيث ان ابتلاع كتلة قدرها  $10\mu g$  من البولونيوم وما فوق تسبب دمار الانسجة الداخلية (هلاك الشخص).

أ- عرف النواة المشعة

ب- أعط تركيب نواة البولونيوم  $^{210}_{84}Po$

ج- أكتب معادلة التفكك النووي علما أن النواة الناتجة إحدى نظائر الرصاص  $^{206}_{82}Pb$

1- يتبع تناقص العدد المتوسط للأنوية المعادلة التفاضلية.

$$\frac{dN(t)}{dt} + \lambda \cdot N(t) = 0$$

أ- ما هو المدلول الفيزيائي لـ  $\frac{dN(t)}{dt}$  ؟ عرفه.

ب- بين أن عبارة النشاط الإشعاعي تعطى بالعلاقة:  $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$

ج- عرف  $t_{1/2}$  زمن نصف العمر، ثم عبر عنه بدلالة  $\lambda$ .

2- البيان الشكل (1) يمثل تغيرات  $\frac{N_0}{N(t)}$  بدلالة الزمن  $t$

أ- بين أن زمن نصف عمر  $t_{1/2}$  البولونيوم 210 يساوي  $t_{1/2} = 138 \text{ jours}$

ب- في اللحظة  $t = 240 \text{ jours}$  وجدنا أن كتلة الرصاص  $m_{Pb} = 4,31\mu g$

بين أن عبارة النشاط الإشعاعي الابتدائي  $A_0$  تعطى بالعلاقة:

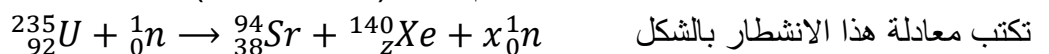
$$A_0 = \lambda \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot N_{Pb}$$

ج- أحسب النشاط الإشعاعي الابتدائي  $A_0$  لعينة البولونيوم .

د- في أي لحظة يكون قد تفكك 90% من العينة الابتدائية؟

**II.** من أجل الحصول على النترونات البطيئة يمزج البولونيوم 210 مع البريليوم  $^9_4Be$  حيث تصدم الجسيمات  $\alpha$  أنوية البريليوم  $^9_4Be$  فتنتقل النترونات البطيئة.

تستعمل النترونات البطيئة لقذف أنوية اليورانيوم 235 (نواة انشطارية) لإحداث انشطار نووي .



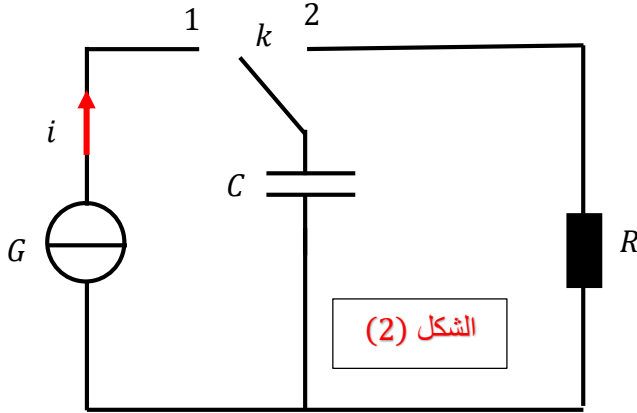
تكتب معادلة هذا الانشطار بالشكل

يستعمل  $^{235}_{92}U$  في مفاعل نووي لغواصة ، استطاعته  $P = 150MW$

- 1- عرف النواة الانشطارية.
- 2- حدد قيمتي كل من  $z$  و  $x$
- 3- أحسب الطاقة المحررة من إنشطار نواة واحدة من اليورانيوم 235 ب  $MeV$  ثم بالجول  $J$
- 4- أحسب عدد الانشطارات في الثانية الواحدة أي (عدد الأنوية المنشطرة في الثانية الواحدة).
- 5- ماهي كتلة اليورانيوم التي يستهلكها المفاعل النووي خلال رحلة لغواصة دامت 60 يوما.

### التمرين الثاني: (5, 05 نقاط)

تستعمل المكثفات لتخزين الطاقة الكهربائية عند الشحن واسترجاعها عند التفريغ. قصد استعمالها في بعض التراكيب الالكترونية ننجز التركيب المبين في الشكل (2) والذي يتكون من مولد  $G$  لتيار يعطي تيارا مستمرا شدته ثابتة ، مكثفة سعتها  $C$  و ناقل أومي  $R$  وقاطعة  $K$ .



#### I. شحن المكثفة

لدراسة تغيرات التوتر  $U_C$  بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن، نجعل القاطعة في الموضع (1) عند اللحظة  $t = 0$  فيمر في الدارة تيار شدته  $I = 0,25mA$ . نمثل في الشكل (3) بيان تطور  $U_C$  بدلالة الزمن.

- 1- أعط عبارة  $U_C$  بدلالة  $I$  و  $C$  و  $t$
- 2- استنتج قيمة السعة  $C$  للمكثفة.
- 3- أحسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 0,6 s$

#### II. تفريغ المكثفة

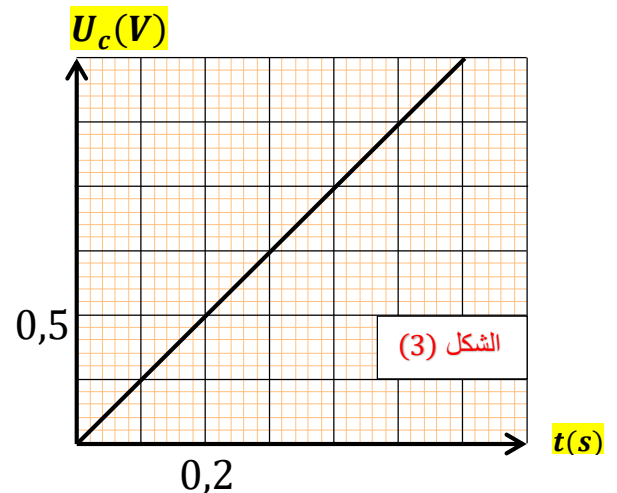
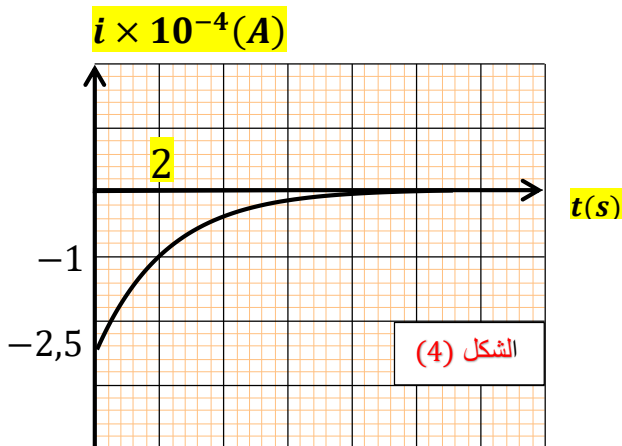
بعد شحنها كليا، نضع القاطعة  $K$  في الموضع (2). يمثل المنحنى الشكل (4) تغيرات شدة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن .  
1- أنقل مخطط الدارة الكهربائية على ورقة الاجابة وبين عليه جهة مرور التيار الكهربائي ومثل أسهم التوتر بين طرفي المقاومة والمكثفة

2- بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التيار تكتب من الشكل  $\frac{di}{dt} + \alpha \cdot i = 0$  محددنا عبارة الثابت  $\alpha$

3- باعتبار أن:  $i(t) = A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$  حل للمعادلة التفاضلية السابقة جد عبارة الثابت  $\tau$  واستنتج قيمة  $A$ .

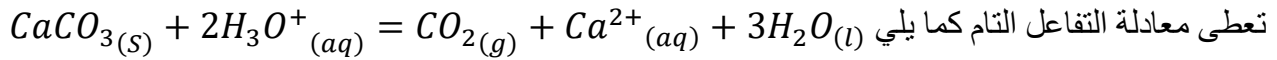
4- حدد قيمة  $\tau$  ثابت الزمن بيانيا، ثم عن طريق التحليل البعدي بين أنه متجانس مع الزمن.

5- أوجد قيمة المقاومة  $R$ .

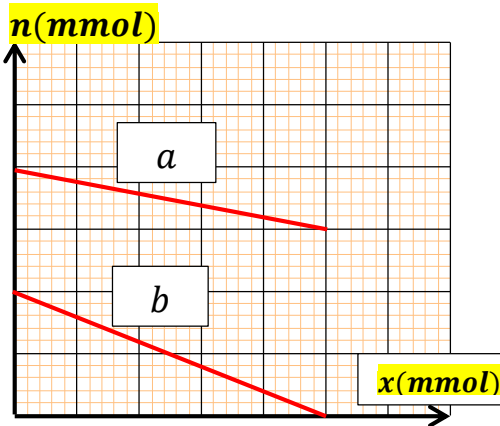


## التمرين التجريبي: (07 نقاط)

في إحدى حصص الأعمال المخبرية اقترح أستاذ العلوم الفيزيائية على تلاميذ القسم النهائي بثانوية الاخوة عزوزي إنجاز دراسة تفاعل كربونات الكالسيوم  $CaCO_3$  مع محلول كلور الهيدروجين  $(H_3O^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)})$ .  
 قام الأستاذ بوضع في دورق حجما  $V = 50 \text{ mL}$  من محلول كلور الهيدروجين  $(H_3O^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)})$  تركيزه المولي  $C = 0,2 \text{ mol/L}$  ثم أضاف كتلة  $m = 2 \text{ g}$  من كربونات الكالسيوم  $CaCO_3(s)$  ثم قام بإغلاق الدورق بشكل محكم .  
 يسمح تجهيز مناسب بقياس حجم غاز ثنائي اكسيد الكربون  $V_{CO_2}$  خلال أزمنة مختلفة. تمت معالجة النتائج المتحصل عليها بواسطة برمجية الإعلام الآلي فأعطت المنحنيات الموالية.



I. يمثل الشكل (5) تغيرات كميات مادة المتفاعلات بدلالة تقدم التفاعل  $x$  بمرور الزمن.



الشكل (5)

- 1- أحسب كمية مادة المتفاعلات.
- 2- أنجز جدول تقدم التفاعل ثم حدد المتفاعل المحد و التقدم الأعظمي  $x_{max}$
- 3- أحسب كتلة كربونات الكالسيوم المتفاعلة ثم أستنتج حجم غاز  $CO_2$  المنطلق في نهاية التفاعل
- 4- أنسب لكل متفاعل البيان ( $a$  أو  $b$ ) الموافق له.
- 5- المنحنى البياني الشكل (5) ينقصه سلم الرسم حدده.

II. يمثل المنحنى المبين في الشكل (6) منحنى المتابعة الزمنية لكمية مادة الغاز الناتج.

- 1- أحسب قيمة سرعة التفاعل  $v$  عند اللحظة  $t = 0 \text{ s}$

- 2- إن قيمة سرعة التفاعل  $v$  عند اللحظة  $t = 60 \text{ s}$  هي  $v_{(t=60s)} = 2,25 \cdot 10^{-5} \text{ mol/s}$

أ- قارن بين  $v_{(t=0s)}$  و  $v_{(t=60s)}$  ثم فسر كيف تتطور سرعة التفاعل بمرور الزمن.

- 3- أثبت أنه يمكن كتابة سرعة التفاعل بالعلاقة:

$$v = \frac{-1}{2} \cdot \frac{dn(H_3O^+)}{dt}$$

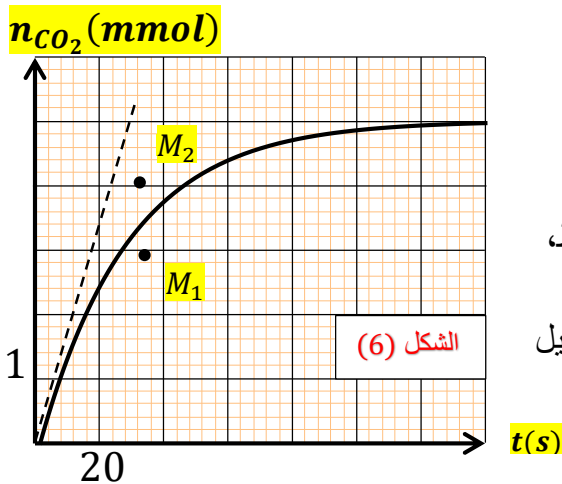
- 4- أحسب سرعة اختفاء  $H_3O^+$  عند اللحظة  $t = 0 \text{ s}$

- 5- عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  ثم حدد قيمته.

- 6- أعطت المتابعة الزمنية لنفس الجملة الكيميائية المتفاعلة لكن باستعمال وسيط،

منحنى آخر يمر بإحدى النقطتين  $M_1$  أو  $M_2$  كما في الشكل (6)

أ- أرسم منحنى تطور  $n_{CO_2} = f(t)$  الذي يشمل إحدى النقطتين مع التعليل



الشكل (6)

## المعطيات:

$$M_O = 16 \text{ g/mol}, \quad M_C = 12 \text{ g/mol}, \quad M_{Ca} = 40 \text{ g/mol}, \quad V_m = 22,4 \text{ L/mol}$$

بالتوفيق أساتذة المادة

## التنقيط

## الاجابة النموذجية

## التمرين الاول: (07,5 نقاط):

|      |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 0,25 | أ- تعريف النواة المشعة: هي نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا لتعطي نواة أكثر استقرار مع إصدار إشعاعات $(\alpha, \beta, \gamma)$ .                                                                                                                                                                                            |
| 0,5  | ب- تركيب نواة البولونيوم: عدد البروتونات $Z = 84$ ، عدد النوترونات $N = 210 - 84 = 126$                                                                                                                                                                                                                                  |
| 0,25 | ج- معادلة التفكك النووي: ${}^{210}_{84}Po \rightarrow {}^4_2He + {}^{206}_{82}Pb$                                                                                                                                                                                                                                        |
| 0,25 | بتطبيق قانوني الإنحفاظ لصودي نجد: $Z = 82$ و $A = 206$                                                                                                                                                                                                                                                                   |
| 0,25 | ${}^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{206}_{82}Pb + {}^4_2He$                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| 0,25 | 1- أ- المدلول الفيزيائي لـ $-\frac{dN(t)}{dt}$ : هو النشاط الاشعاعي                                                                                                                                                                                                                                                      |
| 0,5  | ❖ تعريف النشاط الاشعاعي: عدد التفككات التي تحدث لعينة مشعة في ثانية واحدة, يرمز له بـ $A(t)$ ، وحدته في جملة الوحدات الدولية البيكرل $(Bq)$ .                                                                                                                                                                            |
|      | 1- ب- البرهان على: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| 0,5  | $\begin{cases} A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} \\ N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \end{cases} \Leftrightarrow A(t) = -\frac{d(N_0 e^{-\lambda t})}{dt} = N_0 \lambda \cdot e^{-\lambda t}$ لدينا $\begin{cases} A(t) = N_0 \lambda \cdot e^{-\lambda t} \\ A_0 = \lambda \cdot N_0 \end{cases} \Rightarrow A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$ |
| 0,25 | 1- ج- تعريف زمن نصف العمر: هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية. $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$                                                                                                                                                                                                         |
|      | ❖ عبارة $t_{1/2}$ بدلالة $\lambda$ :                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| 0,5  | $\begin{cases} A(t_{1/2}) = \frac{A_0}{2} \\ A(t) = A_0 e^{-\lambda t} \end{cases} \Leftrightarrow A(t_{1/2}) = \frac{A_0}{2} = A_0 e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow \ln \frac{1}{2} = -\lambda t_{1/2} \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$                      |
|      | 2- أ- تبيان أن $t_{1/2} = 138 \text{ jours}$ : حسب تعريف $t_{1/2}$ فإن $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$                                                                                                                                                                                                                      |
| 0,5  | $\begin{cases} \frac{N_0}{N(t)} \\ \text{من البيان} \\ \text{لما } t = t_{1/2} \end{cases} \Leftrightarrow \frac{N_0}{N(t_{1/2})} = \frac{N_0}{\frac{N_0}{2}} = 2$                                                                                                                                                       |
|      | بإسقاط القيمة 2 على البيان من ثم على محور الفواصل نجد $t_{1/2} = 138 \text{ jours}$                                                                                                                                                                                                                                      |
|      | 2- ب- إثبات العلاقة: $A_0 = \lambda \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot N_{Pb}$                                                                                                                                                                                                                                         |
| 0,25 | نعلم أن $A_0 = \lambda \cdot N_0$ وأن $N(t) = N_0 - N_{Pb}$                                                                                                                                                                                                                                                              |
|      | $\frac{N_0}{N(t)} = 3,3 \Leftrightarrow \frac{N_0}{N_0 - N_{Pb}} = 3,3 \Leftrightarrow N_0 = 3,3(N_0 - N_{Pb}) = 3,3N_0 - 3,3N_{Pb}$                                                                                                                                                                                     |
| 0,25 | $\Rightarrow 3,3N_{Pb} = 2,3N_0 \Leftrightarrow N_0 = \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot N_{Pb} \dots (1)$                                                                                                                                                                                                             |
|      | بالتعويض في العلاقة $A_0 = \lambda \cdot N_0$ في العلاقة (1) نجد $A_0 = \lambda \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot N_{Pb}$                                                                                                                                                                                             |
|      | 2- ج- حساب النشاط الاشعاعي الابتدائي $A_0$ لعينة البولونيوم.                                                                                                                                                                                                                                                             |
| 0,25 | $A_0 = \lambda \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot N_{Pb} \Leftrightarrow A_0 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot \frac{m_{Pb}}{M({}^{206}_{82}Pb)} \cdot N_A = \frac{\ln 2}{138.24.3600} \cdot \left( \frac{3,3}{2,3} \right) \cdot \frac{4,31.10^{-6}}{206} \cdot 6,023.10^{23}$             |

## التنقيط

## الاجابة النموذجية

0,25

$$A_0 = 1,05.10^9 Bq$$

2- د- حساب اللحظة التي يكون قد تفكك 90% من العينة الابتدائية

يعني بقاء 10% دون تفكك أي  $\frac{10}{100} N_0$ 

0,25

$$\begin{cases} N(t) = \frac{10}{100} N_0 \\ N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} \end{cases} \Leftrightarrow \frac{10}{100} N_0 = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} \Leftrightarrow 0,1 = e^{-\lambda \cdot t} \Leftrightarrow \ln 0,1 = -\lambda \cdot t \Leftrightarrow$$

0,25

$$\ln 0,1 = -\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot t \Leftrightarrow t = \frac{\ln 0,1 \times t_{1/2}}{-\ln 2} = \frac{-2,3 \times 138}{-0,693} \Leftrightarrow t = 458,4 \text{ jours}$$

## الجزء II

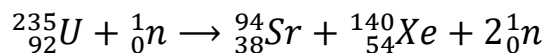
0,25

1- تعريف النواة الانشطارية: هي نواة ثقيلة قابلة للانقسام إلى نواتين خفيفتين أكثر استقرار عند قذفها ببترون مع تحرير طاقة.

2- تحديد قيمتي  $x$  و  $z$ بتطبيق قانوني الإنحفاظ لاصودي نجد:  $Z = 54$  و  $x = 2$ 

0,5

$$\begin{cases} 235 + 1 = 94 + 140 + x \\ 92 = 38 + z \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ z = 54 \end{cases}$$



3- حساب الطاقة المحررة من إنشطار نواة واحدة من اليورانيوم 235

$$E_{lib} = \Delta m \cdot C^2 = [m(\text{النواتج}) - m(\text{المتفاعلات})]$$

0,25

$$E_{lib} = (234,9934 - 93,8945 - 139,892 - 1,00866) \cdot 931,5$$

$$E_{lib} = 184,6605 \text{ MeV}$$

0,25

$$E_{lib} = 184,6605 \times 1,6 \cdot 10^{-13} = 2,9546 \cdot 10^{-11} \text{ J}$$

4- حساب عدد الأنوية المنشطرة في الثانية الواحدة: لدينا  $r = \frac{E_e}{E_T} = 1 \Leftrightarrow E_e = E_T$ 

0,5

$$\begin{cases} E_e = P \cdot t \\ E_T = N \cdot E_{lib} \end{cases} \Leftrightarrow P \cdot t = N \cdot E_{lib} \Leftrightarrow N = \frac{P \cdot t}{E_{lib}} = \frac{150 \cdot 10^6 \times 1}{2,9546 \cdot 10^{-11}} \Leftrightarrow N = 5,076 \cdot 10^{18} \text{ noy}$$

5- كتلة اليورانيوم التي يستهلكها المفاعل خلال رحلة 60 يوم:

0,25

$$\begin{cases} N' = N \times 60 \times 24 \times 3600 \\ N' = \frac{m}{M({}_{92}^{235}\text{U})} \cdot N_A \end{cases} \Leftrightarrow m = \frac{5,076 \cdot 10^{18} \cdot 60 \times 24 \times 3600}{6,023 \cdot 10^{23}} \times 235$$

0,25

$$m = 10,26 \cdot 10^3 \text{ g} = 10,26 \text{ Kg}$$

التمرين الثاني: (05,5 نقاط):

1- عبارة  $U_c$  بدلالة  $I$  و  $C$  و  $t$ 

0,5

$$q = C \cdot U_c = I \cdot t \Leftrightarrow U_c = \frac{I}{C} \cdot t$$

2- استنتاج قيمة سعة المكثفة C:

معادلة البيان  $U_C = a \cdot t$  حيث  $a$  هو معامل توجيه البيان  $a = \frac{\Delta U_C}{\Delta t} = \frac{1,5-0}{0,6-0} \Rightarrow a = 2,5 \text{ V} \cdot \text{s}^{-1}$   
بالمطابقة بين عبارة  $U_C$  وعلاقة البيان نجد  $A = \frac{I}{C}$

$$A = \frac{I}{C} \Leftrightarrow C = \frac{I}{A} = \frac{0,25 \cdot 10^{-3}}{2,5} = 10^{-4} \text{ F} \Rightarrow C = 100 \mu\text{F}$$

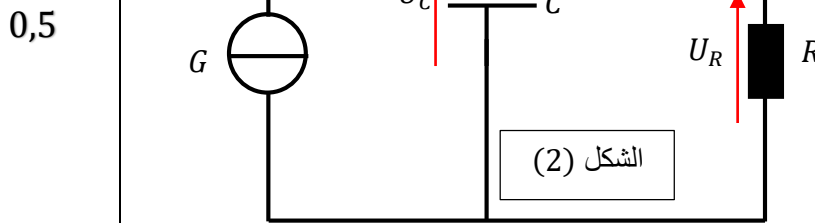
3- حساب الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t = 0,6$ :

من البيان عند  $t = 0,6 \text{ s}$  تكون  $U_C = 1,5 \text{ V}$

$$E_C(t) = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t) = \frac{1}{2} \cdot 10^{-4} \cdot (1,5)^2 = 1,125 \times 10^{-4} \text{ J}$$

الجزء II

1- تمثيل جهة التيار وأسهم التيار



1- المعادلة التفاضلية

من قانون جمع التوترات  $U_C + U_R = 0$

$$\begin{cases} u_R = R \cdot i \\ u_C = \frac{1}{C} \cdot q \end{cases} \Rightarrow \text{بالتعويض} \quad \frac{1}{C} \cdot q + R \cdot i = 0 \Rightarrow \text{بالاشتقاق} \quad R \cdot \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \cdot \frac{dq}{dt} = 0$$

$$R \cdot \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \cdot i = 0 \Leftrightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot i = 0 \quad \text{نعلم أن } i = \frac{dq}{dt} \text{ ومنه}$$

$$\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{❖ عبارة } \alpha$$

2- التعبير عن الثابتين  $\tau$  واستنتاج قيمة A:

$$\frac{di}{dt} = -\frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{باشتقاق الحل نجد:}$$

بتعويض الحل والمشتقة في المعادلة التفاضلية نجد:

$$-\frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{1}{RC} A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = 0 \Leftrightarrow \left( -\frac{1}{\tau} + \frac{1}{RC} \right) A \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} = 0$$

$$-\frac{1}{\tau} + \frac{1}{RC} = 0 \Leftrightarrow \tau = RC$$

من الشروط الابتدائية لما  $t = 0$  كانت  $i(0) = I_0 = -2,5 \cdot 10^{-4} \text{ A}$

3- تحديد قيمة  $\tau$  ثابت الزمن بيانيا.  $i(\tau) = -0,372,5 = -0,92 \text{ mA}$  من أجل هذه القيمة  $\tau = 2 \text{ s}$

## التنقيط

## الاجابة النموذجية

## ❖ التحليل البعدي:

0,5

$$\tau = R.C \Rightarrow \begin{cases} R = \frac{u}{i} \rightarrow [R] = \frac{[u]}{[i]} \\ q = C.u_c = i.t \rightarrow [c] = \frac{[i][T]}{[u]} \end{cases} \Leftrightarrow [\tau] = [C].[R] = \frac{[u]}{[i]} \frac{[i][T]}{[u]} = [T]$$

0,5

ومنه  $\tau$  متجانس مع الزمن

$$R = \frac{\tau}{C} = \frac{2}{10^{-4}} = 2.10^4 \Omega$$

4- قيمة المقاومة  $R$ :

## التمرين الثالث: (07 نقاط):

1- حساب كمية مادة المتفاعلات:

0,5

$$\begin{cases} n_1 = n_{(CaCO_3)} = \frac{m}{M} = \frac{2}{100} = 0,02 \text{ mol} = 20 \text{ mmol} \\ n_2 = n_{(H_3O^+)} = C.V = 0,2 \times 50.10^{-3} = 10 \text{ mmol} \end{cases}$$

0,5

2- جدول تقدم التفاعل:

0,5

| المعادلة |           | $CaCO_{3(s)} + 2H_3O^+_{(aq)} = CO_{2(g)} + Ca^{2+}_{(aq)} + 3H_2O_{(l)}$ |                  |           |           |       |  |
|----------|-----------|---------------------------------------------------------------------------|------------------|-----------|-----------|-------|--|
| الحالة   | التقدم    | كميات المادة بالمول $mol$                                                 |                  |           |           |       |  |
| ح.!      | $x = 0$   | $n_1$                                                                     | $n_2$            | 0         | 0         | بوفرة |  |
| ح.و      | $x$       | $n_1 - x$                                                                 | $n_2 - 2x$       | $x$       | $x$       |       |  |
| ح.ن      | $x_{max}$ | $n_1 - x_{max}$                                                           | $n_2 - 2x_{max}$ | $x_{max}$ | $x_{max}$ |       |  |

❖ تحديد المتفاعل المحد و التقدم الأعظمي  $x_{max}$ 

0,25

بفرض أن  $CaCO_3$  هو المتفاعل المحد فإن  $n_1 - x_{max} = 0 \Leftrightarrow n_1 = x_{max} = 20 \text{ mmol}$ 

0,25

بفرض أن  $H_3O^+$  هو المتفاعل المحد فإن  $n_2 - 2x_{max} = 0 \Leftrightarrow x_{max}n_1 = \frac{n_2}{2} = \frac{10}{2} = 5 \text{ mmol}$ ومنه المتفاعل المحد هو  $H_3O^+$  والتقدم الأعظمي  $x_{max} = 5 \text{ mmol}$ 

3- كتلة كربونات الكالسيوم المتفاعلة:

0,5

$$n_{(CaCO_3)}^{\text{متفاعلة}} = x_{max} = 5 \times 10^{-3} = \frac{m}{M} \Leftrightarrow m_{(CaCO_3)}^{\text{متفاعلة}} = 5 \times 10^{-3} \cdot 100 = 0,5g$$

❖ استنتاج حجم غاز  $CO_2$  المنطلق في نهاية التفاعل:

0,5

$$\begin{aligned} n_{(CO_2)f} &= x_{max} \\ n_{(CO_2)f} = x_{max} = 5 \times 10^{-3} &= \frac{V_{CO_2}}{V_m} \Leftrightarrow V_{CO_2} = 22,4 \times 5 \times 10^{-3} = 0,112L = 112mL \end{aligned}$$

4- انساب لكل متفاعل البيان ( $a$  أو  $b$ ) الموافق له.

0,25

البيان  $a$  يمثل تغيرات كمية مادة  $n_{(CaCO_3)}$ البيان  $b$  يمثل تغيرات كمية مادة  $n_{(H_3O^+)}$

الاجابة النموذجية التنقيط

5- تحديد سلم الرسم:

محور الفواصل  $1\text{Cm} \rightarrow 1\text{mmol}$  محور التراكيب  $1\text{Cm} \rightarrow 5\text{mmol}$

الجزء II

1- قيمة سرعة التفاعل  $v$  عند اللحظة  $t = 0\text{ s}$ :

0,25 سرعة التفاعل  $v = \frac{dx}{dt}$  ومن جدول التقدم  $x(t) = n_{(\text{CO}_2)}(t)$  بالاشتقاق نجد  $\frac{dx}{dt} = \frac{dn}{dt}$  ومن قيمة سرعة التفاعل تمثل ميل المماس عند اللحظة  $t = 0$

0,25 
$$v_{(0)} = \frac{5 \times 10^{-3}}{30} = 1,67 \cdot 10^{-4} \text{mol} \cdot \text{s}^{-1}$$

0,25 2- ا- المقارنة بين  $v(t=0\text{s})$  و  $v(t=60\text{s})$ :  $v_{(0)} > v_{(60\text{s})}$

0,25 تتناقص سرعة التفاعل مع مرور الزمن بسبب تناقص تراكيز المتفاعلات

0,25 3- إثبات العلاقة: لدينا سرعة التفاعل  $v = \frac{dx}{dt}$  ومن جدول التقدم  $n_{(\text{H}_3\text{O}^+)} = n_2 - 2x$

0,5 
$$\frac{dn_{(\text{H}_3\text{O}^+)}}{dt} = -2 \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow -\frac{1}{2} \cdot \frac{dn_{(\text{H}_3\text{O}^+)}}{dt} = \frac{dx}{dt} \Rightarrow v = -\frac{1}{2} \cdot \frac{dn_{(\text{H}_3\text{O}^+)}}{dt}$$
 نجد بالاشتقاق

4- حساب سرعة اختفاء  $\text{H}_3\text{O}^+$  عند اللحظة  $t = 0\text{ s}$

0,5 عبارة سرعة الاختفاء هي  $v_{(\text{H}_3\text{O}^+)} = -\frac{dn_{(\text{H}_3\text{O}^+)}}{dt}$  ومن العلاقة السابقة  $v = -\frac{1}{2} \cdot \frac{dn_{(\text{H}_3\text{O}^+)}}{dt}$  نجد أن

0,5 
$$v_{(\text{H}_3\text{O}^+)} = 2v = 2 \times 1,67 \times 10^{-4} = 3,34 \times 10^{-4} \text{mol/s}$$

0,5 5- تعريف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ : هو المدة اللازمة لبلوغ التفاعل نصف تقدمه النهائي

$$t = t_{1/2} \Leftrightarrow x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$$

0,25 
$$t = t_{1/2} \Leftrightarrow n_{(\text{CO}_2)}(t_{1/2}) = \frac{n_{(\text{CO}_2)f}}{2} = \frac{5}{2} = 2,5 \text{mmol}$$

تحديد قيمته:

بالإسقاط نجد  $t_{1/2} = 20\text{s}$

أ- رسم منحنى تطور  $n_{\text{CO}_2} = f(t)$  الذي يشمل إحدى النقطتين

المنحنى يشمل النقطة  $M_2$

التعليق: الوسيط عامل حركي يسرع التفاعل وبالتالي وبالتالي إنهاء التفاعل في أقل مدة زمنية

