



المستوى الثالثة ثانوي شعبة علوم تجريبية

فرض الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

 e^0 ساالتمرين:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x - ex - 1$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j})$.

1) أ - أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ب - أحسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها.

ج - شكل جدول تغيرات الدالة f .

2) أ - بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + ex + 1] = 0$ ثم استنتج أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيم

مقارب مائل (Δ) عند $-\infty$ يطلب تعيين معادلته.

ب - أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) والمستقيم (Δ) .

ج - بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسا (T) يوازي المستقيم (d) ذو المعادلة

$$y = (1 - e)x + e^2$$

3) بين أن المنحنى (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث

$$1.75 < \alpha < 1.76$$

4) أرسم المستقيمين (Δ) و (T) ثم المنحنى (C_f) .

5) ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة $f(x) = -ex + m$.

6) نعتبر الدالة h المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $h(x) = e^{|x|} - e|x| - 1$ ، (C_h) تمثيلها

البياني في المعلم السابق.

أ - بين أن الدالة h زوجية. فسر النتيجة بيانيا

ب - أكتب $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة وبدلالة $f(x)$.

ت - اشرح كيفية رسم (C_h) المنحنى انطلاقا من المنحنى (C_f) دون رسمه.

التصحيح النموذجي

التمرين

(1) أ- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

ب- من أجل كل $x \in \mathbb{R}$ لدينا : $f'(x) = e^x - e$

$f'(x) = 0$ تكافئ $x = 1$

$f'(x) > 0$ تكافئ $x > 1$

$f'(x) < 0$ تكافئ $x < 1$

ج- جدول تغيرات الدالة f :

(2) أ- $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + ex + 1] = \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (-ex - 1)] = \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$

(C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) معادلته $y = -ex - 1$ عند $-\infty$

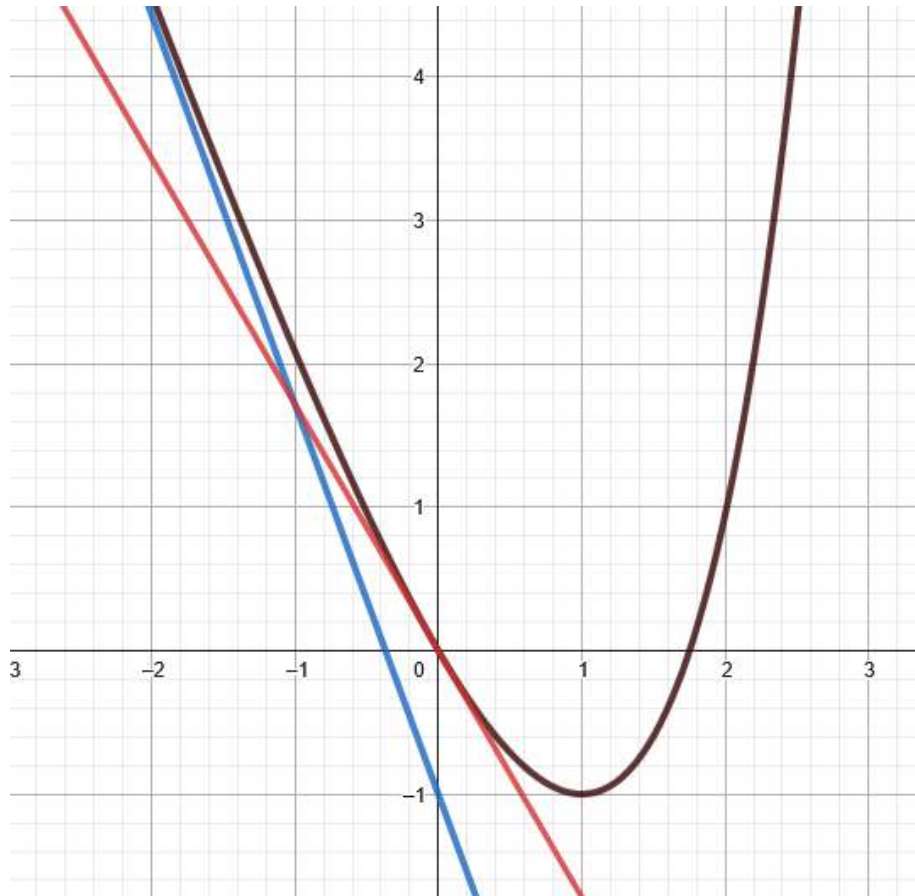
ب- إشارة الفرق $f(x) - (-ex - 1) = e^x$

$e^x > 0$ مهما يكن x من $\mathbb{R}$ إذن (C_f) أعلى (Δ) على المجال $]-\infty; +\infty[$

ج- (d) || (T) تكافئ $f'(x_0) = 1 - e$ تكافئ $x_0 = 0$

(T): $y = (1 - e)x$

(3) تطبيق مبرهنة القيم المتوسطة



(4) الرسم

- (5) المناقشة البيانية المائلة : حلول المعادلة $f(x) = -ex + m$ هي فوصل نقط تقاطع المنحنى (C_f) والمستقيم ذو المعادلة $y = -ex + m$ الموازي للمستقيم (Δ)
- $m \leq -1$ ، المعادلة لا تقبل حلول
- $-1 < m < 0$ ، المعادلة تقبل حل واحد سالب
- $m = 0$ المعادلة تقبل حل معدوم
- $m > 0$ المعادلة تقبل حل واحد موجب
- (6) أ- من أجل كل $x \in \mathbb{R}$ ، $-x \in \mathbb{R}$ لدينا $h(-x) = h(x)$ إذن الدالة h زوجية (C_h) متناظر بالنسبة لحامل محور الترتيب
- ب- من أجل كل $x \geq 0$ لدينا $h(x) = f(x)$
- من أجل كل $x \leq 0$ لدينا $h(x) = f(-x)$
- ت- على المجال $[0; +\infty[$ (C_h) ينطبق على (C_f)
- على المجال $] -\infty; 0]$ (C_h) نظير (C_f) بالنسبة لحامل محور الترتيب.